# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

# Trabajo Práctico Número 2 DCNet

## Grupo: 21

Integrante	LU	Correo electrónico
Alvarez, Lautaro Leonel	268/14	lautarolalvarez@gmail.com
Maddonni, Axel Ezequiel	200/14	axel.maddonni@gmail.com
Thibeault, Gabriel Eric	114/13	grojo94@hotmail.com
Vigali, Leandro Ezequiel	951/12	leandrovigali@yahoo.com.ar

#### Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# Contents

1	Módulo Red	3
2	Módulo DCNet	16
3	Módulo AB	28
4	Estructura Arbol Binario $(\alpha, \sigma)$	32
5	Módulo Cola de Prioridad Logaritmica $(\alpha)$	33
6	Módulo Diccionario Universal $(\sigma)$	39
7	Módulo Diccionario Logaritmico $(\kappa, \sigma)$	40

usa:  $CONJ(\alpha)$ ,  $ITCONJ(\alpha)$ ,  $LISTA(\alpha)$ ,  $ITLISTA(\alpha)$ .

#### 1 Módulo Red

#### Interfaz

```
se explica con: RED.
    géneros: red.
Operaciones de Red
    Computadoras(in r: red) \rightarrow res: conj(hostname)
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(r))\}\
    Complejidad: O(n)
    Descripción: devuelve el conjunto de las computadoras.
    Aliasing: res se devuelve por copia.
    CONECTADAS?(in r: red, in c1: hostname, in c2: hostname) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{c1, c2 \in \mathsf{dameHostnames}(\mathsf{computadoras}(r))\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{conectadas}?(r, \text{dameCompu}(c1), \text{dameCompu}(c2))\}\
    Complejidad: O(n*L)
    Descripción: indica si las computadoras estan conectadas por alguna de sus interfaces.
    INTERFAZUSADA(in r: red, in c1: hostname, in c2: hostname) \rightarrow res: interfaz
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{conectadas}(r, \operatorname{dameCompu}(c1), \operatorname{dameCompu}(c2)) \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ interfazUsada}(r, dameCompu}(c1), dameCompu}(c2))\}
    Complejidad: O(n*L)
    Descripción: devuelve la interfaz por la cual estan conectadas c1 y c2.
    INICIARRED() \rightarrow res: red
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{iniciarRed}()\}
    Complejidad: O(1)
    Descripción: crear una nueva Red.
    AGREGARCOMPU(in/out \ r: red, in \ c1: compu)
    \mathbf{Pre} \equiv \{r = r_0 \land (\forall c: compu) \ c \in computadoras(r_0) \Rightarrow ip(c) \neq c1\}
    \mathbf{Post} \equiv \{r =_{obs} \operatorname{agregarComputadora}(r_0, c1)\}\
    Complejidad: O(L+i) i=cantidad de interfaces
    Descripción: agregar una computadora a la Red.
    Aliasing: la computadora se agrega por copia.
    CONECTAR(in r: red, in c_1: hostname, in i_1: interfaz in c_2: hostname, in i_2: interfaz)
    \mathbf{Pre} \equiv \{r = r_0 \land c_1, c_2 \in \mathrm{dameHostnames}(\mathrm{computadoras}(r)) \land c_1 \neq c_2 \land c_1 \}
    \negconectadas?(r, dameCompu(c_1),
                                                     dameCompu(c_2)) \land ¬usaInterfaz?(r,
                                                                                                             dameCompu(c_1),
    i_1) \wedge \neg usaInterfaz?(r,
                                     dameCompu(c_2), i_2) \land i_1 \in dameCompu(c_1).interfaces \land i_2 \in
    dameCompu(c_2).interfaces}
    \mathbf{Post} \equiv \{r =_{obs} (\operatorname{conectar}(r_0, \operatorname{dameCompu}(c_1), i_1, \operatorname{dameCompu}(c_2), i_2)\}
    Complejidad: O(n^6 + n^5 * L)
    Descripción: conectar dos computadoras de la red.
    VECINOS(in r: red, in c: hostname) \rightarrow res: conj(hostname)
    \mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(r))\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \mathbf{dameHostnames}(\mathbf{vecinos}(r, \mathbf{dameCompu}(c)))\}
    Complejidad: O(n*L)
```

```
Descripción: da el conjunto de computadoras vecinas.
    Aliasing: el conjunto se devuelve por copia.
    USAINTERFAZ?(in r: red, in c: hostname, in i: interfaz) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(r))\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \text{ usaInterfaz?}(r, \text{dameCompu}(c), i) \}
    Complejidad: O(n)
    Descripción: indica si la interfaz está siendo utilizada.
    CAMINOSMINIMOS(in r: red, in c_1: hostname, in c_2: hostname) \rightarrow res: conj(lista(hostname))
    \mathbf{Pre} \equiv \{c1, c2 \in \mathbf{dameHostnames}(\mathbf{computadoras}(r))\}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{dameCaminosdeHostnames}(\operatorname{caminosMinimos}(r, \operatorname{dameCompu}(c_1), \operatorname{dameCompu}(c_2)))\}
    Complejidad: O(n*L)
    Descripción: devuelve los conjuntos de caminos minimos entre las computadoras ingresadas.
    Aliasing: res se devuelve por copia.
    \text{HAYCAMINO?}(\text{in }r:\text{red},\text{in }c_1:\text{hostname},\text{in }c_2:\text{hostname}) \rightarrow res:\text{bool}
    \mathbf{Pre} \equiv \{c1, c2 \in \mathbf{dameHostnames}(\mathbf{computadoras}(r))\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ hayCamino?}(r, \text{dameCompu}(c_1), \text{dameCompu}(c_2))\}
    Complejidad: O(n*n)
    Descripción: indica si las computadoras son alcanzables mediante algún camino.
    ullet == ullet (\mathbf{in} \ r_1 : \ \mathbf{red}, \ \mathbf{in} \ r_2 : \ \mathbf{red}) 
ightarrow res : \ \mathbf{bool}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} (r_1 =_{obs} r_2)\}
    Complejidad: O(n*n * (L + n*n + m) + n*m*m)
    Descripción: indica si dos redes son iguales.
    COPIAR(in r: red) \rightarrow res: red
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \mathbf{r}\}\
    Descripción: O(n^3)
    Aliasing: copia la red.
    Requiere: res se devuelve por copia
    donde:
hostname es string,
interfaz es nat,
compu es tupla < ip: hostname, interfaces: conj(interfaz)>.
    Especificación de las operaciones auxiliares utilizadas en la interfaz (no exportadas)
TAD RED EXTENDIDA
     extiende
                      Red
     otras operaciones
        damehostnames
                                                  : conj(compu) \longrightarrow conj(hostname)
        dameCompu
                                                  : red r \times \text{hostname } s \longrightarrow \text{compu}
                                                                                                            \{s \in \text{hostnames}(r)\}
        auxDameCompu\\
                                                  : red r \times \text{hostname } s \times \text{conj(compu)} cc \longrightarrow \text{compu}
                                                                             \{s \in \text{hostnames}(r) \land cc \subset \text{computadoras}(r)\}
        dameCaminosDeHostnames
                                                  : conj(secu(compu)) \longrightarrow conj(secu(hostname))
        dameSecuDeHostnames
                                                  : secu(compu) \longrightarrow secu(hostname)
                      \forall r: red, \forall cc: conj(compu), \forall s: hostname, \forall cs: conj(secu(compu)), \forall secu: secu(compu)
```

axiomas

```
dameHostnames(cc) \equiv if \ vacio?(cc) \ then
                            else
                                Ag(ip(dameUno(cc)), dameHostnames(sinUno(cc)))
dameCompu(r, s) \equiv auxDameCompu(r, s, computadoras(r))
\operatorname{auxDameCompu}(r, s, cc) \equiv \operatorname{if} \operatorname{ip}(\operatorname{dameUno}(cc)) = s \operatorname{then}
                                      dameUno(cc)
                                      \operatorname{auxDameCompu}(r, s, \sin \operatorname{Uno}(cc))
                                   fi
dameCaminosDeHostnames(cs) \equiv if \text{ vacio?}(cs) then
                                          else
                                                                       dameSecuDeHostnames(dameUno(cs)),
                                              Ag(
                                              dameCaminosDeHostnames(sinUno(cs)))
dameSecuDeHostnames(secu) \equiv if vacia?(secu) then
                                        else
                                            ip(prim(secu)) \bullet dameSecuDeHostnames(fin(secu))
                                        fi
```

Fin TAD

# Representación

▶ Al no tener que cumplir con complejidades utilizamos un diccionario con los hostnames como claves. El significado de cada hostname corresponde a una tupla con datos de la computadora con ese hostname.

```
\\ Rep en Castellano:
Para cada computadora:

1: Las interfaces usadas pertenecen al conjunto de interfaces de la compu.

2: Los vecinos perteneces a las computadoras de la red.

3: Los vecinos son distintos a la compu actual.

4: Los vecinos no se repiten.

5: Las conexiones son bidireccionales.

6: Los alcanzables pertenecen a las computadoras de la red.

7: Los alcanzables son distintos a la actual.

8: Los alcanzables tienen un camino válido hacia ellos desde la actual.

9: Para cada alcanzable, el conjunto de camiinos válidos no es vacío.

10: Todos los caminos en el diccionario alcanzables son válidos.
```

- 11: Los caminos son mínimos.
- 12: Están todos los mínimos.

```
Rep : estr red
                                                                                          \longrightarrow bool
             Rep(e) \equiv true \iff (\forall c: hostname, c \in claves(e))
                                                       \\ \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \(
                                                       (\forall i: interfaz, i \in claves(obtener(e, c).conexiones))
                                                       \\ 2 obtener(obtener(e, c).conexiones, i) \in claves(e) \land
                                                       \\ 3 obtener(obtener(e, c).conexiones, i) \neq c \land
                                                       \\ \dagger \ \dagger \ \dagger \ \dagger \ i': interfaz, i' \in \text{claves}(\text{obtener}(e, c).\text{conexiones}), i \neq i') obtener(obtener(e,
                                                       c).conexiones, i) == obtener(obtener(e, c).conexiones, i') \land
                                                       \setminus \setminus 5 (\forall h: hostname) (h == \text{obtener}(\text{obtener}(e, c).\text{conexiones}, i) \Rightarrow (\exists i': \text{int}) \text{ obtener}(\text{obtener}(e, c).\text{conexiones}, i) \Rightarrow (\exists i': \text{int}) \text{ obtener}(e, c).\text{conexiones}, i) \Rightarrow (\exists i': \text{int}) \text{ obtener}(e, c).\text{conexiones}, i) \Rightarrow (\exists
                                                       h).conexiones, i') == c) \land
                                                       \\ 6 claves(obtener(e, c).alcanzables \subseteq claves(e) \land
                                                       (\forall a: \text{hostname}, a \in \text{claves}(\text{obtener}(e, c).\text{alcanzables})
                                                       \backslash \backslash  \uparrow a \neq c \land
                                                       \ (\exists s: secu(hostname)) esCaminoVálido(c, a, s) \land
                                                       \\ 9 #obtener(obtener(e, c).alcanzables, a) > 0 \wedge_L
                                                       (\forall camino: secu(hostname), camino \in obtener(obtener(e, c).alcanzables, a)
                                                       \\ 10 esCaminoVálido(c, a, camino) \land
                                                       \ 11 ¬(∃ camino': secu(hostname), camino ≠ camino', esCaminoVálido(c, a, camino'))
                                                       long(camino') < long(camino) \wedge
                                                       \\ 12 \neg (\exists \ camino': \ secu(hostname), \ camino \neq camino', \ esCaminoVálido(c, a, camino'),
                                                       long(camino == long(camino')) (camino' \notin obtener(obtener(e, c).alcanzables, a))
             La abreviatura esCaminoValido usada en el Rep se debe leer: (no son funciones, son abreviaturas para
hacer más fácil la lectura)
             esCaminoValido (orig, dest, secu) \equiv (prim(secu) == orig \land 
                                                                                                                                                              (\forall i: \text{nat}, 0 < i < \text{long}(secu)) \text{ esVecino } (secu[i], secu[i+1]) \land
                                                                                                                                                              secu [long(secu)-1] == dest \land
                                                                                                                                                              sinRepetidos(secu))
             Con esVecino (h1, h2) \equiv (\exists i: interfaz) h2 == obtener (obtener(e, h1).conexiones, i)
             Abs : estr red e \longrightarrow red
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           \{\operatorname{Rep}(e)\}
             Abs(e) \equiv r \mid computadoras(r) = dameComputadoras(e) \land_L
                                                      (\forall c1, c2: compu, c1, c2 \in computadoras(r)) conectadas?(r, c1, c2) = (\exists i: interfaz) (c2.ip = c2.ip)
                                                     obtener(obtener(e, c1.ip).conexiones, i) \land_L
                                                      interfazUsada(r, c1, c2) = buscarClave (obtener(e, c1.ip).conexiones, c2.ip)
```

#### Especificación de las funciones auxiliares utilizadas en abs

```
dameComputadoras
                           : dicc(hostname;X)
                                                                                             \longrightarrow conj(computadoras)
auxDameComputadoras : dicc(hostname;X) \times conj(hostname)
                                                                                                \rightarrow conj(computadoras)
buscarClave
                           : dicc(interfaz;hostname) \times hostname
                                                                                             \longrightarrow interfaz
                           : dicc(interfaz;hostname) \times hostname \times conj(interfaz)
auxBuscarClave
                                                                                             \longrightarrow interfaz
              \forall e: dicc(hostname, X), \forall d: dicc(interfaz, hostname), \forall cc: conj(hostname), \forall ci:
axiomas
              conj(interfaz), \forall h: hostname
dameComputadoras(e) \equiv auxDameComputadoras(e, claves(e))
auxDameComputadoras(e, cc) \equiv \mathbf{if} \ \emptyset?(cc) \ \mathbf{then}
                                      else
                                         Ag(
                                                 <dameUno(cc),
                                                                        obtener(e,
                                                                                        dameUno(cc)).interfaces>,
                                         auxDameComputadoras(e, sinUno(cc)))
buscarClave(d, h) \equiv auxBuscarClave(d, h, claves(d))
auxBuscarClave(d, h, ci) \equiv if obtener(d, dameUno(cc)) = h then
                                   dameUno(cc)
                               else
                                   auxBuscarClave(d, h, sinUno(ci))
```

# Algoritmos

end function

```
Algorithm 1 Implementación de Computadoras
  function ICOMPUTADORAS(in r: estr red)\rightarrow res: conj(hostname)
                                                                                                                        ⊳ O(1)
       it \leftarrow crearIt(r)
       res \leftarrow Vacio()
                                                                 \triangleright conjunto
                                                                                                                        ⊳ O(1)
       while HaySiguiente(it) do
                                                \triangleright Guarda: O(1)
                                                                             ⊳ El ciclo se ejecuta n veces
                                                                                                                        \triangleright O(n)
           Agregar(res, SiguienteClave(it))
                                                                                                                        \triangleright O(1)
           Avanzar(it)
                                                                                                                        \triangleright O(1)
       end while
  end function
                                                                                                                       \triangleright O(n)
Algorithm 2 Implementación de Conectadas?
  function ICONECTADAS? (in r: estr red, in c1: hostname, in c2: hostname) → res: bool
                                                                                                                        ⊳ O(n)
       it \leftarrow CrearIt(Significado(r,c1).conexiones)
       res \leftarrow FALSE
                                                                                                                        ⊳ O(1)
       while HaySiguiente(it) && \neg res do \triangleright Guarda: O(1) \triangleright El ciclo se ejecuta a lo sumo n-1 veces <math>\triangleright O(n)
          if SiguienteClave(it)==c2 then
                                                                                                                        \triangleright O(L)
               res \leftarrow TRUE
           end if
                                                                                                                        \triangleright O(1)
           Avanzar(it)
       end while
  end function
                                                                                                                    ▷ O(n*L)
Algorithm 3 Implementación de InterfazUsada
  function IINTERFAZUSADA(in r: estr red, in c1: hostname, in c2: hostname)→ res: interfaz
       it \leftarrow CrearIt(significado(r,c1).conexiones)
                                                                                                                        ⊳ O(n)
                                           \triangleright Guarda: O(1)
       while HaySiguiente(it) do
                                                                   ⊳ El ciclo se ejecuta a lo sumo n-1 veces
                                                                                                                        ⊳ O(n)
          if SiguienteSignificado(it)==c2 then
                                                                                                                        \triangleright O(L)
               res \leftarrow SiguienteClave(it)
                                                                   ⊳ nat por copia
                                                                                                            \triangleright O(\text{copiar}(\text{nat}))
           end if
           Avanzar(it)
                                                                                                                        \triangleright O(1)
       end while
```

> O(n\*L)

Algorithm 4 Implementación de IniciarRed		
<b>function</b> IINICIARRED() $\rightarrow$ res: estr_red		
$res \leftarrow Vacio()$	$\triangleright$ Diccionario	$\triangleright O(1)$
end function		▷ O(1)

```
Algorithm 6 Implementación de Conectar
  function ICONECTAR (inout r: estr red, in c1: hostname, int i1:interfaz, in c2: hostname, in i2:interfaz)
  \triangleright O(n) + O(L) + O(copiar(nat))
      DefinirRapido(Significado(r, c1).conexiones, i1, c2)
      DefinirRapido(Significado(r, c2).conexiones, i2, c1)
                                                                               \triangleright O(n) + O(L) + O(copiar(nat))
  \triangleright O(n^4 + n^3 \times L)
      ActualizarCaminos(r, c1, c2)
                                                                                                \triangleright O(n^4 + n^3 \times L)
      ActualizarCaminos(r, c2, c1)
  \\ Creo conjunto con los actualizados hasta el momento
      actualizados \leftarrow Vacio()
                                                                                                        ⊳ conjunto
      AgregarRapido(actualizados, c1)
                                                                                                            \triangleright O(L)
                                                                                                           \triangleright \mathrm{O}(\mathrm{L})
      AgregarRapido(actualizados, c2)
  \\ Actualizo caminos del resto de la Red por recursion
                                                                                                 \triangleright O(n^6 + n^5 * L)
      ActualizarVecinos(r, c1, actualizados)
                                                                                                 \triangleright O(n^6 + n^5 * L)
  end function
```

```
Algorithm 7 Implementación de función auxiliar Actualizar Caminos
  function IACTUALIZARCAMINOS (inout r: estr red, in c1: hostname, in c2: hostname)
  \\ Recorro los alcanzables de c2
      itAlcanzables2 \leftarrow crearIt(Significado(r, c2).alcanzables)
                                                                                                           \triangleright O(n)
      while (HaySiguiente(itAlcanzables2) do
                                                            ⊳ se ejecuta a lo sumo n-1 veces
                                                                                                        \triangleright O(n) x
  \\ Recorro alcanzables de c1
         itAlcanzables1 \leftarrow crearIt(Significado(r, c1).alcanzables)
                                                                                                           \triangleright O(n)
         while (HaySiguiente(itAlcanzables1)) do
                                                                                                         \triangleright O(n) x
                                                              ⊳ se ejecuta a lo sumo n-1 veces
             if (SiguienteClave(itAlcanzables2) == SiguienteClave(itAlcanzables1)) then
                                                                                                          \triangleright O(L)
  \\ El alcanzable ya estaba, me fijo que caminos son más cortos
                 itCaminos ← crearIt (SiguienteSignificado(itAlcanzables2))
                                                                                                           \triangleright O(1)
                 camino2 \leftarrow Siguiente(itCaminos)
                                                                   ⊳ camino minimo del c2
                                                                                                           \triangleright O(n)
                 itCaminos ← crearIt (SiguienteSignificado(itAlcanzables1))
                                                                                                           \triangleright O(1)
                 camino1 \leftarrow Siguiente(itCaminos)
                                                                   ⊳ camino minimo del c1
                                                                                                           \triangleright O(n)
                 if (longitud(camino1) > longitud(camino2)) then
                                                                                ⊳ cada camino tiene a lo sumo n
  elementos
                                                                                                           ▷ O(1)
  Borrar(Significado(r, c1).alcanzables, SiguienteClave(itAlcanzables1))
                                                                                                           \triangleright O(n)
  \\ Nuevo alcanzable: me copio los caminos agregando c1 al principio
                    itCaminos ← crearIt (SiguienteSignificado(itAlcanzables2))
                                                                                                           ⊳ O(1)
                    caminos \leftarrow Vacio() > conjunto donde voy a guardar los caminos modificados > O(1)
                    while (HaySiguiente(itCaminos)) do
                                                                                                         \triangleright O(n) x
                        nuevoCamino ← copy(Siguiente(itCaminos)) ▷ copio el camino que voy a modificar
  \triangleright O(n)
                        AgregarAdelante(nuevoCamino, c1)
                                                                                                           \triangleright O(L)
                                                                                                           \triangleright O(n)
                        AgregarRapido (caminos, nuevoCamino)
                        Avanzar(itCaminos)
                                                                                                           \triangleright O(1)
                    end while
                                                                                               \triangleright O(n \times (n + L))
  \\ agrego el nuevo alcanzable con el camino
                    DefinirRapido(Significado(r,c1).alcanzables, SiguienteClave(itAlcanzables2), caminos) ▷
  O(n) + O(L)
                 else
                    if (longitud(camino1) == longitud(camino2)) then
                                                                                                           ▷ O(1)
      Tengo que agregar los nuevos caminos (modificados) al conjunto de caminos actual
                        itCaminos \leftarrow crearIt(SiguienteSignificado(itAlcanzables2))
                                                                                                           ⊳ O(1)
                        while (HaySiguiente(itCaminos)) do
                                                                                                         \triangleright O(n) x
                            nuevoCamino \leftarrow copy(Siguiente(itCaminos))
                                                                                     ⊳ copio el camino que voy a
  modificar
                                                                                                           \triangleright O(n)
                            AgregarAdelante(nuevoCamino, c1)
                                                                                                           \triangleright O(L)
                            Agregar(SiguienteSignificado(itAlcanzables1), nuevoCamino)
                                                                                                           ⊳ O(n)
                            Avanzar (it Caminos)
                                                                                                           \triangleright \mathrm{O}(1)
                        end while
                                                                                                \triangleright O(n \times (n + L))
                    end if
                 end if
             else
  \\ Nuevo alcanzable: me copio los caminos agregando c1 al principio
                 itCaminos ← crearIt (SiguienteSignificado(itAlcanzables2))
                                                                                                           \triangleright O(1)
                                         > conjunto donde voy a guardar los caminos modificados
                                                                                                           \triangleright O(1)
                 caminos \leftarrow Vacio()
                 while (HaySiguiente(itCaminos)) do
                                                                                                         \triangleright O(n) x
                    nuevoCamino ← copy(Siguiente(itCaminos)) ▷ copio el camino que voy a modificar ▷
  O(n)
                    AgregarAdelante(nuevoCamino, c1)
                                                                                                           \triangleright O(L)
                    AgregarRapido (caminos, nuevoCamino)
                                                                                                           \triangleright O(n)
                    Avanzar(itCaminos)
                                                                                                           \triangleright \mathrm{O}(1)
                 end while
                                                                                                \triangleright O(n \times (n + L))
                 DefinirRapido(Significado(r, c1).alcanzables, SiguienteClave(itAlcanzables2), caminos)
```

```
Avanzar(itAlcanzables1)
                                                                                                                 ⊳ O(1)
                                                                                      \triangleright O(n x (n + (n x (n + L))))
          end while
          Avanzar(itAlcanzables2)
                                                                                                                 ⊳ O(1)
      end while O(n + n \times (n \times (n + (n \times (n + L))))
                                                                                                     \triangleright O(n^4 + n^3 \times L)
  end function
Algorithm 8 Implementación de función auxiliar Actualizar Vecinos
  function IACTUALIZARVECINOS (inout r: estr red, in c1: hostname, in conj (hostname) actualizados)
  \\ Actualiza los caminos de los vecinos de C, y luego hace recursion para los vecinos de los vecinos.
      itVecinos \leftarrow crearIt(Significado(r, c1).conexiones)
                                                                                                                 \triangleright O(n)
      while (HaySiguiente(itVecinos)) do
                                                                                                              \triangleright O(n x)
  \\ Si todav\(\tilde{A}\) a no fue actualizado, lo actualizo y hago recursi\(\tilde{n}\) sobre los vecinos.
          if (SiguienteClave(itVecinos) ∉ actualizados) then
                                                                                                            \triangleright O(n \times L)
                                                                                                     \triangleright O(n^4 + n^3 \times L)
              ActualizarCaminos(r, SiguienteClave(itVecinos), c)
              AgregarRapido (actualizados, SiguienteClave(itVecinos))
                                                                                                                 \triangleright O(L)
              ActualizarVecinos(r, SiguienteClave(itVecinos), actualizados) ⊳ recursión hasta actualizar las n
  computadoras, O(n) x
          end if
                                                                                                                 \triangleright O(1)
          Avanzar(it Vecinos)
      end while
                                                                                                     \triangleright O(n^6 + n^5 * L)
  end function
Algorithm 9 Implementación de Vecinos
  function IVECINOS (input r: estr red, in c1: hostname) → res: conj(hostname)
                                                                                                        \triangleright O(1) + O(n)
      it \leftarrow CrearIt(Significado(r,c1).conexiones)
      res \leftarrow Vacio()
                                                             ▶ Conjunto
                                                                                                                 \triangleright O(1)
      while HaySiguiente(it) do
                                        \triangleright Guarda: O(1)
                                                               ⊳ El ciclo se ejecuta a lo sumo n-1 veces
                                                                                                                 \triangleright O(n)
          AgregarRapido(res, SiguienteSignificado(it))
                                                                                                                 \triangleright O(L)
          Avanzar(it)
                                                                                                                 ⊳ O(1)
      end while
  end function
                                                                                                             ▷ O(n*L)
Algorithm 10 Implementación de UsaInterfaz
  function IUsaInterfaz(in r: estr red, in c: hostname, in i: interfaz)→ res: bool
      res \leftarrow Definido?(Significado(r,c).conexiones,i)
                                                                                               ▷ O(comparar(nat)*n)
  end function
                                                                                                                \triangleright O(n)
Algorithm 11 Implementación de Caminos Minimos
  function ICAMINOSMINIMOS(in r:
                                                 estr red,
                                                              in c1:
                                                                          hostname, in c2:
                                                                                                    hostname) \rightarrow res:
  conj(lista(hostname))
      itCaminos \leftarrow crearIt(Significado(Significado(r,c1).alcanzables, c2))
                                                                                                     \triangleright O(1) + O(L*n)
      res \leftarrow Vacio()
                                                             ▶ Conjunto
                                                                                                                 \triangleright O(1)
      while HaySiguiente(itCaminos) do
          AgregarRapido(res, Siguiente(itCaminos))
                                                                                                                 \triangleright O(1)
          Avanzar(it Caminos)
                                                                                                                 \triangleright \mathrm{O}(1)
      end while
  end function
                                                                                                             > O(n*L)
Algorithm 12 Implementación de HayCamino?
  function IHAYCAMINO? (in r: estr red, in c1: hostname, in c2: hostname) → res: bool
                                                                                                              \triangleright O(n*n)
      res \leftarrow Definido?(Significado(r,c1).alcanzables, c2)
                                                                                                             ▷ O(n*n)
  end function
```

```
Algorithm 13 Implementación de ==
  function IIGUALDAD(in r1: estr_red, in r2: estr_red)→ res: bool
     res \leftarrow TRUE
                                                                                                  \triangleright O(1)
     if \neg(\#\text{Claves}(r1) = \#\text{Claves}(r2)) then
                                                                                    \triangleright O(comparar(nat))
  res \leftarrow FALSE
                                                                                                  ⊳ O(1)
     else
        itRed1 \leftarrow CrearIt(r1)
                                                                                                  ⊳ O(1)
         while HaySiguiente(itRed1) && res do
                                                    \triangleright Guarda: O(1)
                                                                        ⊳ Se ejecuta n veces
                                                                                                 \triangleright O(n)
  \\ Recorro la red 1 y me fijo para cada una de sus computadoras
            if ¬(Definido?(r2, SiguienteClave(itRed1)) then
                                                                                              \triangleright O(L*n)
  res \leftarrow FALSE
                                                                                                  \triangleright \mathrm{O}(1)
            else
               Compu2 \leftarrow Significado(r2,SiguienteClave(itRed1))
                                                                                               \triangleright O(L*n)
               Compu1 \leftarrow SiguienteSignificado(itRed1)
                                                                                                 ▷ O(1)
  \\ Tomo las computadoras de red 1 y red 2 con el mismo hostname y las comparo
               if \neg(Comp1.interfaces == Comp2.interfaces) then
                                                                          ▷ O(m*m) con m=cantidad de
  interfaces
  \ Si sus interfaces son distintas => las redes son distintas
                                                                                                  ⊳ O(1)
                  res \leftarrow FALSE
               end if
               if \neg(Comp1.conexiones == Comp2.conexiones) then
  res \leftarrow FALSE
                                                                                                  ⊳ O(1)
               end if
               \mathbf{if} \ \neg (\# Claves(Compu1.alcanzables) = = \# Claves(Compu2.alcanzables)) \ \mathbf{then}
  res \leftarrow FALSE
                                                                                                  ⊳ O(1)
               else
                   itAlc1 \leftarrow CrearIt(Compu1.alcanzables)
                                                                                                  ⊳ O(1)
                   while HaySiguiente(itAlc1) && res do
                                                             ⊳ se ejecuta a lo sumo n−1 veces
                                                                                                 \triangleright O(n)
  \\ Para cada alcanzable de la computadora de la red 1
                      if ¬(Definido?(Comp2.alcanzables, SiguienteClave(itAlc1))) then
                                                                                                 \triangleright O(m)
  \\ Si no está definida en los alcanzables de la compu de la red 2 => las redes son distintas
                         res \leftarrow FALSE
                      else
                         Caminos1 \leftarrow SiguienteSignificado(itAlc1)
                                                                                                  \triangleright O(1)
                         Caminos2 \leftarrow Significado(Comp2.alcanzables, itAlc1)
                                                                                                 \triangleright O(n)
  \\ Me guardo los 2 conjuntos de caminos (de la compu de la red 1 y la de la red 2)
```

```
if ¬(Longitud(Caminos1) == Longitud(Caminos2)) then ▷ O(comparar(nat))
\ Si~sus~cantidades~son~distintas=> las~redes~son~distintas
                          res \leftarrow FALSE
                       else
                          itCaminos1 \leftarrow CrearIt(Caminos1)
                                                                                                \triangleright O(1)
                           while HaySiguiente(itCaminos1) && res do
\\ Para cada camino en el conjunto de caminos de la compu de la red 1
\\ Recorro los caminos de la compu de la red 2
                              itCaminos2 \leftarrow CrearIt(Caminos2)
                                                                                                ⊳ O(1)
                              noEncontro \leftarrow TRUE
                                                                                                ⊳ O(1)
                              while HaySiguiente(itCaminos2) && noEncontro do
\\ Busco que el camino de la compu de la red 1 esté en la compu de la red 2
                                 if Siguiente(itCaminos2) == Siguiente(ItCaminos1) then
                                    noEncontro \leftarrow FALSE
                                 end if
                                 Avanzar(itCaminos2)
                                                                                                ⊳ O(1)
                              end while
                              if noEncontro then
                                                                                               ▷ O(1)
res \leftarrow FALSE
                                                                                                \triangleright O(1)
                              end if
                              Avanzar (it Caminos1)
                                                                                                \triangleright O(1)
                           end while
                       end if
                    end if
                    Avanzar(itAlc1)
                                                                                                ⊳ O(1)
                end while
             end if
          end if
          Avanzar(itRed1)
                                                                                                ⊳ O(1)
      end while
   end if
end function
                                                          \triangleright O(n*n * (L + n*n + m) + n*m*m)
```

Algorithm 14 Implementación de Copiar			
<b>function</b> ICOPIAR(in r: estr_red) $\rightarrow$ res:	red		
$res \leftarrow IniciarRed()$			$\triangleright O(1)$
\\ Crea una red vacia.			
$itRed \leftarrow CrearIt(r)$			$\triangleright O(1)$
$\mathbf{while} \; \mathbf{HaySiguiente}(\mathbf{itRed}) \; \mathbf{do}$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$	⊳ se ejecuta n veces	> O(n)
\\ Para cada computadora en la red origa	in al.		
$copiaAlcanzables \leftarrow Vacio()$		⊳ diccionario	$\triangleright O(1)$
$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $			
$itAlcanzables \leftarrow CrearIt(Siguiente)$	Significado(itRed	${ m l}). { m alcanzables})$	$\triangleright O(1)$
while HaySiguiente(itAlcanzables)	) $\mathbf{do}  \triangleright \text{Guarda}$ :	O(1) > se ejecuta a lo sumo n veces	> O(n)
\\ Para cada conjunto de caminos mínim	nos (cada destino	).	
$copiaCaminos \leftarrow Vacia()$		$\triangleright$ lista	$\triangleright O(1)$
\\ Inicia el conjunto de caminos mínimo			
$itCaminos \leftarrow CrearIt(Siguiente$	e ${ m Significado}({ m itAlc})$	anzables))	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
while HaySiguiente(itCaminos	$\mathbf{do}$		
$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	in al.		
${ m AgregarAdelante(copiaCam}$	inos, Siguiente(it	Caminos)) $\triangleright$ O(copiar(c	$\operatorname{camino}))$
$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	idelante del conju	nto de caminos mínimos.	
Avanzar(itCaminos)			$\triangleright \mathrm{O}(1)$
${f end}$ while			
$\operatorname{Definir}(\operatorname{copiaAlcanzables},\operatorname{Sigui})$	ienteClave(itAlca	nzables), copiaCaminos)	
$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	nos en la copia d	e alcanzables.	
$\operatorname{Avanzar}(\operatorname{itAlcanzables})$			$\triangleright \mathrm{O}(1)$
${f end}$ while			
Definir(res, SiguienteClave(it)	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	(Copiar(SiguienteSignificado(itRed).in	terfaces),
Copiar (Siguiente Significado (it Red).conex			
$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	ı los campos ante	$s\ copiados.$	
Avanzar(itRed)			$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end while			
end function			

#### 2 Módulo DCNet

#### Interfaz

```
usa: RED, CONJ(\alpha), ITCONJ(\alpha), LISTA(\alpha), ITLISTA(\alpha), DICC_{UNIV}(\kappa, \sigma), DICC_{LOG}(\kappa, \sigma),
COLA_{LOG}(\alpha).
    se explica con: DCNET.
    géneros: dcnet.
Operaciones de DCNet
    \operatorname{Red}(\mathbf{in}\ d\colon \mathtt{dcnet}) 	o res: \mathtt{red}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv { \{ alias(res =_{obs} red(d)) \} }
    Complejidad: O(1)
    Descripción: devuelve la red asociada.
    Aliasing: res no es modificable.
    CAMINORECORRIDO(in d: dcnet, in p: IDpaquete) \rightarrow res: lista(hostname)
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{IDpaqueteEnTransito?}(d, p) \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ dameSecuDeHostnames}(\operatorname{caminoRecorrido}(d, \operatorname{damePaquete}(p)))\}
    Complejidad: O(n * log(k))
    Descripción: devuelve el camino recorrido desde el origen hasta el actual.
    Aliasing: res se devuelve por copia.
    CANTIDADENVIADOS(in d: dcnet, in c: hostname) \rightarrow res: nat
    \mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(\text{red}(d)))\}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{cantidadEnviados}(d, \operatorname{dameCompu}(c))\}\
    Complejidad: O(L)
    Descripción: devuelve la cantidad de paquetes enviados por la computadora.
    ENESPERA(in d: dcnet, in c: hostname) \rightarrow res: conj(paquete)
    \mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(\text{red}(d)))\}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{obs} \operatorname{enEspera}(d, \operatorname{dameCompu}(c))) \}
    Complejidad: O(L)
    Descripción: devuelve los paquetes en la cola de la computadora.
    Aliasing: res no es modificable.
    INICIARDCNET(in r: red) \rightarrow res: dcnet
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{iniciarDCNet}(r)\}\
    Complete O(N^*n^*(L+n))
    Descripción: crea una nueva Dcnet.
    Aliasing: la red se agrega por copia.
    CREARPAQUETE(in/out d: dcnet, in p: paquete)
    \mathbf{Pre} \equiv \{d = d_0 \land \neg ( (\exists p': paquete) (paqueteEnTransito?(d, p') \land id(p') = id(p)) \land (paqueteEnTransito?(d, p') \land id(p') = id(p)) \}
    \operatorname{origen}(p) \in \operatorname{computadoras}(\operatorname{red}(d)) \wedge_L \operatorname{destino}(p) \in \operatorname{computadoras}(\operatorname{red}(d)) \wedge_L \operatorname{hayCamino}(\operatorname{red}(d))
    \operatorname{origen}(p), \operatorname{destino}(p)
    \mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} \mathbf{crearPaquete}(d_0, p)\}\
    Complejidad: O(L + log(k))
    Descripción: agrega un paquete a la red.
    Aliasing: el paquete se agrega por copia.
```

```
AVANZARSEGUNDO(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ d: dcnet)
    \mathbf{Pre} \equiv \{d = d_0\}
    \mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} \operatorname{avanzarSegundo}(d_0)\}\
    Complejidad: O(n * (L + log(k)))
    Descripción: realiza los movimientos de paquetes correspondientes, aplicando los cambios necesarios a
    la denet.
    PAQUETEENTRANSITO?(in d: dcnet, in p: IDpaquete) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \mathbf{IDpaqueteEnTransito?}(d, p)\}
    Complejidad: O(n * k)
    Descripción: indica si el paquete esta en alguna de las colas dado el ID.
    \text{LaQueMasEnvio}(\textbf{in}\ d: \mathtt{dcnet}) 	o res: \mathtt{hostname}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{laQueMasEnvio}(d).ip\}
    Complejidad: O(1)
    Descripción: devuelve la computadora que más paquetes envió.
    Aliasing: res se devuelve por copia.
    \bullet = \bullet (\mathbf{in} \ d_1 : \mathtt{dcnet}, \ \mathbf{in} \ d_2 : \mathtt{dcnet}) \to res : \mathtt{bool}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} (d_1 =_{obs} d_2) \}
    Complejidad: O(n*n * (L + n*n + m + log(k)) + n*(m*m + L))
    Descripción: indica si dos denet son iguales.
    donde:
hostname es string,
interfaz es nat,
IDpaquete es nat,
compu es tupla < ip: hostname, interfaces: conj(interfaz)>,
paquete es tupla < id: IDpaquete, prioridad: nat, origen: hostname, destino: hostname >.
```

#### Especificación de las operaciones auxiliares utilizadas en la interfaz (no exportadas)

#### TAD DCNET EXTENDIDA

```
DCNET
extiende
otras operaciones
  damehostnames
                                            : conj(compu) \longrightarrow conj(hostname)
  dameCompu
                                            : dcnet d \times \text{hostname } s \longrightarrow \text{compu}
                                                                     \{s \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(\text{red}(d)))\}
  auxDameCompu
                                            : hostname s \times \text{conj(compu)} cc \longrightarrow \text{compu}
                                           : secu(compu) \longrightarrow secu(hostname)
  dameSecuDeHostnames
  IDpaqueteEnTransito?
                                           : dcnet d \times \text{IDpaquete } p \longrightarrow \text{bool}
  damePaquete
                                            : dcnet d \times \text{IDpaquete } p \longrightarrow \text{paquete}
                                                                                          \{IDpaqueteEnTransito?(d,p)\}
  dameIDpaquetes
                                            : conj(paquete) \longrightarrow conj(IDpaquete)
                \forall d: dcnet, \forall s: hostname, \forall p: IDpaquete, \forall cc: conj(compu), \forall secu: secu(compu),
axiomas
                \forall cp: conj(paquete),
  dameHostnames(cc) \equiv if \ vacio?(cc) \ then
                                else
                                     Ag(ip(dameUno(cc)), dameHostnames(sinUno(cc)))
  dameCompu(d, s) \equiv auxDameCompu(s, computadoras(red((d))))
  \operatorname{auxDameCompu}(s, cc) \equiv \operatorname{if} \operatorname{ip}(\operatorname{dameUno}(cc)) = s \operatorname{then}
                                        dameUno(cc)
                                        \operatorname{auxDameCompu}(s, \sin \operatorname{Uno}(cc))
  dameSecuDeHostnames(secu) \equiv if vacia?(secu) then
                                                 <>
                                             else
                                                 ip(prim(secu)) \bullet dameSecuDeHostnames(fin(secu))
  \label{eq:definition} \mbox{IDpaqueteEnTransito}(d,\,p) \; \equiv \; \mbox{auxIDpaqueteEnTransito}(d,\,\mbox{computadoras}(\mbox{red}(d)),\,p)
  auxIDpaqueteEnTransito(d, cc, p) \equiv if \text{ vacio?}(cc) then
                                                      false
                                                  else
                                                      if p \in \text{dameIDpaquetes}(\text{enEspera}(\text{dameUno}(cc))) then
                                                          true
                                                      else
                                                          auxIDpaqueteEnTransito(d, sinUno(cc), p)
                                                  fi
  dameIDpaquetes(cp) \equiv if vacio?(cp) then
                                 else
                                     Ag(id(dameUno(cp)), dameIDpaquetes(sinUno(cp)))
                                 fi
```

Fin TAD

## Representación

```
donde estr_dcnet es tupla(red: red computadoras: dicc(hostname, X) porHostname : \operatorname{dicc}_{UNIV} \text{ (hostname, itDicc(hostname, X))} conMasEnvios : \operatorname{itDicc(hostname, X)} caminos : \quad \operatorname{arreglo\_dimensionable} \text{ de arreglo\_dimensionable} \text{ de lista(hostname)} \text{ )} \operatorname{donde} X \text{ es tupla}(indice : \operatorname{nat} paquetes : \operatorname{conj}(\operatorname{paquete})) cola : \operatorname{cola}_{LOG}(\operatorname{itConj}(\operatorname{paquete})) paqPorID : \operatorname{dicc}_{LOG} \text{ (IDpaquete, itConj}(\operatorname{paquete})) cantEnvios : \operatorname{nat} \text{ )}
```

- $\triangleright$  El dicc $_{UNIV}$  (basado en un TRIE) nos permite acceder a un significado en O(L) con L el largo del hostname mas largo (utilizando como clave a los hostnames).
- $\triangleright$  Al guardar un iterador a la computadora con mas envíos podemos devolverla por aliasing en O(1), cumpliendo así la complejidad pedida.
- $\triangleright$  Al utilizar una cola $_{LOG}$  (basada en un HEAP) podemos acceder al paquete con prioridad mas alta (el que se tiene que enviar) en O(1) y desencolarlo en O(log(n)) con n = cantidad de paquetes en la cola. Esto nos sirve para poder cumplir avanzarSegundo y nos mantiene dentro de lo pedido en crearPaquete.
- $\triangleright$  Al utilizar un dicc $_{LOG}$  (basado en AA-TREE) podemos acceder a un paquete por medio de su ID en  $O(\log(n))$  con n= cantidad de paquetes en la computadora (pudiendo borrarlo o modificarlo dentro de la misma complejidad). Esto nos sirve para cumplir caminoRecorrido, ya que podemos buscar un paquete en  $O(\log(n))$  dentro de cada computadora, además nos mantiene dentro de la complejidad pedida en crearPaquete y avanzarSegundo.
- $\triangleright$  Al tener cant Envios nos permite obtener en O(1) la cantidad de envíos de cada computadora, lo que nos sirve para (en avanzar Segundo) poder calcular la computadora con más envíos dentro de la complejidad y almacenar lo en con Mas Envios
- ⊳ El índice nos sirve para (como comentamos antes) utilizarlo como posición en el arreglo caminos y poder averiguar su camino mínimo en la complejidad pedida.
- $\triangleright$  Guardamos los paquetes en el conjunto paquetes para poder tenerlos en O(1) y cumplir con la complejidad de en Espera.

- 1: Las compus de Red son las compus de DCNet.
- 2: Por Hostname y computadoras tienen el mismo conjunto de claves.
- 3: PorHostname permite acceder a los datos de todas las computadoras a través de iteradores.
- 4: Los indices de las computadoras van de 0 a n-1.
- 5: Los indices no se repiten.
- 6: ConMasEnvios es un interador a la computadora con mayor cant de envios.
- 7: La matriz de caminos es de n x n.
- 8: En la matriz caminos[i][j] se guarda uno de los caminos minimos de la red correspondiente al origen y destino correspondientes a los indices i, j, respectivamente. Si no hay, se guarda una lista vacia.
- 9: Las claves del diccionario paquetesPorID son los ID del conjunto paquetes.
- 10: El conjunto de paquetes y la cola de prioridad tienen el mismo tamano.
- 11: La cola ordena los paquetes por prioridad. (usando los observadores del TAD Cola de Prioridad Alaternativa adjunto).

Para todos los paquetes de una computadora:

- 12: El origen y el destino estan entre las computadoras de la denet.
- 13: El origen y el destino son distintos.
- 14: Hay un camino posible entre el origen y el destino.
- 15: La computadora actual esta en el camino minimo entre el origen y el destino.
- 16: El id es unico.
- 17: Son accesibles por el dicc usando su ID.

```
Rep : estr dcnet
                         \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \iff
            \\ \( \frac{1}{2} \) dameHostnames(computadoras(e.red)) = claves (e.computadoras) \( \lambda \)
            \\ 2 claves (e.computadoras) = claves (e.porHostname) \land
            = c \land SiguienteSignificado(obtener(e.porHostname, c)) = obtener(e.computadoras, c)) \land
            (\forall c: hostname, c \in claves(e.computadoras))
                          < obtener(e.computadoras,
                                                               c).indice < #claves(e.computadoras)-1
            obtener(e.computadoras, c).indice = ordenLexicografico(c, claves(e.computadoras)) \land
            \\ 5 \neg (\exists c': hostname, c' \in claves(e.computadoras), c \neq c') obtener(e.computadoras, c').indice
            = obtener(e.computadoras, c).indice \land
            \land \quad G \neg (\exists c': \text{hostname}, c' \in \text{claves}(e.\text{computadoras}), c \neq c') \text{ obtener}(e.\text{computadoras}),
            c').cantEnvios > SiguienteSignificado (e.conMasEnvios).cantEnvios \land
            \\ 7 tam(e.caminos) = #claves(e.computadoras) \land_L (\forall i: \text{nat}, 0 < i < \#\text{claves}(e.\text{computadoras})-
            1) tam(e.caminos[i]) = \#claves(e.computadoras) \land
            \\ 8 (\forall c1, c2: hostname, c1, c2 \in \text{claves}(e.\text{porHostname}))
                  \emptyset?
                                 (caminos Minimos(e.red,
                                                                 dameCompu(c1).
                                                                                         dameCompu(c2))
            e.caminos[obtener(e.computadoras,
                                                      c1).indice||obtener(e.computadoras,
                                                                                                   c2) indice
            dameUno(caminosMinimos(e.red, dameCompu(c1), dameCompu(c2))) \land
                                                                                        dameCompu(c2))
                              (caminosMinimos(e.red,
                                                               dameCompu(c1).
            e.caminos[obtener(e.computadoras, c1).indice][obtener(e.computadoras, c2).indice] =
            cia() \land
            (\forall c: hostname, c \in claves(e.computadoras))
            \ dameIDpaquetes(obtener(e.computadoras, c).paquetes) = claves(obtener(e.computadoras,
            c).paquetesPorID) \wedge
            10 #(obtener(e.computadoras, c).paquetes) = #(obtener(e.computadoras, c).cola) \land
              11 vacia?(obtener(e.computadoras, c).cola) = \emptyset?(obtener(e.computadoras, c).paquetes) \land
            Siguiente(\Pi_2(proximo(obtener(e.computadoras,
                                                                    c).cola)))
                                                                                   \in
                                                                                         obtener(e.computadoras,
            c).paquetes
            \wedge \neg (\exists p')
                               paquete, p' \in \text{obtener}(e.\text{computadoras}, c).\text{paquetes}) p'.\text{prioridad} <
            Siguiente(\Pi_2(\text{proximo}(\text{obtener}(e.\text{computadoras}, c).\text{cola}))).prioridad \wedge
            \Pi_1(\text{proximo}(\text{obtener}(e.\text{computadoras}, c).\text{cola})) = \text{Siguiente}(\Pi_2(\text{proximo}(\text{obtener}(e.\text{computadoras}, c)))))
            c).cola))).prioridad \wedge
            desencolar(obtener(e.computadoras, c).cola) = armarCola(obtener(e.computadoras, c).paquetes
            - {Siguiente(\Pi_2(proximo(obtener(e.computadoras, c).cola)))} \land
            (\forall p: paquete, p \in obtener(e.computadoras, c).paquetes)
            \setminus \setminus 12 origen(p).ip \in claves (e.computadoras) \land destino(p).ip \in claves (e.computadoras) \land
            \\ 13 origen(p).ip \neq destino(p).ip \wedge
            \\ 14 hayCamino?(e.red, origen(p), destino(p)) \land
            \\ 15 esta?
                               (c, caminos[obtener(e.computadoras, origen(p).ip)][obtener(e.computadoras, origen(p).ip)]
            destino(p).ip) \land
            \\ 16 (\forall c': hostname, c' \in \text{claves}(e.\text{computadoras}), c' \neq c) \neg (\exists p': \text{paquete}, p' \in
            obtener(e.computadoras, c').paquetes, p \neq p') p.id = p'.id
            \\ 17 definido?(obtener(e.computadoras, c).paquetesPorID, p.id) \wedge_L
            Siguiente(obtener(obtener(e.computadoras, c), paquetesPorID, p.id)) = p
```

#### Especificación de las funciones auxiliares utilizadas en Rep

```
armarCola : conj(paquete) \longrightarrow cola(paquete)

axiomas \forall cc: conj(paquete)
```

```
\operatorname{armarCola}(cc) \equiv \operatorname{if} \ \emptyset?(cc) \ \operatorname{then} \\ \operatorname{Vacia}() \\ \operatorname{else} \\ \operatorname{encolar}(\operatorname{dameUno}(cc).\operatorname{prioridad}, \operatorname{dameUno}(cc), \operatorname{armarCola}(\sin\operatorname{Uno}(cc))) \\ \operatorname{fi} \\ \operatorname{Abs} : \operatorname{estr\_dcnet} e \longrightarrow \operatorname{dcnet} \\ \{\operatorname{Rep}(e)\} \\ \operatorname{Abs}(e) \equiv d \mid \operatorname{red}(d) = e.\operatorname{red} \land \\ (\forall c: \operatorname{compu}, c \in \operatorname{computadoras}(\operatorname{red}(d))) \\ (\operatorname{cantidadEnviados}(d, c) = \operatorname{obtener}(e.\operatorname{computadoras}, c.\operatorname{ip}).\operatorname{cantEnvios} \land \\ \operatorname{enEspera}(d, c) = \operatorname{obtener}(e.\operatorname{computadoras}, c.\operatorname{ip}).\operatorname{paquetes} \land \\ (\forall p: \operatorname{paquete}, p \in \operatorname{obtener}(e.\operatorname{computadoras}, c.\operatorname{ip}).\operatorname{paquetes}) \\ \operatorname{caminoRecorrido} \ (d, p) = \\ e.\operatorname{caminos}[\operatorname{obtener}(e.\operatorname{computadoras}, \operatorname{origen}(p).\operatorname{ip}).\operatorname{indice}][\operatorname{obtener}(e.\operatorname{computadoras}, c.\operatorname{ip}).\operatorname{indice}] \\ \bullet
```

## Algoritmos

end function

```
Algorithm 15 Implementación de Red
  function IRED(in d: estr_dcnet)\rightarrow res: Red
       res \leftarrow d.red
                                                                                                                        \triangleright \mathrm{O}(1)
  end function
                                                                                                                        \triangleright \mathrm{O}(1)
Algorithm 16 Implementación de CaminoRecorrido
  function ICAMINORECORRIDO (in d: estr_dcnet, in p: IDPaquete) \rightarrow res: lista(hostname)
       itCompu \leftarrow CrearIt(d.computadoras)
                                                                                                                        \triangleright O(1)
       yaEncontrado \leftarrow FALSE
                                                                                                                        \triangleright O(1)
       while HaySiguiente(itCompu) && ¬yaEncontrado do ▷ Guarda: O(1) ▷ Se repite a lo sumo n veces
  ⊳ O(n)
          if Definido? (Siguiente Significado (it Compu). paqPorID, p) then
                                                                                                                   \triangleright O(\log(k))
               paquete ← Significado(SiguienteSignificado(itCompu).paqPorID, p)
                                                                                                                        \triangleright \mathrm{O}(1)
               yaEncontrado \leftarrow TRUE
                                                                                                                        \triangleright \mathrm{O}(1)
           else
               Avanzar(itCompu)
                                                                                                                        \triangleright O(1)
           end if
       end while
       res \leftarrow caminos[Significado(d.computadoras, \pi3(paquete)).indice][SiguienteSignificado(itCompu).indice]
  \triangleright O(1) + O(n) + O(1)
                                                                                                            \triangleright O( n * log(k) )
  end function
Algorithm 17 Implementación de paquetes enviados
  function ICANTIDADENVIADOS(in d: estr_dcnet, in c: hostname)\rightarrow res: nat
       it \leftarrow Significado(d.porHostname, c)
                                                                                                                        \triangleright O(L)
       res \leftarrow SiguienteSignificado(it).cantEnvios
                                                                                                                        \triangleright O(1)
```

 $\triangleright O(L)$ 

Algorithm 18 Implementación EnEspera	
$it \leftarrow Significado(d.porHostname, c)$	$\triangleright O(L)$
$res \leftarrow SiguienteSignificado(it).paquetes$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end function	$\triangleright O(L)$

```
Algorithm 19 Implementación de iniciarDCNet
  function IINICIARDCNET(in r: red) \rightarrow res: estr\_dcnet
  diccCompus \leftarrow Vacio()
                                                                                                                    \triangleright O(1)
  \\ creo un diccionario universal(trie)
      diccHostname \leftarrow Vacio()
                                                                                                                    ▷ O(1)
  \\ creo una lista vacía donde voy a guardar los hostnames y ordenarlos
      listaComp \leftarrow Vacia()
                                                                                                                     \triangleright \mathrm{O}(1)
      itHostname \leftarrow CrearIt(Computadoras(r))
                                                                                                                     \triangleright O(1)
      masEnvios \leftarrow Siguiente(itHostname)
                                                                                                                     ⊳ O(1)
                                                                                                          \, \triangleright \, O(n) \, + \, O(1)
      while HaySiguiente(itHostname) do
  \\ agrego el hostname a la lista de computadoras
          AgregarAtras(listaComp, Siguiente(itHostname))
                                                                                                                    \triangleright O(L)
  \\ Inicia el índice como cero, mas adelante les pondremos valor
          X \leftarrow \langle 0, \text{Vacio}(), \text{Vacio}(), \text{Vacio}(), 0 \rangle
                                                                                \triangleright O(1) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1)
          itX \leftarrow DefinirRapido(diccCompus, Siguiente(itHostname), X) \triangleright O(copy(hostname)) + O(copy(X))
          Definir(diccHostname, Siguiente(itHostname), itX)
                                                                                                   \triangleright O(L) + O(copy(X))
          Avanzar(itHostname)
                                                                                                                     \triangleright O(1)
      end while
      itPC \leftarrow CrearIt(diccCompus)
                                                                                                                     \triangleright O(1)
      itPC2 \leftarrow CrearIt(diccCompus)
                                                                                                                     ⊳ O(1)
      n \leftarrow \#Claves(diccCompus)
                                                                                                                     ⊳ O(1)
      arrayCaminos \leftarrow CrearArreglo(n)
                                                                                                                    \triangleright O(n)
  \\ voy a crear un arreglo en cada posicion de array Caminos, el cual va a tener el minimo camino
      while HaySiguiente(itPC) do
                                                                                                \triangleright O(\#Computadoras(r))
          arrayDestinos \leftarrow CrearArreglo(n)
                                                                                                                     \triangleright O(n)
          while HaySiguiente(itPC2) do
                                                                                                \triangleright O(\#Computadoras(r))
              ConjCaminos \leftarrow CaminosMinimos(r, SiguienteClave(itPC), SiguienteClave(itPC2)) > O(n*L)
              itConj \leftarrow CrearIt(ConjCaminos)
                                                                                                                    ▷ O(1)
  \\ de todos los caminos minimos me quedo con uno
              if HaySiguiente(itConj) then
                                                                                                                     ⊳ O(1)
                  arrayDestinos[SiguienteSignificado(itPC2).indice] \leftarrow Siguiente(itConj)
                                                                                                                     \triangleright O(1)
              else
  \\ si no hay camino, creo una lista vacia
                  arrayDestinos[SiguienteSignificado(itPC2).indice] \leftarrow Vacia()
                                                                                                                     \triangleright \mathrm{O}(1)
              end if
```

```
Avanzar(itPC2)
                                                                                                                                    \triangleright O(1)
         end while
         \operatorname{arrayCaminos[SiguienteSignificado(itPC).indice]} \leftarrow \operatorname{arrayDestinos}
                                                                                                                                    \triangleright O(1)
         Avanzar(itPC)
                                                                                                                                    \triangleright O(1)
    end while
\\ inicio el Indice en 0
    indice \leftarrow 0
                                                                                                                                    ⊳ O(1)
    while indice < #Claves(Computadoras(r)) do
                                                                         ⊳ Guarda: O(n)
                                                                                                   ⊳ se ejecuta n veces
                                                                                                                                   \triangleright O(n)
\\ busco el mínimo de la lista de hostnames (por órden alfabético
         itHostnames \leftarrow CrearIt(listaComp)
                                                                                                                                    ⊳ O(1)
         \min \leftarrow \text{Copiar}(\text{Siguiente}(\text{itHostnames}))
                                                                                                                                    \triangleright O(L)
         Avanzar(itHostnames)
                                                                                                                                    \triangleright \mathrm{O}(1)
         while HaySiguiente(itHostnames) do
             if min < Siguiente(itHostnames) then
                                                                                                                                    \triangleright O(L)
                  \min \leftarrow \text{Copiar}(\text{Siguiente}(\text{itHostnames}))
                                                                                                                                    \triangleright O(L)
             end if
             Avanzar(itHostnames)
                                                                                                                                    \triangleright O(1)
         end while
         Significado(diccCompus, min).indice = indice
                                                                                                                                   ⊳ O(n)
\\ creo un iterador de la lista para eliminar el minimo que ya use
         itHostnames \leftarrow CrearIt(listaComp)
                                                                                                                                    \triangleright O(1)
         noElimine \leftarrow TRUE
                                                                                                                                    ⊳ O(1)
         while HaySiguiente(itHostnames) && noElimine do
                                                                                     ⊳ se ejecuta a lo sumo n veces
                                                                                                                                    \triangleright O(n)
             if Siguiente(itHostnames) == min then
                                                                                                                                    \triangleright O(L)
                  EliminarSiguiente(itHostnames)
                                                                                                                                    \triangleright \mathrm{O}(1)
                  noElimine \leftarrow FALSE
                                                                                                                                    \triangleright \mathrm{O}(1)
             end if
             Avanzar(itHostnames)
                                                                                                                                    ⊳ O(1)
         end while
         indice \leftarrow indice + 1
                                                                                                                                    ⊳ O(1)
    end while
    \operatorname{res} \leftarrow < \operatorname{Copiar}(r), \operatorname{diccCompus}, \operatorname{diccHostname}, \operatorname{masEnvios}, \operatorname{arrayCaminos} > \triangleright \operatorname{O}(\operatorname{Copiar}(r)) + \operatorname{O}(1)
+ O(1) + O(1) + O(1)
end function
```

```
Algorithm 21 Implementación de AvanzarSegundo
  function IAVANZARSEGUNDO(inout d: estr dcnet)
     arreglo ← crearArreglo[#Claves(d.computadoras)] de tupla(usado: bool, paquete: paquete, destino:
  string), donde paquete es tupla(IDpaquete: nat, prioridad: nat, origen: string, destino: string)
                                                 ▷ O(n) para calcular cantidad de claves, O(1) para crearlo
     for (int i=0, < \#Claves(d.computadoras), i++) do
                                                                                    ⊳ el ciclo se hará n veces
         arreglo[i].usado = false
                                                                                                      ⊳ O(1)
     end for
  \\ Inicializo Iterador
     itCompu \leftarrow crearIt(d.computadoras)
                                                                                                      \triangleright O(1)
     i \leftarrow 0
                                                          ⊳ Ciclo 1: Desencolo y guardo en arreglo auxiliar.
     while (HaySiguiente(itCompu)) do
                                                                         ⊳ el ciclo se hará a lo sumo n veces
         if (¬(Vacia?(SiguienteSignificado(itCompu).cola))) then
                                                                                                      \triangleright O(1)
  \\ Borro el de mayor priorirdad del heap:
            itPaquete ← Desencolar(SiguienteSignificado(itCompu).cola)
                                                                                                  \triangleright O(\log k)
  \\ Lo elimino del dicc AVL
            Borrar(SiguienteSignificado(itCompu).paquetesPorID, Siguiente(itPaquete).IDpaquete)
                                                                                                  \triangleright O(\log k)
  \\ Guardo el paquete en una variable
            paqueteDesencolado \leftarrow Siguiente(itPaquete)
                                                                                                      \triangleright O(1)
  \\ Lo elimino del conjunto lineal de paquetes
            EliminarSiguiente(itPaquete)
                                                                                                      \triangleright O(1)
  \\ Calculo proximo destino fijandome en la matriz
  \\ El origen lo tengo en O(1) en el significado del iterador de compus.
            origen \leftarrow (SiguienteSignificado(itCompu)).indice
                                                                                                      ▷ O(1)
  itdestino ← Significado(d.porHostname, paqueteDesencolado.destino)
                                                                                                      \triangleright O(L)
            destino \leftarrow (SiguienteSignificado(itdestino)).indice
                                                                                                      ⊳ O(1)
            proxDest \leftarrow d.caminos[origen][destino][1]
                                                                                                      \triangleright O(1)
  \\ Lo inserto en el arreglo junto con el destino sólo si el destino no era el final.
            if (proxDest \neq paqueteDesencolado.destino) then
                arreglo[i] \leftarrow \langle true, paqueteDesencolado, proxDest \rangle
                                                                                                      \triangleright O(1)
            end if
  \\ Aumento cantidad de envíos
            SiguienteSignificado(itCompu).cantEnvios ++
                                                                                                      ⊳ O(1)
  envios \leftarrow SiguienteSignificado(itCompu).cantEnvios
                                                                                                      ⊳ O(1)
            if (envios > SiguienteSIgnificado(d.conMasEnvios).cantEnvios) then
                                                                                                      ⊳ O(1)
                d.conMasEnvios \leftarrow itCompu
            end if
         end if
  \\ Avanzo de computadora
         Avanzar(it Compu)
                                                                                                      \triangleright \mathrm{O}(1)
         i++
     end while
```

```
▷ Ciclo 2: Encolo los paquetes del vector a sus destinos correspondientes.
   i \leftarrow 0
   \mathbf{while} HaySiguiente(itCompu) \mathbf{do}
                                                                            \trianglerightel ciclo se hará a lo sumo <br/>n veces
       {f if} arreglo[i].usado {f then}
itdestino \leftarrow Significado(d.porHostname, arreglo[i].destino)
                                                                                                         \triangleright O(L)
\\ Agrego el paquete al conjunto de paquetes del prox destino.
           it paquete \leftarrow Agregar Rapido(Siguiente Significado(it destino).paquetes, \ arreglo[i].paquete)
                                                                                                          ▷ O(1)
\\ Encolo el heap del destino
           prioridad \leftarrow (arreglo[i].paquete).prioridad
           Encolar(SiguienteSignificado(itdestino).cola, prioridad, itpaquete)
                                                                                                      \triangleright O(\log k)
\\ Lo agrego en el dicc AVL.
           IDpaq \leftarrow (arreglo[i].paquete).IDpaquete
                                                                                                          ⊳ O(1)
           Definir(SiguienteSignificado(itdestino).paquetesPorID, IDpaq, itpaquete)
                                                                                                      \triangleright O(\log k)
       end if
       i++
       Avanzar(itCompu)
   end while
end function
                                                                                       \triangleright O( n * (L + log(k)))
```

Algorithm 22 Implementación de PaqueteEnTransito?	
function iPaqueteEnTransito?(in d: estr_dcnet, in p:IDpaquete)-	→ res: bool
$res \leftarrow false$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
$itCompu \leftarrow crearIt(d.computadoras)$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
while HaySiguiente(itCompu) && ¬res do	
$\triangleright$ a lo sumo n veces, la guarda es $\mathrm{O}(1)$	
$itPaq \leftarrow crearIt(siguienteSignificado(itCompu).paquetes)$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
while (HaySiguiente(itPaq) && Siguiente(itPaq).id $\neq$ p) do	⊳ a lo sumo k veces, la guarda es
O(1)	
$\operatorname{Avanzar}(\operatorname{itPaq})$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end while	
$\mathbf{if} \ \mathrm{Siguiente}(\mathrm{itPaq}) == \mathrm{p}) \ \mathbf{then}$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
$res \leftarrow True$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end if	
$\operatorname{Avanzar}(\operatorname{it}\operatorname{Compu})$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end while	
end function	▷ O(n * k)

Algorithm 23 Implementación de LaQueMasEnvió	
function ILAQUEMASENVIÓ(in d: estr_dcnet)→ res: hostname	
$res \leftarrow SiguienteClave(d.conMasEnvios)$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end function	$\triangleright \mathrm{O}(1)$

```
Algorithm 24 Implementación de ==
  function IIGUALDAD (in d1: estr dcnet, in d2: estr dcnet) → res: bool
  res \leftarrow (d1.red == d2.red)
                                                                  \triangleright O(n*n * (L + n*n + m) + n*m*m)
     if (res) then
                                                                                                  \triangleright \mathrm{O}(1)
        itCompu \leftarrow crearIt(d1.computadoras)
                                                                                                  ⊳ O(1)
        string host
                                                                                                 ▷ O(1)
  \\ Recorro las computadoras
        while (HaySiguiente(itCompu) && res) do
                                                                    \triangleright itero O(n) veces, la guarda es O(1)
            host \leftarrow SiguienteClave(itCompu)
  res \leftarrow (enEspera(d1, host) == enEspera(d2, host) \&\&
  cantidadEnviados(d1,host) == cantidadEnviados(d2,host))
                                                                                                  \triangleright O(L)
            itpaq \leftarrow crearIt(SiguienteSignificado(itCompu).paquetes)
                                                                                                  \triangleright O(1)
            int j \leftarrow 0
                                                                                                  \triangleright O(1)
            nat id
                                                                                                 \triangleright O(1)
  \\ Recorro paquetes de cada computadora
            while (HaySiguiente(itpaq) && res ) do
                                                                    \triangleright itero O(k) veces, la guarda es O(1)
               id \leftarrow Siguiente(itpaq).IDpaquete
                                                                                                 ▷ O(1)
  \triangleright O(n * log(k))
               res \leftarrow (caminoRecorrido(d1, id)) == caminoRecorrido(d2, id))
                                                                                                  ⊳ O(1)
               avanzar(itpaq)
            end while
            avanzar (itCompu)
                                                                                                  ⊳ O(1)
        end while
     end if
  end function
                                                  \triangleright O(n*n * (L + n*n + m + log(k)) + n*(m*m + L))
```

#### 3 Módulo AB

#### Interfaz

 $\mathbf{Pre} \equiv \{\}$ 

 $\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{\text{obs}} \text{bin(i,a,d)} \}$ 

```
se explica con: AB(\sigma).
     géneros: ab(\sigma).
Operaciones
     NIL?(\mathbf{in}\ a \colon \mathtt{ab}(\sigma)) 	o res: Bool
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
     Post \equiv \{res =_{obs} nil?(a)\}
     Descripción: Indica si el arbol está vacío.
     RAIZ(\mathbf{in}\ a: \mathbf{ab}(\sigma)) \rightarrow res: \sigma
     \mathbf{Pre} \equiv \{\neg nil?(a)\}\
     \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} raiz(a) \}
     Descripción: Devulve el valor de la raiz del arbol.
     Aliasing: alias?
     IZQ(\mathbf{in}\ a:\ \mathtt{ab}(\sigma) 	o res:\ \mathtt{ab}(\sigma)
     \mathbf{Pre} \equiv \{\neg nil?(a)\}
     \mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{\text{obs}} \text{vacio}() \}
     Descripción: Devulve un puntero apuntando al hijo izquierdo.
     DER(\mathbf{in}\ a: ab(\sigma) \rightarrow res: ab(\sigma)
     \mathbf{Pre} \equiv \{\neg nil?(a)\}
     \mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{\text{obs}} \text{vacio}() \}
     Descripción: Devulve un puntero apuntando al hijo derecho.
     NIL() \rightarrow res : ab(\sigma)
     \mathbf{Pre} \equiv \{\}
     \mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{\text{obs}} \text{nil}() \}
     Descripción: Devuelve un árbol binario vacio.
     BIN(in \ i: ab(\sigma), in \ a: \sigma, in \ d: ab(\sigma)) \rightarrow res: ab(\sigma)
```

Descripción: Crea un árbol binario con raiz a y hijo derecho d e hijo izquierdo i.

# Representación

AB se representa con  $arbol_{AB}$ : tupla(raiz:  $\sigma$ , izq:  $arbol_{AB}$ , der:  $arbol_{AB}$ )

# Algoritmos

## Algorithm 25 Implementación de nil?

```
function INIL?(in a: arbol_{AB}) \rightarrow res: bool res \leftarrow (a.izq == NULO \wedge a.der == NULO) end function
```

#### Algorithm 26 Implementación de raiz

```
 \begin{array}{c} \mathbf{function} \ \mathtt{IRAIZ}(\mathtt{in} \ \mathtt{a:} \ \mathit{arbol}_{AB}) {\rightarrow} \ \mathtt{res:} \ \sigma \\ \mathtt{res} \leftarrow \mathtt{a.raiz} \\ \mathbf{end} \ \mathbf{function} \\ \end{array}
```

#### Algorithm 27 Implementación de izq

```
function IIZQ(in a: arbol_{AB}) \rightarrow res: arbol_{AB} res \leftarrow a.izq end function
```

#### Algorithm 28 Implementación de der

```
function IDER(in a: arbol_{AB}) \rightarrow res: arbol_{AB} res \leftarrow a.der end function
```

#### Algorithm 29 Implementación de nil

```
function INIL\rightarrow res: arbol_{AB}
res \leftarrow <NULO,NULO,NULO
end function
```

#### Algorithm 30 Implementación de bin

```
function IIzQ(in i: arbol_{AB}, in a: \sigma, in d: arbol_{AB}) \rightarrow res: arbol_{AB} res \leftarrow nil() res.izq \leftarrow i res.der \leftarrow d res.raiz \leftarrow a end function
```

# 4 Estructura Arbol Binario $(\alpha, \sigma)$

```
AB es primero: puntero(nodo(\alpha, \sigma))
                       donde nodo(\alpha) es tupla(izq: puntero(nodo(\alpha, \sigma))
                                                                                                                                     der: puntero(nodo(\alpha, \sigma))
                                                                                                                                     prio: \alpha
                                                                                                                                     valor: \sigma
 \\ 1: Si un elemento es el hijo (izquierdo o derecho) de otro, entonces no es el hijo de ningún otro
\\ 2: Si un elemento es hijo izquierdo de cierto elemento, no puede ser también el derecho
               Rep: AB(\alpha, \sigma) \rightarrow bool Rep(estr) \equiv true \iff
\setminus \setminus 1 \ ((\forall n_1, n_2, n_3 : nodo(\alpha, \sigma))((n_1 \in arbol(estr.primero) \land n_2 \in arbol(estr.primero) \land n_3 \in
arbol(estr.primero) \land (n_1 = n_2 \rightarrow izq \lor n_1 = n_2 \rightarrow der) \land n_2 \neq n_3) \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow izq \land n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_1 \neq n_2 \neq n_3 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow izq \land n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_2 \neq n_3 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow izq \land n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_2 \neq n_3 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow izq \land n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_2 \neq n_3 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow izq \land n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_3 \neq n_3 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow izq \land n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_3 \neq n_3 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow izq \land n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_3 \neq n_3 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow izq \land n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_4 \neq n_3 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow izq \land n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_4 \neq n_3 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow izq \land n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_4 \neq n_3 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow izq \land n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_4 \neq n_3 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow izq \land n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_4 \neq n_3 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_4 \neq n_3 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_4 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_4 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow der) \land n_4 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow der)) \land n_4 \Rightarrow_L (n_1 \neq n_3 \rightarrow der) \land n_4 \Rightarrow_L (n_2 \neq n_3 \rightarrow der) \land n_4 \Rightarrow_L (n_2 \neq n_3 \rightarrow der) \land n_4 \Rightarrow_L (n_3 \neq n_4 \rightarrow der) \land n_4 \Rightarrow_L (n_4 \Rightarrow n_4 \rightarrow der) \land n_4 \Rightarrow_L (
n_1 \neq n_2 \rightarrow der
               Especificación de las operaciones auxiliares utilizadas para Rep y Abs
               arbol
                                                                                                                                                                   : \operatorname{nodo}(\alpha \times \sigma) \longrightarrow \operatorname{conj}(\operatorname{nodo}(\alpha, \sigma))
                                                                                                                                                                   : nodo(\alpha \times \sigma) \longrightarrow nat
               caminoHastaRaiz
               arbol(n) \equiv if \ n.izq \neq null \land n.der \neq null \ then
                                                                                     Ag(n, arbol(n.izq) \cup arbol(n.der))
                                                                       else
                                                                                     if n.izq \neq null then
                                                                                                   Ag(n, arbol(n.izq))
                                                                                                   if n.der \neq null then Ag(n, arbol(n.der)) else Ag(n, \emptyset) fi
                                                                       fi
               caminoHastaRaiz(n) \equiv if n.padre = null then 0 else caminoHastaRaiz(n.padre) + 1 fi
```

# 5 Módulo Cola de Prioridad Logaritmica ( $\alpha$ )

#### Interfaz

```
usa: TUPLA, NAT, BOOL, \alpha.
    se explica con: Cola de Prioridad Alternativa.
    géneros: colaLog(\alpha).
Operaciones de Cola de Prioridad _{HEAP}
    VACIA() \rightarrow res : colaLog(\alpha)
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{res} =_{obs} \mathrm{vacia} \}
    Complejidad: O(1)
    Descripción: Crea una cola vacia.
    VACIA? (\mathbf{in}\ estr: \mathtt{colaLog}(\alpha)) \to res: \mathtt{bool}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{vacia?}(estr)\}
    Complejidad: O(1)
    Descripción: Indica si la cola esta vacia.
    PRÓXIMO(in estr: colaLog(\alpha)) \rightarrow res: tupla(nat, \alpha)
    \mathbf{Pre} \equiv \{\neg Vacia?(estr)\}\
    Post \equiv \{res =_{obs} proximo(estr)\}\
    Complejidad: O(copiar(\alpha))
    Descripción: Devuelve una tupla que contiene al próximo elemento y su prioridad.
    ENCOLAR(in/out\ estr: colaLog(\alpha),\ in\ prio:\ nat,\ in\ valor:\ \alpha) \rightarrow res:\ bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{estr} = \mathbf{estr}_0 \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res \land \operatorname{estr} =_{obs} \operatorname{encolar}(\operatorname{estr}_0)\}
    Complejidad: O(log(n) + copiar(\alpha))
    Descripción: Crea un nuevo elemento con los parametros dados y lo agrega a la cola.
    DESENCOLAR(in/out estr: colaLog(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
    \mathbf{Pre} \equiv \{ estr = estr_0 \land \neg Vacia?(estr) \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{estr} =_{obs} \mathbf{desencolar}(estr_0) \land res =_{obs} proximo(estr_0) \}
    Complejidad: O(log(n) + copiar(\alpha) + borrar(\alpha))
    Descripción: Devuelve al elemento de mayor prioridad y lo remueve de la cola. La cola no debe estar
    vacía.
```

#### **TAD** COLA DE PRIORIDAD ALTERNATIVA $(\alpha)$

```
géneros \operatorname{colaPrio}(\alpha)
```

**exporta** cola $Prio(\alpha)$ , generadores, observadores

usa Bool, Nat, Tupla

#### observadores básicos

```
vacía? : colaPrior(\alpha) \longrightarrow bool
```

próximo : 
$$\operatorname{colaPrior}(\alpha) c \longrightarrow \operatorname{tupla}(nat, \alpha)$$
  $\{\neg \operatorname{vac\'ia?}(c)\}$  desencolar :  $\operatorname{colaPrior}(\alpha) c \longrightarrow \operatorname{colaPrior}(\alpha)$   $\{\neg \operatorname{vac\'ia?}(c)\}$ 

#### generadores

$$\begin{array}{ccc} \text{vac\'ia} & : & \longrightarrow & \text{colaPrior}(\alpha) \\ \text{encolar} & : & \text{nat} \times \alpha \times \text{colaPrior}(\alpha) & \longrightarrow & \text{colaPrior}(\alpha) \end{array}$$

**axiomas** 
$$\forall c: \operatorname{colaPrior}(\alpha), \forall e: \alpha$$

$$vacía?(vacía)$$
  $\equiv$  true  $vacía?(encolar(p, e, c))$   $\equiv$  false

$$pr\'{o}ximo(encolar(p, e, c)) \qquad \equiv \textbf{if} \quad vac\'{a}?(c) \vee_{\text{L}} \quad \Pi_1(proximo(c)) \textbf{else} \quad \textbf{if} \quad \Pi_1(proximo(c)) = p \quad \textbf{then} < p, e > \vee proximo(c) \quad \textbf{else} \quad proximo(c) \quad \textbf{fi}$$

$$\operatorname{desencolar}(\operatorname{encolar}(p,\,e,\,c)) \ \equiv \ \operatorname{if} \ \operatorname{vac\'{ia}}?(c) \ \lor_{\operatorname{L}} \ \Pi_{1}(\operatorname{proximo}(c)) \ < \ p \ \operatorname{then} \ c \ \operatorname{else} \ \operatorname{if} \ \Pi_{1}(\operatorname{proximo}(c)) \ = \ p \ \operatorname{then} \ c \ \lor \ \operatorname{encolar}(p,e,\operatorname{desencolar}(c) \ \operatorname{else} \ \operatorname{encolar}(p,e,\operatorname{desencolar}(c) \ \operatorname{fi} \ \operatorname{fi}$$

#### Fin TAD

## Representación

```
colaLog(\alpha) se representa con estr_heap(\alpha)
    donde estr_heap(\alpha) es tupla(size: nat
                                         AB(tupla(nat, tupla(padre: puntero(nodo(\alpha)), valor:
                                 arb:
                                 \alpha))
                                 )
\\ De aquí en adelante, por cuestiones de brevedad y legibilidad, se referirá a estr.arb.primero simplemente
como estr.primero; al padre de cada nodo (nodo.valor.padre) simplemente como nodo.padre; a el valor propi-
amente\ dicho\ (nodo.valor.valor)\ como\ nodo.valor;\ a\ cada\ nodo(tupla(nat,\ tupla(puntero(nodo<math>lpha),\ lpha)))\ como
nodo(\alpha).
\\ El invariante del árbol binario se sigue cumpliendo para arb
\\ 1: El tamaño del árbol (size) debe ser igual a la cantidad de nodos en el árbol
\\ 3: Todos los nodos, con la excepción del primero, deben tener padre, y deben ser el hijo izquierdo o
(exclusivo) derecho de su padre (el invariante del árbol binario garantiza que ningún nodo pueda ser tanto el
hijo izquierdo como el derecho de su padre)
\\ 4: La prioridad del padre es menor o igual a la de los hijos
\\ 5: La altura del árbol es igual a uno más la parte entera del logaritmo de su tamaño (es decir que la
altura del árbol es O(\log(n))
   Rep: estr heap(\alpha) \to bool
   Rep(estr) \equiv true \iff
\setminus \setminus 1 \ size = \#arbol(estr.primero) \land_L
n \vee (n.padre).der = n)))) \wedge
n.prio \leq (n.der).prio))) \land
\ 5 (\forall n : nodo(\alpha))(n \in arbol(estr.primero) \Rightarrow caminoHastaRaiz(n, arbol(estr.primero)) \le |log_2(size)| +
1))
   Abs: estr heap(\alpha) e \to \text{colaPrio}(\alpha) { Rep(e) }
Abs(e) \equiv c: colaPrio(\alpha) \mid (Vacia?(c) \iff e.primero == NULO) \land_L
   (\neg Vacia?(c) \Rightarrow Proximo(c) = \langle *(estr.primero)).prioridad, *(estr.primero)).valor \rangle \land 
   (\neg Vacia?(e) \Rightarrow Desencolar(e) = Desencolar(c))
```

\\ Las operaciones auxiliares utilizadas en la especificación del Rep y el Abs están detalladas en la Estructura

del Arbol Binario

# Algoritmos

Algorithm 31 Implementación de Vacia	
function IVACIA $\rightarrow res$ : colaLog( $\alpha$ )	
$res \leftarrow <0, null>$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end function	
Algorithm 32 Implementación de Vacia?	
function IVACIA? (in $estr$ : $estr\_heap(\alpha)$ ) $\rightarrow res$ : bool	
$res \leftarrow (estr.primero == null)$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end function	
Algorithm 33 Implementación de Próximo	
<b>function</b> PRÓXIMO(in $estr$ : $estr_heap(\alpha)$ ) $\rightarrow res$ : $tupla(nat, \alpha)$	
$res \leftarrow < (estr.primero).prioridad, (estr.primero).valor >$	$\triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))$
end function	

Algorithm 34 Implementación de Encolar

```
function IENCOLAR(in/out estr: estr_heap(\alpha), in prio: nat, in valor: \alpha) \rightarrow res: bool
     res \leftarrow true
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
     if estr.size == 0 then
          estr.primero \leftarrow puntero(< null, null, null, prio, valor >)
                                                                                                                                       \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
     else
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
          size + +
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
          x \leftarrow sizer
          y \leftarrow <>
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
          while x \neq 0 do \triangleright La cantidad de veces que se ejecuta el ciclo es igual a la altura del heap. Al ser
un arbol binario completo, la altura siempre será O(log(n))
               y \leftarrow (x\%2) \bullet y
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
               x \leftarrow x/2
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
          end while
          y \leftarrow \text{com}(y)
                                                                                                                                            \triangleright O(\log(n))
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
          z \leftarrow estr.primero
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
          y \leftarrow \text{fin}(y)
                                                                                                       \triangleright El ciclo se ejecuta O(\log(n)) veces
          while long(y) > 1 do
               z \leftarrow \mathbf{if} \ \mathrm{prim}(y) == 0 \ \mathbf{then} \ z.izq \ \mathbf{else} \ z.der
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
               y \leftarrow \operatorname{fin}(y)
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
          end while
                                                                                                                                        \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
          w \leftarrow \langle null, null, null, prio, valor \rangle
          w.padre \leftarrow z
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
          if prim(y) == 0 then
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
               z.izq \leftarrow w
          else
               z.der \leftarrow w
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
          end if
          while w \neq estr.primero \land_L w.prio < (w.padre).prio do <math>\triangleright La cantidad de veces que se ejecuta el
ciclo es a lo sumo la altura del heap, que es O(\log(n))
               aux \leftarrow w.valor
                                                                                                                                        \triangleright O(copiar(\alpha))
                                                                                                                                        \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
               w.valor \leftarrow (w.padre).valor
               (w.padre).valor \leftarrow aux
                                                                                                                                        \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
               aux2 \leftarrow w.prio
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
               w.prio \leftarrow (w.padre).prio
               (w.padre).prio \leftarrow aux2
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
               w \leftarrow w.padre
                                                                                                                                                    \triangleright \mathrm{O}(1)
          end while
     end if
end function
```

```
Algorithm 35 Implementación de Desencolar
   function IDESENCOLAR(in/out estr: estr_heap(\alpha))\rightarrow res: \alpha
         res \leftarrow *(estr.primero)
                                                                                                                                                               \triangleright O(1)
                                                                                                                                                               \triangleright O(1)
         x \leftarrow size
        y \leftarrow <>
                                                                                                                                                               \triangleright O(1)
         while x \neq 0 do \triangleright La cantidad de veces que se ejecuta el ciclo es igual a la altura del heap. Al ser un
   arbol binario completo, la altura siempre será O(log(n))
              y \leftarrow (x\%2) \bullet y
                                                                                                                                                               \triangleright O(1)
              x \leftarrow x/2
                                                                                                                                                               \triangleright \mathrm{O}(1)
         end while
                                                                                                                                                       \triangleright O(\log(n))
         y \leftarrow \text{com}(y)
         z \leftarrow estr.primero
                                                                                                                                                               \triangleright \mathrm{O}(1)
         y \leftarrow \operatorname{fin}(y)
                                                                                                                                                               \triangleright \mathrm{O}(1)
         while long(y) > 1 do
                                                                                                                \triangleright El ciclo se ejecuta O(\log(n)) veces
              z \leftarrow \mathbf{if} \ \mathrm{prim}(y) == 0 \ \mathbf{then} \ z.izq \ \mathbf{else} \ z.der
                                                                                                                                                               ⊳ O(1)
                                                                                                                                                               \triangleright O(1)
              y \leftarrow \text{fin}(y)
         end while
                                                                                                                                                  \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
         w \leftarrow \langle null, null, null, prio, valor \rangle
         w.padre \leftarrow z
                                                                                                                                                               ⊳ O(1)
         if prim(y) == 0 then
                                                                                                                                                               \triangleright O(1)
              z.izq \leftarrow puntero(w)
                                                                                                                                                               \triangleright O(1)
         else
              z.der \leftarrow puntero(w)
                                                                                                                                                               \triangleright O(1)
         end if
         (estr.primero).valor \leftarrow z.valor
                                                                                                                                                  \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
         (estr.primero).prio \leftarrow z.prio
                                                                                                                                                               \triangleright \mathrm{O}(1)
         borrar(z)
                                                                                                                                                  \triangleright O(borrar(\alpha))
         z \leftarrow \ estr.primero
                                                                                                                                                               \triangleright \mathrm{O}(1)
         size - -
                                                                                                                                                               ⊳ O(1)
         while (z.izq \neq null \lor z.der \neq null) \land_L z.prio > minPrio(z.izq, z.der) do \triangleright La cantidad de veces
   que se ejecuta el ciclo es a lo sumo la altura del heap, que es O(log(n))
   \\ minPrio devuelve la mínima prioridad entre los nodos si ambos punteros son validos, o la prioridad
   apuntada por el puntero no nulo en caso de que alguno no lo sea
              \textbf{if} \ z.der == null \ \lor_L \ (z.izq).prio \ge (z.der).prio \ \textbf{then}
                                                                                                                                                               \triangleright O(1)
                   aux \leftarrow \ z.valor
                                                                                                                                                  \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
                   z.valor \leftarrow (z.izq).valor
                                                                                                                                                  \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
                                                                                                                                                  \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
                   (z.izq).valor \leftarrow aux
                   aux2 \leftarrow \ z.prio
                                                                                                                                                               \triangleright \mathrm{O}(1)
                   z.prio \leftarrow (z.izq).prio
                                                                                                                                                               \triangleright O(1)
                                                                                                                                                               \triangleright O(1)
                   (z.izq).prio \leftarrow aux2
                                                                                                                                                               ⊳ O(1)
                   z \leftarrow z.izq
              else
                                                                                                                                                  \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
                   aux \leftarrow z.valor
                   z.valor \leftarrow (z.der).valor
                                                                                                                                                  \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
                   (z.der).valor \leftarrow aux
                                                                                                                                                  \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
                   aux2 \leftarrow \ z.prio
                                                                                                                                                               \triangleright \mathrm{O}(1)
                   z.prio \leftarrow (z.der).prio
                                                                                                                                                               \triangleright \mathrm{O}(1)
                                                                                                                                                               ⊳ O(1)
                   (z.der).prio \leftarrow aux2
                   z \leftarrow z.der
                                                                                                                                                               ⊳ O(1)
              end if
         end while
   end function
```

# 6 Módulo Diccionario Universal $(\sigma)$

#### Interfaz

```
se explica con: Diccionario(STRING, \sigma).
    géneros: diccUniv(\kappa, \sigma).
Operaciones
    DEFINIDA(in d: diccUniv(STRING, \sigma), in c: STRING) \rightarrow res: Bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{\text{obs}} \text{def?(c,d)} \}
    Complejidad: O(L), donde L es la cantidad de caracteres de la clave más grande.
    Descripción: Indica si la clave dada está definida en el diccionario.
    OBTENER(in d: diccUniv(STRING, \sigma), in c: STRING) \rightarrow res : \sigma
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{def?(c,d)} \}
    Post \equiv \{res =_{obs} obtener(c,d)\}
    Complejidad: O(L)
    Descripción: Devuelve el significado asociado a la clave dada.
    Aliasing: Devuelve al significado por alias.
    VACIO() \rightarrow res: diccUniv(STRING, \sigma)
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{\text{obs}} \text{vacio}() \}
    Complejidad: O(1)
    Descripción: Crea un diccionario vacío.
    DEFINIR(in/out d: diccUniv(STRING,\sigma), in c: STRING, in s: \sigma) \rightarrow res: Bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{\neg def?(c,d) \land d = d_0\}
    \mathbf{Post} \equiv \{d = definir(c, d_0)\}\
    Complejidad: O(L) + O(copiar(\sigma))
    Descripción: Agrega la clave al diccionario, asociándole el significado dado como parámetro. res indica
    si la clave ya estaba definida.
    BORRAR(in/out d: diccUniv(STRING,\sigma), in c: STRING) \rightarrow res: Bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{d = d_0\}
    Post \equiv \{d=borrar(c,d_0)\}
    Complejidad: O(L) + O(borrar(\sigma))
    Descripción: Borra la clave dada y su significado del diccionario. res indica si la clave estaba definida
    (su valor es true en caso de estarlo).
    CLAVES(\mathbf{in}\ d: \mathtt{diccUniv}(\mathtt{STRING}, \sigma)) \to res: \mathtt{conj}(\mathtt{STRING})
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{\text{obs}} \text{claves(d)} \}
    Complejidad: O(n*L), donde n es la cantidad de claves.
    Descripción: Devuelve el conjunto de las claves del diccionario.
```

\\ Diseño provisto por la cátedra.

# 7 Módulo Diccionario Logaritmico $(\kappa, \sigma)$

#### Interfaz

```
usa: Bool, Nat.
     se explica con: DICCIONARIO(\kappa, \sigma).
     géneros: diccLog(\kappa, \sigma).
Operaciones
     DEFINIDO? (in d: diccLog(\kappa, \sigma), in c: \kappa) \rightarrow res: Bool
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{\mathrm{obs}} \mathrm{def}?(c,d) \}
     Complejidad: O(log(n) * comparar(\kappa))
     SIGNIFICADO(in d: diccLog(\kappa, \sigma), in c: \kappa) \rightarrow res: \sigma
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{def?(c,d)} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{\mathrm{res} =_{\mathrm{obs}} \mathrm{obtener}(c,d)\}
     Complejidad: O(log(n) * comparar(\kappa) + copiar(\sigma))
     VACIO() \rightarrow res : diccLog(\kappa, \sigma)
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{res} =_{\mathrm{obs}} \mathrm{vacio}() \}
     Complejidad: O(1)
     DEFINIR(in/out d: diccLog(\kappa, \sigma), in c: \kappa, in s: \sigma)
     \mathbf{Pre} \equiv \{\neg def?(c,d) \land d = d_0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{d = definir(c, d_0)\}\
     Complejidad: O(log(n))
     BORRAR(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ d: \mathbf{diccLog}(\kappa, \sigma), \mathbf{in}\ c: \kappa)
     \mathbf{Pre} \equiv \{ def?(c,d) \land d = d_0 \}
     Post \equiv \{d = borrar(c,d_0)\}
     Complejidad: O(log(n) * comparar(\kappa) + max(borrar(\kappa), borrar(\sigma)) + max(copiar(\kappa), copiar(\sigma)))
```

## Representación

```
diccLog se representa con arb: AB(tupla(clave: \kappa, nivel: nat), significado: \sigma)
\setminus \setminus De aquí en adelante por cuestiones de brevedad y legibilidad se referirá al primer elemento del árbol
binario (arb.primero) simplemente como primero; al nivel de cada nodo (nodo.prio.nivel) como nodo.nivel;
a la clave de cada nodo (nodo.prio.clave) como nodo.clave; al significado de cada nodo (nodo.valor) como
nodo.significado; \ a\ cada\ nodo(tupla(\kappa,\ nat),\ \sigma)\ como\ nodo(\kappa,\ \sigma.
\\ La estructura utilizada para representar al diccionario Logaritmico es un AA tree. Es un tipo de ABB
auto-balanceado que provee busqueda, insercion y borrado en tiempo logaritmico. Los AA trees son similares
a los Red-Black Trees, pero solo pueden tener hijos derechos "rojos" (en vez de utilizar un valor booleano de
color, usan un valor entero de nivel; los hijos "rojos" son los que tienen mismo nivel que sus padres), lo que
reduce considerablemente la cantidad de operaciones necesarias para mantener el arbol.
\\ Se sigue cumpliendo el invariante del Árbol Binario
\\ 1: Las claves de todos los elementos del sub-árbol izquierdo de un nodo son menores que la suya. Las
claves de todos los elementos del sub-árbol derecho de un nodo son mayores que la suya.
\\ 2: El nivel de toda hoja es 1.
 \\ 3: El nivel de cada hijo izquierdo es exactamente 1 menos que el de su padre.
 \\ 4: El nivel de cada hijo derecho es igual o 1 menos que el de su padre.
 \setminus\setminus 5: El nivel de cada nieto derecho (hijo derecho del hijo derecho de un nodo) es estrictamente menor que
el de su abuelo.
\\ 6: Cada nodo con nivel (estrictamente) mayor a 1 tiene dos hijos.
       Rep: arb \rightarrow bool
       Rep(e) \equiv true \iff
\setminus \setminus 1 \ ((\forall n_1, n_2 : nodo(\kappa, \sigma))( n_1 \in arbol(e) \land n_2 \in arbol(e) \Rightarrow_L \ (n_1 \in arbol(n_2.izquierdo) \Rightarrow n_1.clave < 0
n_2.clave) \land (n_1 \in arbol(n_2.derecho) \Rightarrow n_1.clave > n_2.clave) \land
\setminus \setminus A ((\forall n : nodo(\kappa, \sigma))(n \in arbol(e) \land n.derecho \neq NULO \Rightarrow ((n.derecho).nivel = n.nivel - 1 \lor
(n.derecho).nivel = n.nivel)) \land
((n.derecho).derecho).nivel < n.nivel) \land
 Abs: diccLog(\kappa, \sigma) \ d \rightarrow \ dicc(\kappa, \sigma) \ \{ Rep(d) \ \}
       Abs(d) \equiv c: dicc(\kappa, \sigma) \mid ((\forall k : \kappa)(\ k \in claves(c) \Rightarrow (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clav
       ((\forall n : nodo(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \Rightarrow n.clave \in claves(c)))) \land_L
       (\forall n : nodo(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \Rightarrow obtener(c, n.clave) =_{obs} n.significado)
```

Especificación de las operaciones auxiliares utilizadas para Rep y Abs

```
\begin{array}{l} \operatorname{arbol:} \operatorname{puntero}(\operatorname{nodo}(\kappa\sigma)) \to \operatorname{conj}(\operatorname{puntero}(\operatorname{nodo}(\kappa,\sigma))) \\ \operatorname{arbol}(\mathbf{n}) \; \equiv \; \operatorname{if} \; n.izq \neq \operatorname{null} \wedge n.der \neq \operatorname{null} \; \operatorname{\mathbf{then}} \\ \qquad \qquad \operatorname{Ag}(\&n,\operatorname{arbol}(n.izq) \cup \operatorname{arbol}(n.der)) \\ \operatorname{\mathbf{else}} \\ \qquad \qquad \operatorname{if} \; n.izq \neq \operatorname{null} \; \operatorname{\mathbf{then}} \\ \qquad \qquad \operatorname{Ag}(\&n,\operatorname{arbol}(n.izq)) \\ \operatorname{\mathbf{else}} \\ \qquad \qquad \operatorname{\mathbf{if}} \; n.der \neq \operatorname{null} \; \operatorname{\mathbf{then}} \; \operatorname{Ag}(\&n,\operatorname{arbol}(n.der)) \; \operatorname{\mathbf{else}} \; \operatorname{Ag}(\&n,\emptyset) \; \operatorname{\mathbf{fi}} \\ \operatorname{\mathbf{fi}} \end{array}
```

# Algoritmos

```
Algorithm 36 Implementación de Definido?
  function IDEFINIDO? (in d: estr , in c: \kappa) \rightarrow res: bool
   \\ Búsqueda estándar en un ABB
      nodoActual \leftarrow d
                                                                                                                      ⊳ O(1)
      res \leftarrow FALSE
                                                                                                                      \triangleright O(1)
      veces igual a la altura del arbol. Al ser auto-balanceado, su altura siempre sera O(\log(n))
          if nodoActual.clave == c then
                                                                                                         \triangleright O(\text{comparar}(\kappa))
               res \leftarrow TRUE
                                                                                                                      \triangleright \mathrm{O}(1)
          else
              \mathbf{if}\ c < nodoActual.clave\ \mathbf{then}
                                                                                                         \triangleright O(\text{comparar}(\kappa))
                   nodoActual \leftarrow nodoActual.izquierdo
                                                                                                                      \triangleright O(1)
               else
                  nodoActual \leftarrow nodoActual.derecho
                                                                                                                      \triangleright O(1)
               end if
          end if
      end while
  end function
Algorithm 37 Implementación de Significado
  function iSignificado(in d: estr , in c: \kappa)\rightarrow res: \sigma
   \\ Búsqueda estándar en un ABB
      nodoActual \leftarrow d
                                                                                                                      \triangleright O(1)
      while \neg \text{(nodoActual} == \text{NULO)} && \neg \text{res do} \triangleright El ciclo se ejecuta en el peor caso O(\log(n)) veces.
          if nodoActual.clave == c then
                                                                                                         \triangleright O(\text{comparar}(\kappa))
              res \leftarrow nodoActual.significado \triangleright O(copiar(\sigma)). Esta operación solo se ejecuta una vez (implica
   ¬guarda del ciclo que la contiene).
          else
              {f if}\ c < nodoActual.clave\ {f then}
                                                                                                         \triangleright O(\operatorname{comparar}(\kappa))
                   nodoActual \leftarrow nodoActual.izquierdo
                                                                                                                      ⊳ O(1)
               else
                  nodoActual \leftarrow nodoActual.derecho
                                                                                                                      ⊳ O(1)
               end if
          end if
      end while
```

end function

#### Algorithm 38 Implementación de Vacio

```
function IVACIO→ res: estr

res ← NULO

end function \triangleright O(1)
```

```
Algorithm 39 Implementación de Definir
```

```
function IDEFINIR (inout d: estr , in c: \kappa, in s: \sigma)
\\ Si ya se llego a una hoja, se inserta el nuevo elemento
    \mathbf{if}\ d == \mathrm{NULO}\ \mathbf{then}
                                                                                                                             \triangleright O(1)
         res \leftarrow \langle c, NULO, NULO, s, 1 \rangle
                                                                                             \triangleright O(\max(\operatorname{copiar}(\kappa), \operatorname{copiar}(\sigma)))
\\ Se busca la posicion correspondiente al nuevo nodo (antes de rebalancear el arbol).
    else if c < d.clave then
                                                                                                               \triangleright O(\text{comparar}(\kappa))
        d.izquierdo \leftarrow iDefinir(d.izquierdo, c, s)  \triangleright En el peor caso se llama recursivamente a la funcion
una cantidad de veces igual a la altura del arbol, que es O(log(n)).
    else if c > d.clave then
                                                                                                              \triangleright O(\text{comparar}(\kappa))
        d.derecho \leftarrow iDefinir(d.derecho, c, s) \triangleright En el peor caso se llama recursivamente a la funcion una
cantidad de veces igual a la altura del arbol, que es O(log(n)).
    end if
\\ Se tuerce y divide el arbol en cada nivel, rebalanceandolo.
    d \leftarrow Torsion(d)
                                                                                                                             ⊳ O(1)
    d \leftarrow Division(d)
                                                                                                                             ⊳ O(1)
end function
```

#### Algorithm 40 Implementación de Torsion

```
function ITORSION(in d: estr)\rightarrow res: estr
\\ Si el nodo tiene un hijo izquierdo del mismo nivel se debe realizar una rotacion para restaurar el
invariante.\\
    if d == NULO \parallel d.izquierdo == NULO then
                                                                                                                           \triangleright O(1)
        res \leftarrow d
                                                                                                                           \triangleright \mathrm{O}(1)
    else
\\ El hijo izquierdo de mismo nivel pasa a ser el padre del nodo derecho. El hijo derecho del nodo izquierdo
pasa a ser el hijo izquierdo del nodo derecho.
        if (d.izquierdo).nivel == d.nivel then
                                                                                                                           ⊳ O(1)
            nodoAux \leftarrow d.izquierdo
                                                                                                                           ⊳ O(1)
            d.izquierdo \leftarrow nodoAux.derecho
                                                                                                                           \triangleright O(1)
            nodo.derecho \leftarrow d
                                                                                                                           \triangleright O(1)
            res \leftarrow nodoAux
                                                                                                                           \triangleright O(1)
        else
            res \leftarrow d
                                                                                                                           \triangleright \mathrm{O}(1)
        end if
    end if
end function
```

```
Algorithm 41 Implementación de Division
  function IDIVISION(in d: estr)\rightarrow res: estr
   \\ Si hay dos hijos derechos del mismo nivel que el padre se debe realizar una rotacion para restaurar el
      if d == NULO \parallel d.derecho == NULO \parallel d.derecho.derecho == NULO then
                                                                                                                        \triangleright O(1)
          res \leftarrow d
                                                                                                                        \triangleright O(1)
      else
  \\ El primero hijo derecho pasa a ser el padre, con un nivel mas. Su hijo izquierdo pasa a ser el hijo
   derecho de su padre original.
          if (d.derecho.derecho).nivel == d.nivel then
                                                                                                                        \triangleright O(1)
               nodoAux \leftarrow d.derecho
                                                                                                                        ⊳ O(1)
               d.derecho \leftarrow nodoAux.izquierdo
                                                                                                                        \triangleright \mathrm{O}(1)
               nodoAux.izquierdo \leftarrow d
                                                                                                                        ⊳ O(1)
               {\bf nodoAux.nivel}{+}{+}
                                                                                                                        ⊳ O(1)
               res \leftarrow nodoAux
                                                                                                                        \triangleright O(1)
           else
               res \leftarrow d
                                                                                                                        \triangleright O(1)
          end if
      end if
  end function
```

```
Algorithm 42 Implementación de Borrar
  function IBORRAR(inout d: estr, in c: \kappa)
       if d == NULO then
                                                                                                                            \triangleright \mathrm{O}(1)
           endFunction
  \\ Se busca recursivamente la posicion del elemento a borrar mediante una busqueda estandar en ABB.
       else if c > d.clave then
                                                                                                              \triangleright O(\text{comparar}(\kappa))
           d.derecho \leftarrow iBorrar(d.derecho, c)
                                                           ⊳ En el peor caso se llama recursivamente a la funcion una
  cantidad de veces igual a la altura del arbol, que es O(\log(n)).
       else if c < d.clave then
                                                                                                              \triangleright O(\text{comparar}(\kappa))
           d.izquierdo \leftarrow iBorrar(d.izquierdo, c) \triangleright En el peor caso se llama recursivamente a la funcion una
  cantidad de veces igual a la altura del arbol, que es O(log(n)).
  \\ Si el elemento a borrar es una hoja, simplemente se lo borra.
       else if d.izquierdo == NULO \land d.derecho == NULO then
                                                                                                                            \triangleright O(1)
           borrar(d)
                                                                                             \triangleright O(\max(borrar(\kappa), borrar(\sigma)))
           d \leftarrow NULO
                                                                                                                            \triangleright O(1)
  \\ Si el elemento a borrar no es una hoja, se reduce al caso hoja.
       else if d.izquierdo == NULO then
                                                                                                                            ▷ O(1)
  \\ Se busca el sucesor del elemento (bajando una vez por la rama izquierda y luego por la derecha hasta
  encontrar una hoja).
           aux \leftarrow d.derecho
                                                                                                                            ⊳ O(1)
           while aux.izquierdo \neq NULO do
                                                                    \triangleright En el peor caso el ciclo se ejecuta O(\log(n)) veces.
               aux \leftarrow aux.izquierdo
                                                                                                                            \triangleright O(1)
           end while
  \ Se hace un swap y se elimina el elemento.
           d.derecho \leftarrow iBorrar(aux.clave, d.derecho)
           d.clave \leftarrow aux.clave
                                                                                                                  \triangleright O(\operatorname{copiar}(\kappa))
           d.significado \leftarrow aux.significado
                                                                                                                  \triangleright O(\operatorname{copiar}(\sigma))
       else
  \\ Se busca el predecesor del elemento (bajando una vez por la rama derecha y luego por la izquierda hasta
  encontrar una hoja).
           aux \leftarrow d.izquierdo
                                                                                                                            \triangleright O(1)
           while aux.derecho \neq NULO do
                                                                    \triangleright En el peor caso el ciclo se ejecuta O(\log(n)) veces.
               aux \leftarrow aux.derecho
                                                                                                                            ⊳ O(1)
           end while
  \\ Se hace un swap y se elimina el elemento.
           d.izquierdo \leftarrow iBorrar(aux.clave, d.izquierdo)
           d.clave \leftarrow aux.clave
                                                                                                                  \triangleright O(\operatorname{copiar}(\kappa))
           d.significado \leftarrow aux.significado
                                                                                                                  \triangleright O(\operatorname{copiar}(\sigma))
       end if
  \\ Se nivela, divide y tuerce para restaurar el invariante.
       d \leftarrow Nivelar(T)
                                                                                                                            \triangleright \mathrm{O}(1)
       d \leftarrow Torsion(T)
                                                                                                                            \triangleright O(1)
       if d.derecho \neq NULO then
                                                                                                                            \triangleright O(1)
           (d.derecho).derecho \leftarrow Torsion((d.derecho).derecho)
                                                                                                                            ⊳ O(1)
       end if
       d \leftarrow Division(T)
                                                                                                                            \triangleright O(1)
       d.derecho \leftarrow Division(d.derecho)
                                                                                                                            \triangleright O(1)
       res \leftarrow d
                                                                                                                            \triangleright O(1)
  end function
  procedure NIVELAR(inout d: estr)
       nivel \ correcto \leftarrow min((d.izquierdo).nivel, (d.derecho).nivel) + 1
                                                                                                                            \triangleright \mathrm{O}(1)
       if nivel correcto < d.nivel then
                                                                                                                            \triangleright \mathrm{O}(1)
           d.nivel \leftarrow \ nivel \ \ correcto
                                                                                                                            ⊳ O(1)
           if nivel correcto < (d.derecho).nivel then
                                                                                                                            \triangleright \mathrm{O}(1)
               (d.derecho)nivel \leftarrow nivel \ correcto
                                                                                                                            \triangleright \mathrm{O}(1)
           end if
       end if
  end procedure
```