



Licenciatura em  
Engenharia Informática

## Programação I

Tipos Abstratos de Dados  
Stacks e Queues

Estrela Ferreira Cruz

Estrela F. Cruz

1

## Objetivos da aula

---

Objetivos da aula:

Tipos abstratos de dados:

Stacks ou Pilhas

- Apresentação do conceito e modo de funcionamento;
- Operações sobre Stacks;
- Apresentação de exemplos práticos;
- Implementação de uma stack recorrendo ao uso de um array;

Queues ou filas:

- Apresentação do conceito e princípio de funcionamento.
- Operações com Queues.
- Apresentação de exemplos práticos;
- Implementação recorrendo ao uso de listas duplamente ligadas.

Estrela F. Cruz

2

## Tipos abstratos de dados

---

### Tipos de dados

A representação real dos dados num computador:

- Num nível mais baixo, começamos com os tipos de dados básicos como o char, int, float ou double.
- No nível seguinte estão as estruturas homogêneas (arrays), que são conjuntos organizados de dados todos do mesmo tipo.
- Depois estão as estruturas (registos), que agrupam tipos de dados diferentes que podem ser acedidos por um único nome.
- Os tipos abstratos de dados (TAD), além dos dados a armazenar trata também das operações sobre os dados.

Estrela F. Cruz

3

## Tipos abstratos de dados

---

### Tipos abstratos de dados

- Um Tipo Abstratos de Dados (TAD) é um tipo de dados que é organizado de modo a que a especificação dos dados e as operações sobre esses dados seja separada da representação e da implementação das operações.
- Transcendendo os aspetos físicos dos dados, o nível final concentra-se na sequência pela qual os dados são acrescentados e acedidos, coexistindo na sua definição uma estrutura lógica.

Estrela F. Cruz

4

## Tipos abstratos de dados

---

Vantagens de uso de tipos abstratos de dados

- Facilita o encapsulamento e segurança: o utilizador não tem acesso direto aos dados. O acesso é feito através de um conjunto de operações de acesso aos dados, previamente definidas.
- A estratégia de implementação pode ser “escondida”.
- A implementação é separada da utilização.
- Facilita a manutenção e a reutilização do código.

Como exemplo de tipos de dados abstratos temos:

- Stack ou pilhas
- Queues ou filas

Estrela F. Cruz

5

## Stacks

---

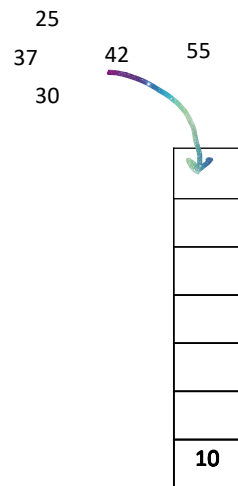
Stacks ou Pilhas

- É uma estrutura de dados em que a inserção e a remoção de elementos se faz pela mesma extremidade (o ultimo a entrar é o primeiro a sair) geralmente designada por topo da stack.
- Princípio de inserção/remoção é LIFO (Last-In First-Out),
- Os elementos podem ser inseridos sem restrições mas só o inserido em último lugar é que pode ser removido a qualquer momento.
- Podemos ver o funcionamento de uma pilha na pagina seguinte

Estrela F. Cruz

6

## Stacks

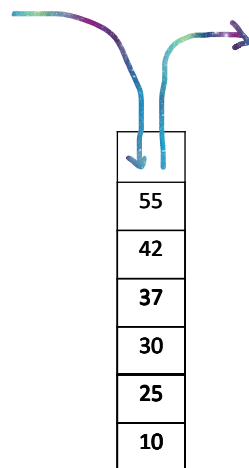


Stack

Estrela F. Cruz

7

## Stacks

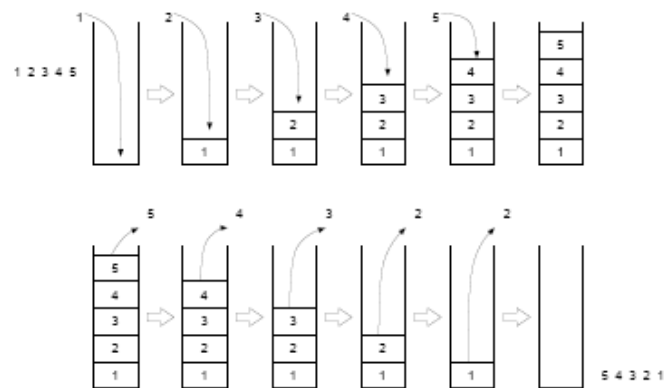


Estrela F. Cruz

8

## Stacks

### Operações com pilhas



Estrela F. Cruz

9

## Stacks

Exemplos dia a dia:

- Um exemplo de uma stack é uma **pilha de papéis na secretária**. Os papéis são colocados uns por cima dos outros e o primeiro a ser retirado é o de cima, ou seja, o último a ser colocado.
- Outro exemplo é uma **pilha de pratos**. O prato que serve de base é o último a ser usado e o prato do topo, que é o último a ser colocado na stack, é o primeiro a ser usado.
- Uma stack (pilha) de cadeiras.
- Bolas de ténis armazenadas num recipiente **próprio**: a primeira a entrar para o recipiente é sempre a última a sair.
- Etc.



Estrela F. Cruz

10

## Stacks

Exemplos de stacks no contexto Software:

- A stack é adequada para guardar contextos, mantendo disponível o contexto corrente, ou seja, o mais atual.
- As stacks são normalmente usadas em software de sistemas, incluindo compiladores e interpretadores. A maioria dos compiladores de C usa uma stack na passagem de argumentos para as funções.
- As stacks são também usadas pelos compiladores para verificar a correta utilização dos ( { , “ e respectivos ) , } , “ , comentários ( /\* ... \*/ ), etc.
- As stacks são usadas por editores (por ex. MS Word) para permitirem o “undo” das operações. A última operação a ser executada é a primeira a ser desfeita.
- As stacks são também usadas pelos browsers para permitirem o recuo (backtracking) nas páginas visitadas.
- Etc.

Estrela F. Cruz

11

## Stacks

Operações sobre a stack:

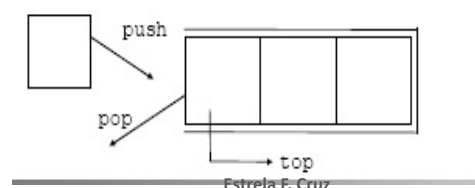
push - Insere um elemento no topo da stack

pop - Retira o elemento do topo da stack

top - Lê e retorna o valor do elemento do topo da stack, mas não o retira da stack.

isEmpty - Retorna Verdadeiro se a stack está vazia, noutro caso retorna falso.

size - Retorna o numero de elementos da stack.



12

## Stacks

Exercício: Indique o resultado após cada uma das seguintes operações e os respetivos efeitos numa pilha de números inteiros inicialmente vazia:

Instrução	Descrição	Stack (composição)
1.push(8)	insere o valor 8	8
2.push(3)	insere o valor 3	83
3.pop()	retira o valor 3	8
4.push(7)	insere o valor 7	87
5.pop()	retira o valor 7	8
6.top()	retorna o valor 8	8
7.pop()	retira valor 8	vazio
8.pop()	retira "Stack vazia"	vazio
9.isEmpty()	retorna Verdadeiro	vazio
10.push(9)	insere o valor 9	9
11.push(5)	insere o valor 5	95
12.size()	retorna 2	95
13.isEmpty()	retorna Falso	95

Estrela F. Cruz

13

## Stacks

### Implementação da Stack

- Podemos optar por uma **gestão mais rígida** - baseada em arrays (vetores) - tem como desvantagem o facto de ser necessário conhecer o tamanho máximo à partida. O espaço ocupado em memória corresponde sempre ao tamanho máximo.
- Ou por uma **gestão mais flexível** - com listas ligadas - tem como desvantagem o facto de ser menos eficiente (maior tempo de computação) mas permite o processamento de problemas maiores em resultado da gestão criteriosa da memória.
- Do ponto de vista do utilizador, é irrelevante a forma como a stack é implementada, no entanto, se for implementada com alocação dinâmica de memória, a stack deve aceitar sempre elementos, a menos que existam problemas na alocação de memória.

Estrela F. Cruz

14

## Stacks

Implementação da Stack em vetores:

- É necessário uma variável, à qual foi atribuído o nome tos (TTopo da Stack), que é o índice da próxima posição livre da stack.
- É necessário verificar que não se ultrapassa o limite da stack no armazenamento (stack overflow) e que não se tente retirar dados com a stack vazia (stack underflow).
- Ou seja: se tos é igual a 0, a stack está vazia e se tos é maior que a última posição de memória, ou seja, o tamanho máximo do vetor, a stack está cheia (stack overflow) .
- Em seguida podemos ver um exemplo de implementação de uma stack de caracteres recorrendo ao uso de um array estático.

Estrela F. Cruz

15

## Stacks

```
int size(int tos){
    return tos;
}

int isEmpty(int tos){
    return (tos==0);
}

char pop(char stack[], int *tos){
    char aux='\0';
    if((*tos)<=0){
        printf("Stack underflow\n");
    }
    else {
        aux=stack[(*tos)-1];
        (*tos)--;
    }
    return aux;
}
```

Estrela Ferreira Cruz

```
void push(char stack[], char car,
int *tos){
    if((*tos) >= MAX){
        printf("Stack Overflow\n");
        return;
    }
    stack[*tos]=car;
    (*tos)++;
}

char top(char stack[], int tos){
    char aux='\0';
    if(tos <=0){
        printf("stack vazia\n");
    }
    else {
        aux=stack[tos-1];
    }
    return aux;
}
```

Estrela F. Cruz

16



## Stacks

---

### Implementação da Stack em Listas Ligadas:

Uma stack pode ser implementada usando uma lista ligada onde a inserção e a remoção se fazem na mesma extremidade da lista:

- Inserção e remoção no início da lista, ou seja, o último a inserir é o primeiro a ser removido – LIFO.
- Inserção e remoção no fim da lista, da mesma forma o último a ser inserido é o primeiro a ser removido – LIFO.

Estrela F. Cruz

17

## Queues ou filas

---

### Queues ou Filas:

- Princípio de inserção/remoção: FIFO (First-in First-out), ou seja, o primeiro a entrar é o primeiro a sair.
- A inserção e a remoção de elementos de uma queue faz-se por extremidades opostas, geralmente designadas por cabeça e cauda.
- Numa queue, a única forma de inserir um elemento é no fim da fila.
- Apenas se consegue obter, ou ler, o elemento que está no início da fila.
- Não é permitido o acesso de algum elemento em particular, no meio da queue.

Estrela F. Cruz

18

## Queues ou filas

---

Existem muito exemplos práticos de filas no dia-a-dia:

- Uma fila para o bar, onde os primeiros a chegar são os primeiros a ser atendidos.
- Uma fila de pessoas para entrar num teatro. As pessoas, à medida que vão chegando vão para o fundo da fila. As pessoas que se vão sentando, saem da frente da fila.
- O buffer de uma impressora para pedidos com a mesma prioridade, os primeiros pedidos a chegar são os primeiros a ser impressos.
- Armazenamento de I/O (caracteres escritos no teclado).

Estrela F. Cruz

19

## Queues ou filas

---

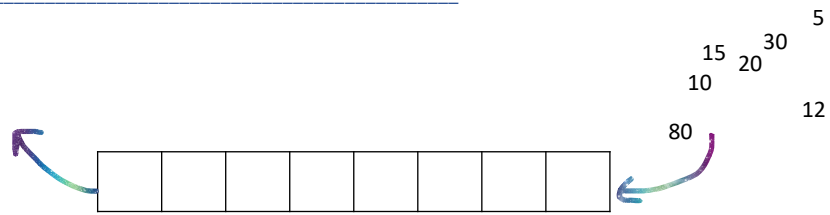
Exemplos de aplicações que recorrem ao uso de queues:

- Programas de distribuição de eventos que permite adicionar um certo número de eventos, podendo servir, por exemplo, para organizar compromissos diários. Cada evento executado é retirado da fila e o próximo evento é visualizado.
- Programas de gestão dos aviões numa pista para levantar voo.
- Programas de gestão de reservas.
- Programas de gestão de chamadas telefónicas.
- Etc.

Estrela F. Cruz

20

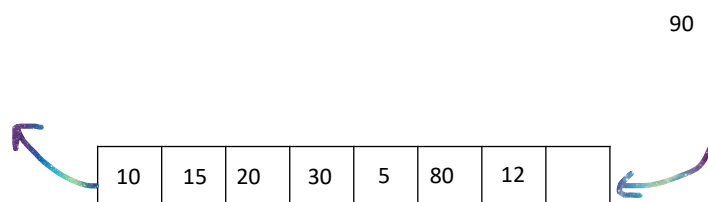
## Queues ou filas



Estrela F. Cruz

21

## Queues ou filas

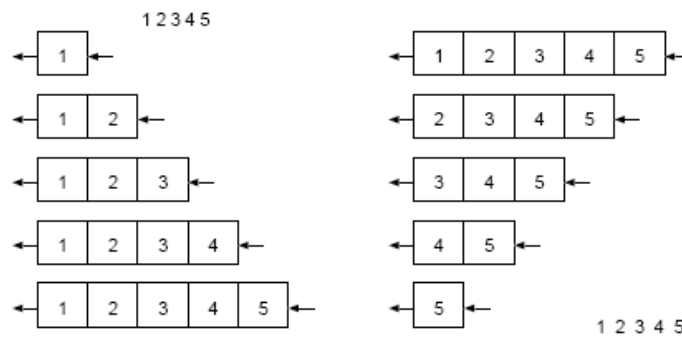


Estrela F. Cruz

22

## Queues ou filas

### Funcionamento de filas



Estrela F. Cruz

23

## Queues ou filas

Operações sobre queues:

enqueue - Insere um elemento na fim da fila

dequeue - Retira o elemento da frente da fila

front - Lê e retorna o valor do elemento da frente da fila, mas não o retira.

IsEmpty - Retorna Verdadeiro se a fila está vazia, noutro caso retorna Falso.

size - Retorna o numero de elementos da fila.

NOTA: a operação enqueue pode também ser chamada de **qstore** e a operação dequeue pode ser tratada por **qretrieve**.

Estrela F. Cruz

24

## Queues ou filas

Exercício - Indique o resultado após cada uma das seguintes operações e os respectivos efeitos numa queue de números inteiros inicialmente vazia:

Instrução	Descrição	Queue (conteúdo)
1. enqueue(3)	insere o valor 3	3
2. enqueue(7)	insere o valor 7	37
3. dequeue()	retira o valor 3	7
4. enqueue(9)	insere o valor 9	79
5. dequeue()	retira o valor 7	9
6. front()	retorna o valor 9	9
7. dequeue()	retira valor 9	vazio
8. isEmpty()	retorna Verdadeiro	vazio
9. enqueue(2)	insere o valor 2	2
10. enqueue(9)	insere o valor 9	29
11. enqueue(5)	insere o valor 5	295
12. size()	retorna 3	295
13. isEmpty()	retorna Falso	295

Estrela F. Cruz

25

## Queues ou filas

### Implementação da Queue:

Tal como nas stacks, também nas queues podemos optar por uma gestão mais rígida, baseada em vetores, ou por uma gestão mais flexível, usando alocação dinâmica de memória.

- As vantagens e desvantagens de cada uma das opções são idênticas às da stack.
- Do ponto de vista do utilizador, é irrelevante a forma como a queue é implementada.

No caso de ser implementada com vetores, é necessário ter em atenção o limite máximo do vetor.

Estrela F. Cruz

26

## Queues ou filas

Implementação da queue num vetor estático.

- Temos que guardar não só a posição da frente da fila, de onde vamos retirar elementos, como também o início da fila, onde os elementos vão ser inseridos.
- Tendo as variáveis `topPos` e `backPos`, onde `topPos` contem o índice da próxima posição livre de armazenamento e `backPos` contem o índice do próximo elemento a retirar ou ler.
- De salientar que se `backPos` for igual a `topPos` não existem mais elementos na fila.
- A função `enqueue (qstore)` deve verificar se a fila atingiu, ou não, o limite máximo antes de colocar um novo elemento na fila.
- A função `dequeue (qretrieve)` deve verificar se a fila está, ou não, vazia antes de retirar um elemento da lista.
- Quando um novo elemento é colocado na fila, `topPos` é incrementado.
- Quando um elemento é retirado, `backPos` é incrementado.

Estrela F. Cruz

27

## Queues ou filas

Implementando-se as filas com continuidade, ocorrerá a seguinte situação, após inserir e retirar vários elementos:

	Após quatro inserções...							
Elem	5	6	2	3				
	mais duas retiradas...							
Elem			2	3				
	mais quatro inserções...							
Elem			2	3	9	0	4	1
	mais duas retiradas...							
Elem					9	0	4	1
	mais uma inserção...							
Elem					9	0	4	1 7

Estrela F. Cruz

28

## Queues ou filas

---

### Implementação da Queues em Listas Ligadas

- Uma Queue, tal como a Stack, pode ser implementada usando uma lista simples ou duplamente ligada. No caso das queues a inserção e a remoção fazem-se em extremidades opostas:
  - Inserção no início e remoção no fim, ou seja, o primeiro a inserir é o primeiro a sair – FIFO.
  - Inserção no fim e remoção no início da lista, da mesma forma o primeiro a inserir é o primeiro a sair – FIFO.
- A implementação de Queues em listas duplamente ligadas tem a vantagem de serem conhecidos o início e o fim da lista, sendo por isso mais fácil de gerir.

Estrela F. Cruz

29

## Queues ou filas

---

### Queues circulares

- Quando a implementação da queue é feita recorrendo ao uso de um array estático, numa situação final, o array ainda tem espaço mas se o espaço libertado não é reocupado, o fim do array pode ser atingido com alguma facilidade;
- Como a fila tem o comportamento típico de se “deslocar” para o final do array, podemos tentar reutilizar o espaço que está efetivamente disponível.
- A solução mais comum (quando se está a implementar a fila recorrendo ao uso de um array estático) é recorrer ao uso de arrays circulares ou filas circulares.

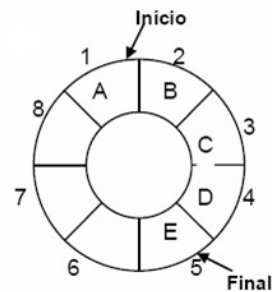
Estrela F. Cruz

30

## Queues ou filas

### Queues circulares (ou arrays circulares)

- De modo a otimizar o armazenamento de dados e respetiva gestão de espaço na memória do computador, as filas circulares seguem o mesmo princípio das filas simples, mas têm uma gestão memória mais eficaz.
- Nas filas simples apenas se podem inserir elementos novamente no início da fila, quando esta fica vazia.
- As filas circulares podem ser representadas da forma como se vê na figura do lado.



Estrela F. Cruz

31

## Bibliografia

- Programação Avançada Usando C, António Manuel Adrego da Rocha, ISBN: 978-978-722-546-0.
- Schildt, Herbert: C the complete Reference, McGraw-Hill, 1998.
- Algoritmia e Estruturas de Dados, José Braga de Vasconcelos, João Vidal de Carvalho, ISBN: 989-615-012-5.
- Elementos de Programação com C - Pedro João Valente D. Guerreiro, 3ª edição, ISBN: 972-722-510-1.
- Introdução à Programação Usando C, António Manuel Adrego da Rocha, ISBN: 972-722-524-1.

Estrela F. Cruz

32