Première partie

Signal

1 Cours

- 1. Définition d'une moyenne, d'une correlation
- 2. Expression de la covariance
- 3. Définition de WSS
- 4. Définition d'ergodique
- 5. Densité spectrale de puissance, lien avec correlation et moyenne par TF
- 6. Intercorrelation entre deux sorties en fonction de l'entrée
- 7. Lois a priori et a posteriori
- 8. Filtre d'un signal AR. AR(1) : expression de a et de σ_x^2 .
- 9. Équations normales de Yule-Walker.
- 10. Mêmes questions avec AR(p)
- 11. Estimation en moyenne quadratique :
 - Fonctionnelle à minimiser?
 - Risque moyen? Expression de $\hat{x}_{EMQ}(z)$
 - $\mathbb{E}(\hat{x}_{EMQ}(z))$? Innovation?
 - Variance de l'innovation?
- 12. Maximum à postériori :
 - Fonctionnelle à minimiser?
 - Risque moyen?
 - Expression de $\hat{x}_{MAP}(z)$?
 - Que se passe-t-il dans le cas gaussien?
- 13. Maximum de vraisemblance :
 - Inégalités de Cramer-Rao
 - Équation à résoudre pour obtenir $\hat{x}_{MV}(z)$?
 - Condition pour que l'estimateur soit efficace?
- 14. Refaire le truc sur les équations d'état

Deuxième partie

Optimisation combinatoire

1 Problèmes polynomiaux

- 1. Définition d'un problème d'optimisation, de décision
- 2. Propriété entre problème d'optimisation et de décision
- 3. Ensemble des énoncés de Π codés par c pour lesquels la réponse est oui
- 4. Condition pour qu'un programme résolve Π
- 5. Définition d'une complexité
- 6. Algorithme polynomial, problème polynomial
- 7. Définition de P et \mathcal{P}
- 8. Fonction calculée par A
- 9. Fonction calculable polynomialement
- 10. MT non déterministe : temps de calcul, temps de reconnaissance de \boldsymbol{x}
- 11. Algorithme non déterministe polynomial (NP)
- 12. Définition de \mathcal{NP}
- 13. $\mathcal{P} \subset \mathcal{NP}$
- 14. Compléxité algorithme d'un problème \mathcal{NP}
- 15. Définition d'une réduction polynomiale, notation
- 16. Propriété sur l'appartenance à $\mathcal P$ si réduction polynomiale
- 17. Transitivité
- 18. Définition de polynomialement équivalent
- 19. Plus petite classe d'éqivalence pour α
- 20. Classe \mathcal{NP} -complet
- 21. Théorème de Cook

2 Systèmes d'indépendance

- 22. Définition système d'indépendance, fonction poids. Quel est le problème?
- 23. Algorithme glouton. Lien pour le poids avec une solution optimale.
- 24. Garantie de performance.
- 25. Définition d'une base, l_r et u_r .
- 26. Théorème : forme de la fonction garantie de performance dans le cas d'une solution gloutone.
- 27. Définition de matroïde
- 28. Propriété des matroïdes sur l'algorithme glouton
- 29. Propriété sur garantie de performance

3 Cheminement dans les graphes

- 30. Définition d'un problème de plus court chemin. Condition d'existence.
- 31. Propriété des sous-chemins de plus court chemins
- 32. Algorithme de Ford
- 33. Définition de potentiel
- 34. Propriété: relation longueur et potentiel
- 35. Corollaire sur plus court chemin et potentiel
- 36. Algorithme de Dijkstra
- 37. Dualité chemin/potentiel
- 38. Définition d'ordre topologique. Équivalence avec les graphes sans circuit.
- 39. Algorithme de Bellman : spécificité

4 Flots dans les graphes

40. Définition d'un flot

- 41. Définition de la valeur d'un flot, propriété
- 42. Définition de flot réalisable, arc saturé
- 43. Coupe d'un graphe, remarque sur la disconnection
- 44. Relation coupe et flot
- 45. Corollaire: avoir un flot maximal
- 46. Définition de chaîne augmentante
- 47. Équivalence flot maximal et chaîne augmentante
- 48. Algorithme de Ford-Fulkerson
- 49. Définition : Graphe d'écart
- 50. Algorithme de Roy

5 Programmation linéaire en nombres entiers

- 51. Définition d'un polyhèdre
- 52. Si polyèdre borné?
- 53. Définition : polyèdre entier.
- 54. Si P entier, difficulté problème de minimisation?
- 55. Meilleure formulation
- 56. Inégalité valide
- 57. Hyperplan séparateur pour \bar{x} et P, coupe
- 58. $conv\Pi$
- 59. Équivalence pour la difficulté polynomial.

Troisième partie

EDP

1 Cas d'une EDP en espace

- 1. Définition de l'ordre
- 2. Formule d'intégration par partie, formules de Green.
- 3. Classification des EDP: elliptiques, paraboliques, hyperboliques
- 4. Conditions de Dirichlet et de Neumann
- 5. Différence finies : approximation de la dérivée
- 6. Définition d'approximation consistante d'ordre p
- 7. Schéma centré pour dérivée d'ordre 1, son ordre de consistance avec condition sur u.
- 8. Lemme : approximation de la dérivée seconde
- 9. Définition erreur de consistance, schéma consistant au sens d'une norme, schéma consustant d'ordre p
- 10. Si u de dérivée 4ème nulle?
- 11. Définition normes matricielles subordonnées 1, 2 et ∞
- 12. Définition de vecteur et matrice positif(ve)
- 13. Définition matrice monotone
- 14. Lemme : équivalence matrice monotone
- 15. $||A_h^{-1}||_{\infty} \leq \frac{1}{8}$

2 Équation de la chaleur

- 16. Schéma explicite, implicite
- 17. Erreur de consistance dans les schémas avec temps.
- 18. Définition de la norme h.
- 19. Lemme 1 : matrice tridiagonale, éléments propres.
- 20. Forme générale d'un schéma numérique. Erreur de consistance. Schéma consistant pour une norme. Ordre de consistance.

- 21. Définition convergence (Avec données initiales)
- 22. Définition de la stabilité
- 23. Théorème de Lax : équivalence à convergence.
- 24. Schéma explicite : CNS de stabilité.
- 25. CNS si B normale
- 26. Méthode de Fourier : stabilité dans l'espace $L^2(\mathbb{R})$
- 27. Norme de la forme linéaire L(v) = bv
- 28. Théorème de Plancherel
- 29. Proposition 5 : équivalence à stabilité avec coefficient d'amplification.
- 30. Stable au sens de Von Neumann

3 Méthode des caractéristiques

- 31. EDP quasi-linéaire, homogène.
- 32. EDP sous forme conservative
- 33. Théorème entre forme conservative et quasi-linéaire
- 34. Méthode des caractéristiques : idée générale
- 35. Forme générale des EDP, équation caractéristique associée
- 36. Théorème : solution d'un problème de Cauchy

Quatrième partie

Calcul spectral

- 1. Produit scalaire 2 vecteurs propres
- 2. Définition deux matrices semblables, propriété des éléments propres pour les matrices propres
- 3. Algorithme de la puissance itérée
- 4. Théorème de Riesz-Fredholm : conditions sur V et H, écriture du problèmes, résultats

- 5. Définition du coefficient de Reyleigh.
- 6. Théorème de Courant-Fisher

Cinquième partie

Réseau

- 1. Caractéristiques Serveur et client
- 2. 7 couches systèmes
- 3. Adresse MAC
- 4. Datagramme IP : taille de l'en-tête et totale
- 5. Adresse IP: taille. 5 classes
- 6. Hostid spéciaux.
- 7. ARP, ICMP et NAT
- 8. Plage de ports, quelques exemples.
- 9. UDP et TCP
- 10. 5 étapes de transferts
- 11. DNS, 3 étapes de résolution d'adresse

Sixième partie

Finance

1 Introduction

- 1. Agent économique : qui supporte un besoin et qui dégage une capacité?
- 2. Financement intermédié
- 3. Définition de marché, marché des capitaux. Titres, émetteurs
- 4. Marchés monétaires et financiers. Actions, Obligations. Marché primaire, secondaire.

2 Politique monétaire de la zone euro

- 5. Politique monétaire.
- 6. Membres zone euro. 2 définitions des autorités monétaires
- 7. Objectif de la BCE.
- 8. Panier. Inflation en France et en Europe en janvier 2013
- 9. Qu'est-ce qui fait monter l'inflation? Temps entre hausse de celuici et hause de l'inflation. Indicateur avancé de l'inflation.
- 10. 3 formes de la monnaie.
- 11. 3 types de comptes bancaires.
- 12. Définition d'agrégat monétaire, M1, M2 et M3.
- 13. Taux de M3 à ne pas dépasser, conséquence si c'est le cas.
- 14. Deux types de fuite.
 - 1er type : deux types existants
 - 2ème type : créé par qui ? Consiste en quoi ? Taux de RO ?
- 15. 2 types de refinancement auprès de la BC.
 - OM : quand? Durée de crédit?
 - Noms des taux d'intérêt pratiqués. Taux actuel (annuel!)
 - Montant réellement prêté par ce biais
 - FP : Accessible quand? Montant prêté? Nom du refinancement et du taux pratiqué
 - Durée du créedit, différence entre les deux taux
- 16. Taux minimum: nom, signification, taux actuel

3 Marché interbancaire

- 17. Trois catégories de banque.
 - les établissements de crédit : deux type de banques. Où se situe la différence ?
 - banques publiques : 2 exemples
 - Banques d'affaire : rôle
- 18. Durée d'emprunt, nom des deux taux pratiqués selon la durée
 - Taux JLJ : différence avec le taux EONIA.

- Taux à T : autre nom
- 19. Placement de chacun des taux entre la BCE et le MIB. Problème dans ce schéma : d'où ça vient ?

4 Les titres de court terme

- 20. Définition.
- 21. Déficit budgétaire : définition. Différentes mesures pour financer le déficit.
- 22. Dette publique : définition. Définition du service de la dette.
- 23. 3 étapes de contrôle de la dette
- 24. Définition du déficit structurel.
- 25. Deux catégories de bons du trésor : valeur unitaire, durée de vie, rémunération, remboursement
- 26. Deux catégories de titres de court terme émis par les entreprises et les banques. (avec les noms selon entreprise ou banque)
- 27. Valeur unitaire, durée de vie, réminération, remboursement.