

# Unidade IV:

## Ordenação Interna - Algoritmo de Seleção

Prof. Max do Val Machado



**PUC Minas**

Instituto de Ciências Exatas e Informática  
Curso de Ciência da Computação

# Funcionamento Básico

- Procure o menor elemento do *array*
- Troque a posição do menor elemento com o primeiro
- Volte ao primeiro passo e considere o array a partir da próxima posição

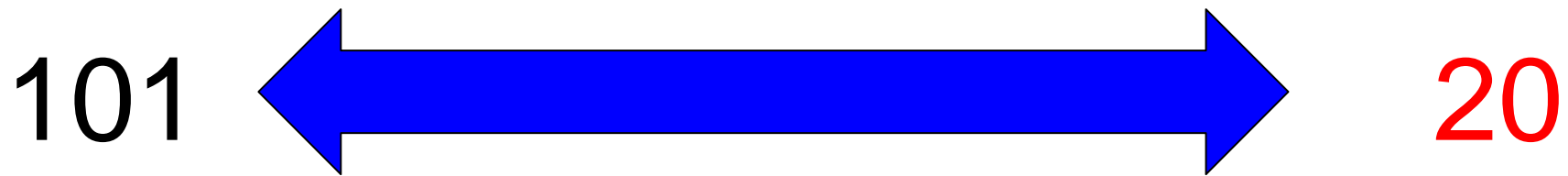
# Exemplo

Legenda: - menor elemento em vermelho  
- parte ordenada está de azul

101 115 30 63 47 20

101    115    30    63    47    20

Menor  
elemento



Trocando a posição do menor  
elemento com o primeiro

Parte  
ordenada

20

115	30	63	47	101
-----	----	----	----	-----

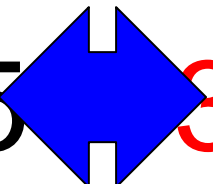
Parte a ser ordenada

20 115 30 63 47 101

20 115 30 63 47 101

Menor  
elemento



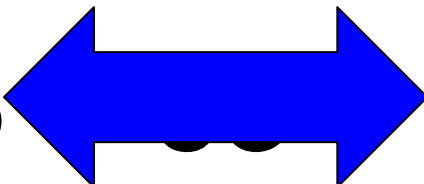
20    115  30    63    47    101

20    30    115    63    47    101

Trocando a posição do menor  
elemento com o primeiro

20    30    115    63    47    101

Menor  
elemento

20   30   115    47   101

20 30 47 63 115 101

Trocando a posição do menor  
elemento com o primeiro

20 30 47 63 115 101

Menor  
elemento

20    30    47    63    115    101

Trocando a posição do menor  
elemento com o primeiro

20   30   47   63   115   101

Menor  
elemento



20    30    47    63    115  101

20    30    47    63    101

115

Trocando a posição do menor  
elemento com o primeiro

20    30    47    63    101    115

O algoritmo terminou? Por que?

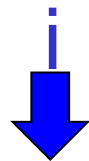
Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

101	115	30	63	47	20
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

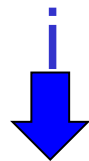


101	115	30	63	47	20
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $0 < 5$



101	115	30	63	47	20
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

↓ menor  
↓ i

101	115	30	63	47	20
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

↓ menor

↓ i

↓ j

101	115	30	63	47	20
0	1	2	3	4	5



Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $1 < 6$ 

↓ menor  
↓ i      ↓ j

101	115	30	63	47	20
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

false: 101 > 115

↓ menor

↓ i

↓ j

101	115	30	63	47	20
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

↓ menor  
↓ i

↓ j

101	115	30	63	47	20
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $2 < 6$ 

↓ menor  
↓ i

↓ j

101	115	30	63	47	20
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $101 > 30$

↓ menor  
↓ i

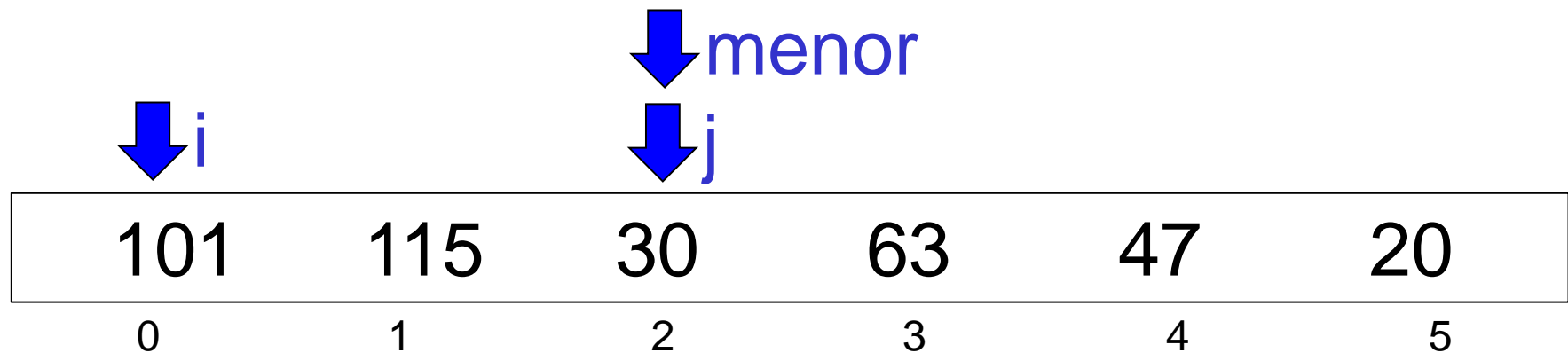
↓ j

101	115	30	63	47	20
0	1	2	3	4	5

# Algoritmo em C *like*

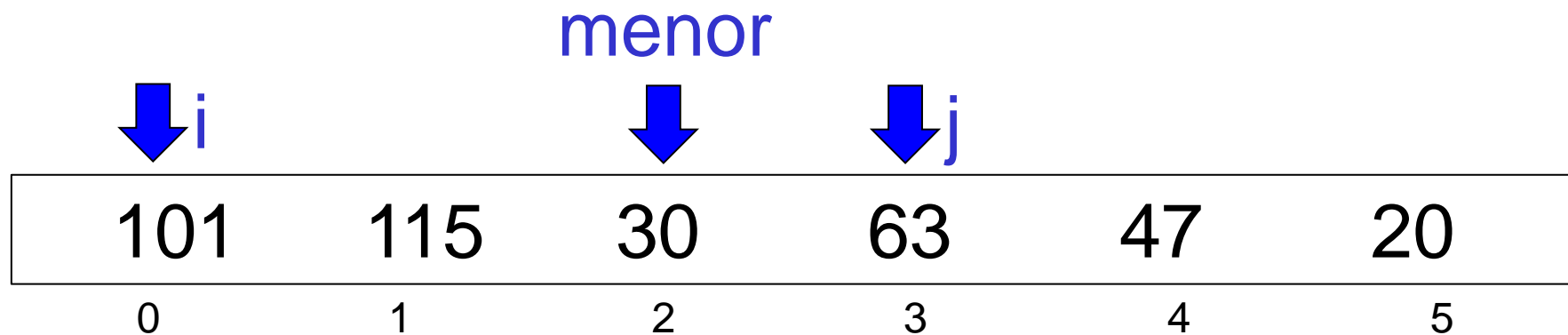
```

for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
    
```



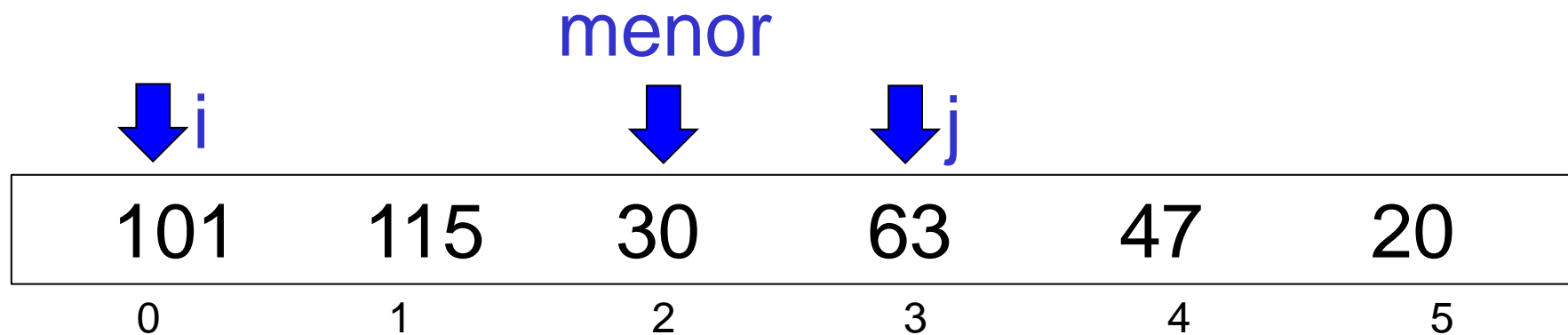
# Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```



Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $3 < 6$ 

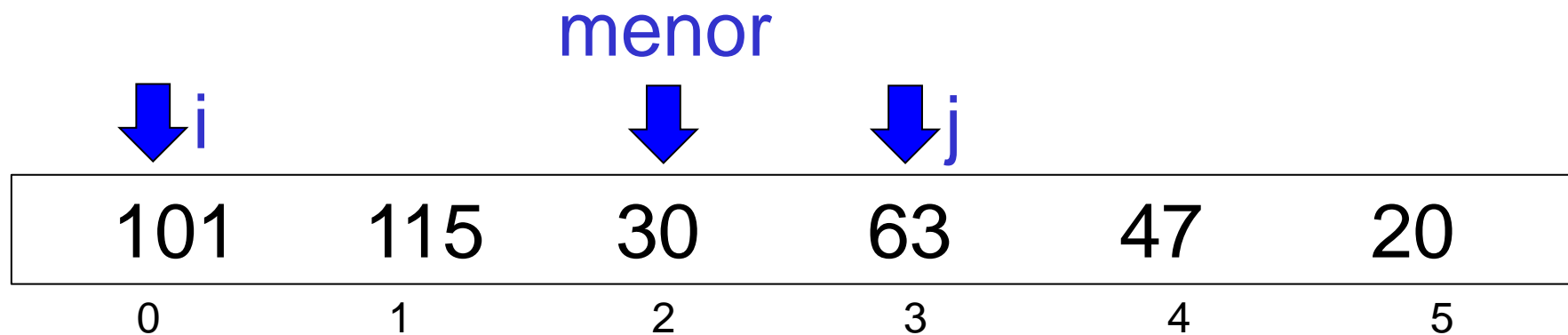


# Algoritmo em C *like*

```

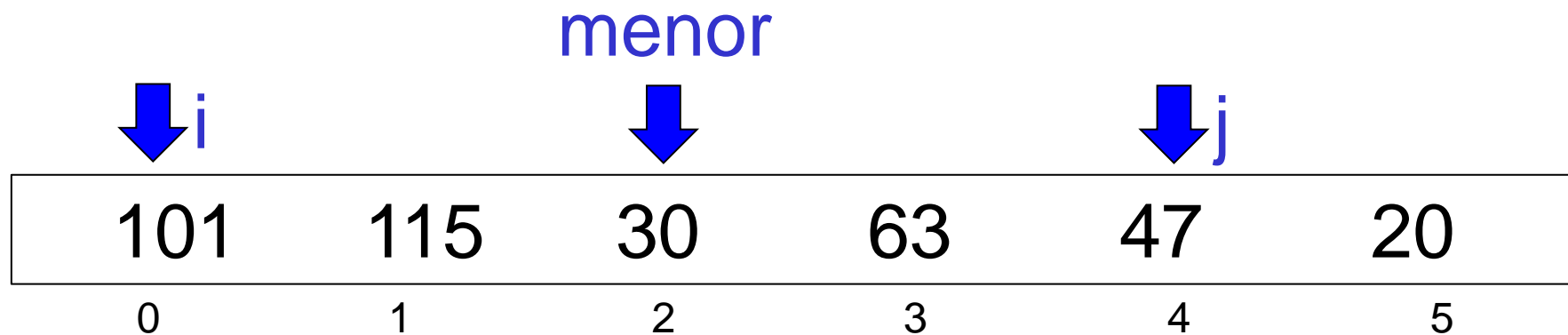
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
    
```

false:  $30 > 63$



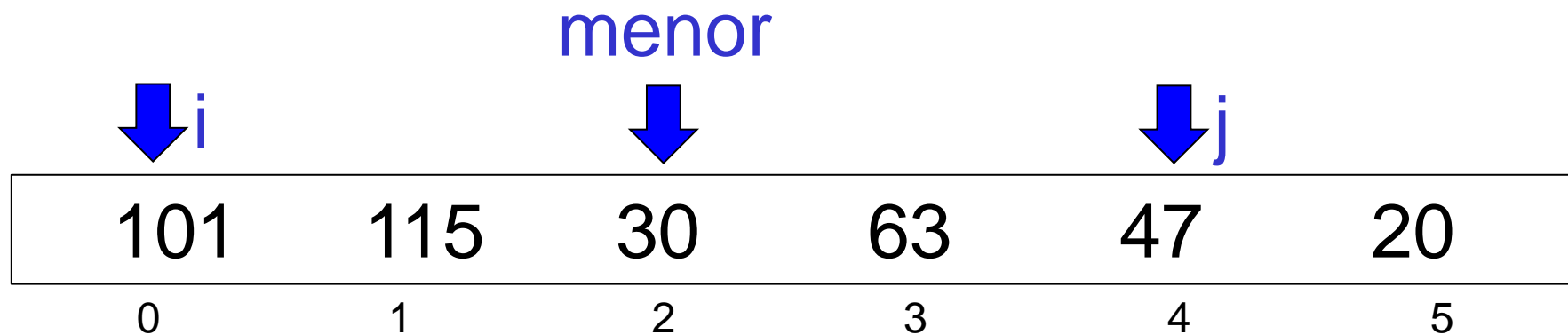
Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



Algoritmo em C *like*

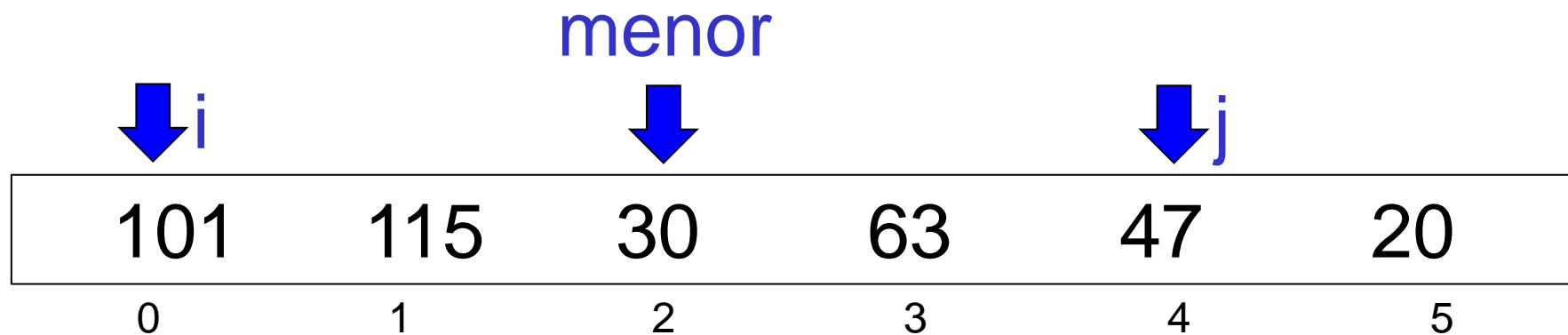
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $4 < 6$ 

# Algoritmo em C *like*

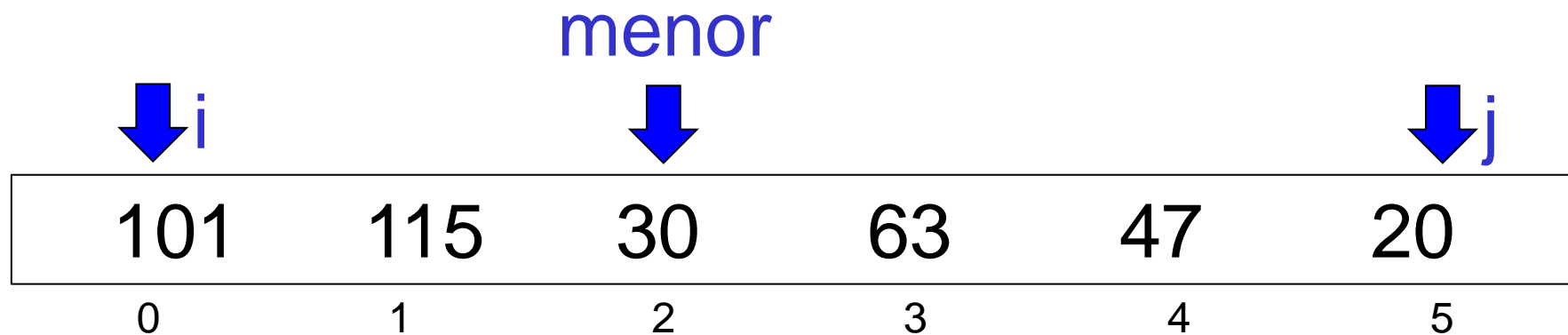
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```

false:  $30 > 47$



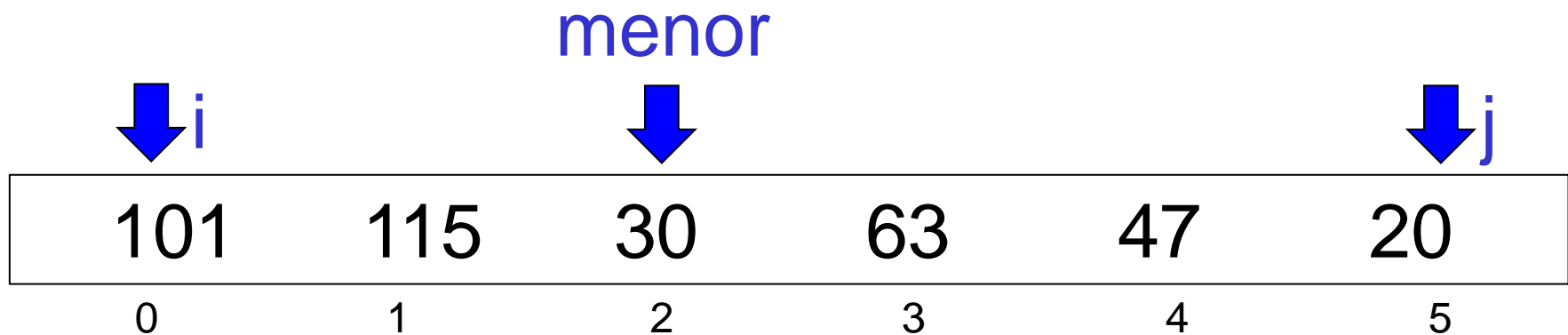
Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



Algoritmo em C *like*

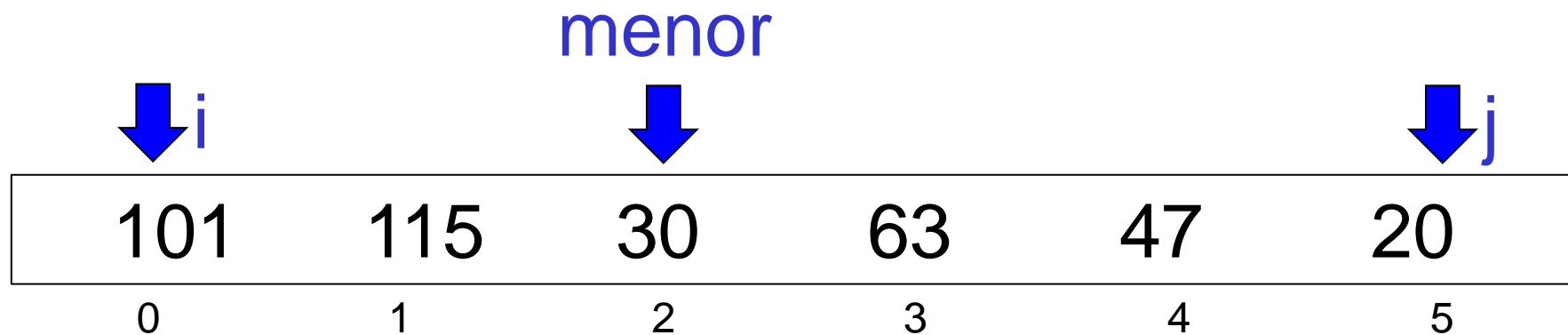
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $5 < 6$ 

# Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```

true:  $30 > 20$

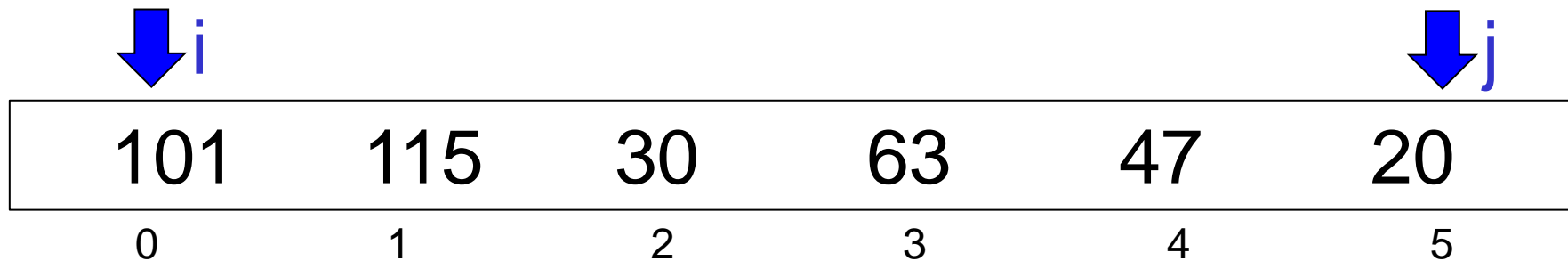


# Algoritmo em C *like*

```

for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
    
```

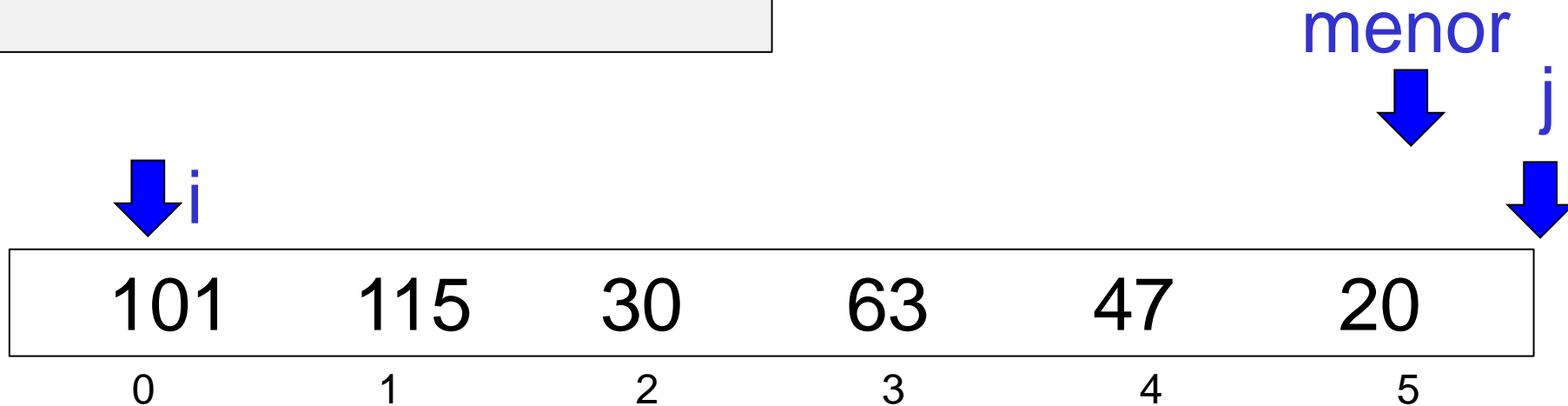
true:  $30 > 20$





# Algoritmo em C *like*

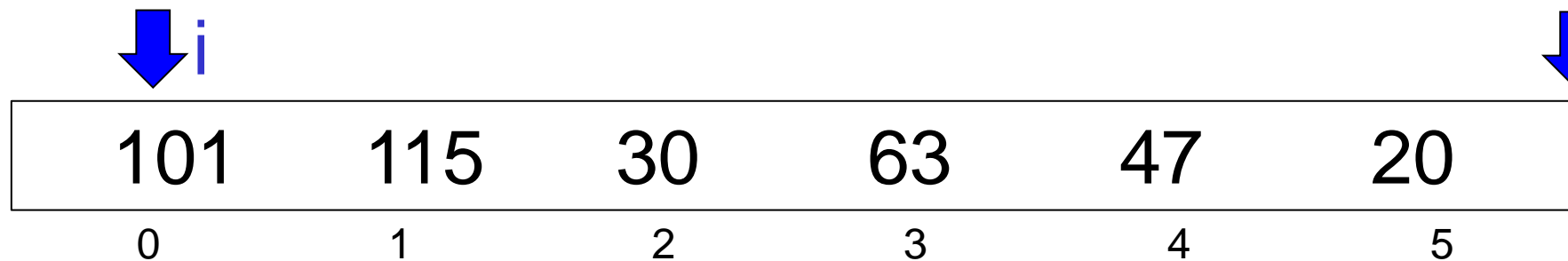
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```



# Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```

false:  $6 < 6$

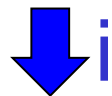


# Algoritmo em C *like*

```

for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
    
```

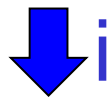
menor



20	115	30	63	47	101
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

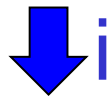


20	115	30	63	47	101
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $1 < 5$



20	115	30	63	47	101
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

↓ menor  
↓ i

20	115	30	63	47	101
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

↓ menor  
↓ i      ↓ j

20	115	30	63	47	101
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $2 < 6$ 

↓ menor  
↓ i      ↓ j

20	115	30	63	47	101
0	1	2	3	4	5



# Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```

true:  $115 > 30$

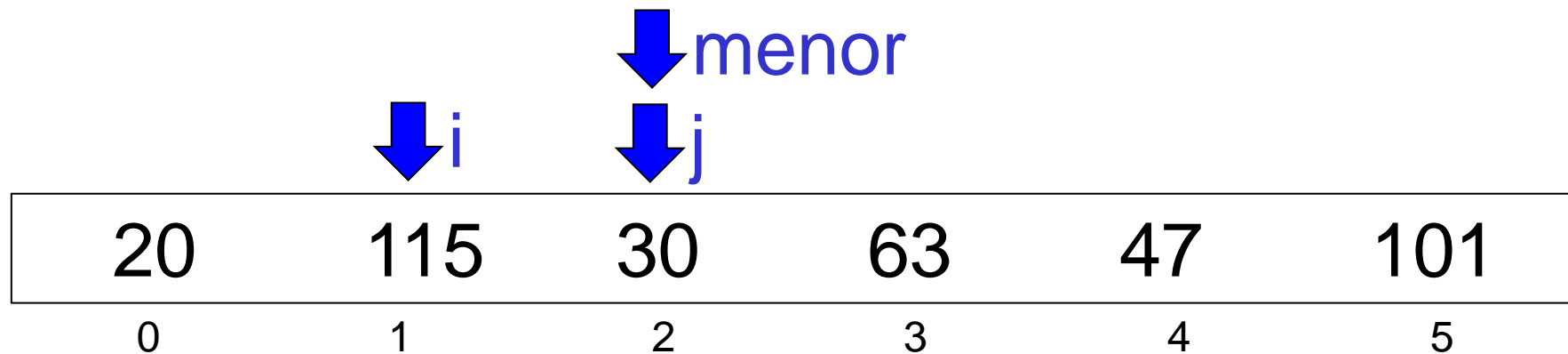


20	115	30	63	47	101
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

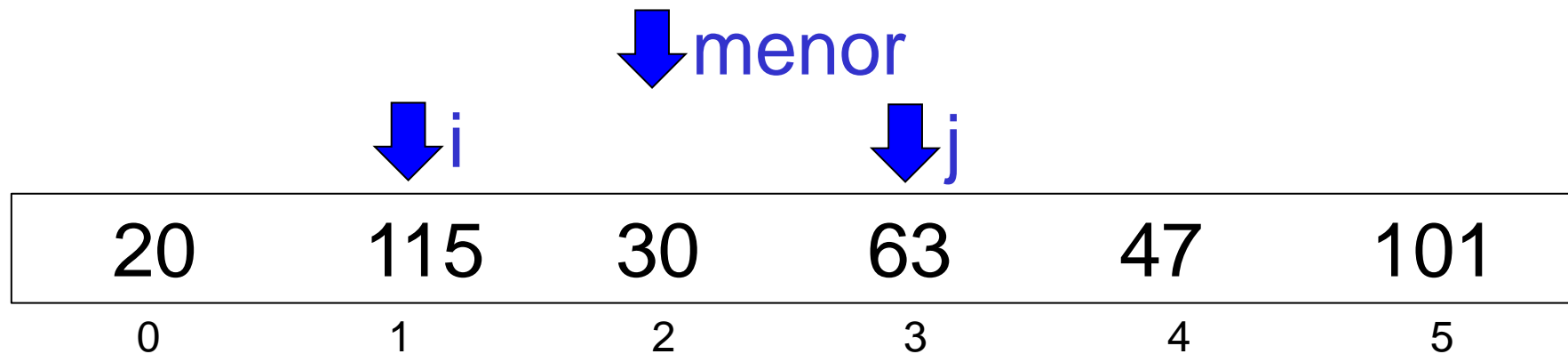
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $115 > 30$



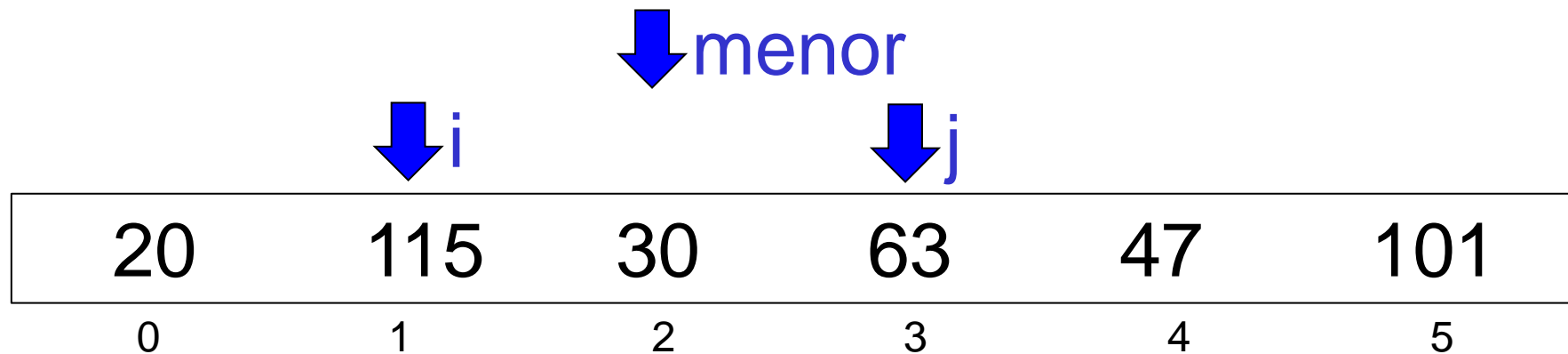
Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



Algoritmo em C *like*

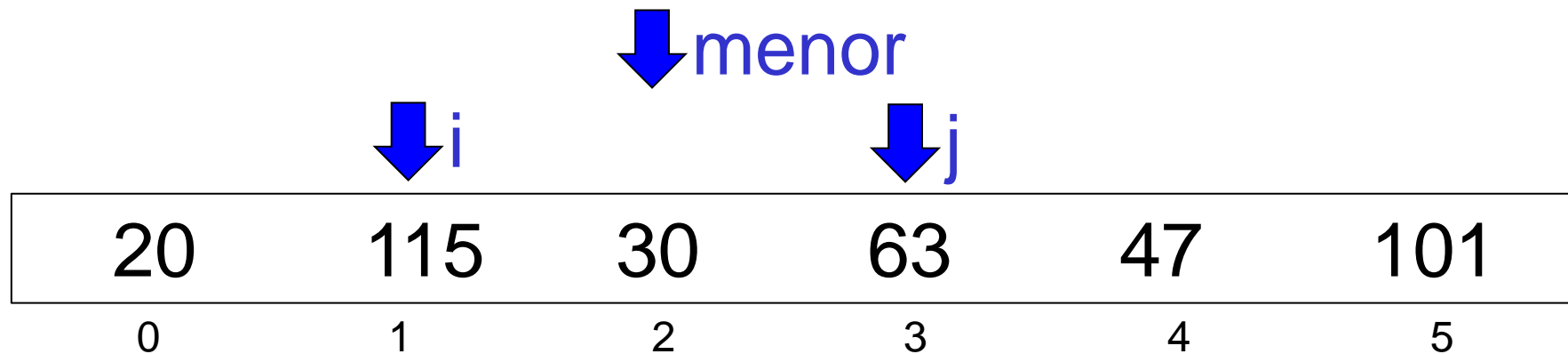
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $3 < 6$ 

# Algoritmo em C *like*

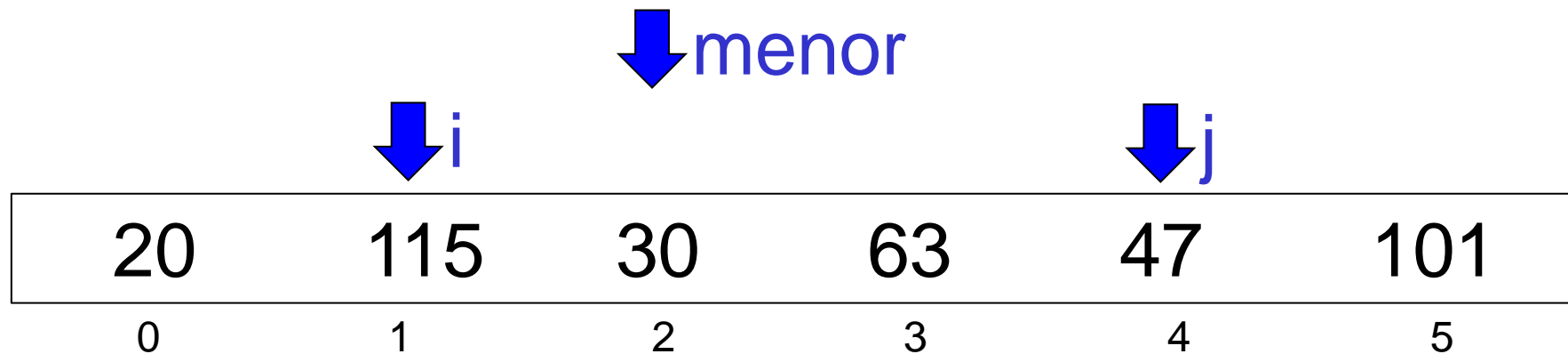
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```

false: 30 > 63



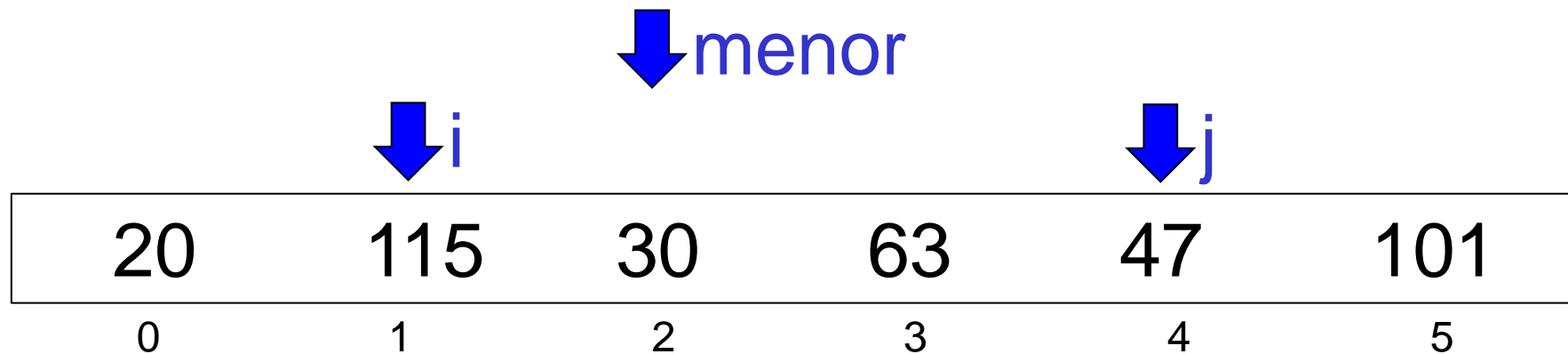
Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



Algoritmo em C *like*

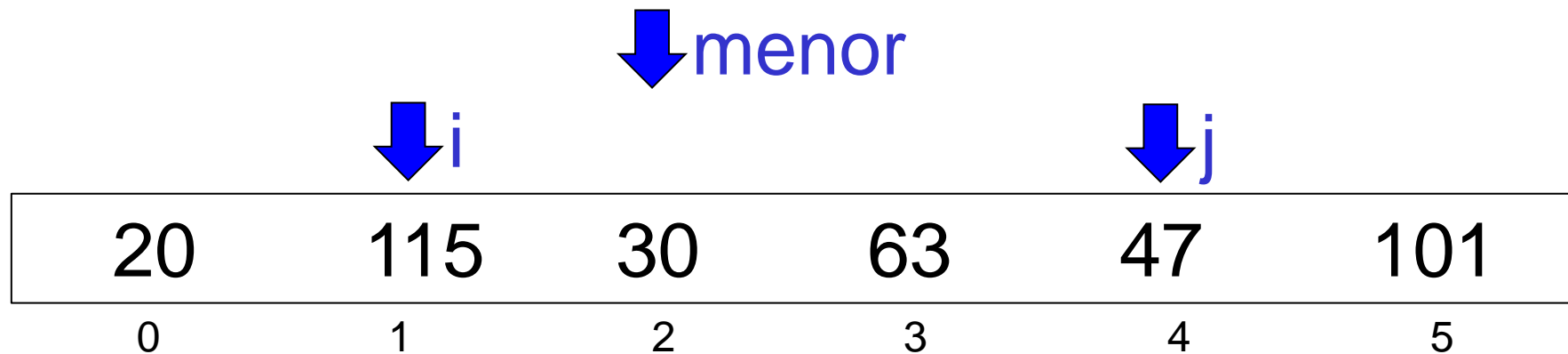
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $4 < 6$ 

# Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```

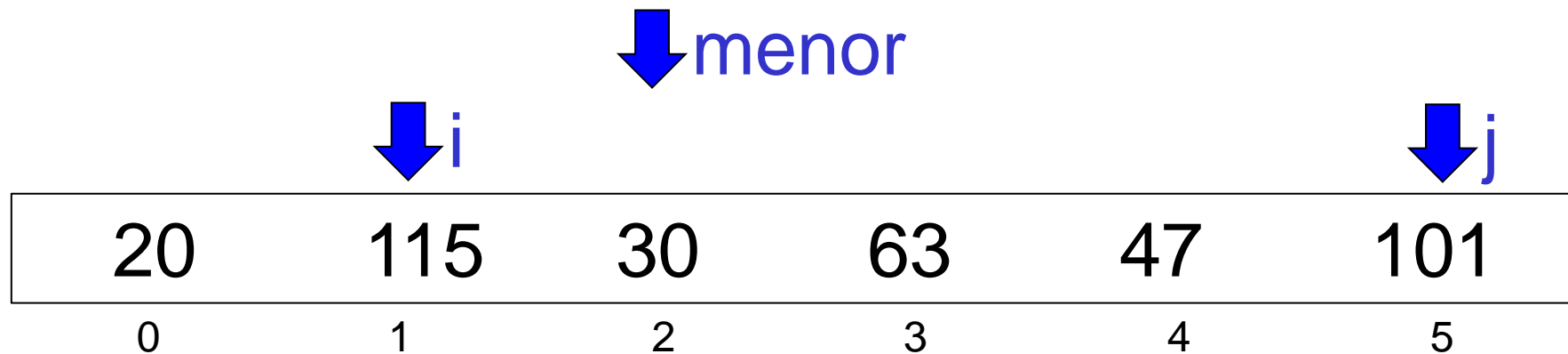
false: 30 > 47





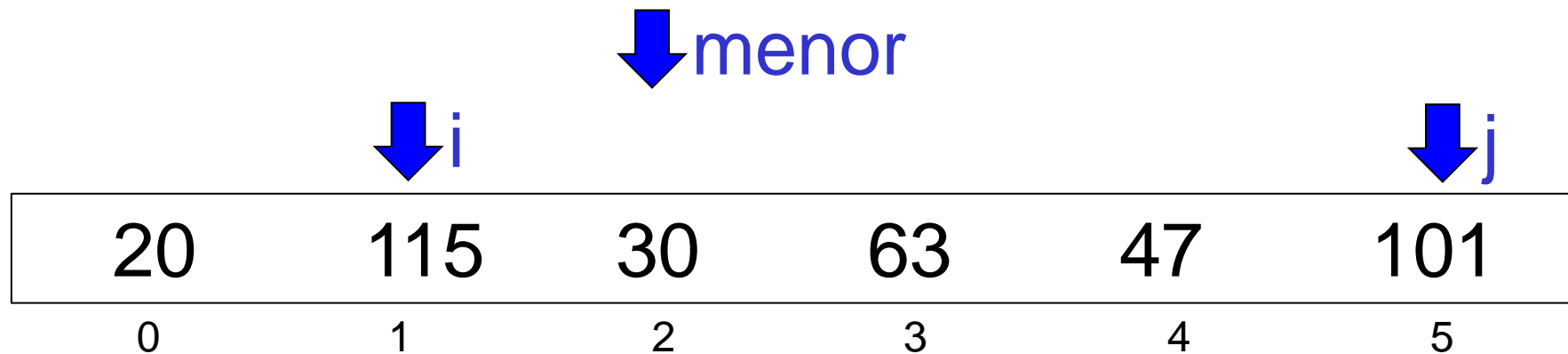
Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



Algoritmo em C *like*

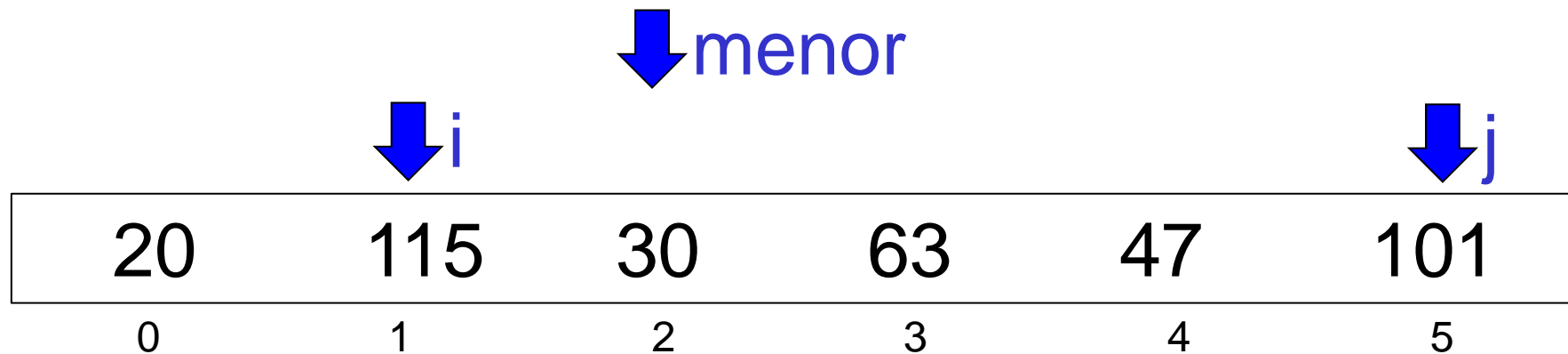
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $5 < 6$ 

# Algoritmo em C *like*

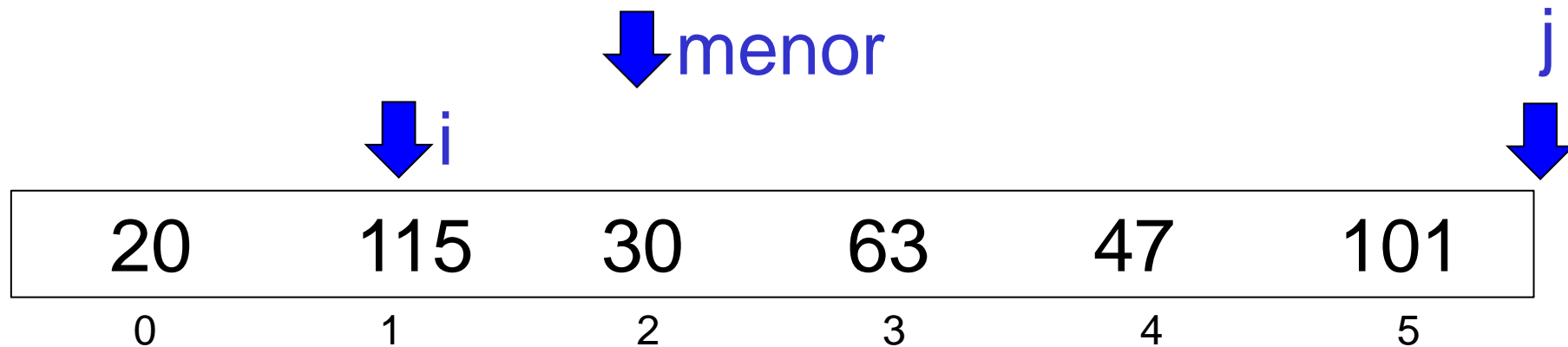
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```

false:  $30 > 101$



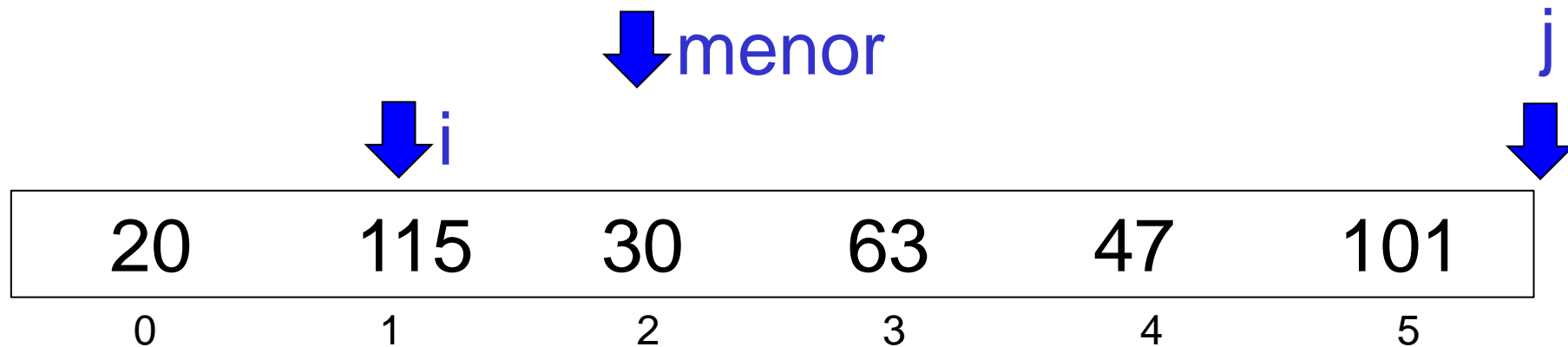
Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



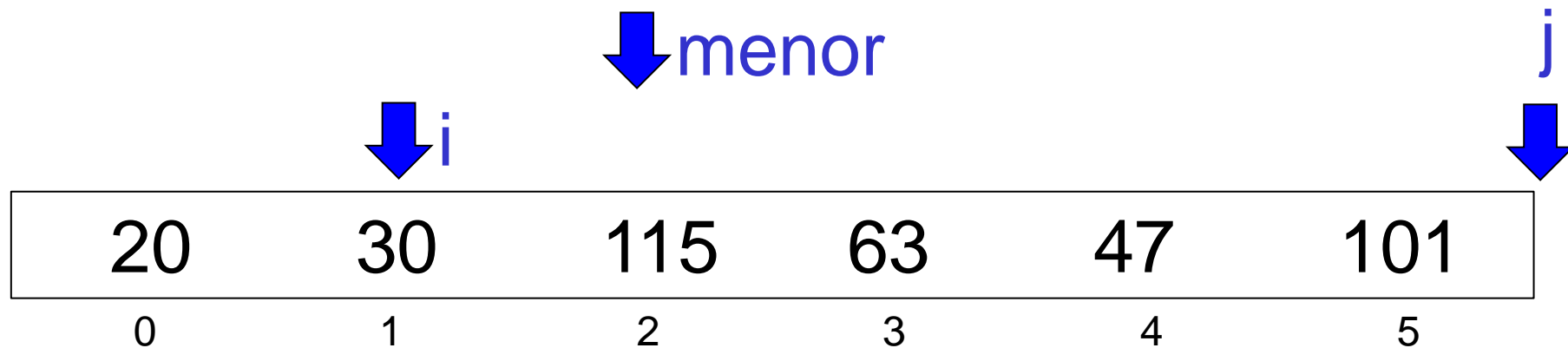
Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

false:  $6 < 6$ 

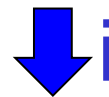
Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

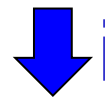


20	30	115	63	47	101
0	1	2	3	4	5

# Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```

true:  $2 < 5$



20	30	115	63	47	101
0	1	2	3	4	5



Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

↓ menor  
↓ i

20	30	115	63	47	101
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

↓ menor  
↓ i      ↓ j

20	30	115	63	47	101
0	1	2	3	4	5

# Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```

true:  $3 < 6$

↓ menor  
↓ i      ↓ j

20	30	115	63	47	101
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $115 > 63$

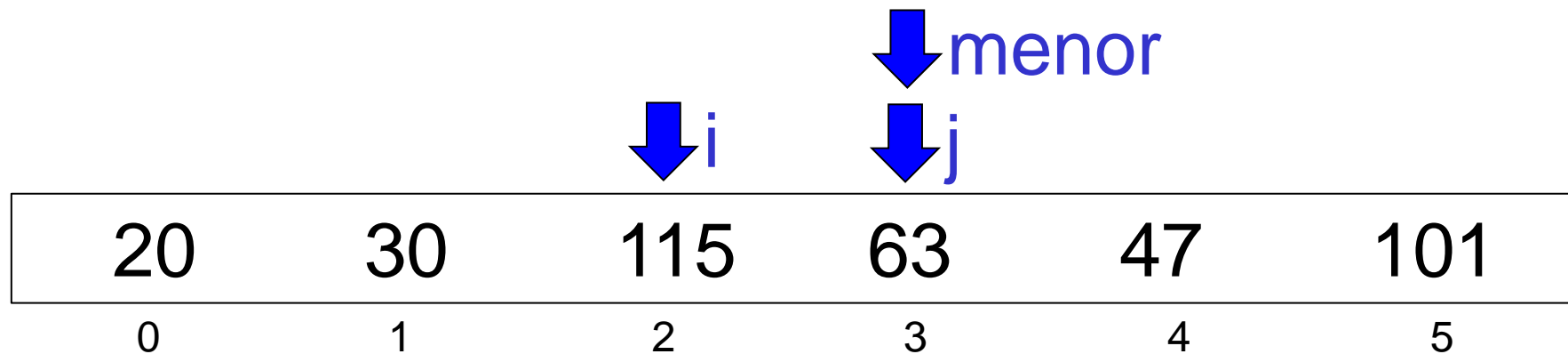
↓ menor  
↓ i      ↓ j

20	30	115	63	47	101
0	1	2	3	4	5

# Algoritmo em C *like*

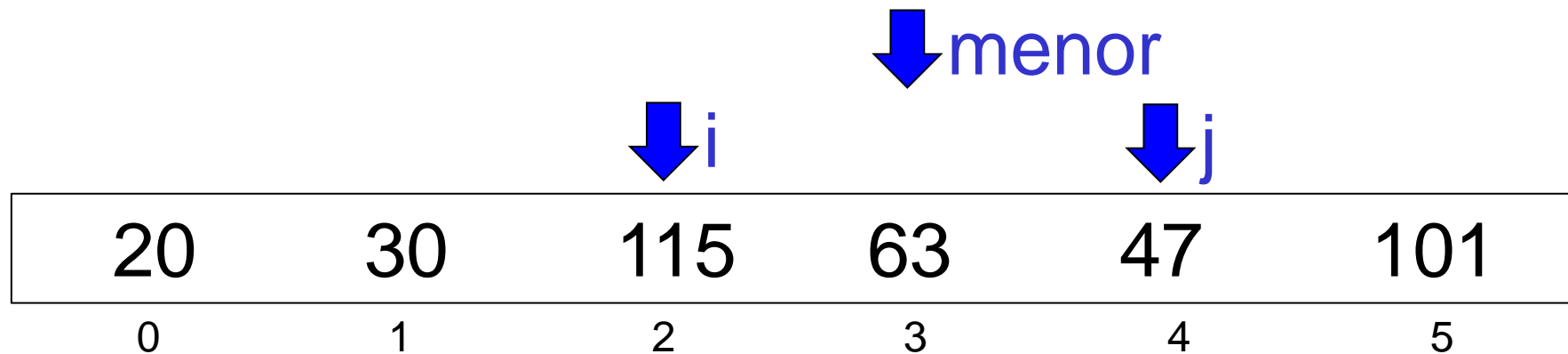
```

for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
    
```



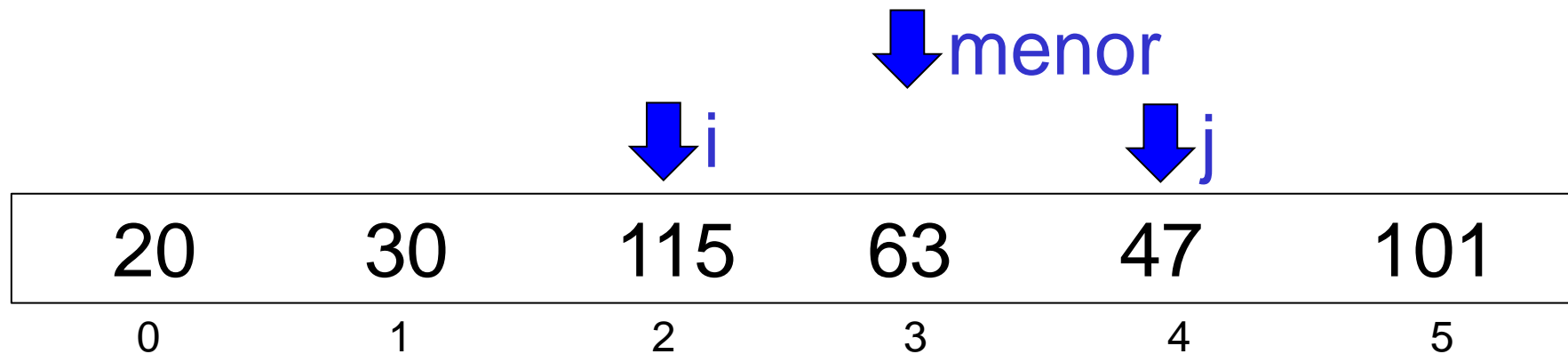
Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



Algoritmo em C *like*

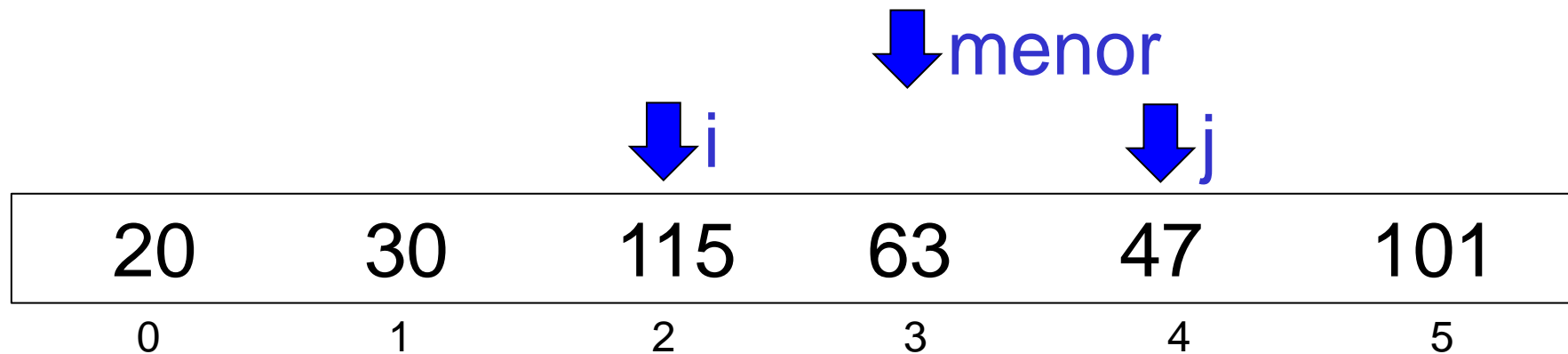
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $4 < 6$ 

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $63 > 47$

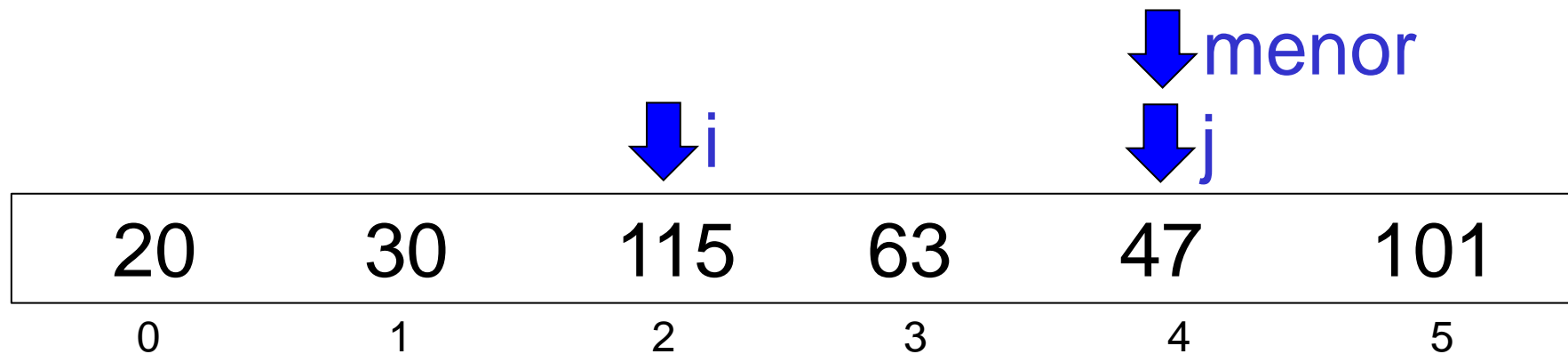




Algoritmo em C *like*

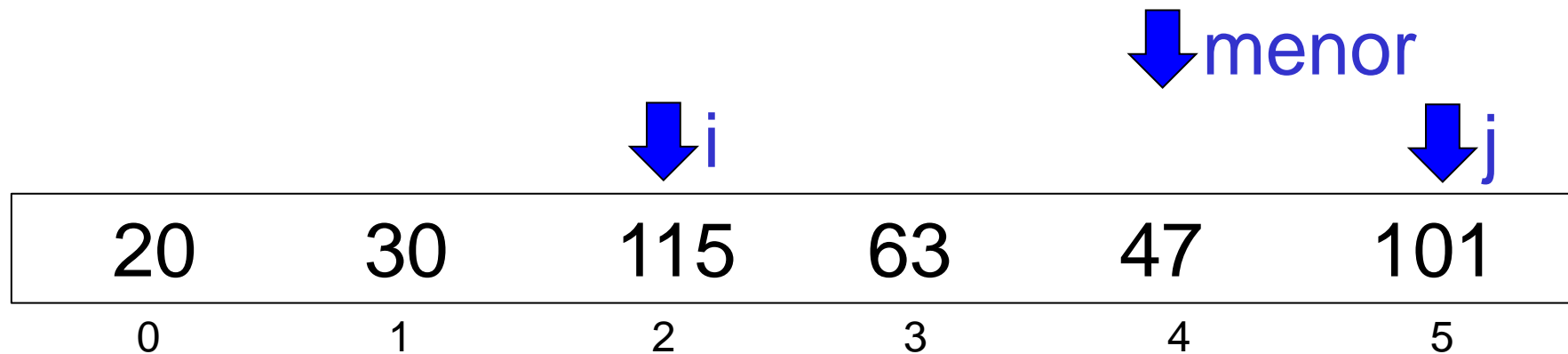
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $63 > 47$



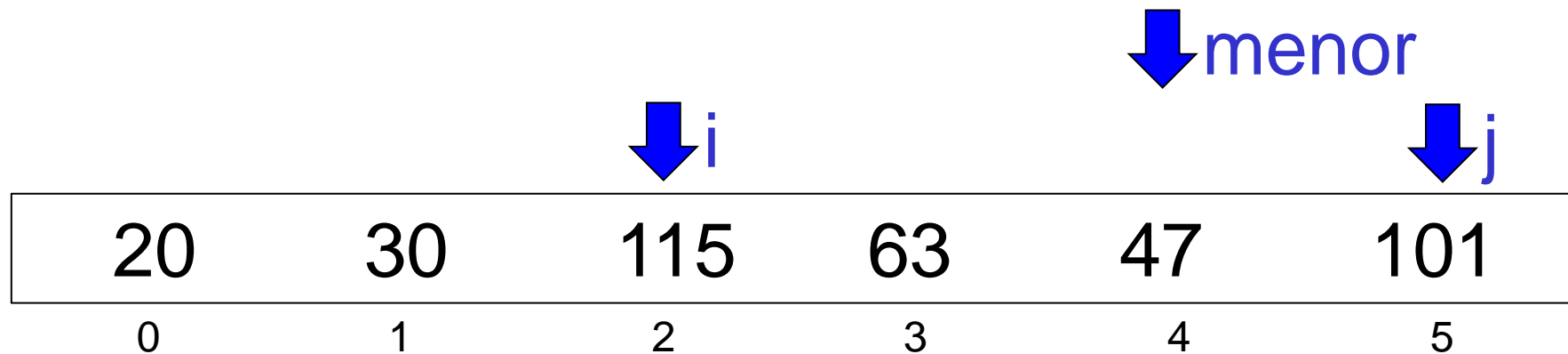
Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



Algoritmo em C *like*

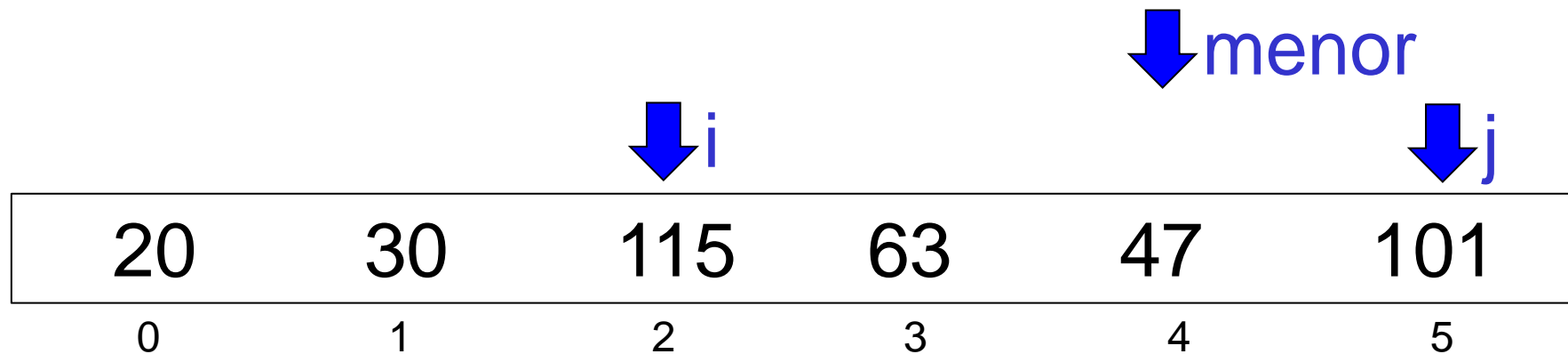
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $5 < 6$ 

Algoritmo em C *like*

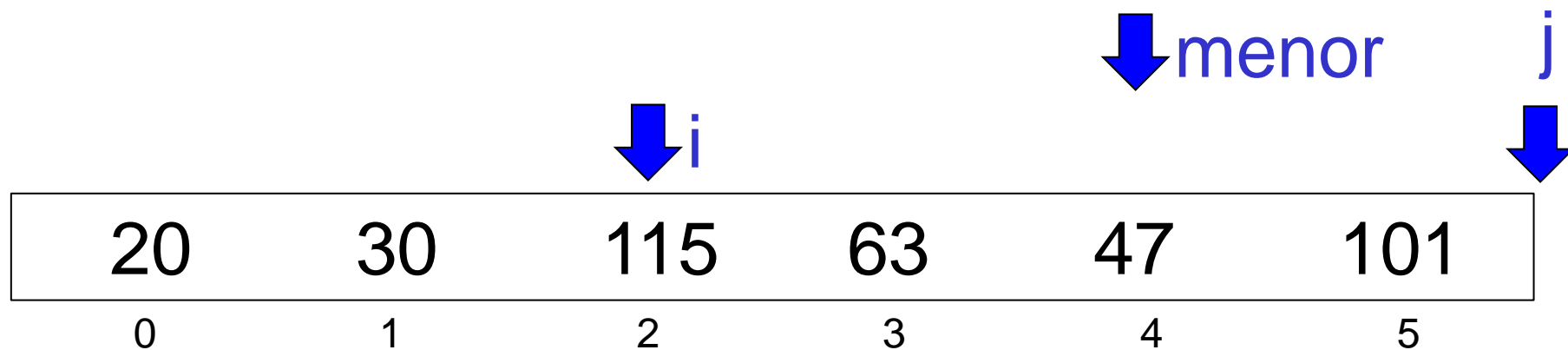
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

false:  $47 > 101$



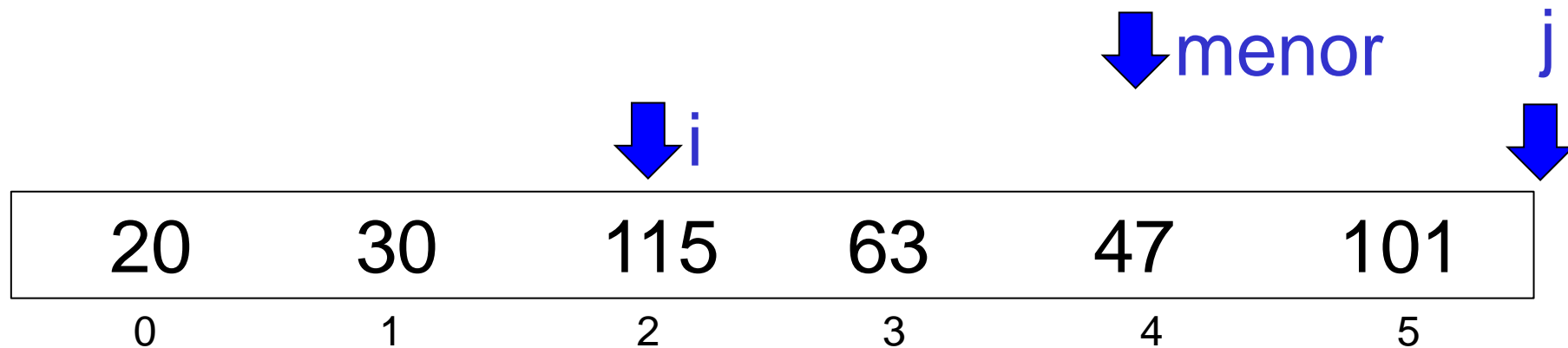
Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

false:  $6 < 6$ 

# Algoritmo em C *like*

```

for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
    
```

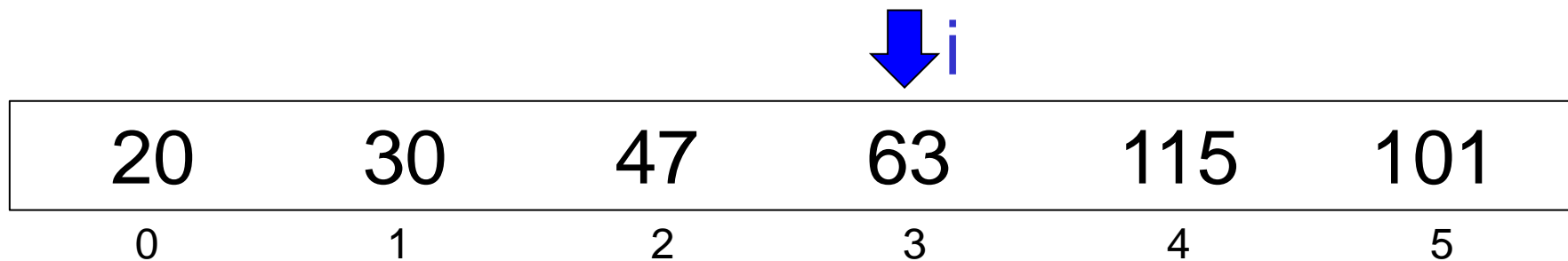
↓ menor

↓ i

20	30	47	63	115	101
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

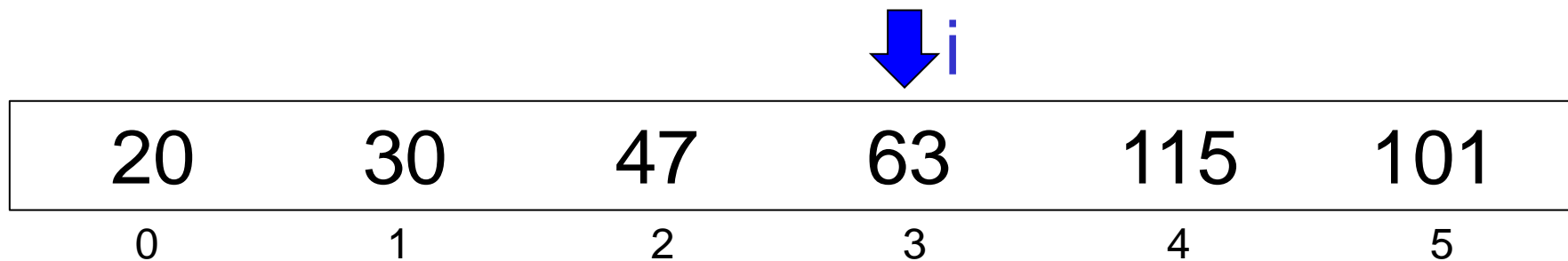




Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $3 < 5$



Algoritmo em C *like*

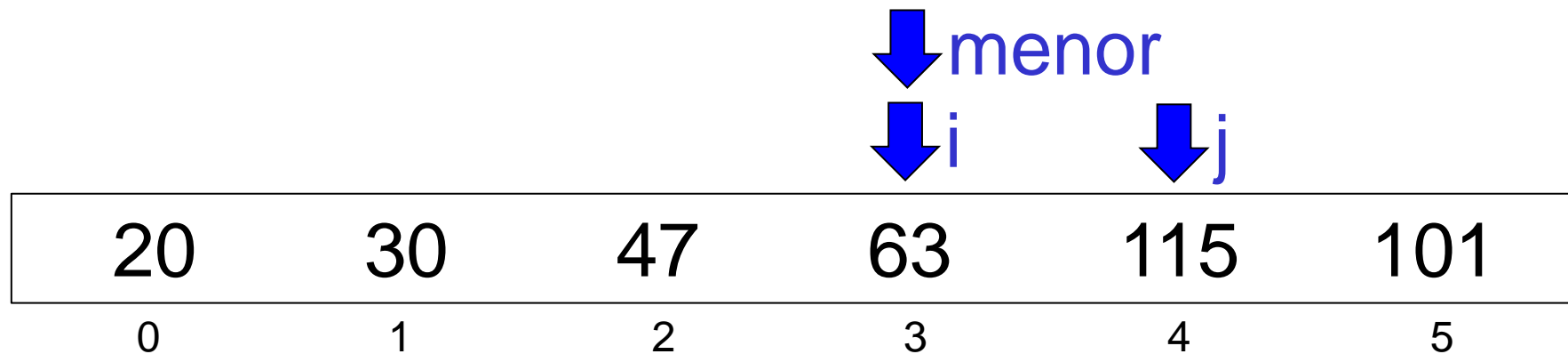
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

↓ menor  
↓ i

20	30	47	63	115	101
0	1	2	3	4	5

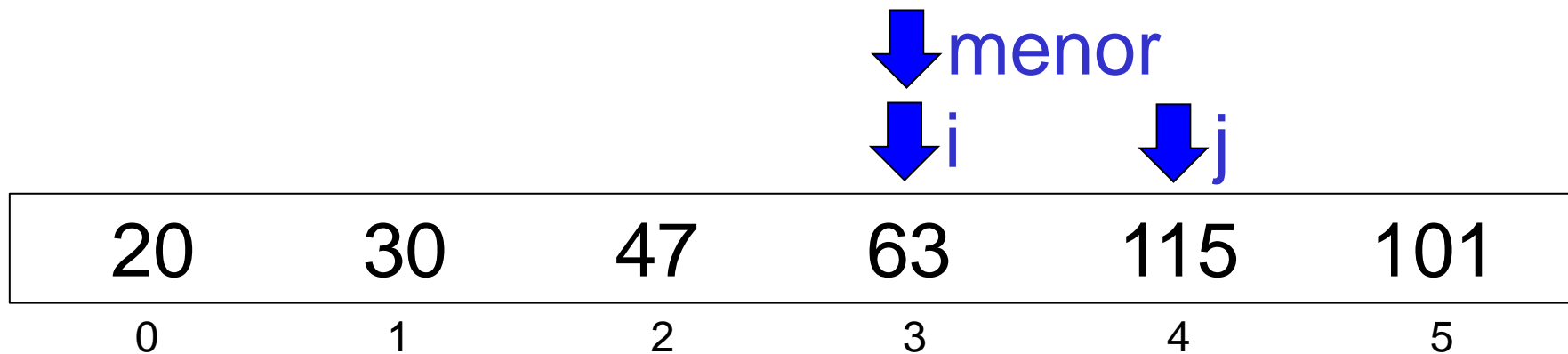
Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



Algoritmo em C *like*

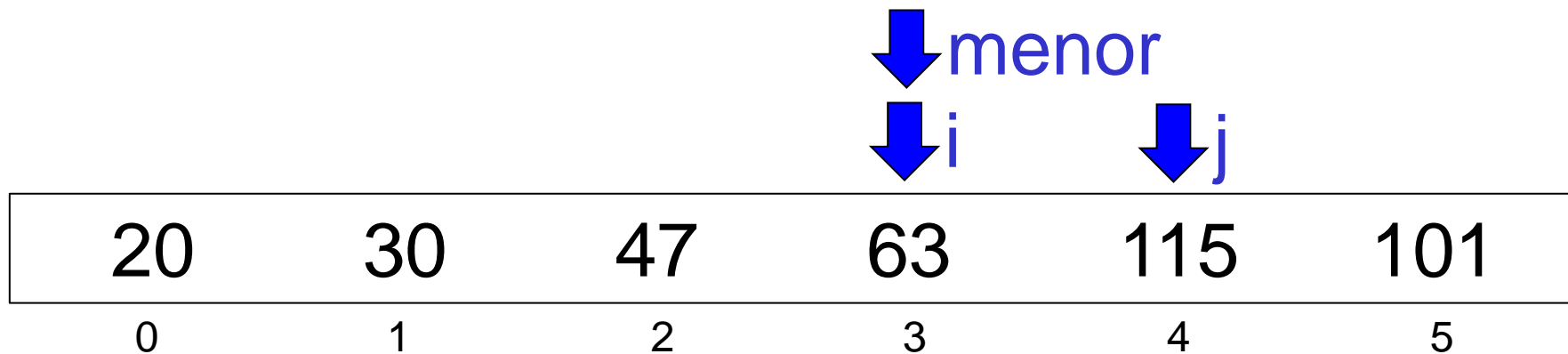
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

true:  $4 < 6$ 

Algoritmo em C *like*

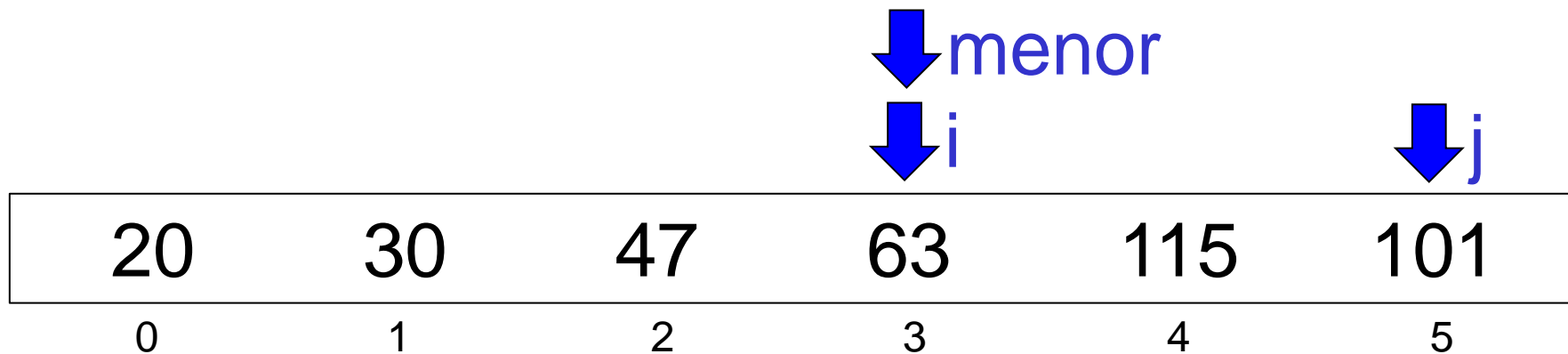
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

false:  $63 > 115$



Algoritmo em C *like*

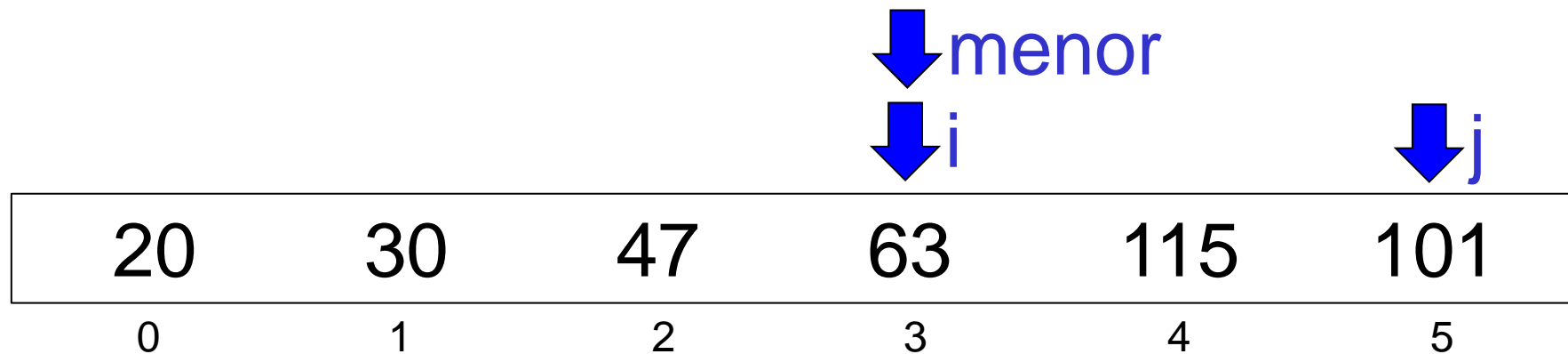
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



# Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```

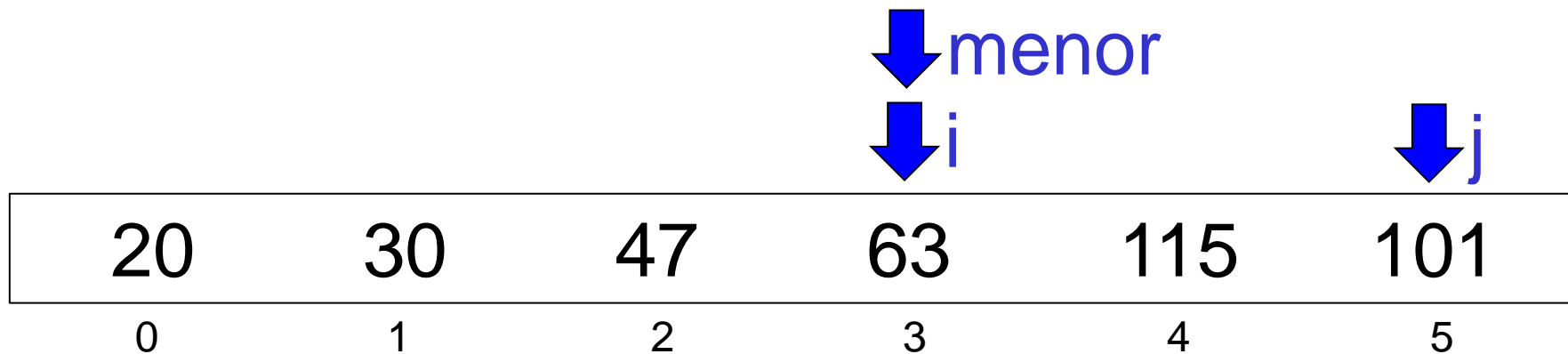
true:  $5 < 6$



Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

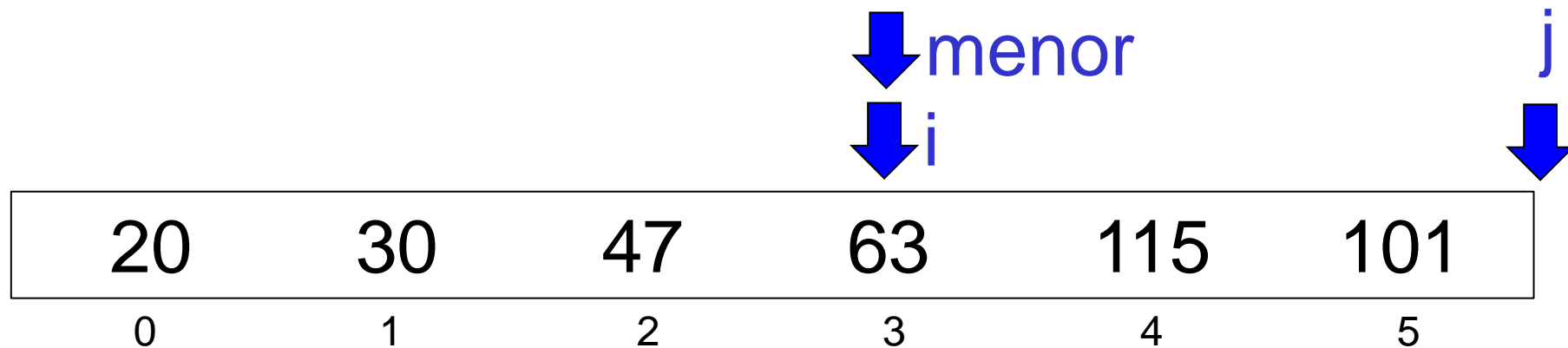
false:  $63 > 101$





# Algoritmo em C *like*

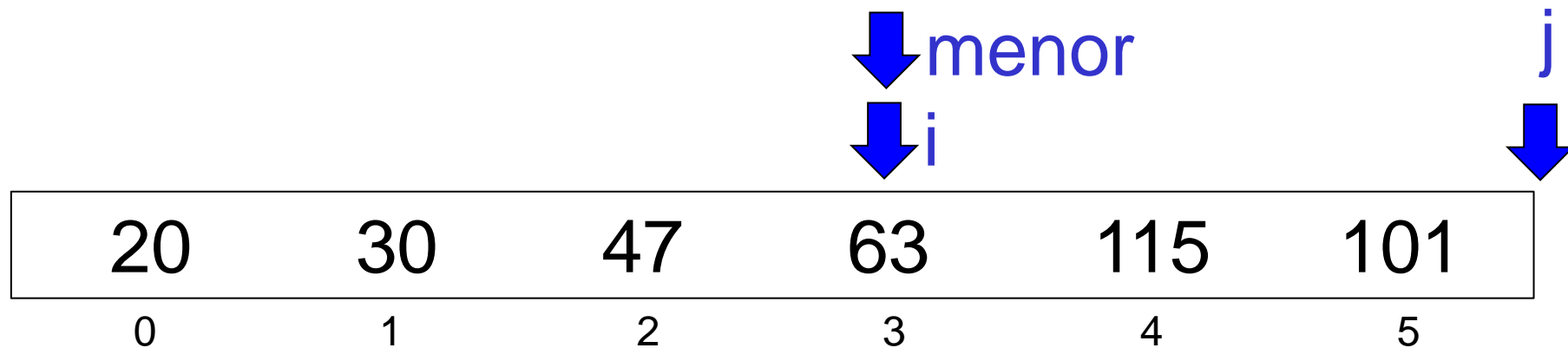
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```



# Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```

false:  $6 < 6$



Algoritmo em C *like*

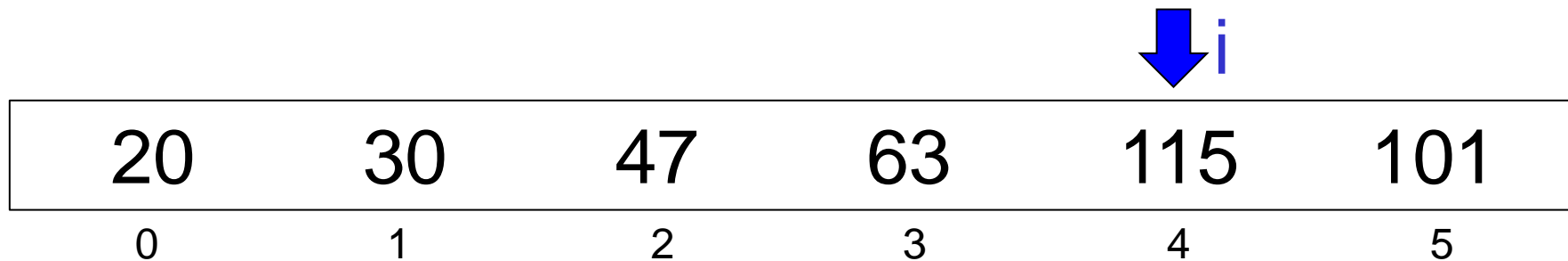
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

↓ menor  
↓ i

20	30	47	63	115	101
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

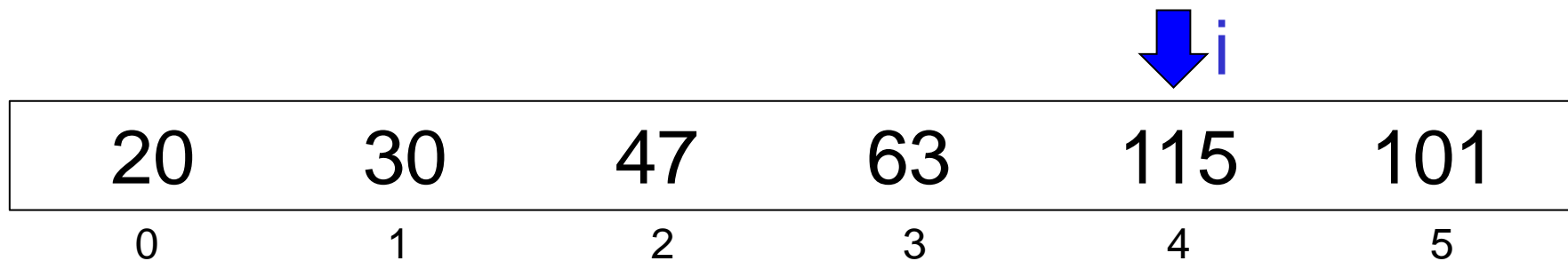
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



# Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```

true:  $4 < 5$



Algoritmo em C *like*

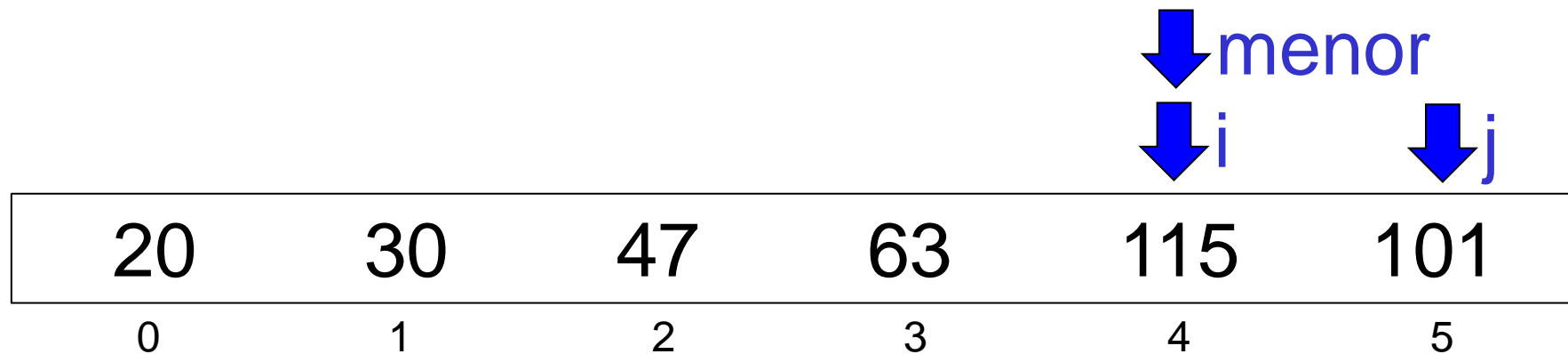
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

↓ menor  
↓ i

20	30	47	63	115	101
0	1	2	3	4	5

Algoritmo em C *like*

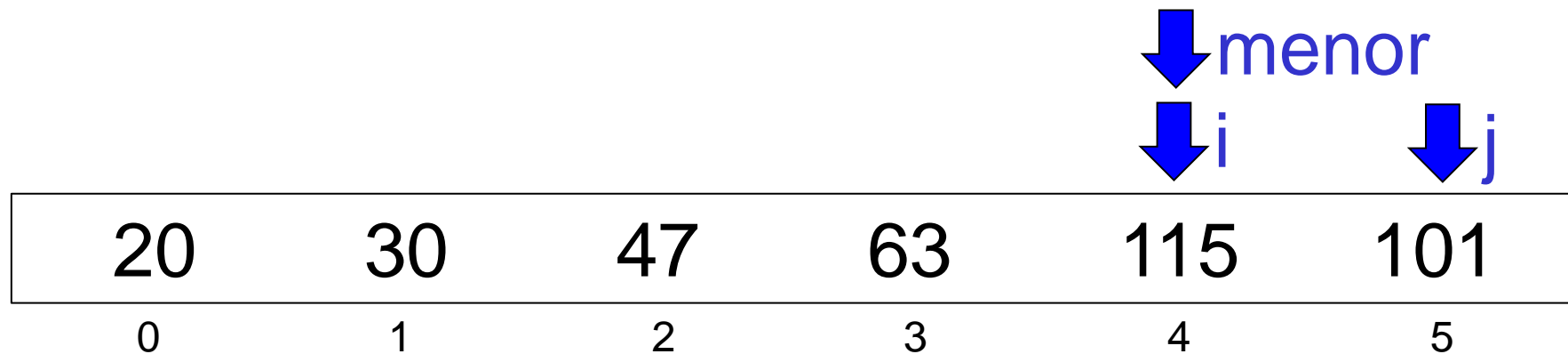
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



# Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```

true:  $5 < 6$





Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

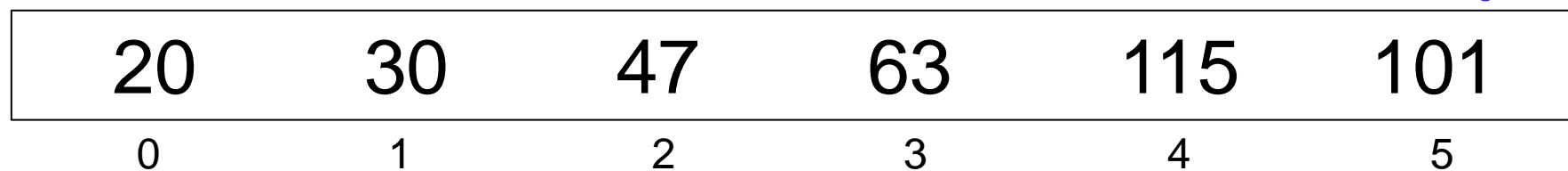
true:  $115 > 101$

20	30	47	63	115	101
0	1	2	3	4	5

↓ menor  
↓ i                  ↓ j

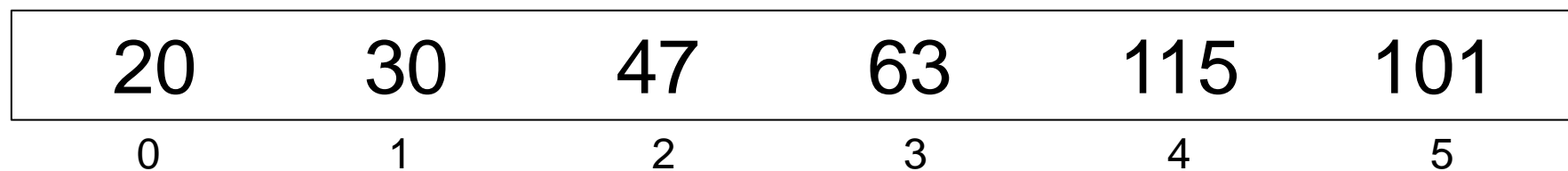
Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



Algoritmo em C *like*

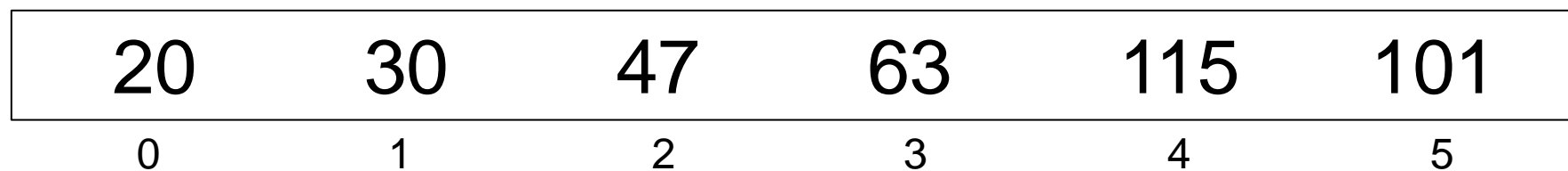
```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



# Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
```

false:  $6 < 6$



# Algoritmo em C *like*

```

for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
}
    
```

20	30	47	63	101	115
0	1	2	3	4	5

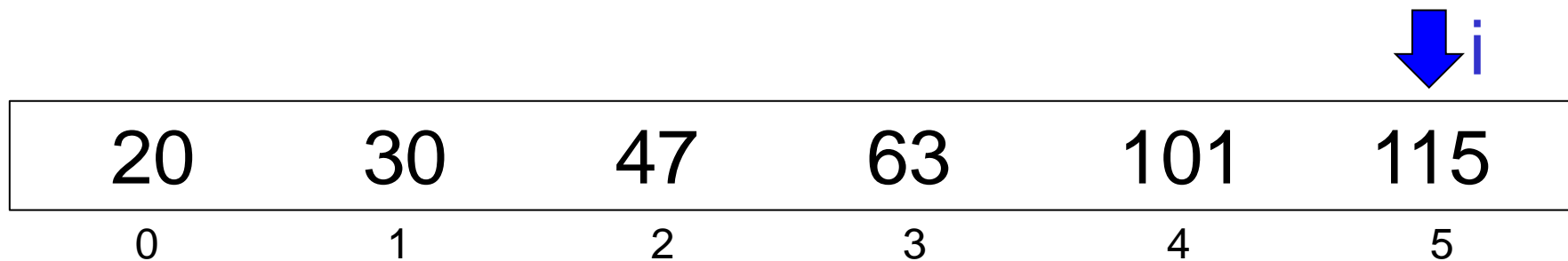


menor



Algoritmo em C *like*


```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```



Algoritmo em C *like*

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

false:  $5 < 5$



20	30	47	63	101	115
0	1	2	3	4	5

# Análise do Número de Movimentações

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

Quantas  
movimentações  
(entre elementos  
do array) são  
realizadas?



# Análise do Número de Movimentações

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++) {  
        if (array[menor] > array[j]) {  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

Quantas  
movimentações  
(entre elementos  
do array) são  
realizadas?

# Análise do Número de Movimentações

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++) {  
        if (array[menor] > array[j]) {  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

O laço externo realiza  $(n - 1)$  trocas, ou seja,  $3(n - 1)$  movimentações

Quantas movimentações (entre elementos do array) são realizadas?

$$M(n) = 3(n - 1)$$

## Exercício

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

Faça com que  
nosso código  
conte o número de  
movimentações?

```
int mov = 0;
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {
    int menor = i;
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){
        if (array[menor] > array[j]){
            menor = j;
        }
    }
    swap(menor, i);
    mov += 3;
}
System.out.println(mov);
```

Faça com que  
nosso código  
conte o número de  
movimentações?

# Análise do Número de Comparações

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

Quantas  
comparações  
(entre elementos  
do array) são  
realizadas?

# Análise do Número de Comparações

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

Quantas  
comparações  
(entre elementos  
do array) são  
realizadas?

Temos somente um comando  
de comparação

# Análise do Número de Comparações

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

Executamos o laço interno  
 $(n - (i + 1))$  vezes

Ou seja,  $(n - i - 1)$  vezes

# Análise do Número de Comparações

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

Executamos o laço interno  
 $(n - (i + 1))$  vezes

Ou seja,  $(n - 1 - i)$  vezes

Exemplo:  $n = 5$

Para  $i = 0$ , os valores de  $j$  serão 1, 2, 3 e 4       $(5 - 1 - 0) = 4$  vezes

Para  $i = 1$ , os valores de  $j$  serão 2, 3 e 4       $(5 - 1 - 1) = 3$  vezes

Para  $i = 2$ , os valores de  $j$  serão 3 e 4       $(5 - 1 - 2) = 2$  vezes

Para  $i = 3$ , o valor de  $j$  será 4       $(5 - 1 - 3) = 1$  vez



# Análise do Número de Comparações

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    swap(menor, i);  
}
```

Executamos o laço externo  $(n - 1)$  vezes

Ou seja, os valores de  $i$  serão 0, 1, 2 e 3

# Análise do Número de Comparações

- Como o laço interno é executado  $(n - 1 - i)$  vezes e o externo  $(n - 1)$  vezes, logo:

$$C(n) = \frac{n^2}{2} - \frac{n}{2} = \Theta(n^2)$$

# Análise do Número de Comparações

- Como o laço interno é executado  $(n - 1 - i)$  vezes e o externo  $(n - 1)$  vezes, logo:

$$C(n) =$$

## Resolução de somatórios

Livro do Knuth

Livro do Cormen

# Análise do Número de Comparações

- Como o laço interno é executado  $(n - 1 - i)$  vezes e o externo  $(n - 1)$  vezes, logo:

$$= \underset{i=0}{(n-1-0)} + \underset{i=1}{(n-1-1)} + \underset{i=2}{(n-1-2)} + \dots + \underset{i=n-2}{1}$$

$$C(n) = (n - 1) + (n - 2) + (n - 3) + \dots + (n - (n - 2) - 1)$$

# Análise do Número de Comparações

- Assim, temos:

$$i = 0 \quad i = 1 \quad i = 2 \quad \dots \quad i = n - 2$$

$$C(n) = (n - 1) + (n - 2) + (n - 3) + \dots + (n - (n - 2) - 1)$$

$$C(n) = (n - 1) + (n - 2) + (n - 3) + \dots + 1$$

# Análise do Número de Comparações

- Sendo,

$$C(n) = (n - 1) + (n - 2) + (n - 3) + \dots + 1$$

- Podemos colocar da forma abaixo?

$$C(n) = \sum_{i=0}^{i < n-1} (n - i - 1)$$

# Análise do Número de Comparações

- Sendo,

$$C(n) = (n - 1) + (n - 2) + (n - 3) + \dots + 1$$

- Podemos colocar da forma abaixo?

$$C(n) = \sum_{i=0}^{n-1} (n - i - 1)$$

- E assim?

$$C(n) = \sum_{i=0}^{n-2} (n - i - 1)$$

# Análise do Número de Comparações

- Em Matemática Discreta, vamos aprender que:

$$C(n) = \sum_{i=0}^{n-2} (n - i - 1) = \sum_{i=0}^{n-2} (n) - \sum_{i=0}^{n-2} (i) - \sum_{i=0}^{n-2} (1)$$



# Análise do Número de Comparações

- Agora, podemos fazer as duas substituições abaixo, certo?

$$C(n) = \sum_{i=0}^{n-2} (n - i - 1) = \sum_{i=0}^{n-2} (n) - \sum_{i=0}^{n-2} (i) - \sum_{i=0}^{n-2} (1)$$

$n * (n-1)$                        $- (n-1)$

# Análise do Número de Comparações

- Agora, podemos fazer as duas substituições abaixo, certo?

$$C(n) = \sum_{i=0}^{n-2} (n - i - 1) = \sum_{i=0}^{n-2} (n) - \sum_{i=0}^{n-2} (i) - \sum_{i=0}^{n-2} (1)$$

$n * (n-1)$ 
 $- (n-1)$

- Logo:

$$C(n) = (n - 1)(n) - (n - 1) - \sum_{i=0}^{n-2} (i)$$

# Análise do Número de Comparações

- Deturpando o somatório, podemos fazer:

$$C(n) = (n-1)(n) - (n-1) - \sum_{i=0}^{n-2} (i)$$

$$C(n) = (n-1)(n) - (n-1) - \sum_{i=1}^{n-1} (i-1)$$

# Análise do Número de Comparações

- Separando o “i” e “-1” em dois somatórios, temos:

$$C(n) = (n-1)(n) - (n-1) - \sum_{i=1}^{n-1} (i-1)$$

$$C(n) = (n-1)(n) - (n-1) - \sum_{i=1}^{n-1} (i) + \sum_{i=1}^{n-1} (1)$$

# Análise do Número de Comparações

- Resolvendo o segundo somatório, temos:

$$C(n) = (n-1)(n) - (n-1) - \sum_{i=1}^{n-1} (i) + \sum_{i=1}^{n-1} (1)$$

$$C(n) = (n-1)(n) - (n-1) - \sum_{i=1}^{n-1} (i) + (n-1)$$

# Análise do Número de Comparações

- Simplificando –  $(n-1) + (n-1)$ , temos:

$$C(n) = (n-1)(n) - (n-1) - \sum_{i=1}^{n-1} (i) + (n-1)$$

$$C(n) = (n-1)(n) - \sum_{i=1}^{n-1} (i)$$

# Análise do Número de Comparações

- Em Matemática Discreta, vamos aprender:

$$\sum_{i=1}^{n-1} (i) = 1 + 2 + \dots + (n-1) = \frac{(n-1)(n)}{2}$$

- Assim:

$$C(n) = (n-1)(n) - \sum_{i=1}^{n-1} (i) = (n-1)(n) - \frac{(n-1)(n)}{2}$$

# Análise do Número de Comparações

- Simplificando, temos:

$$C(n) = (n-1)(n) - \frac{(n-1)(n)}{2} = \frac{(n-1)(n)}{2} = \frac{n^2}{2} - \frac{n}{2}$$

- Finalmente:

$$C(n) = \frac{n^2}{2} - \frac{n}{2} = \Theta(n^2)$$



# Conclusão

- Vantagem: o número de movimentações é linear e isso é interessante quando os registros são "grandes"
- Desvantagens:
  - $\Theta(n^2)$  comparações
  - Não há melhor caso
  - Algoritmo não Estável

## Exercício

- Mostre todas as comparações e movimentações do algoritmo anterior para o *array* abaixo:

12	4	8	2	14	17	6	18	10	16	15	5	13	9	1	11	7	3
----	---	---	---	----	----	---	----	----	----	----	---	----	---	---	----	---	---

## Exercício

- Execute a versão abaixo do Seleção para *arrays* gerados aleatoriamente. Em seguida, discuta sobre os números de comparações inseridas e movimentações evitadas pela nova versão do algoritmo

```
for (int i = 0; i < (n - 1); i++) {  
    int menor = i;  
    for (int j = (i + 1); j < n; j++){  
        if (array[menor] > array[j]){  
            menor = j;  
        }  
    }  
    if (menor != i){  
        swap(menor, i);  
    }  
}
```