$$I \times I \xrightarrow{H} S^1$$

$$(p, \mathrm{id}_I) \downarrow \qquad \qquad h \circ \pi_1$$

$$S^1 \times I$$