#### Première partie

# Signal

#### 1 Cours

- 1. Définition d'une moyenne, d'une correlation
- 2. Expression de la covariance
- 3. Définition de WSS
- 4. Définition d'ergodique
- 5. Densité spectrale de puissance, lien avec correlation et moyenne par TF
- 6. Intercorrelation entre deux sorties en fonction de l'entrée
- 7. Lois a priori et a posteriori
- 8. Filtre d'un signal AR. AR(1) : expression de a et de  $\sigma_x^2$ .
- 9. Équations normales de Yule-Walker.
- 10. Mêmes questions avec AR(p)

#### 2 Révisions

1. Réalisable physiquement

### Deuxième partie

# Optimisation combinatoire

#### 1 Problèmes polynomiaux

- 1. Définition d'un problème d'optimisation, de décision
- 2. Propriété entre problème d'optimisation et de décision
- 3. Ensemble des énoncés de  $\Pi$  codés par c pour lesquels la réponse est oui
- 4. Condition pour qu'un programme résolve  $\Pi$

- 5. Définition d'une complexité
- 6. Algorithme polynomial, problème polynomial
- 7. Définition de P et  $\mathcal{P}$
- 8. Fonction calculée par A
- 9. Fonction calculable polynomialement
- 10. MT non déterministe : temps de calcul, temps de reconnaissance de  $\boldsymbol{x}$
- 11. Algorithme non déterministe polynomial (NP)
- 12. Définition de  $\mathcal{NP}$
- 13.  $\mathcal{P} \subset \mathcal{NP}$
- 14. Compléxité algorithme d'un problème  $\mathcal{NP}$
- 15. Définition d'une réduction polynomiale, notation
- 16. Propriété sur l'appartenance à  $\mathcal P$  si réduction polynomiale
- 17. Transitivité
- 18. Définition de polynomialement équivalent
- 19. Plus petite classe d'éqivalence pour  $\alpha$
- 20. Classe  $\mathcal{NP}$ -complet
- 21. Théorème de Cook

#### 2 Systèmes d'indépendance

- 22. Définition système d'indépendance, fonction poids. Quel est le problème?
- 23. Algorithme glouton. Lien pour le poids avec une solution optimale.
- 24. Garantie de performance.
- 25. Définition d'une base,  $l_r$  et  $u_r$ .
- 26. Théorème : forme de la fonction garantie de performance dans le cas d'une solution gloutone.
- 27. Définition de matroïde
- 28. Propriété des matroïdes sur l'algorithme glouton
- 29. Propriété sur garantie de performance

#### 3 Cheminement des les graphes

- 30. Définition d'un problème de plus court chemin. Condition d'existence.
- 31. Propriété des sous-chemins de plus court chemins
- 32. Algorithme de Ford
- 33. Définition de potentiel
- 34. Propriété: relation longueur et potentiel
- 35. Corollaire sur plus court chemin et potentiel
- 36. Algorithme de Dijkstra
- 37. Dualité chemin/potentiel
- 38. Définition d'ordre topologique. Équivalence avec les graphes sans circuit.
- 39. Algorithme de Bellman : spécificité

#### 4 Flots dans les graphes

- 40. Définition d'un flot
- 41. Définition de la valeur d'un flot, propriété
- 42. Définition de flot réalisable, arc saturé
- 43. Coupe d'un graphe, remarque sur la disconnection
- 44. Relation coupe et flot
- 45. Corollaire: avoir un flot maximal
- 46. Définition de chaîne augmentante
- 47. Équivalence flot maximal et chaîne augmentante
- 48. Algorithme de Ford-Fulkerson
- 49. Définition : Graphe d'écart
- 50. Algorithme de Roy

### Troisième partie

### EDP

### 1 Cas d'une EDP en espace

- 1. Définition de l'ordre
- 2. Formule d'intégration par partie, formules de Green.
- 3. Classification des EDP : elliptiques, paraboliques, hyperboliques
- 4. Conditions de Dirichlet et de Neumann
- 5. Différence finies : approximation de la dérivée
- 6. Définition d'approximation consistante d'ordre p
- 7. Schéma centré pour dérivée d'ordre 1, son ordre de consistance avec condition sur u.
- 8. Lemme : approximation de la dérivée seconde
- 9. Définition erreur de consistance, schéma consistant au sens d'une norme, schéma consustant d'ordre p
- 10. Si u de dérivée 4ème nulle?
- 11. Définition normes matricielles subordonnées 1, 2 et  $\infty$
- 12. Définition de vecteur et matrice positif(ve)
- 13. Définition matrice monotone
- 14. Lemme : équivalence matrice monotone
- 15.  $||A_h^{-1}||_{\infty} \leq \frac{1}{8}$

### 2 Équation de la chaleur

- 1. Schéma explicite, implicite
- 2. Erreur de consistance dans les schémas avec temps.
- 3. Définition de la norme h.
- 4. Lemme 1 : matrice tridiagonale, éléments propres.
- 5. Forme générale d'un schéma numérique. Erreur de consistance. Schéma consistant pour une norme. Ordre de consistance.

- 6. Définition convergence (Avec données initiales)
- 7. Définition de la stabilité
- 8. Théorème de Lax : équivalence à convergence.
- 9. Schéma explicite : CNS de stabilité.
- 10. CNS si B normale
- 11. Méthode de Fourier : stabilité dans l'espace  $L^2(\mathbb{R})$
- 12. Norme de la forme linéaire L(v) = bv
- 13. Théorème de Plancherel
- 14. Proposition 5 : équivalence à stabilité avec coefficient d'amplification.
- 15. Stable au sens de Von Neumann

16.

### Quatrième partie

# Calcul spectral

- 1. Produit scalaire 2 vecteurs propres
- 2. Définition deux matrices semblables, propriété des éléments propres pour les matrices propres
- 3. Algorithme de la puissance itérée
- 4. Théorème de Riesz-Fredholm : conditions sur V et H, écriture du problèmes, résultats
- 5. Définition du coefficient de Reyleigh.
- 6. Théorème de Courant-Fisher

### Cinquième partie

#### Réseau

- 1. Caractéristiques Serveur et client
- 2. 7 couches systèmes

- 3. Adresse MAC
- 4. Datagramme IP : taille de l'en-tête et totale
- 5. Adresse IP: taille. 5 classes
- 6. Hostid spéciaux.
- 7. ARP, ICMP et NAT
- 8. Plage de ports, quelques exemples.
- 9. UDP et TCP
- 10. 5 étapes de transferts
- 11. DNS, 3 étapes de résolution d'adresse

#### Sixième partie

## Finance

- 1. Agent économique : qui supporte un besoin et qui dégage une capacité?
- 2. Financement intermédié
- 3. Définition de marché, marché des capitaux. Titres, émetteurs
- 4. Marchés monétaires et financiers. Actions, Obligations. Marché primaire, secondaire.
- 5. Politique monétaire.
- 6. Membres zone euro. 2 définitions des autorités monétaires
- 7. Objectif de la BCE.
- 8. Panier. Inflation en France et en Europe en janvier 2013
- 9. Qu'est-ce qui fait monter l'inflation? Temps entre hausse de celuici et hause de l'inflation. Indicateur avancé de l'inflation.
- 10. 3 formes de la monnaie.
- 11. 3 types de comptes bancaires.
- 12. Définition d'agrégat monétaire, M1, M2 et M3.