

1. Um paleontólogo acredita que o número de minerais presentes em certo tipo de rocha pode influenciar na chance de se encontrar fósseis perto de uma indústria calcária. Através de amostras de rocha obtidas em levantamento de campo, ele obteve a distribuição conjunta para as variáveis  $Z$ , tal que  $z$  representa o número de minerais e  $W = \mathbb{I}_A(\omega)$ , com  $A = \{\omega \in \Omega : \text{Existe fósfil}\}$ . Essa distribuição é apresentada abaixo.

$\begin{matrix} z \\ w \end{matrix}$	1	2	3	$\mathbb{P}(W = w)$
0	0.15	0.15	0.30	
1	0.05	0.20	0.15	
$\mathbb{P}(Z = z)$				

- Encontre as distribuições marginais para  $Z$  e  $W$ .
- Calcule a esperança e a variância de  $W$ .
- Calcule  $\mathbb{E}[W \cdot Z]$ .
- Encontre a distribuição de probabilidade do número de minerais presentes dado que não foi observada a presença de fósfil?

2. Sejam  $X$  e  $Y$  variáveis aleatórias tal que

<div><div><div><math>x</math></div><div><math>y</math></div></div></div>	0	1	2	$\mathbb{P}(X = x)$
3	0.10	0.20	0.20	
4	0.10	0.20	0.20	
$\mathbb{P}(Y = y)$				

Nesse cenário,  $X$  e  $Y$  são variáveis aleatórias independentes?

**3.** Sejam  $X \sim \text{Binomial}(6, \frac{1}{3})$  e  $Y \sim \text{Binomial}(4, \frac{1}{3})$  variáveis aleatórias independentes. Defina  $Z = X + Y$ . Nesse sentido, qual o valor de  $\mathbb{P}(Z = 1)$ ? Use o fato de que  $\sum_{i=0}^k \binom{n}{i} \binom{m}{k-i} = \binom{n+m}{k}$ .

4. Sejam  $X \sim \text{Poisson}(\lambda)$  e  $Y \sim \text{Poisson}(\mu)$  variáveis aleatórias independentes. Determine a distribuição de  $X$  dado que  $X + Y = n$ .