# פרויקט באופטימיזציה – קבוצה 05

## חלק ב: ניסוח בעיית KKT

#### : מגישים

,308469675 טל אילון – ת.ז. 31117428, עמיחי כלב – ת.ז. 207610379 אביהו מנחם – ת.ז. 204179832, זיו לויט – ת.ז. 207610379

בחלק זה בפרויקט נבחר להציב  $X_4=10\ [year]$  ,  $X_1=12000\ [km]$  במשתני ההחלטה כדי להתאים אותה לבעית בחלק זה בפרויקט נבחר שמרחק הטיסה יהיה אלנו עוסקת בטיסות לטווחים ארוכים, לצורך חלק זה נבחר שמרחק הטיסה יהיה KKT המרחק בין תל אביב לסן פרנסיסקו, קליפורניה ארהייב – אותו נגדיר להיות בקירוב 12000 קיימ, ובנוסף ממוצע ותק צוות האויר יוגדר להיות 10 שנים כדי להבטיח אופטימליות.

### פונקציית המטרה והאילוצים בצורה סטנדרטית

Minimize 
$$\left(b \cdot ln\left(\frac{a \cdot X_2}{12000^2}\right) + c \cdot e^{d\left(\frac{X_3}{12000 \cdot X_2}\right)} + m \cdot (1+h)^{10 \cdot N}\right)$$

s.t

$$X_2 - 192000 \le 0$$

אילוץ על משקל המטוס המירבי, ללא דלק

$$X_3 - 108330 \le 0$$

אילוץ על קיבולת מיכל הדלק במטוס

$$X_2 - 1.5X_3 \le 0$$

אילוץ על היחס בין משקל המטוס לבין משקל הדלק במטוס

לאחר הצבת משתני ההחלטה הנייל, ננסח את הלגראנגייאן המתאים:

$$L(X_2, X_3, \lambda_1, \lambda_2, \lambda_3) = b \cdot ln \left( \frac{a \cdot X_2}{12000^2} \right) + c \cdot e^{d \left( \frac{X_3}{12000 \cdot X_2} \right)} + m \cdot (1+h)^{10 \cdot N} +$$
  
+  $\lambda_1 \cdot (X_2 - 192000) + \lambda_2 \cdot (X_3 - 108330) + \lambda_3 \cdot (X_2 - 1.5X_3)$ 

#### :בהתאם לנייל, ניסוח בעיית הKKT המתאים יהיה

$$(1) \frac{\partial L}{\partial X_2} = b \cdot \frac{1}{X_2} + c \cdot e^{d\left(\frac{X_3}{12000 \cdot X_2}\right)} \cdot \left(-\frac{X_3}{12000 X_2^2}\right) + \lambda_1 + \lambda_3 = 0$$

$$(2) \frac{\partial L}{\partial X_3} = c \cdot e^{d\left(\frac{X_3}{12000 \cdot X_2}\right)} \cdot \left(\frac{d}{12000 X_2}\right) + \lambda_2 - 1.5\lambda_3 = 0$$

$$(3) \lambda_1 \cdot (X_2 - 192000) = 0$$

$$(4) \lambda_2 \cdot (X_3 - 108330) = 0$$

$$(5) \lambda_3 \cdot (X_2 - 1.5X_3) = 0$$

$$\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3 \geq 0$$