



Algoritmos e Estrutura de Dados - IV

Unidade 7 – Algoritmos Básicos de Ordenação

Prof. Aparecido V. de Freitas Doutor em Engenharia da Computação pela EPUSP







Bibliografia

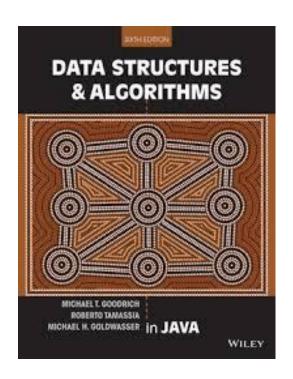
- Data Structures and Algorithms in Java Sixty Edition Roberto Tamassia Michael T.
 Goodrich John Wiley & Sons, Inc
- Head First Java, 2nd Edition by Kathy Sierra and Bert Bates
- Estrutura de Dados e Algoritmos Bruno R. Preiss, Editora Campus, 2001
- Estrutura de Dados e Algoritmos em Java Robert Lafore, Editora Ciência Moderna, 2005
- Algoritmos e Estrutura de Dados Niklaus Wirth Editora Prentice Hall do Brasil, 1989
- Estrutura de Dados e Algoritmos em Java, Adam Drozdek Thompson
- Introdução à Estrutura de Dados, Celes, Cerqueira, Rangel Elsevier



Leitura Recomendada



Data Structures and Algorithms in Java (*), Roberto Tamassia and Michael
 T. Goodrich, Sixty Edition – 2014, Capítulo 11



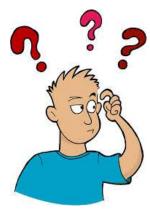


(*) Em português, Estrutura de Dados e Algoritmos em Java



Como seria encontrar um nome em lista telefônica desordenada?

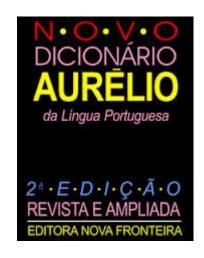


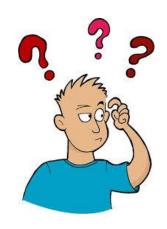






Ou encontrar um nome em um dicionário que não estivesse ordenado?









Ordenação

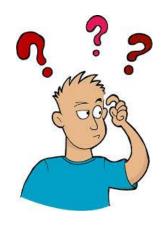
- A conveniência de se usar dados ordenados é inquestionável na Computação.
- Mesmo o computador é ineficiente ao buscar dados em agrupamentos não ordenados.
- Felizmente, existem bons algoritmos de ordenação.







Como se mede a eficiência de um algoritmo de ordenação







Algoritmos de Ordenação

A eficiência em geral é medida pelo número de comparações e pelo número de movimentações de dados.







Problema de Ordenação

Permutar (rearranjar) os elementos de um array **a**[0..n-1] de tal modo que eles fiquem em <u>ordem crescente</u>, ou seja, de tal forma que se tenha:

$$\mathbf{a}[0] \leq \mathbf{a}[1] \leq \ldots \leq \mathbf{a}[n-1]$$



Algoritmo Bubble-Sort



- Uma bolha nada mais é que um par de números ordenados.
 Exemplo (2,7) e (7,4).
- A primeira destas bolhas está ordenada crescentemente mas a segunda não.
- Toda vez que se encontra uma bolha desordenada, deve-se invertê-la, transformando (7,4) em (4,7).
- As bolhas são assim chamadas pois sobem pela sequência da mesma forma como bolhas de gás na água.
- Complexidade: O(n²), com algumas variações dependendo da forma dos dados de entrada.







Sequência a ser ordenada: 4, 2, 12, 7, 4, 1

(4	2)	12	7	4	1
2	(4	12)	7	4	1
2	4	(12	7)	4	1
2	4	7	(12	4)	1
2	4	7	4	(12	1)
2	4	7	4	1	12

(2	4)	7	4	1	12
2	(4	7)	4	1	12
2	4	(7	4)	1	12
2	4	4	(7	1)	12
2	4	4	1	(7	12)
2	4	4	1	7	12





Algoritmo Bubble-Sort



```
void Bolha (int tam, int vet[]) {
    int passo, i, aux;
// Passos de Ordenação
for (passo=1 ; passo < tam ; passo++) {</pre>
         // Passos de Troca
         for(i=1; i < tam; i++) {
              if (\text{vet}[i-1] > \text{vet}[i]) {
                  aux = vet[i-1];
                  vet[i-1] = vet[i];
                  vet[i] = aux;
```







```
package sort;
import java.util.Arrays;
public class Bubble 01 {
       public static void main (String [] args ) {
              int[] lista = { 9, 7 , 4, 3, 1 };
              lista = bubble(lista);
              System.out.println (Arrays.toString(lista) );
```



Algoritmo Bubble-Sort Implementação



```
public static int[] bubble(int[] lista) {
      int aux;
      int n = lista.length;
      for (int i = 1; i < n; i++) {
              for (int j = 1; j < n; j ++)
                      if (lista[j-1] > lista[j] ) {
                               aux = lista[j-1];
                               lista[j-1] = lista[j];
                               lista[j] = aux;
      return lista;
```





Bubble Sort com Trace





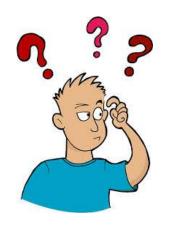


```
public static int[] bubble (int[] lista) {
int aux;
     for(int i = 1 ; i < lista.length ; i++) {</pre>
         System.out.println ("\n******PASSSO: " + i + " ******");
         System.out.println ("\n Lista antes de aplicar o PASSO: " +
                   Arrays.toString(lista) );
         for (int j=1; j < lista.length;j++)</pre>
                   if (lista[j-1] > lista[j] ) {
                            System.out.println("Troca de " + lista[j-1] +
                                      " com " + lista[j]);
                            aux = lista[j-1];
                            lista[j-1]=lista[j];
                            lista[i] = aux:
                   else System.out.println("Não trocou " + lista[j-1] +
                             " com " + lista[j]);
         return lista;
```





Quantas comparações e trocas são feitas no algoritmo Bubble Sort ?







Análise de Complexidade

- O número de comparações é o mesmo em cada caso (melhor, pior e médio) e igual ao número total de iterações do for interno.
- O número de trocas, no pior caso, ocorre quando o array estiver em ordem inversa.
- \bullet Ordem de complexidade: $O(n^2)$





- Ordenar a sequência 4, 2, 12, 1 pelo método Bolha.
- Mostrar todas as TROCAS EFETUADAS NA SEQUÊNCIA EM QUE ACONTECEM.
- Apresente também, passo a passo, a evolução do conteúdo do array.

```
***** PASSO: 1 *****
```

- Lista antes de aplicar o PASSO: [4, 2, 12, 1]
- Troca de 4 com 2
- Não trocou 4 com 12
- Troca de 12 com 1
- Lista após o PASSO 1: [2,4,1,12]





- Ordenar a sequência 4, 2, 12, 1 pelo método Bolha.
- Mostrar todas as TROCAS EFETUADAS NA SEQUÊNCIA EM QUE ACONTECEM.
- Apresente também, passo a passo, a evolução do conteúdo do array.

```
***** PASSO: 2 *****
```

- Lista antes de aplicar o PASSO: [2, 4, 1, 12]
- Não trocou 2 com 4
- Troca de 4 com 1
- Não trocou 4 com 12
- Lista após o PASSO 2: [2,1,4,12]





- Ordenar a sequência 4, 2, 12, 1 pelo método Bolha.
- Mostrar todas as TROCAS EFETUADAS NA SEQUÊNCIA EM QUE ACONTECEM.
- Apresente também, passo a passo, a evolução do conteúdo do array.

```
****** PASSO: 3 ******
```

Lista antes de aplicar o PASSO: [2, 1, 4, 12]

Troca de 2 com 1

Não trocou 2 com 4

Não trocou 4 com 12

Lista após o PASSO 3: [1,2,4,12]





 Alterar o algoritmo Bubble_Sort para classificar o array em ordem <u>DECRESCENTE</u>.





Algoritmo Inserção Direta

- Usado por exemplo, para colocar em ordem um baralho de cartas
- Mais rápido que o método Bubble-Sort.
- Ordena um array utilizando um sub-array ordenado localizado em seu início, e a cada novo passo, acrescenta a este sub-array mais um elemento, até atingir o último elemento do array fazendo com que ele se torne ordenado.





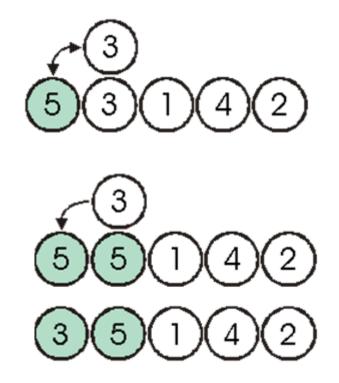






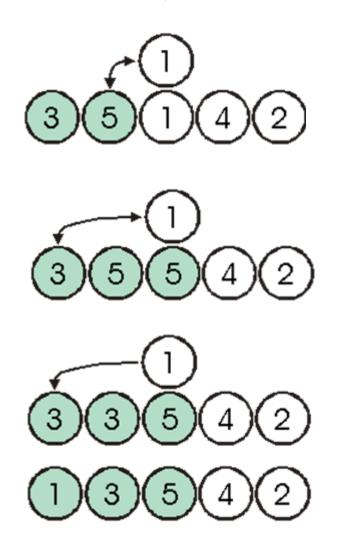




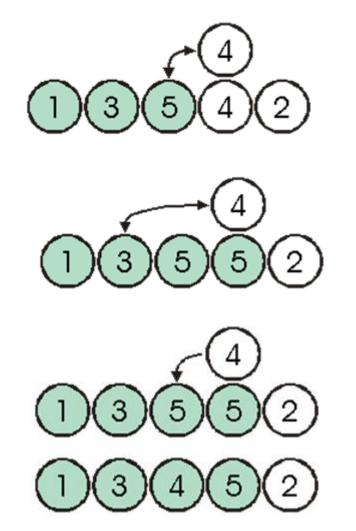




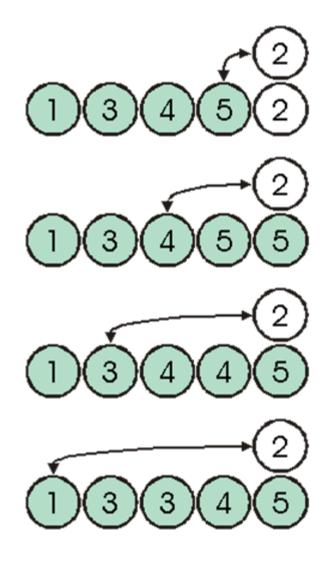






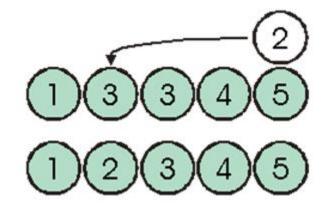












Array Ordenado



Algoritmo – Inserção Direta



```
package sort;
import java.util.Arrays;
public class SortInsertion {
       public static void main (String[] args ) {
              int[] lista = { 2,1,8,5,0};
              lista = sortInsertion(lista);
              System.out.println(Arrays.toString(lista));
```



Algoritmo – Inserção Direta



```
public static int[] sortInsertion(int[] lista) {
        int i, j, aux;
        for (i = 1; i < lista.length; i++) {
                aux = lista[i];
                j = i;
                while (j > 0 && lista[j-1] > aux) {
                         lista[j] = lista[j-1];
                         j--;
                lista[j] = aux;
        }
        return lista;
```





Inserção Direta com Trace





```
package sort;
import java.util.Arrays;
public class Insertion {
       public static void main (String [] args ) {
              int[] lista = { 4, 2, 12, 1 };
              insertionSort(lista);
              System.out.println ("Lista Ordenada:
                      Arrays.toString(lista) );
```









```
// passos para encontrar o elemento deve ser inserido
for (int j = i - 1; j >= 0 && lista[j] > a; <math>j--) {
   lista[j + 1] = lista[j]; // move ate encontrar posicao correta
    System.out.println("Movimentações dentro do passo: " +
             Arrays.toString(lista));
     lista[j] = a; // insere na posicao correta
System.out.println("Lista dentro do PASSO: " +
             Arrays.toString(lista) + "\n");
```





- Ordenar a sequência 4, 2, 12, 1 pelo método Inserção Direta.
- Mostrar todas as MOVIMENTAÇÕES EFETUADAS NA SEQUÊNCIA EM QUE ACONTECEM.
- Apresente também, passo a passo, a evolução do conteúdo do array.

****** PASSO: 1 *****

Lista antes de aplicar o PASSO: [4, 2, 12, 1]

Movimentações dentro do PASSO: [4, 4, 12, 1]

Lista dentro do PASSO: [2, 4, 12, 1]





- Ordenar a sequência 4, 2, 12, 1 pelo método Inserção Direta.
- Mostrar todas as MOVIMENTAÇÕES EFETUADAS NA SEQUÊNCIA EM QUE ACONTECEM.
- Apresente também, passo a passo, a evolução do conteúdo do array.

****** PASSO: 2 *****

Lista antes de aplicar o PASSO: [2, 4, 12, 1]

Lista dentro do PASSO: [2, 4, 12, 1]





- Ordenar a sequência 4, 2, 12, 1 pelo método <u>Inserção Direta</u>.
- Mostrar todas as MOVIMENTAÇÕES EFETUADAS NA SEQUÊNCIA EM QUE ACONTECEM.
- Apresente também, passo a passo, a evolução do conteúdo do array.

```
****** PASSO: 3 ******
Lista antes de aplicar o PASSO: [2, 4, 12, 1]
Movimentações dentro do PASSO: [2, 4, 12, 12]
Movimentações dentro do PASSO: [2, 4, 4, 12]
Movimentações dentro do PASSO: [2, 2, 4, 12]
Lista dentro do PASSO: [1, 2, 4, 12]
```



Lista ordenada: [1, 2, 4, 12]



Análise de Complexidade

- Uma vantagem do algoritmo por inserção é que ele ordena o vetor somente quando realmente é necessário.
- O melhor caso é quando os dados já estão em ordem. O pior caso é quando os dados estão em ordem inversa.
- \bullet Ordem de complexidade: $O(n^2)$





- Encontre o menor elemento no array;
- Troque-o com o elemento da primeira posição;
- Encontre o segundo menor elemento no array;
- Troque-o com o elemento da segunda posição;
- Continue até que o array esteja ordenado;







Algoritmo por Seleção - Pseudocódigo

```
Selectionsort(array[], n)
  for (i=0; i < n-1; i++)

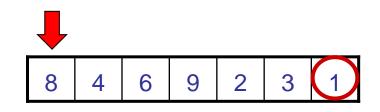
    selectione o menor elemento
    entre array[i],...,array[n-1];

    troque-o com array[i];</pre>
```

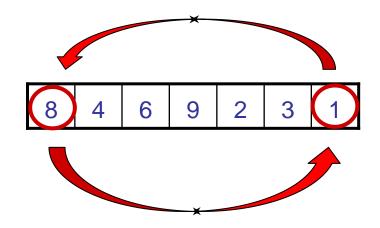


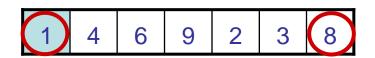






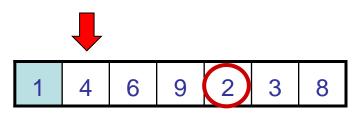




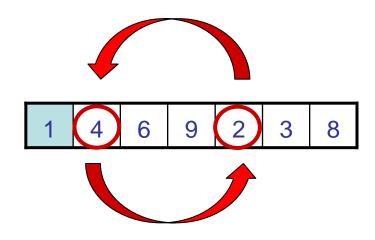








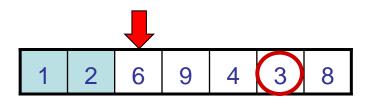




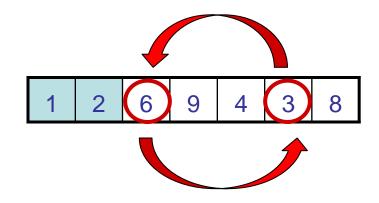


1 2 6	9 4	3	8
-------	-----	---	---



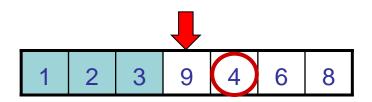




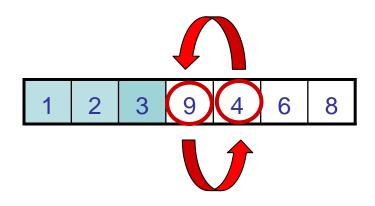








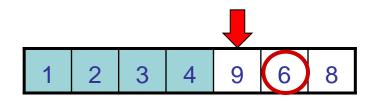




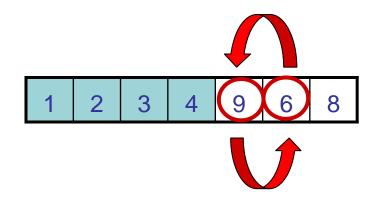


1 2 3	4 9	6	8
-------	-----	---	---





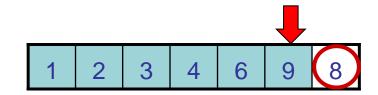




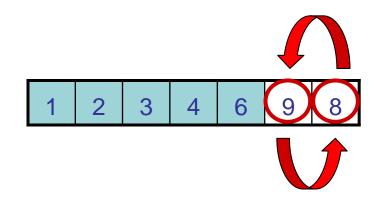


1 2 3 4	6	9	8
---------	---	---	---













Algoritmo por Seleção - Implementação

```
Selectionsort(array[], n) {
   for (i=0; i < n-1; i++) {

     selecione o menor elemento
     entre array[i],...,array[n-1];

     troque-o com array[i];
}</pre>
```







```
package selection;
import java.util.Arrays;
public class Selection {
       public static void main(String[] args) {
              int[] lista = new int[] { 5, 2, 1, 9, 7 };
              lista = selection_sort(lista);
              System.out.println("\n\n\nLista ordenada:
              Arrays.toString(lista) );
```



```
public static int[] selection_sort(int[] lista) {
     int menor, indiceMenor;
     for (int i = 0; i < lista.length - 1; i++) {
              menor = lista[i];
               indiceMenor = i ;
              for (int j = i+1; j < lista.length; j++) {
                        if (lista[j] < menor) {</pre>
                                 menor = lista[j];
                                  indiceMenor = j;
               lista[indiceMenor] = lista[i];
              lista[i]=menor;
     return lista;
```





Selection com Trace





```
public static int[] selection_sort(int[] lista) {
        //armazena o menor valor e o índice do menor valor
        int menor, indiceMenor;
        for (int i = 0; i < lista.length - 1; i++) {
                System.out.println ("\n\n\n******PASSO: " +
                        (i+1) + " *****");
                System.out.println ("Lista antes de aplicar o PASSO: " +
                         Arrays.toString(lista) );
                menor = lista[i];
                indiceMenor = i ;
// compara com os outros valores do array
```





```
for (int j = i+1; j < lista.length; j++) {
        if (lista[j] < menor) {</pre>
                 menor = lista[j];
                 indiceMenor = j;
        }
//swap
lista[indiceMenor] = lista[i];
lista[i]=menor;
System.out.println("Movimentações dentro do PASSO: " +
         Arrays.toString(lista) );
return lista;
```





Análise de Complexidade

- → O laço mais externo executa n-1 vezes.
- ◆ O laço mais interno executa de i + 1 até n-1.
- \bullet Ordem de complexidade: $O(n^2)$





- Ordenar a sequência 5, 2, 1, 9, 7 pelo método <u>SelectionSort</u>.
- Mostrar todas as MOVIMENTAÇÕES EFETUADAS NA SEQUÊNCIA EM QUE ACONTECEM.
- Apresente também, passo a passo, a evolução do conteúdo do array.

*******PASSO: 1 ******
Lista antes de aplicar o PASSO: [5, 2, 1, 9, 7]

Movimentações dentro do PASSO: [1, 2, 5, 9, 7]





- Ordenar a sequência 5, 2, 1, 9, 7 pelo método <u>SelectionSort</u>.
- Mostrar todas as MOVIMENTAÇÕES EFETUADAS NA SEQUÊNCIA EM QUE ACONTECEM.
- Apresente também, passo a passo, a evolução do conteúdo do array.

```
******PASSO: 2 ******
Lista antes de aplicar o PASSO: [1, 2, 5, 9, 7]
Movimentações dentro do PASSO: [1, 2, 5, 9, 7]
```





- Ordenar a sequência 5, 2, 1, 9, 7 pelo método <u>SelectionSort</u>.
- Mostrar todas as MOVIMENTAÇÕES EFETUADAS NA SEQUÊNCIA EM QUE ACONTECEM.
- Apresente também, passo a passo, a evolução do conteúdo do array.

```
*******PASSO: 3 ******
Lista antes de aplicar o PASSO: [1, 2, 5, 9, 7]
Movimentações dentro do PASSO: [1, 2, 5, 9, 7]
```





- Ordenar a sequência 5, 2, 1, 9, 7 pelo método <u>SelectionSort</u>.
- Mostrar todas as MOVIMENTAÇÕES EFETUADAS NA SEQUÊNCIA EM QUE ACONTECEM.
- Apresente também, passo a passo, a evolução do conteúdo do array.

```
******PASSO: 4 ******
Lista antes de aplicar o PASSO: [1, 2, 5, 9, 7]
Movimentações dentro do PASSO: [1, 2, 5, 7, 9]
```

