# MCM

llz

### 2019年7月16日

# 1 允许缺货的确定性贮存模型

#### 1.1 模型假设

- 1. 在任何时刻,单位时间(每天)对物品的需求量恒为r吨;即经营商 品单一,顾客对该物品需求量在时间上保持恒定;
- 2. 每隔时间T天进货Q吨;且假设每次进货是在存货全部售出后即刻进行,允许缺货,即 $Q \leq rT$ ;
- 3. 每次进货需支付订货费 $c_1$ , 在正常期间, 还需支付货物的贮存费用,单位时间(天)单位(吨)货物需支付货物的贮存费用 $c_2$ ;每天单位时间(天)单位(吨)货物需支付缺货费 $c_3$ ;
- 4. 以q(t)表示在时刻t该货物的存量,当 $q(t) \leq 0$ 时表示缺货

### 1.2 模型建立

$$Min: C = \frac{c_1 + c_2 \int_0^{\frac{Q}{r}} q(t)dt - c_3 \int_{-r}^{\frac{Q}{r}} Tq(t)dt}{T}$$

$$s.t \quad q(t) = Q - rt$$

进一步化简:

$$Min: C = \frac{c_1}{T} + \frac{C_2 Q^2}{2rT} + \frac{c_3 (rT - Q)^2}{2rT}$$

## 1.3 模型求解

令 
$$\frac{dC}{dT}=0, \frac{dC}{dQ}=0$$
得最优进货周期 $T=\sqrt{\frac{2c_1}{rc_2}}\sqrt{\frac{c_2+c_3}{c_3}}$ ,进而每次的进货量  $Q=\sqrt{\frac{2rc_1}{c_2}}\sqrt{\frac{c_3}{c_2+c_3}}$