$$I \times I \xrightarrow{H} S^1$$

$$(f, \mathrm{id}_I) \downarrow \qquad \overline{H}$$

$$S^1 \times I.$$