Saint-Venant

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

Les

équations de Saint-Venant Hydrodynam.

Hydrodynam. Équations

Méthode des éléments finis

Présentation Simulation

Volumes finis Simulation FF++

Conclusion

Présentation projet : les équations de Saint-Venant et la méthode des éléments finis

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

INSA de Rouen

30 mai 2014

Saint-Venant

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

Les

équations de Saint-Venant Hydrodynam.

Équations

Méthode des éléments finis

Présentation Simulation

Volumes finis Simulation FF++

- Les équations de Saint-Venant
 - Un peu d'hydrodynamique
 - Présentation des équations
- 2 Méthode des éléments finis
 - Présentation rapide de la méthode
 - Simulation sur un exemple
- 3 Saint-Venant avec FreeFem++
 - La méthode des volumes finis
 - Simulations avec FreeFem++

Saint-Venant

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

Les

équations de Saint-Venant

Hydrodynam. Équations

Méthode des éléments finis

Présentation Simulation

Volumes finis Simulation FF++

- 1 Les équations de Saint-Venant
 - Un peu d'hydrodynamique
 - Présentation des équations
- 2 Méthode des éléments finis
- 3 Saint-Venant avec FreeFem++

Bouah

Saint-Venant

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

Les

équations de Saint-Venant

Hydrodynam. Équations

Méthode des éléments

Présentation Simulation

Euro Euro III I

Volumes finis Simulation FF++

Démonstration : grandes idées

Saint-Venant

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

Les

équations de Saint-Venant

Hydrodynam. Équations

Méthode des éléments

Présentation Simulation

Volumes finis Simulation FF++

Conclusion

Équation de continuité Équation de quantité de mouvement

⇒ Équations de Navier-Stokes

$$\begin{cases}
\frac{\partial \rho}{\partial t} + \operatorname{div}\left(\rho \overrightarrow{U}\right) &= 0 \\
\frac{\partial}{\partial t}\left(\rho \overrightarrow{U}\right) + \operatorname{div}\left(\rho \overrightarrow{U} \otimes \overrightarrow{U}\right) &= \rho f - \nabla p + \operatorname{div}(\tau)
\end{cases}$$

Équations de Saint-Venant complètes

Saint-Venant

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

Les

équations de Saint-Venant

Hydrodynam. Équations

Méthode des éléments

Présentation Simulation

Volumes finis Simulation FF++

- Moyenne des équations sur la hauteur, eau peu profonde.
- Transformation des équations de Navier-Stokes

$$\begin{cases} \frac{\partial}{\partial x}(hu) + \frac{\partial}{\partial y}(hv) + \frac{\partial h}{\partial t} &= 0\\ \frac{\partial u}{\partial t} + u \frac{\partial u}{\partial x} + v \frac{\partial u}{\partial y} &= -g \frac{\partial Z_s}{\partial x} + F_x\\ \frac{\partial v}{\partial t} + u \frac{\partial v}{\partial x} + v \frac{\partial v}{\partial y} &= -g \frac{\partial Z_s}{\partial y} + F_y \end{cases}$$

Équations de Saint-Venant linéarisées

Saint-Venant

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

Les

équations de Saint-Venant

Hydrodynam. Équations

Méthode des éléments finis

Présentation Simulation

Volumes finis Simulation FF++

Conclusion

Hypothèses encore plus simplificatrices (variation d'hauteur et de vitesse faibles)

$$\left\{ \begin{array}{ll} \frac{\partial u}{\partial t} & = & -g\frac{\partial \eta}{\partial x} \\ \frac{\partial v}{\partial t} & = & -g\frac{\partial \eta}{\partial y} \\ \frac{\partial \eta}{\partial t} & = & -h_0(\frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y}) \end{array} \right.$$

Saint-Venant

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

Les

équations de Saint-Venant Hydrodynam. Équations

Méthode des éléments finis

Présentation Simulation

Volumes finis
Simulation

FF++

- 1 Les équations de Saint-Venant
- 2 Méthode des éléments finis
 - Présentation rapide de la méthode
 - Simulation sur un exemple
- 3 Saint-Venant avec FreeFem++

Bouah

Saint-Venant

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

Les

équations de Saint-Venant

Hydrodynam. Équations

Méthode des éléments

Présentation

Simulation

FreeFem++

Volumes finis Simulation FF++

Bouah

Saint-Venant

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

Les

équations de Saint-Venant

Hydrodynam. Équations

Méthode des éléments

Présentation Simulation

E. . . E.

Volumes finis Simulation FF++

Saint-Venant

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

- Les
- équations de Saint-Venant Hydrodynam.
- Équations
- Méthode des éléments finis
- Présentation Simulation
- FreeFem++ Volumes finis Simulation FF++

- Les équations de Saint-Venant
- 2 Méthode des éléments finis
- 3 Saint-Venant avec FreeFem++
 - La méthode des volumes finis
 - Simulations avec FreeFem++

Présentation de la méthode

Saint-Venant

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

Les

équations de Saint-Venant

Hydrodynam. Équations

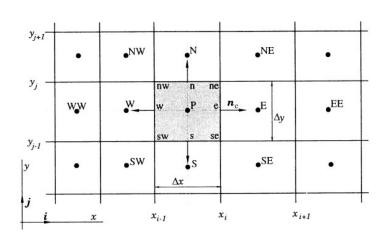
Méthode des éléments finis

Présentation Simulation

FreeFem++

Volumes finis Simulation FF++

Conclusion



Source : Cours Introduction à la Mécanique des Fluides Numériques : Méthode "Volumes Finis"
1A HY - Alexeï Stoukov

Résultats

Saint-Venant

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

Les

équations de

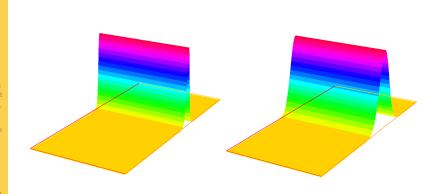
Hydrodynam. Équations

Méthode de éléments

Présentation Simulation

Free Fem +

Volumes finis Simulation FF++



Conclusion

Saint-Venant

Gabrielle Collette, Conrad Hillairet & Alexandre Vieira

Les

équations de Saint-Venant

Hydrodynam. Équations

Méthode des éléments

Présentation Simulation

Euro Erma I. I

Volumes finis Simulation FF++