## Clase Práctica Normalización

DC - FCEyN - UBA

BBDD - 1C - 2017

## Dependencias funcionales, algunos objetivos

Dar herramientas para evaluar la calidad de diseño.

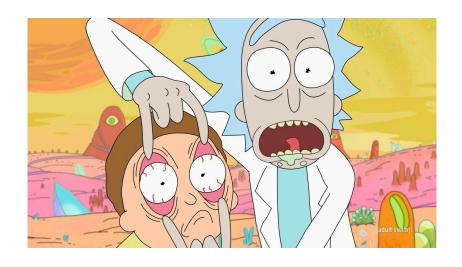
- Preservando la Información
- Minimizando la Redundancia
- Removiendo errores de información espurea

Herramienta formal para el análisis de esquemas. Permite detectar y describir problemas descriptos previamente. Pablo Turjanski dixit.

#### Temario!

- Calculo de clausuras
- Equivalencia
- Cubrimiento Minimal
- ¿Es clave? ¿Es super clave?
- Descomposiciones, Lossless Join y SPDF
- Formas Normales

# Dependencias funcionales, ATENTI



## Ejercicio

Sea la relación R = (A, B, C, D, E, F) y el conjunto de dependencias funcionales:

$$FD1 = A \rightarrow BD, B \rightarrow CD, AC \rightarrow E$$
  
 $FD2 = A \rightarrow BD, B \rightarrow CD, AC \rightarrow E, C \rightarrow A$   
 $FD3 = A \rightarrow BD, B \rightarrow ACD, AC \rightarrow E, C \rightarrow B$ 

#### Se pide:

- ¿Cuál es la clausura de A, B y C respecto de F1? ¿Y con respecto a F2?
- ¿Son equivalentes FD1 y FD2?
- ¿Son equivalentes FD2 y FD3?
- ¿Cuál es el cubrimiento minimal de FD1?
- ¿Es ACF una clave de la relación R respecto de FD1?



# ¿Cuál es la clausura de A, B y C respecto de F1? ¿Y con respecto a F2?

#### Recordemos

$$R = (A, B, C, D, E, F)$$
 y  $FD1 = \{A \rightarrow BD \mid B \rightarrow CD, AC \rightarrow E\}$ 

## Reglas de Armstrong

- ▶ Reflexividad: Si  $X \supset Y \Rightarrow X \rightarrow Y$
- ▶ Aumentatividad:  $X \to Y \Rightarrow \forall Z, XZ \to YZ$  Reglas
- ▶ Transitividad:  $X \rightarrow Y$  y  $Y \rightarrow Z \Rightarrow X \rightarrow Z$
- ▶ Descomposición:  $X \rightarrow YZ \models X \rightarrow Y$
- ▶ Unión:  $X \rightarrow Y, X \rightarrow Z \models X \rightarrow YZ$
- ▶ Pseudotransitividad:  $\{X \rightarrow Y, WY \rightarrow Z\} \models WX \rightarrow Z$

Extensió

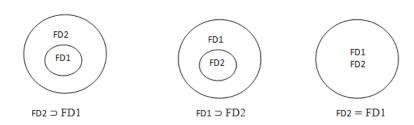
¿Cuál es la clausura de A, B y C respecto de F1? ¿Y con respecto a F2?

```
Recordemos
R = (A, B, C, D, E, F) y FD1 = \{A \rightarrow BD \mid B \rightarrow CD, AC \rightarrow E\}
A_{FD1}^+?
X_0 = A
X_1 = ABD
X_0 = B
X_2 = ABCD
X_1 = BCD
X_2 = ABCDE
```

## ¿Son equivalentes FD1 y FD2?

#### Equivalencia

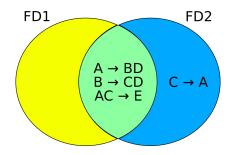
- 1. Si  $\forall FD \in FD1$  pueden ser derivadas de las FD en FD2 se dice que  $FD1 \subset FD2$
- 2. Si  $FD1 \subset FD2$  y  $FD2 \subset FD1 \Rightarrow FD1 = FD2$



# ¿Son equivalentes FD1 y FD2?

#### Equivalencia

- 1. Si  $\forall FD \in FD1$  pueden ser derivadas de las FD en FD2 se dice que  $FD1 \subset FD2$
- 2. Si  $FD1 \subset FD2$  y  $FD2 \subset FD1 \Rightarrow FD1 = FD2$



 $FD1 \subset FD2 \Rightarrow FD2$  infiere a FD1. ¿FD1 Infiere FD2? ¿ $A \in C_{FD1}^+$ ?

# ¿Son equivalentes FD2 y FD3?

#### Equivalencia

- 1. Si  $\forall FD \in FD1$  pueden ser derivadas de las FD en FD2 se dice que  $FD1 \subset FD2$
- 2. Si  $FD1 \subset FD2$  y  $FD2 \subset FD1 \Rightarrow FD1 = FD2$

$$FD2 = A \rightarrow BD, B \rightarrow CD, AC \rightarrow E, C \rightarrow A$$
  
 $FD3 = A \rightarrow BD, B \rightarrow ACD, AC \rightarrow E, C \rightarrow B$ 

#### Cubrimiento Minimal

#### Algoritmo

- 1. Descomponer todas las DF en dependencias normalizadas (lado derecho con un único atributo)
- 2. Eliminar todos los atributos redundantes del lado izquierdo.
- 3. Eliminar todas las dependencias funcionales redundantes.

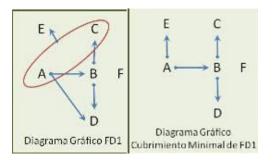
#### ¿Cuál es el CubMin para FD1?

- ▶  $FD1 = A \rightarrow BD, B \rightarrow CD, AC \rightarrow E$
- ▶  $CubMin_{FD1} = A \rightarrow B, B \rightarrow C, B \rightarrow D, A \rightarrow E$

## Cubrimiento Minimal

## Más graficamente

- ▶  $FD1 = A \rightarrow BD, B \rightarrow CD, AC \rightarrow E$
- ►  $CubMin_{FD1} = A \rightarrow B, B \rightarrow C, B \rightarrow D, A \rightarrow E$



Muy importante!!! No alterar el orden de los pasos en el algoritmo, podría no alcanzarse un cubrimiento minimal...

## Claves y Superclaves

#### ¿Es ACF una clave de la relación R respecto de FD1?

Verificar si ACF es superclave y además es minimal. Recordemos, R = ABCDFF

- ▶ Veamos,  $¿AF_{FD1}^+ = {ABCDEF}$ ? ¡SI! Entonces AF es clave en R

## Descomposición Lossless Join

#### Breve repaso

- ▶ ¿Descomposición en dos esquemas? Probar que  $R1 \cap R2 \rightarrow R1 R2 \lor R1 \cap R2 \rightarrow R2 R1$
- ¿Más de dos esquemas? Aplicar Tableaux (más adelante).

# Descomposición Lossless Join, dos esquemas

¿La descomposición de R en R1=(A, D, E, F) y R2= (B, C, D) es Lossless Join respecto de FD1?

Recordemos,  $FD1 = A \rightarrow BD, B \rightarrow CD, AC \rightarrow E$ 

- $ightharpoonup R1 \cap R2 = D$
- ightharpoonup R1 R2 = AEF
- ightharpoonup R2 R1 = BC
- $D_{FD1}^+ = D$
- $AEF \not\subset D_{FD1}^+$  ni  $BC \not\subset D_{FD1}^+$
- Entonces NO ES Lossless Join

# Descomposición Lossless Join, dos esquemas

¿La descomposición de R en R1=(A, E, F) y R2= (A, B, C, D) es Lossless Join respecto de FD1?

Recordemos,  $FD1 = A \rightarrow BD, B \rightarrow CD, AC \rightarrow E$ 

- $ightharpoonup R1 \cap R2 = A$
- ▶ R1 R2 = EF
- ▶ R2 R1 = BCD
- $ightharpoonup A_{FD1}^+ = ABCDE$
- Entonces ES Lossless Join



# Descomposición Lossless Join, más de dos esquemas

¿La descomposición de R en R1=(A, E, F), R2= (A, B, C) y R3= (B, D) es Lossless Join respecto de FD1? Como es una descomposición en más de dos esquemas aplicamos Tableaux. Recordemos...

# Descomposición sin perdida de Dependencias Funcionales

¿La descomposición de R en R1=(A, B,C, D) y R2= (A, E, F) Preserva las DFs respecto de FD1?

#### Recordemos

Preservación de DFs. La descomposición  $D=R_1,R_2,...,R_m$  de R preserva dependencias con respecto a F si la unión de las proyecciones de F de cada  $R_i$  de D es equivalente a F. Es decir, si  $(\pi_{R_1}(F)\cup...\cup\pi_{R_m}(F))^+=F^+$