(-4, -2), (-3, -5), (3, -2) और (2, 3) हैं। 23. बिंदुओं A(2, -2) और B(3, 7) को जोड़ने वाले रेखाखंड को रेखा 2x + y - 4 = 0 जिस अनुपात में विभाजित करती है उसे

24. x और y में एक संबंध ज्ञात कीजिए, यदि बिंदु (x, y), (1, 2) और

25. बिंदुओं (6, – <u>6)</u>, (3, – 7) और (3, 3) से होकर जाने वाले वृत्त का केंद्र ज्ञात कीजिए।

26. किसी वर्ग के दो सम्मुख शीर्ष (– 1, 2) और (3, 2) हैं। वर्ग के अन्य दोनों शीर्ष ज्ञात कीजिए

8. त्रिकोणमिति का परिचय और कुछ अनुप्रयोग

ं ΔABC में, जिसका कोण B समकोण है, AB = 24 cm और BC (a) sin A, cos A = 7 cm है। निम्नलिखित का मान ज्ञात कीजिए : (b) sin C, cos C

2. आकृति में, tan P – cot R का मान ज्ञात कीजिए।

3. यदि sin A = $\frac{3}{4}$ तो cos A और tan A का मान परिकलित कीजिए।

यदि 15 cot A = 8 हो तो sin A और sec

्यदि ∠A और ∠B न्यून कोण हो, जहाँ cos A = cos B, तो दिखाइए कि ∠A = ∠B त्रिकोणमितीय अनुपात परिकलित कीजिए। यदि $\sec \theta = \frac{13}{12}$ हो तो अन्य सभी

7. यदि $\cot \theta = \frac{7}{8}$ तो

(a) $\frac{(1+\sin\theta)(1-\sin\theta)}{(1+\cos\theta)(1-\cos\theta)}$ (b) cot 26

यदि $3 \cot A = 4$, तो जाँच कीजिए कि $\frac{1-\tan^2 A}{1+\tan^2 A} = \cos^2\!A$ –

त्रिभुज ABC में, जिसका कोण B समकोण है, यदि tan A 🍦 तो निम्नलिखित के मान ज्ञात कीजिए

(a) sin A cos C + cos A sin C

(b) cos A cos C – sin A sin C

l0. ΔPQR में, जिसका कोण Q समकोण है, PR + QR = 25 cm और PQ = 5 cm है। sin P, cos P और tan P के मान ज्ञात

निम्नलिखित के मान निकालिए:

(a) sin 60° cos 30° + sin 30° cos 60°

(b) $2 \tan_2 45^\circ + \cos 2 30^\circ - \sin_2 60^\circ$ cos 45°

0 $\begin{array}{c} \sec 30^{\circ} + \csc 30^{\circ} \\ \sin 30^{\circ} + \tan 45^{\circ} - \csc 60^{\circ} \\ \sec 30^{\circ} + \cos 60^{\circ} + \cot 45^{\circ} \end{array}$

(e) $\frac{5\cos^2 60^{\circ} + 4\sec^2 30^{\circ} - \tan^2 45^{\circ}}{2\cos^2 30^{\circ}}$ <u>a</u>

 $\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ$ मान ज्ञात कीजिए।

13. sin_2A = 2 sin A तब सत्य होता है, (a) $\frac{2\tan 30^{\circ}}{1+\tan^2 30^{\circ}}$ (b) $\frac{1- an^2 45^{\circ}}{1+ an^2 45^{\circ}}$ (c) $\frac{2\tan 30^{\circ}}{1-\tan^2 30^{\circ}}$ जबांके A मान

14. यदि tan (A + B) = $\sqrt{3}$ और tan (A - B) = $\frac{1}{\sqrt{3}}$; 0° < A +

निम्नलिखित का मान निकालिए:

B < 90°; A > B तो A और B का मान ज्ञात कीजिए

(a) $\frac{\sin 18}{\cos 72^{\circ}}$ (c) $\cos 48^{\circ}$ – $\sin 42^{\circ}$ (b) cot 64° (d) cosec 31° – sec 59°

Rev_X_FINAL

17. यदि tan 2A = cot (A - 18°), जहाँ 2A एक न्यून कोण है, तो (a) tan 48° tan 23° tan 42° tan 67° = 1 (b) cos 38° cos 52° – sin 38° sin 52° = 0

18. यदि tan A = cot B, तो सिद्ध कीजिए कि A + B = 90°

19. यदि sec 4A = cosec (A – 20°), जहाँ 4A एक न्यून कोण है, तो A का मान ज्ञात कीजिए।

20. यदि A, B और C त्रिभुज ABC के अंतःकोण हों, तो दिखाइए कि

 $\sin\left(\frac{B+C}{2}\right)$

21. sin 67° + cos 75° को 0° और 45° के बीच के कोणों त्रिकोणमितीय अनुपातों के पदों में व्यक्त कीजिए।

22. त्रिकोणमितीय अनुपातों sin A, sec A और tan A को cot A के पदो में व्यक्त कीजिए।

23. ∠A के अन्य सभी त्रिकोणमितीय अनुपातों को sec A के पदों में 24. मान निकालिए

(a) $\frac{\sin^2 63^\circ + \sin^2 27^\circ}{\cos^2 17^\circ + \cos^2 73^\circ}$ (b) $\sin 25^\circ \cos 65^\circ + \cos 25^\circ \sin 65^\circ$

25. मान ज्ञात कीजिए:

(a) 9 sec 2A – 9 tan 2A

13 cm

(c) (sec A + tan A) (1 – sin A) (b) $(1 + \tan \theta + \sec \theta) (1 + \cot \theta - \csc \theta)$

26. निम्नलिखित सर्वसमिकाएँ सिद्ध कीजिए, जहाँ वे कोण, जिनके

(a) $(\cos \theta - \cot \theta)^2 = \frac{1 - \cos \theta}{1 + \cos \theta}$ लिए व्यंजक परिभाषित है, न्यून कोण है :

(c) $\frac{\tan \theta}{1-\cot \theta} + \frac{\cot \theta}{1-\tan \theta} = 1 + \sec \theta \csc \theta$ (b) $\frac{\cos A}{1+\sin A} + \frac{1+\sin A}{\cos A} = 2\sec A$

(d) $\frac{1+\tan^2 x}{1+\cos^2 x}$ (f) सर्वसमिका cosec² A = 1 + cot² A को लागू करके $\frac{1 + \cot^2 A}{1 + \cot^2 A} = \tan^2 A$ $\frac{\cos A - \sin A + 1}{\cos A + \sin A - 1} = \text{cosec A} + \cot A$ (e) $\frac{1+\sec A}{\sec A} = \frac{\sin^2 A}{1-\cos A}$

(g) $\sqrt{\frac{1+\sin A}{1-\sin A}}$ = sec A + tan A

 $\frac{\sin \theta - 2\sin^3 \theta}{2\cos^3 \theta - \cos \theta} = \tan \theta$

(i) $(\sin A + \csc A)^2 + (\cos A + \sec A)^2 = 7 + \tan^2 A$

(j) (cosec A - sin A)(sec A - cos A) = $\frac{1}{\tan A + \cot A}$

27. सर्कस का एक कलाकार एक 20m लंबी डोर पर चढ़ रहा है जो अच्छी तरह से तनी हुई है और भूमि पर सीधे लगे खंभे के शिखर से बंधा हुआ है। यदि भूमि स्तर के साथ डोर द्वारा बनाया गया कोण 30° का हो तो खंभे की ऊँचाई ज्ञात कीजिए। $(\mathsf{k})\left(\frac{1+\tan^2 \mathsf{A}}{1+\cot^2 \mathsf{A}}\right) =$ $\left(\frac{1-\tan A}{1-\cot A}\right)^2 =$ = tan₂ A

 भूमि के एक बिंदु से, जो मीनार के पाद-बिंदु से 30m की दूरी पर है, मीनार के शिखर का उन्नयन कोण 30° है। मीनार की ऊँचाई भूमि के एक बिंदु से एक 20 m ऊँचे भवन के शिखर पर लगी एक संचार मीनार के तल और शिखर के उन्नयन कोण क्रमश: 45° और

씕

. एक मीनार के पाद-बिआकृति से एक भवन के शिखर का उन्नयन कोण 30° है और भवन के पाद-बिंदु से मीनार के शिखर का उन्नयन कोण 60° है। यदि मीनार 50m ऊँची हो, तो भवन की 60° हैं। मीनार की ऊँचाई ज्ञात कीजिए। ऊँचाई ज्ञात कीजिए

1. वास्तविक संख्या

आधुनिक विद्या निकेतन ट्यूशन सेंटर जयगुरुदेव नाम प्रभु का

1. निम्नलिखित संख्याओं का HCF ज्ञात करने के लिए यूक्लिड विभाजन एल्गोरिध्म का प्रयोग कीजिए: (a) 135 और 225 (b) 196 और 38220

(a) 140 (b) 156 (c) 3825 (d) 5005 (e) 7429 पूर्णांकों के निम्नलिखित युग्मों के HCF और LCM ज्ञात कीजिए तथा इसकी जाँच कीजिए कि दो संख्याओं का गुणनफल = HCF रूप में व्यक्त कीजिए:

2. निम्निखित संख्याओं को अभाज्य गुणनखंडों के गुणनफल

(d) 1128 और 6125

(c) 867 और 255

(a) 26 और 91 (b) 510 और 92 (c) 336 और 54

5. HCF (306, 657) = 9 दिया है। LCM (306, 657) ज्ञात 4. अभाज्य गुणनखंड्न विधि द्वारा निम्नलिखित पूर्णांकों के HCF (a) 12, 15 और 21 (b) 17, 23 और 29 (c) 8, 9 और 25 और LCM ज्ञात कीजिए:

6. सिद्ध कीजिए कि निम्नलिखित संख्याएँ अपरिमेय हैं: (a) $\sqrt{5}$ (b) $\frac{\bot}{\sqrt{2}}$ (c) $7\sqrt{5}$ (d) $6 + \sqrt{2}$

7. बिना लंबी विभाजन प्रक्रिया किए बताइए कि निम्नलिखित परिमेय संख्याओं के दशमलव प्रसार सांत हैं या असांत आवती हैं:

(a) $\frac{13}{3125}$ (f) $\frac{23}{235^2}$ 2. बहुपद (c) $\frac{64}{455}$ (h) $\frac{35}{30}$ (d) $\frac{15}{1600}$ (e) $\frac{29}{343}$ (i) $\frac{129}{225775}$ (j) $\frac{77}{210}$

2. एक द्विघात बहुपद् ज्ञात कीजिए, जिसके शून्यकों के योग तथा . निम्न द्विघात बहुपदों के शून्यक ज्ञात कीजिए और शून्यकों तथा गुणांकों के बीच के संबंध की सत्यता की जाँच कीजिए : (d) $4u^2 + 8u$ (a) $x^2 - 2x - 8$ (b) $4s^2 - 4s + 1$ (c) $6x^2 - 3 - 7x$ (e) $t^2 - 15$ (f) $3x^2 - x - 4$

(a) $\frac{1}{4}$, – 1 (d) 1, 1 (e) $-\frac{1}{4}, \frac{1}{4}$ (b) $\sqrt{2}$, $\frac{1}{3}$ (c) 0, $\sqrt{5}$

3. विभाजन एल्गोरिथ्म का प्रयोग करके, निम्न में p(x) को भाग देने पर भागफल तथा शेषफल ज्ञात कीजिए : ग g(x) से

4. पहले बहुपद से दूसरे बहुपद को भाग करके, जाँच कीजिए कि क्या (b) $p(x) = x^4 - 3x^2 + 4x + 5$, $g(x) = x^2 + 1 - x$ (c) $p(x) = x^4 - 5x + 6$, $g(x) = 2 - x^2$

6. निम्न समीकरणों के युग्म को विलोपन विधि तथा प्रतिस्थापना विधि

से हल कीजिए। कौन-सी विधि अधिक उपयुक्त है?

. 2x + 3y = 11 और 2x – 4y <u>=</u> – 24 को हल कीजिए और इससे

(e) $\sqrt{2}$ x + $\sqrt{3}$ y = 0

(f) $\frac{3x}{2} - \frac{5y}{3} = -2$ 0.4x + 0.5y = 2.3

 $\frac{x}{3} + \frac{y}{2} = \frac{13}{6}$

 $\sqrt{3}x - \sqrt{8}y = 0$

'm' का वह मान ज्ञात कीजिए जिसके लिए y = mx + 3 हो

(b) $x^2 + 3x + 1$, $3x^4 + 5x^3 - 7x^2 + 2x + 2$ (a) $t^2 - 3$, $2t^4 + 3t^3 - 2t^2 - 9t - 12$

(d) $\frac{x}{2} + \frac{2y}{3} = -1$ और $x - \frac{y}{3} = 3$

(c) 3x – 5y – 4 = 0 आर 9x = 2y + 7 (b) 3x + 4y = 10 और 2x – 2y = 2 (a) x + y = 5 और 2x – 3y = 4

कीजिए, यदि इसके दो शून्यक $\sqrt{rac{5}{3}}$ और $-\sqrt{rac{5}{3}}$ हैं।

सत्यापित कीजिए कि निम्न त्रिचात बहुपदों के साथ दी गई संख्याएँ उसकी शून्यक हैं। प्रत्येक स्थिति में शून्यकों और गुणांकों के बीच (a) $2x^3 + x^2 - 5x + 2$; $\frac{1}{2}$, 1, – 2 के संबंध को भी सत्यापित कीजिए : 7. निम्न रैखिक समीकरणों के युग्मों में से किसका एक अद्वितीय हल है, किसका कोई हल नहीं है या किसके अपरिमित रूप से अनेक हुल हैं। अद्वितीय हल की स्थिति में, उसे वज्र-गुणन विधि से ज्ञात (a) $\times - 3y - 3 = 0$

7. एक त्रिघात बहुपद प्राप्त कीजिए जिसके शून्यकों का योग, दो शून्यकों को एक साथ लेकर उनके गुणनफलों का योग तथा तीनों 8. यदि बहुपद $x^4 - 6x^3 - 26x^2 + 138x - 35$ के दो शून्यक $2\pm\sqrt{3}$ हों, तो अन्य शून्यक ज्ञात कीजिए शून्यकों के गुणनफल क्रमश: 2, – 7, – 14 हों।

3. दो चर वाले रैखिक समीकरण युग्ग

अनुपातों $\frac{a_1}{a_2}$, $\frac{b_1}{b_2}$ और $\frac{c_1}{c_2}$ की तुलना कर ज्ञात कीजिए कि निम्न समीकरण युँग्म द्वारा निरूपित रेखाएँ एक बिंदु पर प्रतिच्छेद करती हैं, समांतर हैं अथवा संपाती हैं (a) 5x - 4y + 8 = 0(b) 9x + 3y + 12 = 018x + 6y + 24 = 0

. अनुपातों $rac{a_1}{a_2},rac{b_1}{b_2}$ और $rac{c_1}{c_2}$ की तुलना कर ज्ञात कीजिए कि निम्न (c) 6x - 3y + 10 = 02x - y + 9 = 07x + 6y - 9 = 0

(a) 3x + 2y = 5 ; 2x – 3y = 7 रैखिक समीकरणों के युग्म संगत हैं या असंगतः

(c) $\frac{3}{2}$ x + $\frac{5}{3}$ y = 7; 9x - 10y = 14 (b) 2x - 3y = 8; 4x - 6y = 9

(e) $\frac{4}{3}$ x + 2y = 8; 2x + 3y = 12 (d) 5x – 3y = 11 ; – 10x + 6y = – 22

3. निम्न रैखिक सुमीकरणों के युग्मों में से कौन से युग्म संगत/असंगत हैं, यदि संगत हैं तो ग्राफीय विधि से हल ज्ञात कीजिए। (a) x + y = 5, 2x + 2y = 10

(c) 2x + y - 6 = 0, 4x - 2y - 4 = 0**(b)** x - y = 8, 3x - 3y = 16

. निम्न् रैखिक समीकरण युग्म को प्रतिस्थापन विधि से हल कीजिए (d) 2x - 2y - 2 = 0, 4x - 4y - 5 = 0

(a) x + y = 14

(b) s - t = 3

(c) 3x - y = 3

(d) 0.2x + 0.3y = 1.3

 $\frac{s}{3} + \frac{t}{2} = 6$

9x - 3y = 9

गुणनफल क्रमश: दो गई संख्याएँ हैं:

(a) $p(x) = x^3 - 3x^2 + 5x - 3$, $g(x) = x^2 - 2$

प्रथम बहुपद द्वितीय बहुपद का एक गुणनखंड है :

 $3x^4 + 6x^3 - 2x^2 - 10x - 5$ के अन्य सभी शून्यक ज्ञात (c) $x^3 - 3x + 1$, $x^5 - 4x^3 + x^2 + 3x + 1$

(c) 3x - 5y = 206x - 10y = 403x - 9y - 2 = 0

> (d) x - 3y - 7 = 0(b) 2x + y = 5

3x + 2y = 8

3x - 3y - 15 = 0

- (a) a और b के किन मानों के लिए, निम्न रैखिक समीकरणों के युग्म के अपरिमित रूप से अनेक हल होंगे?
 - (a b) x + (a + b) y = 3a + b 2 (b) k के किस मान के लिए, निम्न रैखिक समीकरणों के युग्म ।

5

- $\frac{1}{3x} + \frac{1}{2y} = \frac{13}{6}$ (a) $\frac{1}{2x} + \frac{1}{3y} = 2$
- $\frac{1}{y-2}=2$ $\frac{9}{\sqrt{y}} = -1$ $\frac{3}{y-2}=1$ (c) $\frac{4}{x} + 3y = 14$ $\frac{3}{x} - 4y = 23$
 - $\frac{xy}{8x+7y} = 15$ $\frac{7x-2y}{}=5$

(e)

 $\frac{2}{x-y} = 4$

- (h) $\frac{1}{3x+y} + \frac{1}{3x-y} = \frac{3}{4}$ $\frac{5}{x-y} = -2$
 - -xy = xy (x + 3y = 6xy)2x + 4y = 5xy6
- $rac{2(3x+y)}{1}=rac{2}{3}$ निम्न रैखिक समीकरणों के युग्गों को हल कीजिएः
- bx + ay = 1 + c(b) ax + by = c(a) px + qy = p - q

0.

- (d) 152x 378y = -74qx - py = q + q qx - py = 0 qx - q = 0
- 378x + 152v = -604 $ax + by = a^2 + b^2$
- 11. यदि हम अंश में 1 जोड़ दें तथा हर में से 1 घटा दें, तो भिन्न 1 में पाँच वर्ष पूर्व नूरी की आयु सोनू की आयु की तीन गुनी थी। दस वर्ष पश्चात्, नूरी की आयु सोनू की आयु की दो गुनी हो जाएगी। नूरी बदल जाती है। यदि हर में 1 जोड़ दें, तो यह 🕂 हो जाती है। वह भिन्न क्या है?
 - संख्या के अंकों को पलटने से बनी संख्या का दो गुना है। वह संख्या 13. दो अंकों की संख्यों के अंकों का योग 9 है। इस संख्या का नौ गुना और सोन् की आयु किंतनी है।
- 4. द्विघात समीकरण
- 1. जाँच कीजिए कि क्या निम्न द्विघात समीकरण हैं
- (a) $(x + 1)^2 = 2(x 3)$
 - (c) (x-2)(x+1) = (x-1)(x+3)(d) (x-3)(2x+1) = x(x+5)
- (e) (2x-1)(x-3) = (x+5)(x-1)
- (f) $x^2 + 3x + 1 = (x 2)^2$ (g) $(x + 2)^3 = 2x(x^2 1)$ (h) $x^3 - 4x^2 - x + 1 = (x - 2)^3$
- गुणनखंड विधि से निम्न द्विघात समीकरणों के मूल ज्ञात कीजिए
 - (b) $2x^2 + x 6 = 0$ (a) $x^2 - 3x - 10 = 0$
- (c) $\sqrt{2}x^2 + 7x + 5\sqrt{2} = 0$ (d) $2x^2 x + \frac{1}{8} = 0$
 - (e) $100x^2 20x + 1 = 0$
- यदि निम्नलिखित द्विचात समकरणों के मूलों का अस्तित्व इन्हें पूर्ण वर्ग बनाने की विधि द्वारा ज्ञात कीजिए।
 - (b) $2x^2 + x 4 = 0$ (d) $2x^2 + x + 4 = 0$ (c) $4x^2 + 4\sqrt{3}x + 3 = 0$ (a) $2x^2 - 7x + 3 = 0$
- 4. उपर्युक्त प्रश्न 3 में दिए गए द्विघात समीकरणों के मूल,

द्विघाती

निम्न समीकरणों के मूल ज्ञात कीजिए

Rev X FINAL

- $=3, \times \neq 0$ $(a) \times -\frac{1}{x} =$
- (b) $\frac{1}{x+4} \frac{1}{x-7} = \frac{11}{30}$, $\times \neq -4$, 7 6. निम्न द्विधात समीकरणों के मूलों की प्रकृति ज्ञात कीजिए। यदि मूलों का अस्तित्व हो तो उन्हें ज्ञात कीजिए
 - (a) $2x^2 3x + 5 = 0$
- (b) $3x^2 4\sqrt{3}x + 4 = 0$ निम्न प्रत्येक द्विघात समीकरण में k का ऐसा मान ज्ञात कीजिए (c) $2x^2 - 6x + 3 = 0$ उसके दो बराबर मूल हों।

佢

- (b) kx(x-2)+6=0(a) $2x^2 + kx + 3 = 0$
- 5. समांतर श्रेढियाँ
- 1. दी हुई A.P. के प्रथम चार पद लिखिए, जबकि प्रथम पद a सार्वे अंतर d निम्नलिखित हैं: (b) a = -2, d = 0(a) a = 10, d = 10
- (d) a = -1, d =e) a = -1.25, d = -0.25(c) a = 4, d = -3
- निम्नलिखित में से प्रत्येक A.P. के लिए प्रथम पद तथा सार्व अंतर
- (a) 3, 1, -1, -3, ... (b) -5, -1, 3, 7, ... (c) $\frac{1}{3}$, $\frac{5}{3}$, $\frac{9}{3}$, $\frac{13}{3}$, ... (d) 0.6, 1.7, 2.8, 3.9, ... 3. Hम्मलिखित में से कौन-कौन A.P. है? यदि कोई A.P. है, इसका सार्व अंतर ज्ञात कीजिए और इनके तीन और पद लिखिए
 - (b) 2, $\frac{5}{2}$, 3, $\frac{7}{2}$, ... (a) 2, 4, 8, 16, ...
 - (d) 1.2, 3.2, 5.2, 7.2, ... (c) - 10, -6, -2, 2, ...
 - (e) 3, 3 + $\sqrt{2}$, 3 + 2 $\sqrt{2}$, 3 + 3 $\sqrt{2}$,
- (f) 0.2, 0.22, 0.222, 0.2222, ...
- $(g) \frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, \dots$
- (h) 0, $-\frac{1}{4}$, $-\frac{1}{8}$, $-\frac{1}{2}$, ...
- निम्नलिखित सारणी में, रिक्त स्थानों को भरिए, जहाँ AP का प्रथम (k) a^2 , a^3 , पद a, सार्व अंतर d और nवाँ पद an है: (i) a, 2a, 3a, 4a, ...

	а	р	n	an
		3	8	:
	- 18	:	10	0
(•••	- 3	18	- 5
()	- 18.5	2.5	:	3.6
	3.5	0	105	:
7 7 7 7		파 20		

- 5. A.P.: 10, 7, 4, ... , का 30 वॉ पद ज्ञात कीजिए।
- 7. निम्नलिखित सर्मांतर श्रेढ़ियों में, रिक्त खानों (boxes) के पदों को 6. A.P.: – 3, – $\frac{1}{2}$, 2, ..., का 11वाँ पद ज्ञात कीजिए
 - (c) 5, \Box , \Box , $9\frac{1}{2}$ (b) □, 13, □, 3 ज्ञात कीजिए :
 - (a) 2, □, 26
- (e) □, 38, □, □, − 22 d) - 4, \Box , \Box , \Box , 6

Ŧ

듄

- 8. A.P . . 3, 8, 13, 18, ... का कौन सा पद 78 है? 9. निम्नलिखित समांतर श्रेढ़ियों में से प्रत्येक श्रेढ़ी में कितने पद हैं? (a) 7, 13, 19, ..., 205
- 10. क्या A.P., 11, 8, 5, 2 ... का एक पद 150 है? क्यों? 11. उस A.P. का 31वॉ पद ज्ञात कीजिए, जिसका 11वॉ पद 38 (b) 18, $15\frac{1}{9}$, 13,
- 30. उस A.P. के प्रथम 51 पदों का योग ज्ञात कीजिए, जिसके दूसरे और तीसरे पद क्रमशः 14 और 18 हैं है और 22वाँ पद 149 है।

12. एक A.P. में 50 पद हैं, जिसका तीसरा पद 12 है और अंतिम पद | 13. यदि किसी A.P. के तीसरे और नौवें पद क्रमशः 4 और -8 हैं, 106 है। इसका 29वाँ पद ज्ञात कीजिए।

31. यदि किसी A.P. के प्रथम 7 पदों का योग 49 है और प्रथम 17 पदों का योग 289 है, तो इसके प्रथम n पदों का योग ज्ञात कीजिए

बिंदुओं के निम्नलिखित युग्मों के बीच की दूरियाँ ज्ञात कीजिए

7. निर्देशांक ज्यामिति

- इसका कौन-सा पद शून्य होगा?
- 15. A.P. : 3, 15, 27, 39, ... का कौन-सा पद उसके 54वें पद से किसी A.P. का 17वाँ पद उसके 10वें पद से 7 अधिक है। इसका 4.
- (a) (2, 3), (4, 1) (b) (-5, 7), (-1, 3) (c) (a, b), (-a, -b) (d) (3, -2), (9, -7) 2. बिंदुओं (0, 0) और (36, 15) के बीच की दूरी ज्ञात कीजिए। पदों 16. दो समांतर श्रेढ़ियों का सार्व अंतर समान है। यदि इनके 100वें

का अंतर 100 है, तो इनके 1000वें पदों का अंतर क्या ।

17. तीन अंकों वाली कितनी संख्याएँ 7 से विभाज्य हैं? 18. 10 और 250 के बीच में 4 के कितने गुणज हैं? और 3, 10, 17, ... के nवें पद बराबर होंगे?

- अब आप अनुच्छेद 7.2 में दिए दोनों शहरों A और B के बीच की
- दूरी ज्ञात कर सकते हैं? 3. निधारित कीजिए कि क्या बिंदु (1, 5), (2, 3) और (– 2, 11)
- 4. जॉच कीजिए कि क्या बिंदु (5, 2), (6, 4) और (7, 2) एक संरेखी हैं।

67,

65,

19. n के किस मान के लिए, दोनों समांतर श्रेढियों 63,

अर्

- 5. निम्नलिखित बिंदुओं द्वारा बनने वाले चतुर्भुज का प्रकार (यदि कोई समद्विबाह त्रिभुज के शीर्ष हैं।
 - है तो) बताइए तथा अपने उत्तर के लिए कारण भी दीजिए

20. वह A.P. ज्ञात कीजिए जिसका तीसरा पद 16 है और 7वाँ पद 5वें

6. x-अक्ष पर वह बिंदु ज्ञात कीजिए जो (2, - 5) और (- 2, 9) (a) (-1, -2), (1, 0), (-1, 2), (-3, 0) (b) (-3, 5), (3, 1), (0, 3), (-1, -4) (c) (4, 5), (7, 6), (4, 3), (1, 2)

छठे और पद ज्ञात

निम्नलिखित समांतर श्रेढ़ियों का योग ज्ञात कीजिए

23.

(b) – 37, – 33, – 29, ..., 12 पदों तक

(a) 2, 7, 12, ..., 10 पदों तक

(d) $\frac{1}{15}$, $\frac{1}{12}$, $\frac{1}{10}$, ..., 11 पदों तक नीचे दिए हुए योगफलों को ज्ञात कीजिए (c) 0.6, 1.7, 2.8, ..., 100 पदों तक

24.

(a) $7 + 10\frac{1}{2} + 14 + ... + 84$ (b) $34 + 3\overline{2} + 30 + ... + 10$

पद ज्ञात

21. A.P. : 3, 8, 13, ..., 253 में अंतिम पद से 20वॉ 22. किसी A.P. के चौथे और 8वें पदों का योग 24 है तथा 10वें पदों का योग 44 है। इस A.P. के प्रथम तीन

पद से 12 अधिक है।

- 7. y को वह मान ज्ञात कीजिए, जिसके लिए बिंदु P(2, 3) और समदूरस्थ हैं।
 - 8. यदि Q(0,1) बिंदुओं P(5,-3) और R(x,6) से समदुरस्थ है, तो x के मान ज्ञात कींजिए। दूरियाँ QR और PR भी ज्ञात कींजिए O(10, v) के बीच की दूरी 10 मात्रक है।
 - 9. x और y में एक ऐसा संबंध ज्ञात कीजिए कि बिंदु (x, y) बिंदुओं
 - (3, 6) और (– 3, 4) से समदूरस्थ हो।
- 10. उस बिंदु के निर्देशांक ज्ञात कीजिए, जो बिंदुओं (- 1, 7) और (4, 3) को मिलाने वाले रेखाखंड को 2 : 3 के अनुपात में विभाजित
- 11. बिंदुओं (4, 1) और (– 2, 3) को जोड़ने वाले रेखाखंड को सम-त्रिभाजित करने वाले बिंदुओं के निर्देशांक ज्ञात कीजिए।
- 12. बिंदुओं (– 3, 10) और (6, 8) को जोड़ने वाले रेखाखंड को बिंदु (– 1, 6) किस अनुपात में विभाजित करता है।

(a) a = 5, d = 3 और an = 50 दिया है। n और Sn जात

(c) -5 + (-8) + (-11) + ... + (-230)

एक A.P. में,

25.

b) a = 7 और $a_{13} = 35$ दिया है। d और S_{13} ज्ञात कीजिए। (c) a₁₂ = 37 और d = 3 दिया है। a और S₁₂ ज्ञात कीजिए। d) $a_3 = 15$ और $S_{10} = 125$ दिया है। d और a_{10}

- - 13. वह अनुपात ज्ञात कीजिए जिसमें बिंदुओं A(1, 5) और B(– 4, 5) को मिलाने वाला रेखाखंड x-अक्ष से विभाजित होता है। इस विभाजन बिंदु के निर्देशांक भी ज्ञात कीजिए।

제되

- 14. यदि बिंदु (1,ँ 2), (4, y), (x, 6) और (3, 5), इसी क्रम में लेने 15. बिंदु A के निर्देशांक ज्ञात कीजिए, जहाँ AB एक वृत्त का व्यास पर, एक समांतर चतुर्भुज के शीर्ष हो तो x और y ज्ञात कीजिए।
 - जिसका केंद्र (2, 3) है तथा B के निर्देशांक (1, 4) हैं।

f) a = 2, d = 8 और $S_n = 90$ दिया है। n और a_n जात

e) d = 5 और $S_9 = 75$ दिया है। a और a_9 ज्ञात कीजिए।

(g) a = 8, a_n = 62 और S_n = 210 दिया है। n और d ज्ञात

(h) a_n = 4, d = 2 और S_n = – 14 दिया है। n और a ज्ञात

- 16. यदि A और B क्रमशः (- 2, 2) और (2, 4) हो तो बिंदु P के निर्देशांक ज्ञात कीजिए ताकि AP = $\frac{3}{7}$ AB हो और P रेखाखंड
- 17. बिंदुओं A(– 2, 2) और B(2, 8) को जोड़ने वाले रेखाखंड AB को चार बराबर भागों में विभाजित करने वाले बिंदुओं के निर्देशांक ज्ञात AB पर स्थित हो।
 - इसी क्रम 18. एक समचतुर्भुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसके शीष्, में, (3, 0), (4, 5), (– 1, 4) और (– 2, – 1) हैं।

636 योग प्राप्त करने के लिए, A.P.: 9, 17, 25, ... के कितने किसी A.P. का प्रथम पद 5, अंतिम पद 45 और योग 400 है।

पद लेने चाहिए?

26. 27. 28.

(i) a = 3, n = 8 और S = 192 दिया है। d ज्ञात कीजिए।

j) l = 28, S = 144 और कुल 9 पद हैं। a ज्ञात कीजिए

- 19. उस त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसके शीर्ष हैं:
- (a) (2, 3), (-1, 0), (2, -4) (b) (-5, -1), (3, -5), (5, 2) 20. निम्मलिखित में से प्रत्येक में 'K' का मान ज्ञात कीजिए, ताकि तीमों
- हिंदु सरेखी हो (a) (7, 2), (5, 1), (3, k) (b) (8, 1), (k, 4), (2, 5) अभ्यों ín 1). (2, 1) और (0, 3) वाले त्रिभुज की भुजाओं के 21. शीषों (0, – 1), (2, 1) और (0, 3) वाले त्रिभुज की भुजाओं के मध्य-बिंदुओं से बनने वाले त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। इस क्षेत्रफल का दिए हुए त्रिभुज के क्षेत्रफल के साथ अनुपात ज्ञात

29. उस A.P. के प्रथम 22 पदों का योग ज्ञात कीजिए, जिसमें d = 7

किसी A.P. के प्रथम और अंतिम पद क्रमशः 17 और 350 हैं।

पदों की संख्या और सार्व अंतर ज्ञात कीजिए।

यदि सार्व अंतर 9 है, तो इसमें कितने पद हैं और इनका योग क्या

22. उस चतुर्भुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसके शीर्ष, इसी क्रम में,