$$\cdots \longrightarrow 0 \longrightarrow H_{n+1}(X^n) \longrightarrow 0$$

$$0 \longrightarrow H_n(X^n) \longrightarrow \bigoplus_{\alpha_n} \mathbf{Z} \longrightarrow \cdots$$