$$SO_{n-1}\mathbb{R} \longrightarrow SO_n\mathbb{R}$$

$$\downarrow$$

$$S^{n-1}.$$