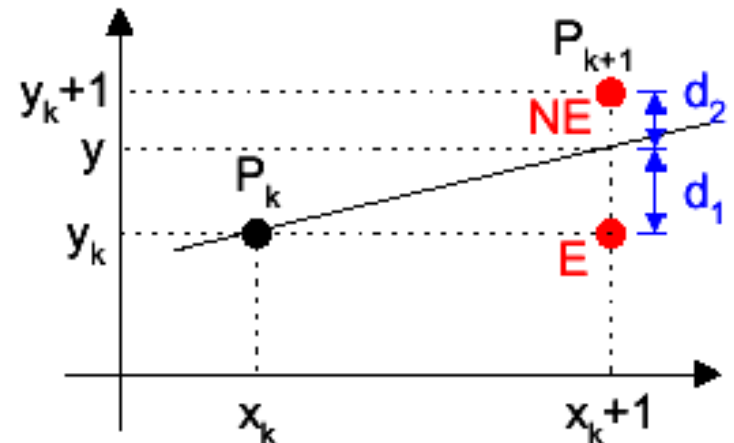


Primitivas de Saída

Computação Gráfica

Algoritmo de Bresenham

- Apenas realiza cálculos com inteiros
- Considerando o ponto (P_k), e para o caso em que $0 \leq m \leq 1$, o próximo ponto (P_{k+1}) apenas poderá ser o ponto à direita (E), ou o ponto acima e à direita (NE).
- A escolha do próximo ponto depende das duas distâncias d_1 e d_2 .
 $d_1 - d_2 < 0 \Rightarrow$ ponto E
 $d_1 - d_2 \geq 0 \Rightarrow$ ponto NE



Algoritmo de Bresenham

- Considerando apenas o caso em que $0 \leq m \leq 1$, temos $y = m(x_k + 1) + b$
- Calcula-se as duas distâncias:
$$d_1 = y - y_k = m(x_k + 1) + b - y_k$$
$$d_2 = (y_k + 1) - y = y_k + 1 - m(x_k + 1) - b$$
- Determina-se a diferença entre ambas:
$$d_1 - d_2 = 2m(x_k + 1) - 2y_k + 2b - 1$$

Algoritmo de Bresenham

- Substitui-se a inclinação pelo quociente $\Delta y / \Delta x$, o que leva a utilização de apenas operações inteiras.
- Desta forma obtém-se a variável de decisão

p_k :

$$p_k = \Delta x (d_1 - d_2) = 2\Delta y \cdot x_k - 2\Delta x \cdot y_k + c$$

$$\text{onde } c = 2\Delta y + \Delta x \cdot (2b - 1)$$

Algoritmo de Bresenham

- Pode-se agora calcular p_k de forma incremental:

$$p_{k+1} - p_k = 2\Delta y (x_{k+1} - x_k) - 2\Delta x (y_{k+1} - y_k)$$

- Como $x_{k+1} = x_k + 1$, temos que:

$$p_{k+1} = p_k + 2\Delta y - 2\Delta x (y_{k+1} - y_k)$$

- Então para $y_{k+1} - y_k = \begin{cases} 0 \Leftarrow \textit{ponto_E} \\ 1 \Leftarrow \textit{ponto_NE} \end{cases}$

$$p_0 = 2\Delta y - \Delta x$$

Algoritmo de Bresenham



```
void alg_bresenham(int
x1,y1,x2,y2)
{
    int dx, dy, x, y, const1,
const2, p;
    dx = abs (x2-x1);
    dy = abs (y2-y1);
    p = 2*dy - dx;
    const1 = 2*dy;
    const2 = 2*(dy-dx);
    x = x1; y = y1;
    colora_pixel (x,y);
    while (x < x2) {
        x = x + 1;
        if (p < 0)
            p += const1;
        else {
            p += const2; y++;
        }
        colora_pixel (x,y);
    }
}
```

Algoritmo de Bresenham – Genérico

```
void bres_gen(int x1,y1,x2,y2)
{
    int dx, dy, x, y, i,
        const1, const2, p;
    dx = x2-x1;
    dy = y2-y1;
    if (dx >= 0)
        incrx = 1;
    else{ incrx= -1; dx= -dx;}
    if (dy >= 0)
        incry = 1;
    else{ incry= -1; dy= -dy;}
    x = x1; y = y1;
    colora_pixel (x,y);

    if (dy < dx){
        p =2*dy - dx;
        const1 = 2*dy;
        const2 = 2*(dy-dx);
        for (i=0; i < dx; i++) {
            x += incrx;
            if (p < 0)
                p += const1;
            else { y += incry;
                    p+= const2;}
            colora_pixel (x,y);
        }
    }
}
```

Algoritmo de Bresenham – Genérico

```
else {  
    p = 2*dx - dy; const1 = 2*dx; const2 = 2*(dx-dy);  
    for (i=0; i < dy; i++) {  
        y += incry;  
        if (p < 0)  
            p += const1;  
        else { x += incrx;  
                p += const2; }  
        colora_pixel (x,y);  
    }  
}
```