



全國高級中等學校 102 學年度工業類科學生技藝競賽電腦軟體設計

壹、試卷說明:

1. 請將寫好之程式原始檔依題號命名資料夾存檔,第一題取姓名_Q1,第二題取姓名_Q2,依序命名存檔,並存於 C 碟之資料夾"姓名_Contest"中。

- 2. 競賽時間 4 小時。
- 3 將程式及編譯成執行檔儲存在 C 碟之資料夾姓名_Contest。

貳、評分說明:本試卷共六題,每題配分不一。

- 1. 每題評分只有對與錯兩種,對則給滿分,錯則不給分(即以零分計算)。
- 2. 每解答完一題上傳(程式及執行檔),評審人員將針對該題進行測試,若解題正確則回應正確,若解題錯誤則扣該題一分至該題零分為止,答錯之題目可繼續作答。 試題一:局部編碼(17分)

說明:局部編碼有許多應用,局部編碼(LC)是在一個資料區域內,利用相鄰鄰居和不同權重,來進行編碼。局部編碼可以利用下述公式來表示:

$$LC_{I,R}(x_c, y_c) = \sum_{i=0}^{I-1} T(d_i - d_c) \times 2^i$$
 (1)

$$T(x) = \begin{cases} 1 & x \ge 0 \\ 0 & x \le 0 \end{cases} \tag{2}$$

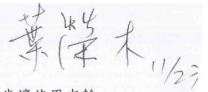
其中, d_c 是在區域(R)中的中心點(X_c , Y_c)之資料, d_i 是區域中心點之 I 個鄰居資料點, d_i - d_c 表示鄰居資料點與中心點之差, 2^i 是鄰居資料點之對應權重,T(X)是一閥值函數,當 X大於等於 0 時,T(X)=1,當 X小於 0 時,T(X)=0。

程式功能:請利用上述公式(1)和公式(2),寫一個程式,能完成以下功能之要求:

- (1)能讓使用者輸入 6x6 資料,這些資料要大於等於 0,不可以小於 0。
- (2)能讓使用者輸入 3x3 權重,這些權重是 2 的次方。
- (3)能讓使用者輸入要編碼之 3x3 區域的左上角座標。
- (4)程式可以<u>計算和顯示</u>要編碼之 3x3 區域的<u>編碼結果</u>。

程式執行範例:

作桌	編	號_	選	手姓名	ž		_ 代表	學校						
1 輸		資料						2 權重	遮罩	設定		3 輸入要運算的3x3區域 之左上角座標	4 計算	5編碼結果
		0	1	2	3	4	5		0	1	2	之左上角座標		
	0	100	100	100	100	100	100	0	1	2	4	1 1		201
	1	100	55	35	28	100	100	1	8	0	16			
	2	100	52	43	38	100	100	2	32	64	128			
	3	100	26	65	46	100	100							
	4	100	100	100	100	100	100							
	5	100	100	100	100	100	100							



範例說明:從上圖左邊開始,第1步讓使用者輸入6x6資料,第2步讓使用者輸入3x3權重,第3步讓使用者輸入要編碼之3x3區域的左上角座標,座標請參考輸入資料之座標(0~5,0~5),第4步按計算執行,第5步顯示編碼結果。

上述範例,權重遮罩設定為
$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 8 & 0 & 16 \\ 32 & 64 & 128 \end{bmatrix}$$
,輸入要編碼之 $3x3$ 區域的左上角座

運算後,其結果為
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$
。再利用公式 (1) 運算後,其編碼結果為 201 ,如

上圖所示。

若妳 (你) 的程式都完成上述功能和要求,才可以上傳要求檢查功能。

試題二:隨機實數值轉換為等效二進制值(16分)

- 1. 設計一個程式系統能將隨機產生 0.0~9999.999999 之間的一個十進制實數值(Real value)轉換為等效二進制值(Binary value)。此實數值或二進制值其小數點左方的數值稱為整數部分(Integral part),而小數點右方的數值稱為分數部分(Fraction part)。
- 2. 實數值的整數部分轉換為二進制值的方法:將其整數部分 ÷2 取其餘數插入二進制值左方,而其商值再÷2 取其餘數插入二進制值左方,依此類推,直至商值為 0;最後可得到實數值的整數部分之等效二進制值。
- 3. 實數值的分數部分轉換為二進制值的方法:將其分數部分 ×2 取其整數插入二進制值右方, 而其新分數值再 ×2 取其整數插入二進制值右方,依此類推,直至新分數值為 0 或二進制值已 具有 10 位數;最後可得到實數值的分數部分之等效二進制值。
- 4. 組合第2點與第3點轉換結果,即可得到十進制實數值轉換為等效二進制值。如果二進制值其小數點最右方存在無效0,則必須將其移除,並修正此等效二進制值。

例題 1:十進制實數值 74.3312 轉換為等效二進制值 1001010.0101010011。

例題 2: 十進制實數值 19.561 轉換為等效二進制值 10011.1000111110, 經修正為 10011.100011111。

5. 設計此系統如下圖所示,每當滑鼠點一下 Random 鍵,則隨機產生 0.0~9999.999999 之間的一個十進制實數值顯示在 Real value 的右方,且此值可以人工修改(但限制在上述範圍內)。每當滑鼠點一下 Convert 鍵,則自動將 Real value 的十進制實數值轉換為等效二進制值,並顯示在 Binary value 的右方;如果二進制值其小數點最右方存在無效 0,則將其移除,且將修正後的二進制值顯示於 Final Binary value 的右方;如不存在無效 0,則 Final Binary value 的右方顯示值等同於原 Binary value。上述可重複操作,直至滑鼠點一下 Exit 鍵,則自動離

葉陛大儿

開此系統。

Real value:	Random
Binary value:	Convert

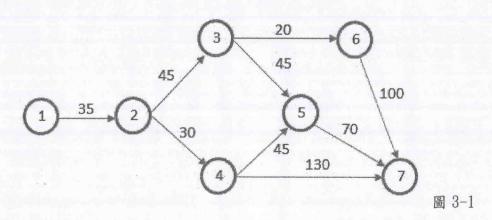
輸入格式:在 Real value 位置可隨機產生或人工輸入 0.0 ~ 9999.999999 之間任意一個的十進制實數值。

輸出格式:在 Binary value 及 Final Binary value 位置顯示此實數值的等效二進制值。 範例1:在 Real value 位置隨機產生或人工輸入19.561,滑鼠點一下 Convert 鍵, Binary value 及 Final Binary value 位置顯示如下:

Conversion of Random Real Value to	
Real value: 19.561	Random
Binary value: 10011.1000111110	Convert
Final Binary value: 10011.100011111	

試題三:在地圖中搜尋最低成本的路徑。(17分)

說明:1. 如圖 3-1 所示為一交通示意圖,圓圈節點代表城市,並以數字表示其順序; 連接線表示城市間的行進方向,連接線的數字代表成本(成本=距離*時速)。某君規劃 假期將由出發地到目的地(如示意圖,由節點①到節點①),假設城市間的各路段之距 離及時速可事先查詢完成,則某君在出發前即可將各路段之距離及時速換算為成本 (如示意圖),據以搜尋最低成本的路徑,並處理得知其所經各城市節點的先後次序, 及其路徑的總和最低成本值。請設計一程式完成之。範例一:



2. 當城市間連接線的成本值改變,仍然可搜尋最低成本的路徑,並獲得其所經各城市節點的先後次序,及其路徑的總和最低成本值。

- 輸入格式:1. 依序以「城市編號 城市編號 城市間連接線的成本數字」表示, 例如:由節點①到節點②的表示為「1 2 35」。餘此類推,將所 有城市及城市間連接線的數字設定完成,並存成輸入檔。
 - 2. 輸入檔內容可隨時更改,格式如圖 3-2 所示

1 2 35 2 3 45 2 4 30 3 5 45 3 6 20 4 5 45 4 7 130 5 7 70	最低成本值總和:180 路徑次序: 1 2 4 5 7 連線數值: 0 35 30 45 70 圖 3-3
---	--

3. 可隨時更改輸入檔的成本值,再搜尋最低成本的路徑次序及其最低成本值。 輸出格式:印出最低成本值總和、其所經各城市節點的先後次序及其路徑值,如 圖 3-3 所示:

範例二:1. 節點⑥到節點⑦的值改為70,如圖3-4所示:

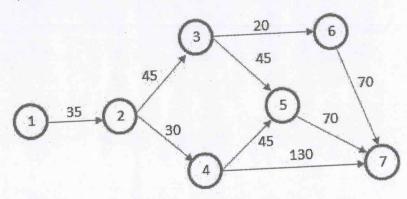


圖 3-4

1	2 35	
2	3 45	
2	4 30	
3	5 45	
2 2 3 3	6 20	
4	5 45	
4	7 130	
5	7 70	
6	7 70	

輸入格式:輸入檔更改內容,如上所示

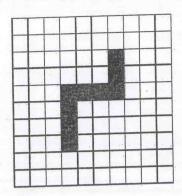
輸出格式:印出最低成本值總和、其 所經各城市節點的先後次序及其路 徑值,如下所示:

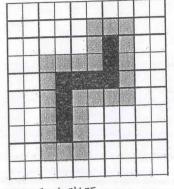
最低成本值總和:170

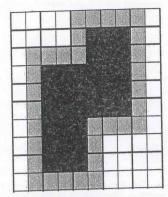
0 35 45 20 70 蓮線數值:

試題四:膨脹處理程式(17分)

說明:影像處理過程中常需進行膨脹(Dilation),將影像向8方擴展(某像素的八個近鄰), 可用於去除雜點及彌補缺口,如下圖所示:





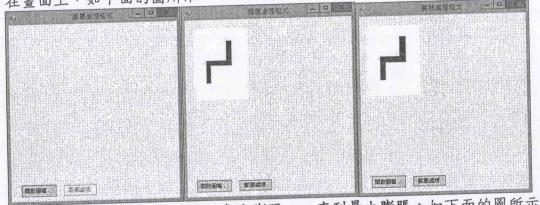


原圖

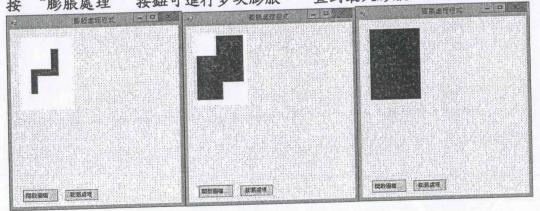
進行1次膨脹

進行2次膨脹

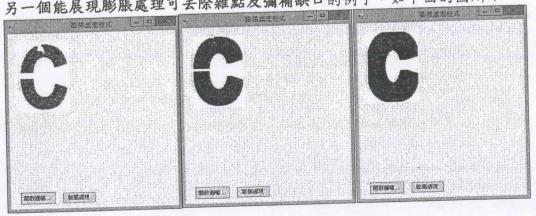
請寫隻程式能讀入圖檔,再按 "膨脹處理" 按鈕來進行圖案膨脹處理結果顯示 在畫面上,如下面的圖所示:

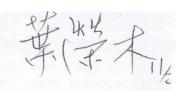


按鈕可進行多次膨脹,一直到最大膨脹,如下面的圖所示: "膨脹處理"



另一個能展現膨脹處理可去除雜點及彌補缺口的例子,如下面的圖所示:





試題五:印度小朋友的心算(16分)

說明:台灣小朋友會背 9 9 乘法,印度的乘法表是從 1X1 背到 19X19,但 11X11 到 19X19 是用心算算出!印度的兩位數乘法是用心算算出,但此心算必需被乘數跟乘數的十位數皆相同。例子 1: 13 X 14=?

第一步: 先把被乘數(13) 跟乘數的個位數(4) 加起來, 13+4=17

第二步:然後把第一步的答案乘以10 (十位數皆是1也就是說後面加個0為170)

第三步:再把被乘數的個位數(3)乘以乘數的個位數(4),3X4=12

第四步:170+12=182

就這樣,用心算就可以很快地算出 11X11 到 19X19 了喔!

同理,例子2: 26×27=?

第一步: 先把被乘數 (26) 跟乘數的個位數 (7) 加起來, 26+7=33

第二步:把第一步的答案乘以20 (十位數皆是2,乘2後,尾數再加個()為660)

第三步:再把被乘數的個位數(6)乘以乘數的個位數(7),6X7=42

第四步:660+42=702

就這樣,用心算就可以很快地算出 21×21 到 29×29 了喔!餘此可類推至更高位數!小明想學印度的心算算法,請你(妳)設計一程式能隨機產生被乘數 m 及乘數 n(被乘數和乘數的十位數需相同), $11 \le m$, $n \le 19$ 及 $21 \le m$, $n \le 29$ 如圖 5-1 讓小明心算作答,若小明答正確,程式回饋"very good";若小明心算錯誤程式回饋"is wrong"並將正確的心算四個過程列出如圖 5-2。按清除需能出新題繼續作答。



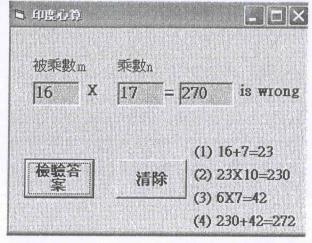


圖 5-1

圖 5-2

試題六:多矩陣相乘運算次數(17分)

說明:1. 兩個矩陣乘法運算必須滿足 A 矩陣的行數(2)等於 B 矩陣的列數(2)才可以相乘。例如 A_{3xz} X B_{2xs}

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 0 & -1 \end{bmatrix} A \times B = \begin{bmatrix} 1 \times 1 + 4 \times 2 & 1 \times 2 + 4 \times 0 & 1 \times 3 + 4 \times (-1) \\ 2 \times 1 + 3 \times 2 & 2 \times 2 + 3 \times 0 & 2 \times 3 + 3 \times (-1) \\ 3 \times 1 + 2 \times 2 & 3 \times 2 + 2 \times 0 & 3 \times 3 + 2 \times (-1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 & 2 & -1 \\ 8 & 4 & 3 \\ 7 & 6 & 7 \end{bmatrix}$$

$$A_{3x2} \times B_{2x3} \text{ 的乘法運算次數為 } 3x2x3 = 18 \text{ 次};$$

菜菜木11分

2. 給定 n 個矩陣 M_1 , M_2 , M_3 , M_4 , …, M_4 , 就, M_4 , …, M_5 , 執行矩陣相乘運算,其中,每一矩陣之行數(column)與列數(row)均不大於 100, 且 $3 \le n \le 10$ 。請你(妳)設計一程式能輸入 n 個可相乘矩陣大小,找到這些矩陣相乘時($M_1 \times M_2 \times M_3 \times M_4 \times \dots \times M_6$)具有最佳結合次序,求得最少的乘法運算次數,及顯示這些矩陣相乘之結合次序,以節省計算成本。如下圖所示。參考範例:

假設共有 3 個矩陣 M_1 , M_2 , M_3 要執行矩陣相乘運算,其中 M_1 為 (10×100) 矩陣、 M_2 為 (100×5) 矩陣、 M_3 為 (5×50) 矩陣,因為矩陣乘法具有結合性,所以,

M1 (M2 M3) = (M1 M2) M3,故我們可以用兩種方法進行運算,分別求算其乘法運算次數。

1. 以 M1 (M2 M3)進行矩陣相乘時,其乘法運算次數計算如下:

 $M_{2(100 \times 5)}$ $M_{3(5 \times 50)}$ = $P_{(100 \times 50)}$,所需要之乘法運算次數:100 x 5 x 50 = 25000

 M_1 (M_2 M_3)= $M_{1(10 \times 100)}$ $P_{(100 \times 50)}$,所需要之乘法運算次數: $10 \times 100 \times 50 = 50000$

乘法運算次數總計為:

25000+50000 = 75000

2. 以(M₁ M₂) M₃進行矩陣相乘時,其乘法運算次數計算如下:

 $M_{1(10 \times 100)}$ $M_{2(100 \times 5)} = P_{(10 \times 5)}$,所需要之乘法運算次數: $10 \times 100 \times 5 = 5000$

 $(M_1 \ M_2) \ M_3 = P_{(10 \ x \ 5)} \ M_{3(5 \ x \ 50)}$,所需要之乘法運算次數: $10 \ x \ 5 \ x \ 50 = 2500$

乘法運算次數總計為:

5000+2500 = 7500

故矩陣相乘次序應為(M₁ M₂) M₃,且最少乘法運算次數為 7500 次,以獲得最少之計算成本。運算次數結果顯示在畫面上,如下面的圖所示:



請輸入有幾個矩陣相乘?	3	
請輸入m1~m3的矩陣大小	<維度>:	
m1的矩陣大小:	10	100
m2的矩陣大小:	100	5
m3的矩陣大小:	5	50
矩陣相乘的次序為:	< <m1 m2=""> m3</m1>	s
最少的乘法運算次數:	7500	