



Министерство науки и высшего образования Российской
Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение
высшего образования
«Московский государственный технический университет
имени Н.Э. Баумана
(национальный исследовательский университет)»
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ Информатика и системы управления

КАФЕДРА Программное обеспечение ЭВМ и информационные
технологии

ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №3 **«ОБРАБОТКА РАЗРЕЖЕННЫХ МАТРИЦ»**

Студент Щербина Михаил Александрович

Группа ИУ7 – 35Б

Приняла Никульшина Т.А.

Описание условия задачи	3
Указания к выполнению работы	3
При тестировании программы необходимо:	4
Описание технического задания	4
Входные данные:	5
Выходные данные:	5
Функции программы:	5
Обращение к программе:	6
Аварийные ситуации:	6
Описание структуры данных	6
Описание алгоритма	8
Набор тестов	8
Вывод	12

Описание условия задачи

Разработать программу умножения. Предусмотреть возможность ввода данных, как с клавиатуры, так и использования заранее подготовленных данных. Матрицы хранятся и выводятся в форме трех объектов. Для небольших матриц можно дополнительно вывести матрицу в виде матрицы. Величина матриц - любая (допустим, 1000×1000). Сравнить эффективность (по памяти и по времени выполнения) стандартных алгоритмов обработки матриц с алгоритмами обработки разреженных матриц при различной степени разреженности матриц и различной размерности матриц.

Описание технического задания

1. Смоделировать операцию умножения матрицы и вектора-столбца, хранящихся в этой форме, с получением результата в той же форме.
2. Произвести операцию умножения, применяя стандартный алгоритм работы с матрицами.
3. Сравнить время выполнения операций и объем памяти при использовании

этих 2-х алгоритмов при различном проценте заполнения матриц.

Указания к выполнению работы

Все логически завершенные фрагменты алгоритма (ввод, вывод, обработка и т.п.) необходимо оформить как подпрограммы. При разработке интерфейса программы следует предусмотреть:
указание формата и диапазона вводимых данных,
указание операции, производимой программой,
наличие пояснений при выводе результата,
указание формата выводимых данных
возможность заполнения разреженных матриц вручную (даже при большой размерности, например, 1000×1000) и автоматически с разным процентом разреженности.

При тестировании программы необходимо:

- о проверить правильность ввода о проконтролировать правильность вывода данных (т.е. их соответствие требуемому формату);
- о проверить правильность выполнения операций; о обеспечить вывод сообщений при отсутствии входных данных («пустой ввод»); о обеспечить вывод сообщений при нулевых результате или вывод нулевого результата при ненулевом входе;
- о обеспечить возможность ввода данных и вывода результата как при малых матрицах, так и при больших (например, 1000×1000).
- о сравнить время выполнения стандартного алгоритма обработки матриц и алгоритма обработки разреженных матриц при различной заполненности матриц (от 1 элемента до того количества нулей (в %), при котором становится неэффективно использование алгоритма сокращенного умножения).
- о сравнить объем требуемой памяти для реализации стандартного алгоритма обработки матриц и алгоритма обработки разреженных матриц при различном проценте заполнения матриц и при различном их размере.

Следует также протестировать программу при полной загрузке системы, то есть при полном заполнении матриц. Программа должна адекватно реагировать на неверный ввод, пустой ввод и выход за границы матрицы или вектора.

Описание технического задания

Разреженная (содержащая много нулей) матрица хранится в форме 3-х объектов:

- вектор A содержит значения ненулевых элементов;
- вектор IA содержит номера строк для элементов вектора A;
- связный список JA, в элементе N_k которого находится номер компонент в A и IA, с которых начинается описание столбца N_k матрицы A.

1. Смоделировать операцию умножения матрицы и вектора-столбца, хранящихся в этой форме, с получением результата в той же форме.
2. Произвести операцию умножения, применяя стандартный алгоритм работы с матрицами.
3. Сравнить время выполнения операций и объем памяти при использовании этих 2-х алгоритмов при различном проценте заполнения матриц.

Входные данные:

Файлы с данными:

Обычная (dense) матрица

В header написаны размеры. Далее перечислены элементы

Разреженная (sparse) матрица

В header записаны размеры, кол-во ненулевых. Далее матрица записана в координатной форме.

Целое число, представляющее собой номер команды: целое число в диапазоне от 0 до n-команд.

Выходные данные:

Результат -В координатном виде для обеих типов матриц

Выводятся ненулевые элементы, каждый с новой строки вида

"A[i] [j] = num "

Где i - номер строки, j - номер столбца, num -значение

Количественная характеристика сравнения умножения матриц разного вида.

Функции программы:

1. Ввод матрицы
2. Ввод вектора
3. Умножение матрицы метода на вектор
4. Профилирование
5. Вывод полезной информации
6. Выход

Обращение к программе:

Запускается программа через терминал. Так же можно собрать программу используя make и запустить ее. ./app.exe

Аварийные ситуации:

1. Некорректный ввод номера команды.
На входе: число, большее чем 12 или меньшее, чем 0.
На выходе: игнор ввода
2. Некорректный ввод номера команды.
На входе: пустой ввод.
На выходе: Игнор ввода
3. Файл пуст.
На входе: пустой файл.
На выходе: Игнор команды, исходный буфер не изменяется

4. Выполнение вывода матрицы/вектора до заполнения матрицы/вектора.

На входе: номер команды для умножения

На выходе: сообщение «Input matrix and vector first!»

6. Неверный ввод при ручном заполнении матрицы/вектора.

На входе: строка, содержащая некорректные значения (дробь/буква).

На выходе: Сообщение об ошибке, игнор ввода

7. Неверный ввод из файла.

На входе: неверный / пустой файл, матрица с размерами / кол-вом ненулевых ≤ 0 , кол-во элементов не соответствует размерам

На выходе: сообщение об ошибке, игнор ввода

8. Умножение матриц и вектора не допустимых размеров.

На входе: матрица и вектор.

На выходе: «Error: bad dimensions for vector and matrix!».»

Описание структуры данных

struct cons_t // Связный список

```
{  
    int value;  
    struct cons_t *next;  
};
```

Value - значение ноды

Next - указатель на следующую ноду списка

```
typedef struct {  
    int rows;  
    int columns;  
    int **data;  
} matrix_t;
```

Rows - кол-во строк

Columns - кол-во столбцов

Data - указатели на строки матрицы

```
typedef struct
{
    int rows;
    int columns;
    int n;
    vector_t A; // A
    vector_t IA; // rows with non zero elements
    cons_t *JA;
} sparse_t;
```

Rows - кол-во строк

Columns - кол-во столбцов

N - кол-во ненулевых элементов

A - вектор с ненулевыми значениями

IA - вектор с индексами строк

JA - связный список (см задание)

```
union any_matrix_u
{
    sparse_t sparse;
    matrix_t dense;
};
```

Объединение двух типов для полиморфизма.

```
typedef struct
```

```
{
    union any_matrix_u kind;
    int type;
} any_matrix_t;
```

Тип включающий в себя либо разреженную либо плотную матрицу.

Type - тип (перечисление).

Kind - полиморфическое объединение.

Описание алгоритма

1. Выводится меню данной программы.
2. Пользователь вводит номер команды из предложенного меню.
 - а. Если производится умножение, типы преобразуются перед операцией.
3. Пока пользователь не введет 123 (выход из программы), ему будет предложено вводить номера команд и выполнять действия по выбору.

Набор тестов

	Название теста	Пользовательский ввод	Результат
1	Некорректный ввод команды	1435	Игнор ввода вывод меню заново
2	Пустой ввод	-	Игнор ввода (сообщение об ошибке)
3	Файл пустой	Пустой файл	Игнор записи, игнор считанной матрицы в target, вывод сообщения об ошибке
4	Некорректный ввод из файла (размеры ≤ 0 или кол-во элементов не совпадает)	Некорректный файл	Игнор записи, игнор считанной матрицы в target, вывод сообщения об ошибке
5	Некорректный файл (не существует)	Несуществующий path	Игнор записи, игнор считанной матрицы в target, вывод сообщения об ошибке
6	Некорректный файл (не читается / не	Path к файлу	Игнор записи, игнор считанной матрицы в

	пишется)		target, вывод сообщения об ошибке
7	При чтении с stdin неверный ввод	Плохой stdin	Игнор записи, игнор считанной матрицы в target, вывод сообщения об ошибке
8	Умножение, матрицы не введены	Комманда, матрицы	Вывод сообщения об ошибке «Input matrix and vector first!»
9	Умножение, матрицы введены, размеры некорректны	Комманда, матрицы	«Error: bad dimensions for vector and matrix!..»
10	Вывод нулевой матрицы	Нулевая матрица	Вывод *empty matrix*
11	Умножение матрицы на вектор (верное)	Матрица и вектор, команда	Умножается, выводится
12	Ввод матрицы (верный)	Матрица вводится, команда	Матрица сохраняется
13	Вывод информации	Команда	Информация выводится

14	Ввод неверных координат для sparse матрицы	Неверные координаты	Ввод прекращается, выдается ошибка
15	Ввод случайной матрицы матрицы, sparsity < 0	Неверный параметр	Ввод прекращается, ошибка
16	Ввод разреженной матрицы с 0 ненулевыми	0 ненулевых	Матрица принимается

Matrix vector product time in ns
Matrix is 1000x1000, vector is 1x1000

%	dense	sparse
1	29611	183
6	18293	5555
11	28642	9482
16	29544	13344
21	28547	17252
26	28582	19675
31	28749	23359
36	18046	27454
41	18246	31052
46	28680	34870
51	28711	39003
56	28519	44509
61	28607	47686
66	28694	52425
71	28806	55410
76	28753	61843
81	28951	63501
86	18145	67517
91	29078	75524
96	28979	77405

Matrix size in bytes
Matrix is 10000x10000

full	dense	sparse
1	400090016	16120188

6	400090016	56084412
11	400090016	96006804
16	400090016	135992428
21	400090016	175986316
26	400090016	215900852
31	400090016	255835948
36	400090016	295856836
41	400090016	335805884
46	400090016	375732348
51	400090016	415692108
56	400090016	455674852
61	400090016	495610076
66	400090016	535572796
71	400090016	575563412
76	400090016	615438468
81	400090016	655540012
86	400090016	695452484
91	400090016	735482052
96	400090016	775408132

Ответы на контрольные вопросы

1. Что такое разреженная матрица, какие схемы хранения таких матриц Вы знаете?

Разреженная матрица — это матрица заполненная большим кол-вом нулей

Схемы хранения матрицы: связанная схема хранения (с помощью линейных связанных списков), кольцевая связанная схема хранения, двунаправленные стеки и очереди, диагональная схема хранения, строчной формат, столбцовый формат.

2. Каким образом и сколько памяти выделяется под хранение разреженной и обычной матрицы?

Под обычную матрицу (N – количество строк, M – количество столбцов) выделяется $N * M * \text{sizeof}(\text{тип})$ ячеек памяти.

Для разреженной матрицы количество ячеек памяти зависит от способа. В случае разреженного формата требуется количество ячеек с ненулевыми элементами M . Нужно определить $M * \text{sizeof}(\text{тип}) + M * \text{sizeof}(\text{int})$ значений памяти. Также нужна память под список с индексом строк (кол-во элементов $< M$).

3. Каков принцип обработки разреженной матрицы?

При обработке разреженной матрицы мы работаем только с ненулевыми элементами. Тогда количество операций будет пропорционально количеству ненулевых элементов.

4. В каком случае для матриц эффективнее применять стандартные алгоритмы обработки матриц? От чего это зависит?

Эффективнее применять стандартные алгоритмы выгоднее при достаточно малых размерах и очень большом количестве ненулевых элементов.

Вывод

Выгодно использовать разреженные матрицы при большом кол-ве нулей (или при $\sim 40\%$ ненулевых элементов) в матрице, особенно при умножении на вектор-столбец, так как тратится меньший объем памяти (примерно в 3-5 раза меньше стандартного представления). Время выполнения может быть меньше при больших матрицах и большой разреженности.

Но уже при $\sim 30\%$ ненулевых элементов лучше использовать обычный алгоритм - время становится таким же или меньше. Если важна память, то так же при 50% ненулевых элементов выгоднее использовать стандартный алгоритм, так как затраты по памяти значительно меньше у обычного представления матрицы.

Хранить матрицы в разреженном виде выгодно только если они содержат большое количество нулей, во всех остальных случаях такой вид хранения проигрывает по памяти (из-за большого кол-ва метаданных).

Умножение “маленьких” разреженных матриц очень неэффективно.

Использованные Функции

Связный список

`cons_t *cons_new(int value)`; конструктор
`void cons_add(cons_t *self, int value)`; добавление элемента
`void cons_delete(cons_t *self)`; деструктор
`int cons_get(cons_t *self, int idx)`; геттер
`int cons_next(cons_t *self)`; след. элемент
`size_t cons_size(cons_t *self)`; размер списка в памяти

Матрица

`matrix_t matrix_new(int n, int m)`; конструктор
`void matrix_delete(matrix_t *self)`; деструктор
`matrix_t matrix_vector_product(matrix_t *self, matrix_t *vector)`; задание
`void matrix_print(matrix_t *self)`; вывод
`size_t matrix_size(matrix_t *self)`; размер в памяти

Разреженная матрица

`void sparse_delete(sparse_t *self)`; деструктор
`void sparse_print(sparse_t *self)`; кол-во элементов
`sparse_t sparse_vector_product(sparse_t *self, sparse_t *vector)`; задание
`size_t sparse_size(sparse_t *self)`; размер в памяти

Динамический массив

`vector_t vector_new(int capacity)`; конструктор
`void vector_delete(vector_t *self)`; деструктор
`vector_t vector_realloc(vector_t *self)`; перевыделение
`vector_t vector_from_arr(int n, int *arr)`; конструктор
`void vector_add(vector_t *self, int el)`; добавление элемента
`int vector_get(vector_t *self, int idx)`; геттер
`size_t vector_size(vector_t *self)`; размер в памяти

Any Matrix

void any_matrix_as(any_matrix_t *self, int type); преобразование типа
void any_matrix_delete(any_matrix_t *self); удаление