$$C \xrightarrow[\pi_n \circ f]{f} \begin{cases} P \\ \downarrow^{\pi_n} \end{cases}$$