מספר התלמיד הנבחן

רשום את כל תשע הספרות

האוניברסיטה

הדבק כאן את מדבקת הנבחן

מס' שאלון - 485

20

בפברואר 2020

סמסטר 2020א

כ"ה בשבט תש"ף

20476 / 4

מס' מועד

שאלון בחינת גמר

20476 - מתמטיקה בדידה

שעות משך בחינה: 3

> בשאלון זה 3 עמודים

מבנה הבחינה:

בבחינה שני חלקים:

חלק א: שאלת חובה. את התשובה לכל סעיף כתבו במחברת בלבד.

חלק ב: עליכם לענות על שלוש מתוך ארבע השאלות.

אם תענו על יותר מ- 3 שאלות, יחושב הציון לפי 3 התשובות הראשונות.

שימו לב:

- * בחלק ב יש לנמק כל תשובה, גם אם זה לא נדרש בפירוש בגוף השאלה.
- * מותר להסתמר על כל טענה המופיעה בספרי הלימוד של הקורס. כולל התשובות לשאלות שבספרי הלימוד, וכולל החוברת "אוסף תרגילים פתורים". אפשר להסתמך גם על הפתרונות שפורסמו למטלות של הסמסטר הנוכחי.
 - * אם ברצונכם להסתמך על טענות ממפגשי הנחיה, כולל מפגשי אופק, עליכם לחזור ולהוכיחן.
- * בפתרון סעיף של שאלה מותר להסתמך על סעיפים קודמים של אותה שאלה, גם אם לא פתרתם אותם.

חומר עזר:

כל חומר עזר מותר בשימוש. אפשר להשתמש במחשבון מדעי. אסור בשימוש כל מכשיר אלקטרוני שבאמצעותו ניתן לאצור מידע לרבות מכשיר טלפון נייד, מחשב נישא, שעון חכם וכד'.

בהצלחה !!!

אינכם חייבים

להחזיר את השאלון לאוניברסיטה הפתוחה



חלק א': שאלת חובה (19 נקודות)

שאלה 1

בחרו את התשובה הנכונה בכל סעיף. רשמו את התשובות בתוך המחברת.

בשאלה זו בלבד אין צורך בהוכחה. אפשר (לא חובה) לתת הסבר קצר: כמה מלים, לא יותר משתי שורות. הסבר עשוי לאפשר לבודק לתת לכם נקודה או שתים גם אם בחרתם תשובה לא נכונה. מצד שני, הסבר שגוי בצורה קיצונית עלול להביא להורדה של נקודה או שתים.

- : מתקיים α, β, γ מתקיים א. לכל שלושה פסוקים
- $(\alpha \to \beta) \to \gamma \equiv \alpha \to (\beta \to \gamma)$ [1]
- $lpha
 ightarrow (eta
 ightarrow \gamma)$ את את גורר טאוטולוגית ($lpha
 ightarrow eta
 ightarrow \gamma$ [2]
- $(\alpha \to \beta) \to \gamma$ את גורר אוטולוגית $\alpha \to (\beta \to \gamma)$ [3]
 - $A\cup B\mid =\mid A\mid A\cup B\mid =\mid A\mid$ כך ש- A,B נתונות קבוצות 7.
 - |A| > |B| [1]
 - $|A| \le |\mathcal{P}(B)| \qquad [2]$
 - $|B| < |\mathcal{P}(A)| \qquad [3]$
 - $A \times B = A + A$ אינסופית אז $A \times B = A$
- ג. מספר העצים על 6 צמתים המתויגים ב-1,2,3,4,5,6 שבהם יש צומת בעל דרגה 4 הוא
 - 30 **[1]**
 - 15 **[2]**
 - 40 [3]
 - [4] כל התשובות הקודמות שגויות

המשך הבחינה בעמוד הבא

חלק ב': ענו על שלוש מתוך ארבע השאלות הבאות

משקל כל שאלה 27 נקודות. משקל חלק בי כולו: 81 נקודות

שאלה 2

 $A,B\in\mathcal{P}(\{1,2,3,4\})$ לכל כך: לכל R,S המוגדרים שני יחסים $\mathcal{P}(\{1,2,3,4\})$ על הקבוצה $A\setminus\{1,4\}\subset B\setminus\{1,4\}$ אם ורק אם $A\times B$ אם ורק אם $A\times B$

הבאה עבור הבאה בהגדרה לתלמידים מסמסטרים קודמים בלבד: אתם יכולים להשתמש בהגדרה הבאה עבור (הערה העלמידים מסמסטרים הודמים בלבד: אתם יכולים להשתמש בהגדרה הבאה עבור אתם הערה להערה להערה הבאה עבור אתם הערה להערה הבאה בהגדרה הבאה עבור אתם יכולים להערה להערה הבאה עבור אתם יכולים להערה הבאה הבאה עבור אתם יכולים להערה הבאה עבור אתם יכולים להערה הבאה עבור הבאה עבור אתם יכולים להערה הבאה עבור אתם יכולים להערה הבאה עבור הבאה עבור אתם יכולים להערה הבאה עבור אתם יכולים להערה הבאה עבור הבאה עבור אתם יכולים להערה הבאה עבור אתם יכולים להערה הבאה עבור הבאה עבור הבאה עבור הבאה עבור הבאה במור הבאה בהערה בהערה במור הבאה במור הבא במור הבאה במור הבא במור הבאה במור הבאה במור הבאה במור הבאה במור הבאה במור הבאה במור הביר הבאה במור הבא במור הבא במור הבאה במור הבאה במור הבא במור

אם ורק אם A=B אם ורק אם $A=\{1,4\}\subset A\setminus\{1,4\}$ או A=B אם ורק אם ASB

- (14 נקי) א. קבעו (ללא הוכחה) מי מהיחסים הנתונים הוא יחס שקילות. מיצאו את מחלקות השקילות שלו.
- (13 נקי) ב. קבעו (ללא הוכחה) מי מהיחסים הוא יחס סדר. קבעו אם הוא סדר חלקי או מלא (נמקו את התשובה!) ומיצאו את האיברים המינימליים והמקסימליים שלו.

שאלה 3

 x_1,x_2,x_3 כאשר $x_1+x_2+x_3+x_4+x_5+x_6+x_7=n$ בשאלה זו נתייחס לפתרונות המשוואה ב- 3 בשאלה x_1,x_2,x_3 מספרים טבעיים שאינם מתחלקים ב- 3 ב- 3 ב- 3 ב- 3 מספרים טבעיים שאינם מתחלקים ב-

- (14 נקי) א. מיצאו פונקציה יוצרת המתאימה למציאת מספר פתרונות המשוואה.
 - n=13 ב. מיצאו את מספר פתרונות המשוואה כאשר ב. (13 נקי)

(הדרכה: אפשר להוציא את $(x+x^2)^4$ את אפשר להוציא אפשר (אפשר להוציא את

שאלה 4

 $_{\cdot}$ נסמן: בלבד. להמחרוזות שבהן מופיעות הספרות 1,2,3,4,5 בלבד. נסמן $_{\cdot}$

. מספר המחרוזות ב- A שהן באורך n וסכום הספרות שלהן זוגי a_n

. מספר המחרוזות ב- A שהן באורך n וסכום הספרות שלהן אי-זוגי b_n

 $.\,b_4$ -בסופרים 4וזת 131 המחרוזת 215 סופרים כשמחשבים את $.a_3$ ואת המחרוזת 215 סופרים ב

 a_{n-1} -ו a_{n-1} בעזרת a_n וגם את a_n וגם את a_n בעזרת ו- a_{n-1} ויג עבור כל a_n הביעו את a_n בעזרת ואת a_n א.

 a_n נקי) ב. מיצאו נוסחת נסיגה עבור (9 נקי

ולכן a_{n-1} -ו -
 a_n בעזרת את מסעיף אי מאפשר מסעיף ווער הדרכה הדרכה מסעיף אי
). בעזרת a_{n-1} -ו a_n בעזרת במקום האין. הציבו אותם במקום השני מסעיף אי
). גם את b_n -ו a_{n+1} הציבו השני מסעיף אי

 (a_n, a_n, a_n) ומיצאו נוסחה כללית ל- (9 נקי) ג. חשבו את (a_n, a_n, a_n, a_n)

שאלה 5

6,6,4,4,4,k,k נתון גרף מישורי פשוט וקשיר בעל 7 צמתים ו- 10 פאות שבו דרגות הצמתים הן

- (9 נקי) א. מיצאו את המספר k נמקו את התשובה (רמז: משפט אוילר)
 - (9 נקי) ב. הוכיחו שהגרף הוא המילטוני. נמקו את התשובה.
- (9 נקי) ג. האם קיים בגרף מעגל אוילר או מסלול אוילר שאינו מעגל! נמקו את התשובה.

בהצלחה!