$$\mathrm{SO}_{n-1}\mathbb{R} \longrightarrow \mathrm{SO}_n\mathbb{R}$$

$$\downarrow$$

$$S^{n-1}.$$