

(a) यथाप्राप्त आँकड़ों का माध्य =

$$\overline{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}$$

जहाँ $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$, n प्रेक्षण हैं।

(b) अवर्गीकृत आँकड़ों का माध्य $= \overline{x} = \sum \frac{f_i x_i}{f_i}$, जहाँ f_i, X_i की बारंबारताएँ हैं।

- माध्यक माध्यक आँकड़ों का वह मान है जो आँकड़ों को दो बारबर भागों में बाँटता है, जब कि आँकड़ों को आरोही (या अवरोही) क्रम में व्यवस्थित कर लिया गया है। **माध्यक का परिकलन:** जब आँकड़ों की आरोही (या अवरोही) क्रम में व्यवस्थित कर लिया गया है, तो इन आँकड़ों का माध्यक निम्नलिखित प्रकार से परिकलित किया जाता है।

(a) जब प्रेक्षणों की संख्या (n) विषम है, तो माध्यक $\left(\frac{n+1}{2}\right)^{th}$ प्रेक्षण होता है।

(b) जब प्रेक्षणों की संख्या (n) सम है, तो माध्यक $\left(\frac{n}{2}\right)^{th}$ और $\left(\frac{n}{2} + 1\right)^{th}$ प्रेक्षणों का औसत या माध्य होता है।

- बहुलक वह प्रेक्षण जो अधिकतम बार आता है, अर्थात् अधिकतम बारंबारता वाला प्रेक्षण बहुलक कहलाता है। अवर्गीकृत आँकड़ों का बहुलक प्रेक्षित्व कर ही निर्धारित किया जा सकता है। **प्राधिकता**
- यादृच्छिक (या यदुच्छ) प्रयोग या केवल एक प्रयोग
- एक प्रयोग के परिणाम
- एक प्रयोग के अभिप्राय का अर्थ
- यादृच्छिक प्रयोग, किसी प्रयोग के परिणाम, घटनाएँ, प्रारंभिक घटनाएँ।
- समप्राप्ति परिणाम
- एक घटना E की प्रायोगिक (आनुभविक) प्राधिकता जिसे P(E) से व्यक्त करते हैं,
- $n(E)$ = अभिप्रायों की संख्या जिमें घटना घटित हुई है, $n(S)$ अभिप्रायों की कुल संख्या
- निम्नलिखित से दी जाती है: $P(E) = \frac{n(E)}{n(S)}$ जहाँ प्रयोग के परिणाम समप्राप्ति हैं।
- घटना E की प्राधिकता 0 से 1 तक कोई भी संख्या हो सकती है। विशेष स्थितियों में यह 0 या 1 भी हो सकती है।

- जहाँ हल कल्पना करते हैं कि प्रयोग के सभी परिणाम समप्रापिक हैं।
 - एक निश्चित (या निधारित) घटना की प्राधिकता 1 होती है।
 - एक असंभव घटना का प्राधिकता 0 होती है।
 - घटना E की प्राधिकता एक ऐसी संख्या P(E) है कि $0 \leq P(E) \leq 1$
 - वह घटना जिसका केवल एक ही परिणाम हो एक प्रारंभिक घटना कहलाती है। किसी प्रयोग की सभी प्रारंभिक घटनाओं की प्राधिकता का योग 1 होता है।
 - किसी भी घटना E के लिए

$$P(E) + P(\overline{E}) = 1$$

जहाँ E घटना 'E नहीं' को व्यक्त करता है। E और E पूरक घटनाएँ कहलाती हैं।

वास्तविक संख्याएँ

- एक परिमेय और एक अपरिमेय संख्या का योग या अंतर एक अपरिमेय संख्या होती है।
- एक शून्यरेख परिमेय संख्या और एक अपरिमेय संख्या का गुणनफल या भागफल एक अपरिमेय संख्या होती है।
- मान लीजिए कि $x = \frac{p}{q}$ एक परिमेय संख्या इस प्रकार है कि q का अभाज्य गुणनखंड $2^n \cdot 5^m$ के रूप का नहीं है, जहाँ m, n ऋणोत्तर पूर्णांक हैं। तब, x का अंशतः आवर्ती दशमलव प्रसार होता है।

बहुपद

गुणनखंड प्रमेय के प्रयोग द्वारा बीजीय व्यंजकों के गुणनखंड बीजीय सर्वसमिकाएँ :

बीजीय सर्वसमिकाएँ -

- $(x + y)^2 = x^2 + 2xy + y^2$
- $x^2 - y^2 = (x + y)(x - y)$
- $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$
- $(x + y + z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2yz + 2zx$
- $(x + y)^3 = x^3 + 3x^2y + 3xy^2 + y^3 = x^3 + y^3 + 3xy(x + y)$
- $(x - y)^3 = x^3 - 3x^2y + 3xy^2 - y^3 = x^3 - y^3 - 3xy(x - y)$
- $x^3 + y^3 = (x + y)(x^2 - xy + y^2)$
- $x^3 - y^3 = (x - y)(x^2 + xy + y^2)$
- $x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz = (x + y + z)(x^2 + y^2 + z^2 - xy - yz - zx)$

- बहुपद के शून्यकों का ज्यामितीय अर्थ :** किसी बहुपद $p(x)$ के शून्यक परिशुद्ध रूप से उन बिंदुओं के x -निर्देशांक होते हैं, जहाँ $y = p(x)$ का आलेख x -अक्ष को प्रतिच्छेद करता है।
- एक बहुपद के शून्यकों और गुणकों में संबंध :** यदि a और β एक द्विघात बहुपद $ax^2 + bx + c$ के शून्यक हैं, तो
 - दो शून्यकों का योगफल : $a + \beta = \frac{-b}{a}$
 - दो शून्यकों का गुणनफल : $a\beta = \frac{c}{a}$
- यदि a, β और γ किसी त्रिघात बहुपद $ax^3 + bx^2 + cx + d$ के शून्यक हैं, तो
 - $a + \beta + \gamma = \frac{-b}{a}$
 - $a\beta + \beta\gamma + \gamma a = \frac{c}{a}$
 - $a\beta\gamma = \frac{-d}{a}$

आधुनिक विद्या निकेतन ट्यूशन सेंटर

- विभाजन एल्गोरिथम कहती है कि एक बहुपद $p(x)$ और एक शून्यरेख बहुपद $g(x)$ दिए रहने पर, दो बहुपद $q(x)$ और $r(x)$ ऐसे होते हैं कि

$$p(x) = g(x)q(x) + r(x)$$

जहाँ $r(x) = 0$ या घात $r(x) < \text{घात } g(x)$ है।

दो चरों वाले शैक्षिक समीकरणों के गुण

- एक ही (या समान) दो चरों वाले शैक्षिक समीकरण दो चरों वाले समीकरणों का एक गुण बनते हैं।
- शैक्षिक समीकरणों के एक गुण का व्यापक रूप है:
 - $a_1x + b_1y + c_1 = 0$ $a_2x + b_2y + c_2 = 0$
- जहाँ $a_1, a_2, b_1, b_2, c_1, c_2$ ऐसी वास्तविक संख्याएँ हैं कि $a_1^2 + b_1^2 \neq 0, a_2^2 + b_2^2 \neq 0$ है।
- यदि शैक्षिक समीकरणों का एक गुण संगत (या अतिरिधी) होता है तो इसका या अद्वितीय हल अद्वितीय हो या अपरिमित रूप से अनेक हल हों। अपरिमित रूप से अनेक हलों की स्थिति में, शैक्षिक समीकरणों का यह गुण आश्रित कहलाता है। इस प्रकार, इस स्थिति में, शैक्षिक समीकरणों का गुण आश्रित और संगत होता है। शैक्षिक समीकरणों का गुण असंगत (या विरोधी) होता है, यदि उसका कोई हल नहीं हो।
- मान लीजिए कि $a_1x + b_1y + c_1 = 0$ और $a_2x + b_2y + c_2 = 0$ दो चरों वाली शैक्षिक समीकरणों का एक गुण है।

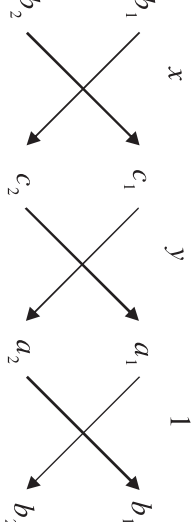
- यदि $\frac{a_1}{a_2} \neq \frac{b_1}{b_2}$ है, तो
 - शैक्षिक समीकरणों का गुण संगत होता है;
 - गुण का आलेख एक अद्वितीय बिंदु पर प्रतिच्छेद करने वाली रेखाओं का एक गुण होता है तथा यही प्रतिच्छेद बिंदु समीकरणों के गुण का हल प्रदान करता है।
- यदि $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} \neq \frac{c_1}{c_2}$ है, तो
 - शैक्षिक समीकरणों का गुण असंगत (या विरोधी) होता है;
 - यहाँ आलेख समांतर रेखाओं का एक गुण होगा और इसलिए समीकरणों के इस गुण का कोई हल नहीं होगा।
- यदि $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$ है, तो
 - शैक्षिक समीकरणों का गुण आश्रित और संगत होता है;
 - यहाँ आलेख संपाती रेखाओं का एक गुण होगा। इन रेखाओं पर स्थित प्रत्येक बिंदु एक हल होगा। इसलिए, समीकरणों के इस गुण के अपरिमित रूप से अनेक हल होंगे।

संयोजन

क्र.सं.	रेखा गुण	$\frac{a_1}{a_2}$	$\frac{b_1}{b_2}$	$\frac{c_1}{c_2}$	अनुपातों की तुलना	प्राक्रीय निरूपण	बीजगणितीय निरूपण
1	$x - 2y = 0$ $3x + 4y - 20 = 0$	$\frac{1}{3}$	$\frac{-2}{4}$	$\frac{0}{-20}$	$\frac{a_1}{a_2} \neq \frac{b_1}{b_2}$	प्रतिच्छेद करती हुई रेखाएँ	केवल एक हल (अद्वितीय)
2	$2x + 3y - 9 = 0$ $4x + 6y - 18 = 0$	$\frac{2}{4}$	$\frac{3}{6}$	$\frac{-9}{-18}$	$\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$	संपाती रेखाएँ	अपरिमित रूप से अनेक हल
3	$x + 2y - 4 = 0$ $2x + 4y - 12 = 0$	$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{-4}{-12}$	$\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} \neq \frac{c_1}{c_2}$	समांतर रेखाएँ	कोई हल नहीं

- शैक्षिक समीकरण के एक गुण को बीजीय रूप से निम्नलिखित विधियों में से किसी एक विधि से हल किया जा सकता है:
 - प्रतिस्थापन विधि
 - विलोपन विधि
 - वक्र-गुणन विधि:

$$\frac{x}{b_1c_2 - b_2c_1} = \frac{y}{c_1a_2 - c_2a_1} = \frac{1}{a_1b_2 - a_2b_1}$$



- शैक्षिक समीकरणों के गुण को ज्यामितीय/आलेखीय विधि द्वारा भी

हल किया जा सकता है।

द्विघात समीकरण

- द्विघात समीकरण; चर x में एक द्विघात समीकरण $ax^2 + bx + c = 0$ के रूप की होती है, जहाँ a, b, और c वास्तविक संख्याएँ हैं तथा $a \neq 0$ है।
- द्विघात समीकरण के मूल: एक वास्तविक संख्या & द्विघात समीकरण $ax^2 + bx + c = 0$ का एक मूल कहलाती है, यदि $ax^2 + bx + c = 0$ हो।
- द्विघात समीकरण $ax^2 + bx + c = 0$ के मूल वही होते हैं, जो द्विघात बहुपद $ax^2 + bx + c$ के शून्यक होते हैं।
- गुणनखंडन की विधि द्वारा एक द्विघात समीकरण के मूल ज्ञात करना: यदि हम एक द्विघात बहुपद $ax^2 + bx + c$ के गुणनखंड कर लेते हैं, तो $ax^2 + bx + c$ के शैखिक गुणनखंडों को शून्य के बराबर करके द्विघात समीकरण $ax^2 + bx + c = 0$ के मूल ज्ञात किए जा सकते हैं।
- पूर्ण वर्ग बनाने की विधि द्वारा द्विघात समीकरण के मूल ज्ञात करना: एक उपयुक्त अचर को जोड़ कर और घटा कर उसे हम x^2 और x के पदों के साथ मिलाने हैं, ताकि एक पूर्ण वर्ग बन जाए और फिर उन्हें x के लिए हल करते हैं।
- द्विघात सूत्र:** यदि $b^2 - 4ac \geq 0$ हो, तो द्विघात समीकरण $ax^2 + bx + c = 0$ के वास्तविक मूल

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

- यंजक $b^2 - 4ac$ द्विघात समीकरण का विविक्तकर कहलाता है।
- एक द्विघात समीकरण के मूलों का अस्तित्व : एक द्विघात समीकरण $ax^2 + bx + c = 0$ के
 - (a) दो भिन्न वास्तविक मूल होते हैं, यदि $b^2 - 4ac > 0$ है।
 - (b) दो बराबर वास्तविक मूल होते हैं, यदि $b^2 - 4ac = 0$ है।
 - (c) कोई वास्तविक मूल नहीं होते हैं, यदि $b^2 - 4ac < 0$ है।

समांतर श्रेढ़ी

- एक समांतर श्रेढ़ी (AP) संख्याओं की एक ऐसी सूची होती है जिसमें प्रत्येक पद अपने से पिछले पद में (प्रथम पद a को छोड़ कर) एक निश्चित संख्या d जोड़ कर प्राप्त होता है। यह निश्चित संख्या d इस AP का सार्व अंतर कहलाती है। एक AP का व्यापक रूप $a, a + d, a + 2d, a + 3d, \dots$ है।
- संख्याओं a_1, a_2, a_3, \dots को सूची में, यदि अंतर $a_2 - a_1, a_3 - a_2, a_4 - a_3, \dots$ एक ही मान दें, अर्थात् k के विभिन्न मानों के लिए $a_{k+1} - a_k$ एक ही हो, तो प्राप्त संख्याओं की सूची एक AP होती है।
- किसी AP का nवाँ पद (या व्यापक पद)

$$a_n = a + (n - 1)d$$

- होता है, जहाँ a प्रथम पद और d सार्व अंतर है। **ध्यान दीजिए कि** $a_1 = a$ है।
- किसी AP के प्रथम n पदों का योग S_n निम्नलिखित से प्राप्त होता है:

$$S_n = \frac{n}{2} [2a + (n - 1)d]$$

यदि n पदों वाली AP का अंतिम पद l है, तो इसके सभी पदों का

योग निम्नलिखित से भी प्राप्त किया जा सकता है:

$$S_n = \frac{n}{2} [a + l]$$

कभी-कभी S_n को S से भी व्यक्त किया जाता है।

- यदि किसी AP के प्रथम n पदों का योग S_n हो, तो इस AP का nवाँ पद a_n निम्नलिखित से प्राप्त होता है:

$$a_n = S_n - S_{n-1}$$

निर्देशांक ज्यामिति

- कार्तीय पद्धति (या निकाय)
 - निर्देशांक अक्ष
 - मूलबिंदु
 - भुज
 - एक बिंदु के निर्देशांककार्तीय तल में बिंदुओं का आलेख
 - x-अक्ष पर स्थित किसी बिंदु को मूलबिंदु कहते हैं।
 - कार्तीय तल में, क्षैतिज रेखा x-अक्ष तथा ऊर्ध्वाधर रेखा y-अक्ष कहलाती है।
 - निर्देशांक अक्ष तल को चार भागों में विभक्त कर देती है जो चतुर्थांश कहलाते हैं।
 - अक्षों के प्रतिच्छेद बिंदु को मूलबिंदु कहते हैं।
 - किसी बिंदु का भुज या x-निर्देशांक उसकी y-अक्ष से दूरी होती है तथा किसी बिंदु की कोटि या y-निर्देशांक उसकी x-अक्ष से दूरी होती है।
 - (x, y) उस बिंदु के निर्देशांक कहलाते हैं जिसका भुज x हो तथा कोटि y हो।
 - x-अक्ष पर स्थित किसी बिंदु के निर्देशांक (x,0) के रूप के होते हैं तथा y-अक्ष पर स्थित किसी बिंदु के निर्देशांक (0,y) के रूप के होते हैं।
 - मूलबिंदु के निर्देशांक (0, 0) होते हैं।
 - प्रथम चतुर्थांश से किसी बिंदु के निर्देशांक के जिल्ल (+, +) द्वितीय अतुर्थांश से (-,+), तीसरे सडुर्थांश से (-,-) तथा चौथे जुधर्थांश में (+, -) होते हैं।
- दूरी सूत्र, विभाजन सूत्र, त्रिभुज का क्षेत्रफल
- दो बिंदुओं P(x₁, y₁) और Q(x₂, y₂) के बीच की दूरी =

$$\sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

- किसी बिंदु P(x, y) की मूलबिंदु से दूरी

$$\sqrt{x^2 + y^2}$$

- उस बिंदु P के निर्देशांक, जो बिंदुओं A(x₁, y₁) और B(x₂, y₂) को मिलाने वाले रेखाखंड को आंतरिक रूप से m₁ : m₂ के अनुपात में विभाजित करता है,

$$\left(\frac{m_1x_2 + m_2x_1}{m_1 + m_2}, \frac{m_1y_2 + m_2y_1}{m_1 + m_2} \right)$$

- बिंदुओं P(x₁, y₁) और Q(x₂, y₂) को मिलाने वाले रेखाखंड के मध्य-बिंदु के निर्देशांक

$$\left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$$

- शीर्षों A(x₁, y₁), B(x₂, y₂) और C(x₃, y₃) वाले त्रिभुज का क्षेत्रफल =

$$\frac{1}{2} [x_1(y_2 - y_3) + x_2(y_3 - y_1) + x_3(y_1 - y_2)]$$

- जिसका शून्येतर मान होता है, जब तक कि A, B और C सरेख न हों। यह मान सदैव धनात्मक ही लिया जाता है।

त्रिकोणमिति का परिचय और उसके अनुप्रयोग

- कर्ण = h**
- आधार = b**
- लम्ब = p**
- एक त्रिभुज ABC, जिसका कोण B समकोण है, कोण A के
- त्रिकोणमितीय अनुपात इस प्रकार त्रिकोणमितीय परिभाषित किए जाते हैं:
- (a) $\angle A$ का sine(साइन) $= \sin A = \frac{p}{h} = \frac{BC}{AC}$
- (b) $\angle A$ का cosine (कोसाइन) $= \cos A = \frac{b}{h} = \frac{AB}{AC}$
- (c) $\angle A$ का tangent (टैनजेंट) $= \tan A = \frac{p}{b} = \frac{BC}{AB}$
- (d) $\angle A$ का cosecant (कोसीकेंट) $= \operatorname{cosec} A = \frac{1}{\sin A} = \frac{AC}{BC}$
- (e) $\angle A$ का secant (सीकेंट) $= \sec A = \frac{1}{\cos A} = \frac{AC}{AB}$
- (f) $\angle A$ का cotangent (कोटैजेंट) $= \cot A = \frac{1}{\tan A} = \frac{AB}{BC}$
- (g) $\tan A = \frac{\sin A}{\cos A}$ (h) $\cot A = \frac{\cos A}{\sin A}$

- यदि कोण वही रहे, तो एक कोण के त्रिकोणमितीय अनुपात त्रिभुज को भूजाओं की लंबाइयों के साथ बदलते (विचरित) नहीं हैं।
- यदि किसी कोण का एक त्रिकोणमितीय अनुपात दिया हो, तो उसके अन्य त्रिकोणमितीय अनुपात निर्धारित किए जा सकते हैं।
- कोणों 0°, 30°, 45°, 60° और 90° के त्रिकोणमितीय अनुपात :

A	0°	30°	45°	60°	90°
	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$
sin A	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
cos A	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{1}{2}$	0
tan A	0	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	1	$\sqrt{3}$	परिभाषित नहीं
cosec A	परिभाषित नहीं	2	$\sqrt{2}$	$\frac{2}{\sqrt{3}}$	1
sec A	1	$\frac{2}{\sqrt{3}}$	$\sqrt{2}$	2	परिभाषित नहीं
cot A	परिभाषित नहीं	$\sqrt{3}$	1	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	0

- sin A या cos A का मान 1 से अधिक कभी नहीं होता है, जबकि cosec A या sec A का मान सदैव 1 से बड़ा या उसके बराबर होता है।
- पूरक कोणों के त्रिकोणमितीय अनुपात:
 - (a) $\sin (90^\circ - A) = \cos A$, $\cos (90^\circ - A) = \sin A$
 - (b) $\tan (90^\circ - A) = \cot A$, $\cot (90^\circ - A) = \tan A$

- (c) $\sec (90^\circ - A) = \operatorname{cosec} A$, $\operatorname{cosec} (90^\circ - A) = \sec A$
- त्रिकोणमितीय सर्वसमिकाएँ:

- (a) $\cos^2 A + \sin^2 A = 1$ (b) $1 + \tan^2 A = \sec^2 A$
- (c) $\cot^2 A + 1 = \operatorname{cosec}^2 A$
- किसी प्रेक्षक की आँख से उस वस्तु के बिंदु तक की रेखा जिसे प्रेक्षक देखता है 'दृष्टि रेखा कहलाती है।
- देखी जाने वाली वस्तु का 'उन्नयन कोण' वह कोण है जो दृष्टि रेखा क्षैतिज रेखा से बनाती है, जबकि वह वस्तु क्षैतिज स्तर रेखा से ऊपर होती है।
- देखी जाने वाली वस्तु का 'अवनमन कोण' वह कोण है जो दृष्टि रेखा क्षैतिज रेखा से बनाती है, जबकि वह वस्तु क्षैतिज स्तर (रेखा) से नीचे होती है।
- किसी वस्तु की ऊंचाई या लंबाई अथवा दो भिन्न वस्तुओं के बीच की दूरी त्रिकोणमितीय अनुपातों को सहायता से निर्धारित की जा सकती है।

वृत्तों से संबंधित क्षेत्रफल

सरल बंद आकृतियों के परिमाण और क्षेत्रफल। वृत्त की परिधि और क्षेत्रफल। वृत्ताकार पथ (अर्थात् एक वलय) का क्षेत्रफल। वृत्त का त्रिज्यखंड और उसका केंद्रीय कोण-दीर्घ और लघु त्रिज्यखंड। वृत्तखंड-दीर्घ और लघु वृत्तखंड।

- वृत्त की परिधि = $2\pi r$ और वृत्त का क्षेत्रफल = πr^2 होता है, जहाँ r वृत्त की त्रिज्या है।
- त्रिज्याओं r_1 और r_2 ($r_1 > r_2$) वाले दो संकेंद्रीय वृत्तों से बनने वाले वृत्ताकार पथ का क्षेत्रफल =

$$\pi r_1^2 - \pi r_2^2 = \pi (r_1^2 - r_2^2)$$

- त्रिज्या r वाले एक वृत्त के त्रिज्यखंड का क्षेत्रफल, जिसका केंद्रीय कोण θ है, $\frac{\theta}{360^\circ} \times \pi r^2$ होता है, जहाँ θ को डिग्री (अंशों) में मापा गया है।
- त्रिज्या r वाले एक वृत्त के त्रिज्यखंड के चाप को लंबाई, जिसका केंद्रीय कोण θ है, $\frac{\theta}{360^\circ} \times 2\pi r$ होती है, जहाँ θ को डिग्री (अंशों) में मापा गया है। आकृति 11.1 में दिखे लघु वृत्तखंड APB का क्षेत्रफल = त्रिज्यखंड OAPB का क्षेत्रफल - δ OAB का क्षेत्रफल।
- त्रिज्या r वाले एक दीर्घ त्रिज्यखंड का क्षेत्रफल πr^2 - संगत लघु त्रिज्यखंड का क्षेत्रफल होता है।
- त्रिज्या r वाले एक वृत्त के एक दीर्घ वृत्तखंड का क्षेत्रफल πr^2 - संगत लघु वृत्तखंड का क्षेत्रफल होता है।
- टिप्पणी:** जब तक अन्यथा न कहा जाये, r का मान ज लिया जायेगा।

पृष्ठीय क्षेत्रफल और आयतन

- घनाभ जिसकी लंबाई = l, चौड़ाई = b और ऊँचाई = h
 - (a) घनाभ का आयतन = $l b h$
 - (b) घनाभ का कुल या संपूर्ण पृष्ठीय क्षेत्रफल = $2(lb + bh + hl)$
 - (c) घनाभ का पार्श्व पृष्ठीय क्षेत्रफल = $2h(l + b)$
 - (d) घनाभ का विकर्ण = $\sqrt{l^2 + b^2 + h^2}$
- घन जिसका किनारा या कोर = a
 - (a) घन का आयतन = a^3
 - (b) घन का पार्श्व पृष्ठीय क्षेत्रफल = $4a^2$
 - (c) घन का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल = $6a^2$
 - (d) घन का विकर्ण = $a\sqrt{3}$
- बेलन जिसकी त्रिज्या = r, ऊँचाई = h
 - (a) बेलन का आयतन = $\pi r^2 h$