

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

Trabajo Práctico Número 2

DCNet

Grupo: 21

Integrante	LU	Correo electrónico
Alvarez, Lautaro Leonel	268/14	lautarolalvarez@gmail.com
Maddonni, Axel Ezequiel	200/14	axel.maddonni@gmail.com
Thibeault, Gabriel Eric	114/13	grojo94@hotmail.com
Vigali, Leandro Ezequiel	951/12	leandrovigali@yahoo.com.ar

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Contents

1	Módulo Red	3
2	Módulo DCNet	15
3	Módulo Cola de Prioridad Logaritmica (α)	26
4	Módulo Diccionario Universal (σ)	32
5	Módulo Diccionario Logaritmico (κ, σ)	33

1 Módulo Red

Interfaz

usa: CONJ(α), ITCONJ(α), LISTA(α), ITLISTA(α).

se explica con: RED.

géneros: red.

Operaciones de Red

COMPUTADORAS(**in** r : red) $\rightarrow res$: conj(hostname)

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} dameHostnames(computadoras(r))\}$

Complejidad: O(n)

Descripción: devuelve el conjunto de las computadoras.

Aliasing: res se devuelve por copia.

CONECTADAS?(**in** r : red, **in** $c1$: hostname, **in** $c2$: hostname) $\rightarrow res$: bool

Pre $\equiv \{c1, c2 \in dameHostnames(computadoras(r))\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} conectadas?(r, dameCompu(c1), dameCompu(c2))\}$

Complejidad: O(n*L)

Descripción: indica si las computadoras estan conectadas por alguna de sus interfaces.

INTERFAZUSADA(**in** r : red, **in** $c1$: hostname, **in** $c2$: hostname) $\rightarrow res$: interfaz

Pre $\equiv \{conectadas?(r, dameCompu(c1), dameCompu(c2))\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} interfazUsada(r, dameCompu(c1), dameCompu(c2))\}$

Complejidad: O(n*L)

Descripción: devuelve la interfaz por la cual estan conectadas c1 y c2.

INICIARRED() $\rightarrow res$: red

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} iniciarRed()\}$

Complejidad: O(1)

Descripción: crear una nueva Red.

AGREGARCOMPU(**in/out** r : red, **in** $c1$: compu)

Pre $\equiv \{r = r_0 \wedge (\forall c: compu) c \in computadoras(r_0) \Rightarrow ip(c) \neq c1\}$

Post $\equiv \{r =_{obs} agregarComputadora(r_0, c1)\}$

Complejidad: O(L+i) i=cantidad de interfaces

Descripción: agregar una computadora a la Red.

Aliasing: la computadora se agrega por copia.

CONECTAR(**in** r : red, **in** $c1$: hostname, **in** $i1$: interfaz **in** $c2$: hostname, **in** $i2$: interfaz)

Pre $\equiv \{r = r_0 \wedge c1, c2 \in dameHostnames(computadoras(r)) \wedge c1 \neq c2 \wedge \neg conectadas?(r, dameCompu(c1), dameCompu(c2)) \wedge \neg usaInterfaz?(r, dameCompu(c1), i1) \wedge \neg usaInterfaz?(r, dameCompu(c2), i2) \wedge i1 \in dameCompu(c1).interfaces \wedge i2 \in dameCompu(c2).interfaces\}$

Post $\equiv \{r =_{obs} (conectar(r_0, dameCompu(c1), i1, dameCompu(c2), i2))\}$

Descripción: conectar dos computadoras de la red.

VECINOS(**in** r : red, **in** c : hostname) $\rightarrow res$: conj(hostname)

Pre $\equiv \{c \in dameHostnames(computadoras(r))\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} dameHostnames(vecinos(r, dameCompu(c)))\}$

Complejidad: O(n*L)

Descripción: da el conjunto de computadoras vecinas.

Aliasing: el conjunto se devuelve por copia.

USAINTERFAZ?(in r : red, in c : hostname, in i : interfaz) $\rightarrow res$: bool

Pre $\equiv \{c \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(r))\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \text{usaInterfaz?}(r, \text{dameCompu}(c), i)\}$

Complejidad: $O(n)$

Descripción: indica si la interfaz está siendo utilizada.

CAMINOSMINIMOS(in r : red, in c_1 : hostname, in c_2 : hostname) $\rightarrow res$: conj(lista(hostname))

Pre $\equiv \{c_1, c_2 \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(r))\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \text{dameCaminosdeHostnames}(\text{caminosMinimos}(r, \text{dameCompu}(c_1), \text{dameCompu}(c_2)))\}$

Complejidad: $O(n*L)$

Descripción: devuelve los conjuntos de caminos minimos entre las computadoras ingresadas.

Aliasing: res se devuelve por copia.

HAYCAMINO?(in r : red, in c_1 : hostname, in c_2 : hostname) $\rightarrow res$: bool

Pre $\equiv \{c_1, c_2 \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(r))\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \text{hayCamino?}(r, \text{dameCompu}(c_1), \text{dameCompu}(c_2))\}$

Complejidad: $O(n*n)$

Descripción: indica si las computadoras son alcanzables mediante algún camino.

$\bullet == \bullet$ (in r_1 : red, in r_2 : red) $\rightarrow res$: bool

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} (r_1 =_{obs} r_2)\}$

Complejidad: $O(n*n * (L + n*n + m) + n*m*m)$

Descripción: indica si dos redes son iguales.

COPIAR(in r : red) $\rightarrow res$: red

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} r\}$

Descripción: copia la red.

Aliasing: res se devuelve por copia

donde:

hostname es string,

interfaz es nat,

compu es tupla< ip: hostname, interfaces: conj(interfaz)>.

Especificación de las operaciones auxiliares utilizadas en la interfaz (no exportadas)

TAD RED EXTENDIDA

extiende RED

otras operaciones

damehostnames : conj(compu) \rightarrow conj(hostname)

dameCompu : red $r \times$ hostname $s \rightarrow$ compu $\{s \in \text{hostnames}(r)\}$

auxDameCompu : red $r \times$ hostname $s \times$ conj(compu) $cc \rightarrow$ compu $\{s \in \text{hostnames}(r) \wedge cc \subset \text{computadoras}(r)\}$

dameCaminosDeHostnames : conj(secu(compu)) \rightarrow conj(secu(hostname))

dameSecuDeHostnames : secu(compu) \rightarrow secu(hostname)

axiomas $\forall r$: red, $\forall cc$: conj(compu), $\forall s$: hostname, $\forall cs$: conj(secu(compu)), $\forall secu$: secu(compu)

```

dameHostnames(cc) ≡ if vacio?(cc) then
    ∅
else
    Ag( ip(dameUno(cc)), dameHostnames(sinUno(cc)) )
fi

dameCompu(r, s) ≡ auxDameCompu(r, s, computadoras(r))

auxDameCompu(r, s, cc) ≡ if ip(dameUno(cc)) = s then
    dameUno(cc)
else
    auxDameCompu(r, s, sinUno(cc))
fi

dameCaminosDeHostnames(cs) ≡ if vacio?(cs) then
    ∅
else
    Ag(
        dameSecuDeHostnames(dameUno(cs)),
        dameCaminosDeHostnames(sinUno(cs)) )
fi

dameSecuDeHostnames(secu) ≡ if vacia?(secu) then
    <>
else
    ip(prim(secu)) • dameSecuDeHostnames(fin(secu))
fi

```

Fin TAD

Representación

red se representa con `estr_red`

donde:

`estr_red` es `dicc(hostname, datos)`

donde `datos` es `tupla(interfaces: conj(interfaz)`

`conexiones: dicc(interfaz, hostname)`

`alcanzables: dicc(dest: hostname, caminos: conj(lista(hostname))))`

`hostname` es `string`, `interfaz` es `nat`.

\\ Rep en Castellano:

Para cada computadora:

1: Las interfaces usadas pertenecen al conjunto de interfaces de la compu.

2: Los vecinos perteneces a las computadoras de la red.

3: Los vecinos son distintos a la compu actual.

4: Los vecinos no se repiten.

5: Las conexiones son bidireccionales.

6: Los alcanzables pertenecen a las computadoras de la red.

7: Los alcanzables son distintos a la actual.

8: Los alcanzables tienen un camino válido hacia ellos desde la actual.

9: Para cada alcanzable, el conjunto de caminos válidos no es vacío.

10: Todos los caminos en el diccionario alcanzables son válidos.

11: Los caminos son mínimos.

12: Están todos los mínimos.

Rep : estr_red \longrightarrow bool

Rep(e) \equiv true \iff ($\forall c$: hostname, $c \in \text{claves}(e)$) (

// 1 $\text{claves}(\text{obtener}(e, c).\text{conexiones}) \subseteq \text{obtener}(e, c).\text{interfaces} \wedge$

($\forall i$: interfaz, $i \in \text{claves}(\text{obtener}(e, c).\text{conexiones})$) (

// 2 $\text{obtener}(\text{obtener}(e, c).\text{conexiones}, i) \in \text{claves}(e) \wedge$

// 3 $\text{obtener}(\text{obtener}(e, c).\text{conexiones}, i) \neq c \wedge$

// 4 $(\neg \exists i': \text{interfaz}, i' \in \text{claves}(\text{obtener}(e, c).\text{conexiones}), i \neq i') \text{obtener}(\text{obtener}(e, c).\text{conexiones}, i) == \text{obtener}(\text{obtener}(e, c).\text{conexiones}, i') \wedge$

// 5 $(\forall h$: hostname) $(h == \text{obtener}(\text{obtener}(e, c).\text{conexiones}, i) \Rightarrow (\exists i': \text{int}) \text{obtener}(\text{obtener}(e, h).\text{conexiones}, i') == c)) \wedge$

// 6 $\text{claves}(\text{obtener}(e, c).\text{alcanzables}) \subseteq \text{claves}(e) \wedge$

($\forall a$: hostname, $a \in \text{claves}(\text{obtener}(e, c).\text{alcanzables})$ (

// 7 $a \neq c \wedge$

// 8 $(\exists s$: secu(hostname)) $\text{esCaminoVálido}(c, a, s) \wedge$

// 9 $\# \text{obtener}(\text{obtener}(e, c).\text{alcanzables}, a) > 0 \wedge_L$

($\forall \text{camino}$: secu(hostname), $\text{camino} \in \text{obtener}(\text{obtener}(e, c).\text{alcanzables}, a)$ (

// 10 $\text{esCaminoVálido}(c, a, \text{camino}) \wedge$

// 11 $\neg(\exists \text{camino}'$: secu(hostname), $\text{camino} \neq \text{camino}'$, $\text{esCaminoVálido}(c, a, \text{camino}')$)

$\text{long}(\text{camino}') < \text{long}(\text{camino})) \wedge$

// 12 $\neg(\exists \text{camino}'$: secu(hostname), $\text{camino} \neq \text{camino}'$, $\text{esCaminoVálido}(c, a, \text{camino}')$,

$\text{long}(\text{camino}) == \text{long}(\text{camino}')$) $(\text{camino}' \notin \text{obtener}(\text{obtener}(e, c).\text{alcanzables}, a))$

))

))

La abreviatura *esCaminoValido* usada en el Rep se debe leer: (no son funciones, son abreviaturas para hacer más fácil la lectura)

esCaminoValido (*orig*, *dest*, *secu*) \equiv ($\text{prim}(\text{secu}) == \text{orig} \wedge$

($\forall i$: nat, $0 < i < \text{long}(\text{secu})$) $\text{esVecino}(\text{secu}[i], \text{secu}[i+1]) \wedge$

$\text{secu}[\text{long}(\text{secu})-1] == \text{dest} \wedge$

$\text{sinRepetidos}(\text{secu})$)

Con *esVecino* (*h1*, *h2*) \equiv ($\exists i$: interfaz) $h2 == \text{obtener}(\text{obtener}(e, h1).\text{conexiones}, i)$

Abs : estr_red $e \longrightarrow$ red

{Rep(e)}

Abs(e) $\equiv r \mid \text{computadoras}(r) = \text{dameComputadoras}(e) \wedge_L$

($\forall c1, c2$: compu, $c1, c2 \in \text{computadoras}(r)$) $\text{conectadas?}(r, c1, c2) = (\exists i$: interfaz) ($c2.\text{ip} =$

$\text{obtener}(\text{obtener}(e, c1.\text{ip}).\text{conexiones}, i)) \wedge_L$

$\text{interfazUsada}(r, c1, c2) = \text{buscarClave}(\text{obtener}(e, c1.\text{ip}).\text{conexiones}, c2.\text{ip})$

Especificación de las funciones auxiliares utilizadas en abs

$\text{dameComputadoras} : \text{dicc}(\text{hostname}; X) \longrightarrow \text{conj}(\text{computadoras})$
 $\text{auxDameComputadoras} : \text{dicc}(\text{hostname}; X) \times \text{conj}(\text{hostname}) \longrightarrow \text{conj}(\text{computadoras})$
 $\text{buscarClave} : \text{dicc}(\text{interfaz}; \text{hostname}) \times \text{hostname} \longrightarrow \text{interfaz}$
 $\text{auxBuscarClave} : \text{dicc}(\text{interfaz}; \text{hostname}) \times \text{hostname} \times \text{conj}(\text{interfaz}) \longrightarrow \text{interfaz}$

axiomas $\forall e: \text{dicc}(\text{hostname}, X), \forall d: \text{dicc}(\text{interfaz}, \text{hostname}), \forall cc: \text{conj}(\text{hostname}), \forall ci: \text{conj}(\text{interfaz}), \forall h: \text{hostname}$

$\text{dameComputadoras}(e) \equiv \text{auxDameComputadoras}(e, \text{claves}(e))$
 $\text{auxDameComputadoras}(e, cc) \equiv \text{if } \emptyset?(cc) \text{ then } \emptyset$
 $\quad \text{else}$
 $\quad \text{Ag}(\text{<dameUno}(cc), \text{obtener}(e, \text{dameUno}(cc)).\text{interfaces}>, \text{auxDameComputadoras}(e, \text{sinUno}(cc)))$
 $\quad \text{fi}$

$\text{buscarClave}(d, h) \equiv \text{auxBuscarClave}(d, h, \text{claves}(d))$
 $\text{auxBuscarClave}(d, h, ci) \equiv \text{if } \text{obtener}(d, \text{dameUno}(cc)) = h \text{ then } \text{dameUno}(cc)$
 $\quad \text{else}$
 $\quad \text{auxBuscarClave}(d, h, \text{sinUno}(ci))$
 $\quad \text{fi}$

Algoritmos

Algorithm 1 Implementación de Computadoras

```

function iCOMPUTADORAS(in r: estr_red)→ res: conj(hostname)
  it ← crearIt(r)                                     ▷ O(1)
  res ← Vacio()                                       ▷ conjunto ▷ O(1)
  while HaySiguiente(it) do       ▷ Guarda: O(1)       ▷ El ciclo se ejecuta n veces ▷ O(n)
    Agregar(res, SiguienteClave(it))                ▷ O(1)
    Avanzar(it)                                     ▷ O(1)
  end while
end function                                         ▷ O(n)

```

Algorithm 2 Implementación de Conectadas?

```

function iCONECTADAS?(in r: estr_red, in c1: hostname, in c2: hostname)→ res: bool
  it ← CrearIt(Significado(r,c1).conexiones)          ▷ O(n)
  res ← FALSE                                         ▷ O(1)
  while HaySiguiente(it) && ¬res do ▷ Guarda: O(1) ▷ El ciclo se ejecuta a lo sumo n-1 veces ▷ O(n)
    if SiguienteClave(it)==c2 then                  ▷ O(L)
      res ← TRUE
    end if
    Avanzar(it)                                     ▷ O(1)
  end while
end function                                         ▷ O(n*L)

```

Algorithm 3 Implementación de InterfazUsada

```

function iINTERFAZUSADA(in r: estr_red, in c1: hostname, in c2: hostname)→ res: interfaz
  it ← CrearIt(significado(r,c1).conexiones)          ▷ O(n)
  while HaySiguiente(it) do       ▷ Guarda: O(1)       ▷ El ciclo se ejecuta a lo sumo n-1 veces ▷ O(n)
    if SiguienteSignificado(it)==c2 then             ▷ O(L)
      res ← SiguienteClave(it)                       ▷ nat por copia ▷ O(copiar(nat))
    end if
    Avanzar(it)                                     ▷ O(1)
  end while
end function                                         ▷ O(n*L)

```

Algorithm 4 Implementación de IniciarRed

```

function iINICIARRED() → res: estr_red
    res ← Vacio()                                ▷ Diccionario                ▷ O(1)
end function                                     ▷ O(1)

```

Algorithm 5 Implementación de AgregarCompu

```

function iAGREGARCOMPU(inout r: estr_red, in c1: compu)
    nuevoDiccVacio ← Vacio()                    ▷ Diccionario                ▷ O(1)
    DefinirRapido(r, c1.ip, tupla(Copiar(c1.interfaces), nuevoDiccVacio, nuevoDiccVacio)) ▷
    O(Copiar(sL) + Copiar(conj(interfaz)) con sL=string de largo L
end function                                     ▷ O(L + i) con i=cantidad de interfaces

```

Algorithm 6 Implementación de Conectar

```

function iCONECTAR(inout r: estr_red, in c1: hostname, int i1:interfaz, in c2: hostname, in i2:interfaz)
    // Actualizo conexiones de ambas
    DefinirRapido(Significado(r, c1).conexiones, i1, c2)
    DefinirRapido(Significado(r, c2).conexiones, i2, c1)
    // Actualizo caminos de ambas
    ActualizarCaminos(r, c1, c2)
    ActualizarCaminos(r, c2, c1)
    // Creo conjunto con los actualizados hasta el momento
    actualizados ← Vacio()                        ▷ conjunto
    AgregarRapido(actualizados, c1)
    AgregarRapido(actualizados, c2)
    // Actualizo caminos del resto de la Red por recursion
    ActualizarVecinos(r, c1, actualizados)
end function

```

Algorithm 7 Implementación de función auxiliar Actualizar Caminos

```

function IACTUALIZARCAMINOS(inout r: estr_red, in c1: hostname, in c2: hostname)
  \\ Actualiza los caminos de c1 con los de c2
  \\ Recorro los alcanzables de c2
  itAlcanzables2 ← crearIt(Significado(r, c2).alcanzables)
  while (HaySiguiete(itAlcanzables2)) do
  \\ Recorro alcanzables de c1
    itAlcanzables1 ← crearIt(Significado(r, c1).alcanzables)
    while (HaySiguiete(itAlcanzables1)) do
      if (SiguieteClave(itAlcanzables2) == SiguieteClave(itAlcanzables1)) then
  \\ El alcanzable ya estaba, me fijo que caminos son más cortos
    itCaminos ← crearIt (SiguieteSignificado(itAlcanzables2))
    camino2 ← Siguiete(itCaminos)                                ▷ camino minimo del c2
    itCaminos ← crearIt (SiguieteSignificado(itAlcanzables1))
    camino1 ← Siguiete(itCaminos)                                ▷ camino minimo del c1
    if (longitud(camino1) > longitud(camino2)) then
  \\ Los caminos nuevos son mas cortos, borro los que est  n y copio los nuevos
    Borrar(Significado(r, c1).alcanzables, SiguieteClave(itAlcanzables1))
  \\ Nuevo alcanzable: me copio los caminos agregando c1 al principio
    itCaminos ← crearIt (SiguieteSignificado(itAlcanzables2))
    caminos ← Vacio()                                           ▷ conjunto donde voy a guardar los caminos modificados
    while (HaySiguiete(itCaminos)) do
      nuevoCamino ← copy(Siguiete(itCaminos)) ▷ copio el camino que voy a modificar
      AgregarAdelante(nuevoCamino, c1)
      AgregarRapido (caminos, nuevoCamino)
      Avanzar(itCaminos)
    end while
  \\ agrego el nuevo alcanzable con el camino
    DefinirRapido(Significado(r,c1).alcanzables, SiguieteClave(itAlcanzables2), caminos)
  else
    if (longitud(camino1) == longitud(camino2)) then
  \\ Tengo que agregar los nuevos caminos (modificados) al conjunto de caminos actual
    itCaminos ← crearIt(SiguieteSignificado(itAlcanzables2))
    while (HaySiguiete(itCaminos)) do
      nuevoCamino ← copy(Siguiete(itCaminos))                ▷ copio el camino que voy a
modificar
      AgregarAdelante(nuevoCamino, c1)
      Agregar(SiguieteSignificado(itAlcanzables1), nuevoCamino)
      Avanzar(itCaminos)
    end while
  end if
  end if
  else
  \\ Nuevo alcanzable : me copio los caminos agregando c1 al principio
    itCaminos ← crearIt (SiguieteSignificado(itAlcanzables2))
    caminos ← Vacio()                                           ▷ conjunto donde voy a guardar los caminos modificados
    while (HaySiguiete(itCaminos)) do
      nuevoCamino ← copy(Siguiete(itCaminos))                ▷ copio el camino que voy a modificar
      AgregarAdelante(nuevoCamino, c1)
      AgregarRapido (caminos, nuevoCamino)
      Avanzar(itCaminos)
    end while
    DefinirRapido(Significado(r, c1).alcanzables, SiguieteClave(itAlcanzables2), caminos)
  end if
  Avanzar(itAlcanzables1)
  end while
  Avanzar(itAlcanzables2)
  end while
end function

```

Algorithm 8 Implementación de función auxiliar Actualizar Vecinos

```

function IACTUALIZARVECINOS(inout r: estr_red, in c1: hostname, in conj(hostname) actualizados)
  \\ Actualiza los caminos de los vecinos de C, y luego hace recursion para los vecinos de los vecinos.
  itVecinos ← crearIt(Significado(r, c1).conexiones)
  while ( HaySiguiete(itVecinos) ) do
  \\ Si todavAa no fue actualizado, lo actualizo y hago recursión sobre los vecinos.
    if (SiguieteClave(itVecinos) ∉ actualizados) then
      ActualizarCaminos(r, SiguieteClave(itVecinos), c )
      AgregarRapido (actualizados, SiguieteClave(itVecinos))
      ActualizarVecinos(r, SiguieteClave(itVecinos), actualizados)
    end if
    Avanzar(itVecinos)
  end while
end function

```

Algorithm 9 Implementación de Vecinos

```

function IVECINOS(inout r: estr_red, in c1: hostname)→ res: conj(hostname)
  it ← CrearIt(Significado(r,c1).conexiones)                                ▷ O(1) + O(n)
  res ← Vacio()                                                            ▷ O(1)
  while HaySiguiete(it) do        ▷ Guarda: O(1)    ▷ El ciclo se ejecuta a lo sumo n-1 veces    ▷ O(n)
    AgregarRapido(res, SiguieteSignificado(it))                            ▷ O(L)
    Avanzar(it)                                                            ▷ O(1)
  end while
end function                                                                ▷ O(n*L)

```

Algorithm 10 Implementación de UsaInterfaz

```

function IUSAINTERFAZ(in r: estr_red, in c: hostname, in i: interfaz)→ res: bool
  res ← Definido?(Significado(r,c).conexiones,i)                        ▷ O(comparar(nat)*n)
end function                                                            ▷ O(n)

```

Algorithm 11 Implementación de CaminosMinimos

```

function ICAMINOSMINIMOS(in r: estr_red, in c1: hostname, in c2: hostname)→ res:
conj(lista(hostname))
  itCaminos ← crearIt(Significado(Significado(r,c1).alcanzables, c2))    ▷ O(1) + O(L*n)
  res ← Vacio()                                                            ▷ O(1)
  while HaySiguiete(itCaminos) do
    AgregarRapido(res, Siguiete(itCaminos))                            ▷ O(1)
    Avanzar(itCaminos)                                                  ▷ O(1)
  end while
end function                                                                ▷ O(n*L)

```

Algorithm 12 Implementación de HayCamino?

```

function IHAYCAMINO?(in r: estr_red, in c1: hostname, in c2: hostname)→ res: bool
  res ← Definido?(Significado(r,c1).alcanzables, c2)                    ▷ O(n*n)
end function                                                            ▷ O(n*n)

```

Algorithm 13 Implementación de ==

```

function IGUALDAD(in r1: estr_red, in r2: estr_red)→ res: bool
    res ← TRUE ▷ O(1)
    if ¬(#Claves(r1)==#Claves(r2)) then ▷ O(comparar(nat))
        // Si la cantidad de claves son distintas => las redes son distintas
        res ← FALSE ▷ O(1)
    else
        itRed1 ← CrearIt(r1) ▷ O(1)
        while HaySiguiente(itRed1) && res do ▷ Guarda: O(1)    ▷ Se ejecuta n veces    ▷ O(n)
            // Recorro la red 1 y me fijo para cada una de sus computadoras
            if ¬(Definido?(r2, SiguienteClave(itRed1)) then ▷ O(L*n)
                // Si no está definido su hostname en la red 2 => las redes son distintas
                res ← FALSE ▷ O(1)
            else
                Compu2 ← Significado(r2,SiguienteClave(itRed1)) ▷ O(L*n)
                Compu1 ← SiguienteSignificado(itRed1) ▷ O(1)
                // Tomo las computadoras de red 1 y red 2 con el mismo hostname y las comparo
                if ¬(Comp1.interfaces == Comp2.interfaces) then ▷ O(m*m) con m=cantidad de
                    interfaces
                    // Si sus interfaces son distintas => las redes son distintas
                    res ← FALSE ▷ O(1)
                end if
                if ¬(Comp1.conexiones == Comp2.conexiones) then
                    // Si sus conexiones son distintas => las redes son distintas
                    res ← FALSE ▷ O(1)
                end if
                if ¬(#Claves(Compu1.alcanzables)==#Claves(Compu2.alcanzables)) then
                    // Si sus cantidades de alcanzables son distintas => las redes son distintas
                    res ← FALSE ▷ O(1)
                else
                    itAlc1 ← CrearIt(Compu1.alcanzables) ▷ O(1)
                    while HaySiguiente(itAlc1) && res do ▷ se ejecuta a lo sumo n-1 veces    ▷ O(n)
                        // Para cada alcanzable de la computadora de la red 1
                        if ¬(Definido?(Comp2.alcanzables, SiguienteClave(itAlc1))) then ▷ O(m)
                            // Si no está definida en los alcanzables de la compu de la red 2 => las redes son distintas
                            res ← FALSE
                        else
                            Caminos1 ← SiguienteSignificado(itAlc1) ▷ O(1)
                            Caminos2 ← Significado(Comp2.alcanzables, itAlc1) ▷ O(n)
                            // Me guardo los 2 conjuntos de caminos (de la compu de la red 1 y la de la red 2)

```

```

        if ¬(Longitud(Caminos1) == Longitud(Caminos2)) then ▷ O(comparar(nat))
    \\ Si sus cantidades son distintas => las redes son distintas
        res ← FALSE
    else
        itCaminos1 ← CrearIt(Caminos1) ▷ O(1)
        while HaySiguiente(itCaminos1) && res do
    \\ Para cada camino en el conjunto de caminos de la compu de la red 1
    \\ Recorro los caminos de la compu de la red 2
            itCaminos2 ← CrearIt(Caminos2) ▷ O(1)
            noEncontro ← TRUE ▷ O(1)
            while HaySiguiente(itCaminos2) && noEncontro do
    \\ Busco que el camino de la compu de la red 1 esté en la compu de la red 2
                if Siguiente(itCaminos2) == Siguiente(itCaminos1) then
                    noEncontro ← FALSE
                end if
                Avanzar(itCaminos2) ▷ O(1)
            end while
            if noEncontro then ▷ O(1)
    \\ Si no encontró alguno => las redes son distintas
                res ← FALSE ▷ O(1)
            end if
            Avanzar(itCaminos1) ▷ O(1)
        end while
    end if
    end if
    Avanzar(itAlc1) ▷ O(1)
end while
end if
end if
Avanzar(itRed1) ▷ O(1)
end while
end if
end function
▷ O(n*n * ( L + n*n + m ) + n*m*m)

```

Algorithm 14 Implementación de Copiar

```

function ICOPiAR(in r: estr_red) → res: red
  res ← IniciarRed()                                     ▷ O(1)
  // Crea una red vacia.
  itRed ← CrearIt(r)                                     ▷ O(1)
  while HaySiguiente(itRed) do                           ▷ O(1)           ▷ se ejecuta n veces   ▷ O(n)
  // Para cada computadora en la red original.
    copiaAlcanzables ← Vacio()                             ▷ diccionario           ▷ O(1)
  // Inicia los alcanzables en vacio.
    itAlcanzables ← CrearIt(SiguienteSignificado(itRed).alcanzables)   ▷ O(1)
    while HaySiguiente(itAlcanzables) do   ▷ Guarda: O(1)   ▷ se ejecuta a lo sumo n veces   ▷ O(n)
  // Para cada conjunto de caminos mínimos (cada destino).
    copiaCaminos ← Vacia()                               ▷ lista           ▷ O(1)
  // Inicia el conjunto de caminos mínimos como vacío.
    itCaminos ← CrearIt(SiguienteSignificado(itAlcanzables))           ▷ O(1)
    while HaySiguiente(itCaminos) do
  // Para cada camino en el conjunto original.
    AgregarAdelante(copiaCaminos, Siguiente(itCaminos))           ▷ O(copiar(camino))
  // Copia el camino original y lo agrega adelante del conjunto de caminos mínimos.
    Avanzar(itCaminos)                                           ▷ O(1)
    end while
    Definir(copiaAlcanzables, SiguienteClave(itAlcanzables), copiaCaminos)
  // Define el destino y sus caminos mínimos en la copia de alcanzables.
    Avanzar(itAlcanzables)                                       ▷ O(1)
    end while
    Definir(res, SiguienteClave(itRed), Tupla(Copiar(SiguienteSignificado(itRed).interfaces),
    Copiar(SiguienteSignificado(itRed).conexiones), copiaAlcanzables))
  // Define la copia de la computadora con los campos antes copiados.
    Avanzar(itRed)                                               ▷ O(1)
  end while
end function

```

2 Módulo DCNet

Interfaz

usa: RED, CONJ(α), ITCONJ(α), LISTA(α), ITLISTA(α), DICC_{UNIV}(κ , σ), DICC_{LOG}(κ , σ), COLA_{LOG}(α).

se explica con: DCNET.

géneros: dcnet.

Operaciones de DCNet

RED(in d : dcnet) $\rightarrow res$: red

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{\text{alias}(res =_{obs} \text{red}(d))\}$

Complejidad: O()

Descripción: devuelve la red asociada.

Aliasing: res no es modificable.

CAMINORECORRIDO(in d : dcnet, in p : IDpaquete) $\rightarrow res$: lista(hostname)

Pre $\equiv \{\text{IDpaqueteEnTransito?}(d, p)\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \text{dameSecuDeHostnames}(\text{caminoRecorrido}(d, \text{damePaquete}(p)))\}$

Complejidad: O()

Descripción: devuelve el camino recorrido desde el origen hasta el actual.

Aliasing: res se devuelve por copia.

CANTIDADENVIADOS(in d : dcnet, in c : hostname) $\rightarrow res$: nat

Pre $\equiv \{c \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(\text{red}(d)))\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \text{cantidadEnviados}(d, \text{dameCompu}(c))\}$

Complejidad: O()

Descripción: devuelve la cantidad de paquetes enviados por la computadora.

ENESPERA(in d : dcnet, in c : hostname) $\rightarrow res$: conj(paquete)

Pre $\equiv \{c \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(\text{red}(d)))\}$

Post $\equiv \{\text{alias}(res =_{obs} \text{enEspera}(d, \text{dameCompu}(c)))\}$

Complejidad: O()

Descripción: devuelve los paquetes en la cola de la computadora.

Aliasing: res no es modificable.

INICIARDCNET(in r : red) $\rightarrow res$: dcnet

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \text{iniciarDCNet}(r)\}$

Complejidad: O()

Descripción: crea una nueva Dcnet.

Aliasing: la red se agrega por copia.

CREARPAQUETE(in/out d : dcnet, in p : paquete)

Pre $\equiv \{d = d_0 \wedge \neg(\exists p': \text{paquete}) (\text{paqueteEnTransito?}(d, p') \wedge \text{id}(p') = \text{id}(p)) \wedge$

$\text{origen}(p) \in \text{computadoras}(\text{red}(d)) \wedge_L \text{destino}(p) \in \text{computadoras}(\text{red}(d)) \wedge_L \text{hayCamino?}(\text{red}(d), \text{origen}(p), \text{destino}(p))\}$

Post $\equiv \{d =_{obs} \text{crearPaquete}(d_0, p)\}$

Complejidad: O()

Descripción: agrega un paquete a la red.

Aliasing: el paquete se agrega por copia.

AVANZARSEGUNDO(**in/out** d : **dcnet**)

Pre $\equiv \{d = d_0\}$

Post $\equiv \{d =_{obs} \text{avanzarSegundo}(d_0)\}$

Complejidad: $O()$

Descripción: realiza los movimientos de paquetes correspondientes, aplicando los cambios necesarios a la **dcnet**.

PAQUETEENTRANSITO?(**in** d : **dcnet**, **in** p : **IDpaquete**) $\rightarrow res$: **bool**

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \text{IDpaqueteEnTransito?}(d, p)\}$

Complejidad: $O()$

Descripción: indica si el paquete esta en alguna de las colas dado el ID.

LAQUEMASENVIO(**in** d : **dcnet**) $\rightarrow res$: **hostname**

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \text{laQueMasEnvio}(d).\text{ip}\}$

Complejidad: $O()$

Descripción: devuelve la computadora que más paquetes envió.

Aliasing: res se devuelve por copia.

$\bullet = \bullet$ (**in** d_1 : **dcnet**, **in** d_2 : **dcnet**) $\rightarrow res$: **bool**

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} (d_1 =_{obs} d_2)\}$

Complejidad: $O()$

Descripción: indica si dos **dcnet** son iguales.

donde:

hostname es **string**,

interfaz es **nat**,

IDpaquete es **nat**,

compu es **tupla**< **ip**: **hostname**, **interfaces**: **conj**(**interfaz**)>,

paquete es **tupla**< **id**: **IDpaquete**, **prioridad**: **nat**, **origen**: **hostname**, **destino**: **hostname** >.

Especificación de las operaciones auxiliares utilizadas en la interfaz (no exportadas)**TAD DCNET EXTENDIDA****extiende** DCNET**otras operaciones**

damehostnames : conj(compu) \longrightarrow conj(hostname)
dameCompu : dcnet $d \times$ hostname $s \longrightarrow$ compu
 $\{s \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(\text{red}(d)))\}$
auxDameCompu : hostname $s \times$ conj(compu) $cc \longrightarrow$ compu
dameSecuDeHostnames : secu(compu) \longrightarrow secu(hostname)
IDpaqueteEnTransito? : dcnet $d \times$ IDpaquete $p \longrightarrow$ bool
damePaquete : dcnet $d \times$ IDpaquete $p \longrightarrow$ paquete
 $\{\text{IDpaqueteEnTransito?}(d,p)\}$
dameIDpaquetes : conj(paquete) \longrightarrow conj(IDpaquete)

axiomas $\forall d: \text{dcnet}, \forall s: \text{hostname}, \forall p: \text{IDpaquete}, \forall cc: \text{conj}(\text{compu}), , \forall secu: \text{secu}(\text{compu}),$
 $\forall cp: \text{conj}(\text{paquete}),$

dameHostnames(cc) \equiv **if** vacio?(cc) **then**
 \emptyset
else
 $\text{Ag}(\text{ip}(\text{dameUno}(cc)), \text{dameHostnames}(\text{sinUno}(cc)))$
fi
dameCompu(d, s) \equiv auxDameCompu($s, \text{computadoras}(\text{red}((d)))$)
auxDameCompu(s, cc) \equiv **if** ip($\text{dameUno}(cc)$) = s **then**
 $\text{dameUno}(cc)$
else
 $\text{auxDameCompu}(s, \text{sinUno}(cc))$
fi
dameSecuDeHostnames($secu$) \equiv **if** vacia?($secu$) **then**
 $\langle \rangle$
else
 $\text{ip}(\text{prim}(secu)) \bullet \text{dameSecuDeHostnames}(\text{fin}(secu))$
fi
IDpaqueteEnTransito?(d, p) \equiv auxIDpaqueteEnTransito($d, \text{computadoras}(\text{red}(d)), p$)
auxIDpaqueteEnTransito(d, cc, p) \equiv **if** vacio?(cc) **then**
false
else
if $p \in \text{dameIDpaquetes}(\text{enEspera}(\text{dameUno}(cc)))$ **then**
true
else
 $\text{auxIDpaqueteEnTransito}(d, \text{sinUno}(cc), p)$
fi
fi
dameIDpaquetes(cp) \equiv **if** vacio?(cp) **then**
 \emptyset
else
 $\text{Ag}(\text{id}(\text{dameUno}(cp)), \text{dameIDpaquetes}(\text{sinUno}(cp)))$
fi

Fin TAD

Representación

dcnet se representa con `estr_dcnet`

```

donde estr_dcnet es tupla(red: red
    computadoras: dicc(hostname, X)
    porHostname: diccUNIV (hostname, itDicc(hostname, X))
    conMasEnvios: itDicc(hostname, X)
    caminos: arreglo_dimensionable de arreglo_dimensionable de
    lista(hostname) )

donde X es tupla(indice: nat
    paquetes: conj(paquete)
    cola: colaLOG(itConj(paquete))
    paqPorID: diccLOG (IDpaquete, itConj(paquete))
    cantEnvios: nat )

```

\\ REP en Castellano:

- 1: Las compus de Red son las compus de DCNet.
 - 2: PorHostname y computadoras tienen el mismo conjunto de claves.
 - 3: PorHostname permite acceder a los datos de todas las computadoras a través de iteradores.
 - 4: Los índices de las computadoras van de 0 a n-1.
 - 5: Los índices no se repiten.
 - 6: ConMasEnvios es un iterador a la computadora con mayor cant de envios.
 - 7: La matriz de caminos es de n x n.
 - 8: En la matriz caminos[i][j] se guarda uno de los caminos minimos de la red correspondiente al origen y destino correspondientes a los índices i, j, respectivamente. Si no hay, se guarda una lista vacia.
 - 9: Las claves del diccionario paquetesPorID son los ID del conjunto paquetes.
 - 10: El conjunto de paquetes y la cola de prioridad tienen el mismo tamaño.
 - 11: La cola ordena los paquetes por prioridad. (usando los observadores del TAD Cola de Prioridad Alaterativa adjunto).
- Para todos los paquetes de una computadora:
- 12: El origen y el destino están entre las computadoras de la dcnet.
 - 13: El origen y el destino son distintos.
 - 14: Hay un camino posible entre el origen y el destino.
 - 15: La computadora actual está en el camino minimo entre el origen y el destino.
 - 16: El id es unico.
 - 17: Son accesibles por el dicc usando su ID.
 - 18: En la cola hay un iterador a cada paquete.

Rep : estr_dcnet \longrightarrow bool

Rep(e) \equiv true \iff

```

\\ 1 dameHostnames(computadoras(e.red)) = claves (e.computadoras)  $\wedge$ 
\\ 2 claves (e.computadoras) = claves (e.porHostname)  $\wedge$ 
\\ 3 ( $\forall c$ : hostname,  $c \in$  claves(e.porHostname)) ( SiguienteClave(obtener(e.porHostname, c))
=  $c \wedge$  SiguienteSignificado(obtener(e.porHostname, c)) = obtener(e.computadoras, c) )  $\wedge$ 
( $\forall c$ : hostname,  $c \in$  claves(e.computadoras))
\\ 4  $0 < \text{obtener}(e.computadoras, c).indice < \#claves(e.computadoras)-1 \wedge$ 
\\ 5  $\neg(\exists c': \text{hostname}, c' \in \text{claves}(e.computadoras), c \neq c') \text{obtener}(e.computadoras, c').indice$ 
=  $\text{obtener}(e.computadoras, c).indice \wedge$ 
\\ 6  $\neg(\exists c': \text{hostname}, c' \in \text{claves}(e.computadoras), c \neq c') \text{obtener}(e.computadoras,$ 
 $c').cantEnvios > \text{SiguienteSignificado}(e.conMasEnvios).cantEnvios \wedge$ 
\\ 7  $\text{tam}(e.camino) = \#claves(e.computadoras) \wedge_L (\forall i: \text{nat}, 0 < i < \#claves(e.computadoras)-$ 
 $1) \text{tam}(e.camino[i]) = \#claves(e.computadoras) \wedge$ 
\\ 8 ( $\forall c1, c2: \text{hostname}, c1, c2 \in \text{claves}(e.porHostname)$ )
 $\neg \emptyset? (\text{caminoMinimos}(e.red, dameCompu(c1), dameCompu(c2))) \Rightarrow$ 
 $e.camino[\text{obtener}(e.computadoras, c1).indice][\text{obtener}(e.computadoras, c2).indice] =$ 
 $\text{dameUno}(\text{caminoMinimos}(e.red, dameCompu(c1), dameCompu(c2))) \wedge$ 
 $\emptyset? (\text{caminoMinimos}(e.red, dameCompu(c1), dameCompu(c2))) \Rightarrow$ 
 $e.camino[\text{obtener}(e.computadoras, c1).indice][\text{obtener}(e.computadoras, c2).indice] = \text{Vacia}()$ 
 $\wedge$ 
( $\forall c: \text{hostname}, c \in \text{claves}(e.computadoras)$ ) (
\\ 9  $\text{dameIDpaquetes}(\text{obtener}(e.computadoras, c).paquetes) = \text{claves}(\text{obtener}(e.computadoras,$ 
 $c).paquetesPorID) \wedge$ 
\\ 10  $\#(\text{obtener}(e.computadoras, c).paquetes) = \#(\text{obtener}(e.computadoras, c).cola) \wedge$ 
\\ 11  $\text{vacio}?( \text{obtener}(e.computadoras, c).cola) = \emptyset?(\text{obtener}(e.computadoras, c).paquetes) \wedge$ 
 $\text{Siguiente}(\Pi_2(\text{proximo}(\text{obtener}(e.computadoras, c).cola))) \in \text{obtener}(e.computadoras,$ 
 $c).paquetes$ 
 $\wedge \neg(\exists p': \text{paquete}, p' \in \text{obtener}(e.computadoras, c).paquetes) p'.prioridad <$ 
 $\text{Siguiente}(\Pi_2(\text{proximo}(\text{obtener}(e.computadoras, c).cola))).prioridad \wedge$ 
 $\Pi_1(\text{proximo}(\text{obtener}(e.computadoras, c).cola)) = \text{Siguiente}(\Pi_2(\text{proximo}(\text{obtener}(e.computadoras,$ 
 $c).cola))).prioridad \wedge$ 
 $\text{desencolar}(\text{obtener}(e.computadoras, c).cola) = \text{armarCola}(\text{obtener}(e.computadoras, c).paquetes$ 
 $- \{ \text{Siguiente}(\Pi_2(\text{proximo}(\text{obtener}(e.computadoras, c).cola))) \} \wedge$ 
( $\forall p: \text{paquete}, p \in \text{obtener}(e.computadoras, c).paquetes)$  (
\\ 12  $\text{origen}(p).ip \in \text{claves}(e.computadoras) \wedge \text{destino}(p).ip \in \text{claves}(e.computadoras) \wedge$ 
\\ 13  $\text{origen}(p).ip \neq \text{destino}(p).ip \wedge$ 
\\ 14  $\text{hayCamino?}(e.red, \text{origen}(p), \text{destino}(p)) \wedge$ 
\\ 15  $\text{esta?}(c, \text{camino}[\text{obtener}(e.computadoras, \text{origen}(p).ip)][\text{obtener}(e.computadoras,$ 
 $\text{destino}(p).ip)]) \wedge$ 
\\ 16 ( $\forall c': \text{hostname}, c' \in \text{claves}(e.computadoras), c' \neq c$ )  $\neg(\exists p': \text{paquete}, p' \in$ 
 $\text{obtener}(e.computadoras, c').paquetes, p \neq p') p.id = p'.id$ 
\\ 17  $\text{definido?}(\text{obtener}(e.computadoras, c).paquetesPorID, p.id) \wedge_L$ 
 $\text{Siguiente}(\text{obtener}(\text{obtener}(e.computadoras, c).paquetesPorID, p.id)) = p \wedge$ 
\\ 18 ( $\exists it: \text{itConj}(\text{paquete}), it \in \text{obtener}(e.computadoras, c).cola$ )  $\text{Siguiente}(it) = p$ ) )
```

Especificación de las funciones auxiliares utilizadas en Rep

armarCola : conj(paquete) \longrightarrow cola(paquete)

axiomas $\forall cc: \text{conj}(\text{paquete})$

```

armarCola(cc)  $\equiv$  if  $\emptyset?(cc)$  then
    Vacia()
else
    encolar(dameUno(cc).prioridad, dameUno(cc), armarCola(sinUno(cc)))
fi

Abs      : estr_dcnet  $e$   $\longrightarrow$  dcnet {Rep( $e$ )}

Abs( $e$ )  $\equiv$   $d \mid \text{red}(d) = e.\text{red} \wedge$ 
    ( $\forall c: \text{compu}, c \in \text{computadoras}(\text{red}(d))$ ) (
    cantidadEnviados( $d, c$ ) = obtener( $e.\text{computadoras}, c.\text{ip}$ ).cantEnvios  $\wedge$ 
    enEspera( $d, c$ ) = obtener( $e.\text{computadoras}, c.\text{ip}$ ).paquetes  $\wedge$ 
    ( $\forall p: \text{paquete}, p \in \text{obtener}(e.\text{computadoras}, c.\text{ip}).\text{paquetes}$ ) caminoRecorrido( $d, p$ ) =
     $e.\text{caminos}[\text{obtener}(e.\text{computadoras}, \text{origen}(p).\text{ip}).\text{indice}][\text{obtener}(e.\text{computadoras}, c.\text{ip}).\text{indice}]$  )

```

Algoritmos

Algorithm 15 Implementación de Red

```

function IRED(in  $d: \text{estr\_dcnet}$ )  $\rightarrow$  res: Red
    res  $\leftarrow$  d.red
end function

```

Algorithm 16 Implementación de CaminoRecorrido

```

function ICAMINORECORRIDO(in  $d: \text{estr\_dcnet}$ , in  $p: \text{IDPaquete}$ )  $\rightarrow$  res: lista(hostname)
    itCompu  $\leftarrow$  CrearIt(d.computadoras)  $\triangleright O(1)$ 
    yaEncontrado  $\leftarrow$  FALSE  $\triangleright O(1)$ 
    while HaySiguiente(itCompu)  $\&\& \neg$ yaEncontrado do  $\triangleright$  Guarda:  $O(1)$   $\triangleright$  Se repite a lo sumo  $n$  veces
     $\triangleright O(n)$ 
        if Definido?(SiguienteSignificado(itCompu).paqPorID,  $p$ ) then  $\triangleright O(\log(k))$ 
            paquete  $\leftarrow$  Significado(SiguienteSignificado(itCompu).paqPorID,  $p$ )  $\triangleright O(1)$ 
            yaEncontrado  $\leftarrow$  TRUE  $\triangleright O(1)$ 
        else
            Avanzar(itCompu)  $\triangleright O(1)$ 
        end if
    end while
    res  $\leftarrow$  caminos[Significado(d.computadoras,  $\pi_3(\text{paquete})$ ).indice][SiguienteSignificado(itCompu).indice]
     $\triangleright O(1) + O(n) + O(1)$ 
end function

```

Algorithm 17 Implementación de paquetes enviados

```

function ICANTIDADENVIADOS(in  $d: \text{estr\_dcnet}$ , in  $c: \text{hostname}$ )  $\rightarrow$  res: nat
    it  $\leftarrow$  Significado(d.porHostname,  $c$ )  $\triangleright O(L)$ 
    res  $\leftarrow$  SiguienteSignificado(it).cantEnvios  $\triangleright O(1)$ 
end function

```

Algorithm 18 Implementación EnEspera

```

function IENESPERA(in  $d$ : estr_dcnet, in  $c$ : hostname)  $\rightarrow res$ : estr
     $it \leftarrow$  Significado( $d$ .porHostname,  $c$ )  $\triangleright O(L)$ 
     $res \leftarrow$  SiguienteSignificado( $it$ ).paquetes  $\triangleright O(1)$ 
end function

```

Algorithm 19 Implementación de iniciarDCNet

```

function IINICIARDCNET(in  $r$ : red)  $\rightarrow res$ : estr_dcnet
    // creo un diccionario lineal
     $diccCompus \leftarrow$  Vacio()  $\triangleright O(1)$ 
    // creo un diccionario universal(trie)
     $diccHostname \leftarrow$  Vacio()  $\triangleright O(1)$ 
     $index \leftarrow 0$   $\triangleright O(1)$ 
     $itHostname \leftarrow$  CrearIt(Computadoras( $r$ ))  $\triangleright O(1)$ 
     $masEnvios \leftarrow$  Siguiente( $itHostname$ )  $\triangleright O(1)$ 
    // #Computadoras(r) ó O(n)
    while HaySiguiente( $itHostname$ ) do  $\triangleright O(n) + O(1)$ 
    // no me queda clara la complejidad
         $X \leftarrow \langle index, Vacio(), Vacio(), Vacio(), 0 \rangle$   $\triangleright O(1) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1)$ 
    // ver complejidad
         $itX \leftarrow$  DefinirRapido( $diccCompus$ , Siguiente( $itHostname$ ),  $X$ )  $\triangleright O(\text{copy}(\text{hostname})) +$ 
     $O(\text{copy}(X))$ 
    // ver complejidad
        Definir( $diccHostname$ , Siguiente( $itHostname$ ),  $itX$ )  $\triangleright O(L) + O(\text{copy}(X))$ 
         $index \leftarrow index + 1$   $\triangleright O(1)$ 
        Avanzar( $itHostname$ )  $\triangleright O(1)$ 
    end while
     $itPC \leftarrow$  CrearIt( $diccCompus$ )  $\triangleright O(1)$ 
     $itPC2 \leftarrow$  CrearIt( $diccCompus$ )  $\triangleright O(1)$ 
     $n \leftarrow \#Claves(diccCompus)$   $\triangleright O(1)$ 
     $arrayCaminos \leftarrow$  CrearArreglo( $n$ )  $\triangleright O(n)$ 
    // voy a crear un arreglo en cada posicion de arrayCaminos, el cual va a tener el minimo camino
    // #Computadoras(r) ó O(n)
    while HaySiguiente( $itPC$ ) do  $\triangleright O(\#Computadoras(r))$ 
         $arrayDestinos \leftarrow$  CrearArreglo( $n$ )  $\triangleright O(n)$ 
    // #Computadoras(r) ó O(n)
        while HaySiguiente( $itPC2$ ) do  $\triangleright O(\#Computadoras(r))$ 
             $ConjCaminos \leftarrow$  CaminosMinimos( $r$ , SiguienteClave( $itPC$ ), SiguienteClave( $itPC2$ ))  $\triangleright O(n * L)$ 
             $itConj \leftarrow$  CrearIt( $ConjCaminos$ )  $\triangleright O(1)$ 
            // de todos los caminos minimos me quedo con uno
            if HaySiguiente( $itConj$ ) then  $\triangleright O(1)$ 
                 $arrayDestinos[\text{SiguienteSignificado}(itPC2).indice] \leftarrow$  Siguiente( $itConj$ )  $\triangleright O(1)$ 
            else
                // si no hay camino, creo una lista vacia
                 $arrayDestinos[\text{SiguienteSignificado}(itPC2).indice] \leftarrow$  Vacia()  $\triangleright O(1)$ 
            end if
            Avanzar( $itPC2$ )  $\triangleright O(1)$ 
        end while
         $arrayCaminos[\text{SiguienteSignificado}(itPC).indice] \leftarrow arrayDestinos$   $\triangleright O(1)$ 
        Avanzar( $itPC$ )  $\triangleright O(1)$ 
    end while
     $res \leftarrow \langle \text{Copiar}(r), diccCompus, diccHostname, masEnvios, arrayCaminos \rangle$   $\triangleright O(\text{Copiar}(r)) + O(1)$ 
     $+ O(1) + O(1) + O(1)$ 
end function

```

Algorithm 20 Implementación de crearPaquete

```
function ICREARPAQUETE(in/out  $d$ : estr_dcnet, in  $p$ : paquete)
    itPC  $\leftarrow$  Significado( $d$ .porHostname, paquete.origen)  $\triangleright O(L)$ 
    itPq  $\leftarrow$  AgregarRapido(SiguienteSignificado(itPC).paquetes,  $p$ )  $\triangleright O(\text{copy}(p))$ 
    Encolar(SiguienteSignificado(itPC).cola,  $p$ .prioridad, itPq)  $\triangleright O(\log(n))$ ,  $n$  cantidad de nodos
    Definir(SiguienteSignificado(itPC).paquetesPorID, IDpaquete, itPq)  $\triangleright O(\log(n))$ ,  $n$  cantidad de
    nodos
end function
```

Algorithm 21 Implementación de AvanzarSegundo

```

function iAVANZARSEGUNDO(inout d: estr_dcnet)
    arreglo ← crearArreglo[#Claves(d.computadoras)] de tupla(usado: bool, paquete: paquete, destino:
    string), donde paquete es tupla(IDpaquete: nat, prioridad: nat, origen: string, destino: string)
    ▷ O(n) para calcular cantidad de claves, O(1) para crearlo
    for (int i=0, < #Claves(d.computadoras), i++) do                                ▷ el ciclo se hará n veces
        arreglo[i].usado = false                                                    ▷ O(1)
    end for

    \\ Inicializo Iterador
    itCompu ← crearIt(d.computadoras)                                              ▷ O(1)
    i ← 0
    ▷ Ciclo 1: Desencolo y guardo en arreglo auxiliar.
    while (HaySiguiente(itCompu)) do                                              ▷ el ciclo se hará a lo sumo n veces
        if (¬(Vacía?(SiguienteSignificado(itCompu).cola))) then                    ▷ O(1)
            \\ Borro el de mayor prioridad del heap:
            itPaquete ← Desencolar(SiguienteSignificado(itCompu).cola)              ▷ O(log k)
            \\ Lo elimino del dicc AVL
            Borrar(SiguienteSignificado(itCompu).paquetesPorID, Siguiente(itPaquete).IDpaquete)
            ▷ O(log k)
            \\ Guardo el paquete en una variable
            paqueteDesencolado ← Siguiente(itPaquete)                             ▷ O(1)
            \\ Lo elimino del conjunto lineal de paquetes
            EliminarSiguiente(itPaquete)                                            ▷ O(1)
            \\ Calculo proximo destino fijandome en la matriz
            \\ El origen lo tengo en O(1) en el significado del iterador de compus.
            origen ← (SiguienteSignificado(itCompu)).indice                        ▷ O(1)
            \\ El destino lo obtengo en O(L) buscando por hostname el destino del paquete, y luego guardo el indice.
            itdestino ← Significado(d.porHostname, paqueteDesencolado.destino)     ▷ O(L)
            destino ← (SiguienteSignificado(itdestino)).indice                     ▷ O(1)
            proxDest ← d.camino[origen][destino][1]                               ▷ O(1)
            \\ Lo inserto en el arreglo junto con el destino sólo si el destino no era el final.
            if (proxDest ≠ paqueteDesencolado.destino) then
                arreglo[i] ← <true, paqueteDesencolado, proxDest>                 ▷ O(1)
            end if
            \\ Aumento cantidad de envíos
            SiguienteSignificado(itCompu).cantEnvios ++                            ▷ O(1)
            \\ Actualizo conMasEnvios
            envios ← SiguienteSignificado(itCompu).cantEnvios                      ▷ O(1)
            if (envios > SiguienteSignificado(d.conMasEnvios).cantEnvios) then    ▷ O(1)
                d.conMasEnvios ← itCompu
            end if
        end if
        \\ Avanzo de computadora
        Avanzar(itCompu)                                                            ▷ O(1)
        i++
    end while

```

```

                                ▷ Ciclo 2: Encolo los paquetes del vector a sus destinos correspondientes.
i ← 0
while HaySiguiente(itCompu) do                                ▷ el ciclo se hará a lo sumo n veces
    if arreglo[i].usado then
        \\ Busco el proxDestino guardado en el arreglo por hostname.
        itdestino ← Significado(d.porHostname, arreglo[i].destino)                                ▷ O(L)
        \\ Agrego el paquete al conjunto de paquetes del prox destino.
        itpaquete ← AgregarRapido(SiguienteSignificado(itdestino).paquetes, arreglo[i].paquete)                                ▷ O(1)

        \\ Encolo el heap del destino
        prioridad ← (arreglo[i].paquete).prioridad
        Encolar(SiguienteSignificado(itdestino).cola, prioridad, itpaquete)                                ▷ O(log k)
        \\ Lo agrego en el dicc AVL.
        IDpaq ← (arreglo[i].paquete).IDpaquete                                ▷ O(1)
        Definir(SiguienteSignificado(itdestino).paquetesPorID, IDpaq, itpaquete)                                ▷ O(log k)
    end if
    i++
    Avanzar(itCompu)
end while
end function

```

Algorithm 22 Implementación de PaqueteEnTransito?

```

function iPAQUETEENTRANSITO?(in d: estr_dcnet, in p:IDpaquete)→ res: bool
    res ← false                                ▷ O(1)
    itCompu ← crearIt(d.computadoras)                                ▷ O(1)
    while HaySiguiente(itCompu) && ¬res do
        ▷ a lo sumo n veces, la guarda es O(1)
        itPaq ← crearIt(siguienteSignificado(itCompu).paquetes)                                ▷ O(1)
        while (HaySiguiente(itPaq) && Siguiente(itPaq).id ≠ p) do                                ▷ a lo sumo k veces, la guarda es O(1)
            Avanzar(itPaq)                                ▷ O(1)
        end while
        if Siguiente(itPaq) == p then                                ▷ O(1)
            res ← True                                ▷ O(1)
        end if
        Avanzar(itCompu)                                ▷ O(1)
    end while
end function

```

Algorithm 23 Implementación de LaQueMasEnvió

```

function iLAQUEMASENVIÓ(in d: estr_dcnet)→ res: hostname
    res ← SiguienteClave(d.conMasEnvios)
end function

```

Algorithm 24 Implementación de ==

```

function IGUALDAD(in d1: estr_dcnet, in d2: estr_dcnet)→ res: bool
  \\ Comparo redes usando == de red
  res ← (d1.red == d2.red)                                ▷ O(???)
  if (res) then                                           ▷ O(1)
    itCompu ← crearIt(d1.computadoras)                     ▷ O(1)
    string host                                             ▷ O(1)
  \\ Recorro las computadoras
    while (HaySiguiente(itCompu) && res) do                ▷ itero O(n) veces, la guarda es O(1)
      host ← SiguienteClave(itCompu)                        ▷ O(1)
  \\ Comparo enEspera usando == de conjunto lineal, y cant. enviados
    res ← (enEspera(d1, host) == enEspera(d2, host) &&
cantidadEnviados(d1,host) == cantidadEnviados(d2,host))    ▷ O(???)
    itpaq ← crearIt(SiguienteSignificado(itCompu).paquetes) ▷ O(1)
    int j ← 0                                              ▷ O(1)
    nat id                                                 ▷ O(1)
  \\ Recorro paquetes de cada computadora
    while (HaySiguiente(itpaq) && res) do                ▷ itero O(k) veces, la guarda es O(1)
      id ← Siguiente(itpaq).IDpaquete                      ▷ O(1)
  \\ Comparo caminosRecorridos usando == de listas enlazadas
    res ← (caminoRecorrido(d1, id) == caminoRecorrido(d2, id)) ▷ O(???)
    avanzar(itpaq)                                         ▷ O(1)
    end while
    avanzar (itCompu)                                     ▷ O(1)
  end while
  end if
end function

```

3 Módulo Cola de Prioridad Logaritmica (α)

Interfaz

usa: TUPLA, NAT, BOOL, α .

se explica con: COLA DE PRIORIDAD ALTERNATIVA.

géneros: colaLog(α).

Operaciones de Cola de Prioridad *HEAP*

VACIA() $\rightarrow res : \text{colaLog}(\alpha)$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \text{vacía}\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Crea una cola vacía.

VACIA?(in *estr*: colaLog(α)) $\rightarrow res : \text{bool}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \text{vacía?}(\text{estr})\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Indica si la cola esta vacía.

PRÓXIMO(in *estr*: colaLog(α)) $\rightarrow res : \text{tupla}(\text{nat}, \alpha)$

Pre $\equiv \{\neg \text{Vacía?}(\text{estr})\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \text{proximo}(\text{estr})\}$

Complejidad: $O(\text{copiar}(\alpha))$

Descripción: Devuelve una tupla que contiene al próximo elemento y su prioridad.

ENCOLAR(in/out *estr*: colaLog(α), in *prio*: nat, in *valor*: α) $\rightarrow res : \text{bool}$

Pre $\equiv \{\text{estr} = \text{estr}_0\}$

Post $\equiv \{res \wedge \text{estr} =_{obs} \text{encolar}(\text{estr}_0)\}$

Complejidad: $O(\log(n) + \text{copiar}(\alpha))$

Descripción: Crea un nuevo elemento con los parametros dados y lo agrega a la cola.

DESENCOLAR(in/out *estr*: colaLog(α)) $\rightarrow res : \alpha$

Pre $\equiv \{\text{estr} = \text{estr}_0 \wedge \neg \text{Vacía?}(\text{estr})\}$

Post $\equiv \{\text{estr} =_{obs} \text{desencolar}(\text{estr}_0) \wedge res =_{obs} \text{proximo}(\text{estr}_0)\}$

Complejidad: $O(\log(n) + \text{copiar}(\alpha) + \text{borrar}(\alpha))$

Descripción: Devuelve al elemento de mayor prioridad y lo remueve de la cola. La cola no debe estar vacía.

TAD COLA DE PRIORIDAD ALTERNATIVA(α)**géneros** colaPrio(α)**exporta** colaPrio(α), generadores, observadores**usa** BOOL, NAT, TUPLA**observadores básicos**vacía? : colaPrior(α) \longrightarrow boolpróximo : colaPrior(α) c \longrightarrow tupla(nat, α) $\{\neg \text{vacía?}(c)\}$ desencolar : colaPrior(α) c \longrightarrow colaPrior(α) $\{\neg \text{vacía?}(c)\}$ **generadores**vacía : \longrightarrow colaPrior(α)encolar : $nat \times \alpha \times \text{colaPrior}(\alpha)$ \longrightarrow colaPrior(α)**axiomas** $\forall c: \text{colaPrior}(\alpha), \forall e: \alpha$ vacía?(vacía) \equiv truevacía?(encolar(p, e, c)) \equiv falsepróximo(encolar(p, e, c)) \equiv **if** vacía?(c) $\vee_L \Pi_1(\text{proximo}(c)) < p$ **then** $< p, e >$ **else if**
 $\Pi_1(\text{proximo}(c)) = p$ **then** $< p, e > \vee \text{proximo}(c)$ **else proximo}(c) **fi****desencolar(encolar(p, e, c)) \equiv **if** vacía?(c) $\vee_L \Pi_1(\text{proximo}(c)) < p$ **then** c **else if**
 $\Pi_1(\text{proximo}(c)) = p$ **then** $c \vee \text{encolar}(p, e, \text{desencolar}(c))$ **else**
 $\text{encolar}(p, e, \text{desencolar}(c))$ **fi fi****Fin TAD**

Representación

$\text{colaLog}(\alpha)$ se representa con $\text{estr_heap}(\alpha)$

donde $\text{estr_heap}(\alpha)$ es $\text{tupla}(\text{size: nat}$
 $\text{primero: nodo}(\alpha)$
 $)$

donde $\text{nodo}(\alpha)$ es $\text{tupla}(\text{padre: puntero}(\text{nodo}(\alpha))$
 $\text{izq: puntero}(\text{nodo}(\alpha))$
 $\text{der: puntero}(\text{nodo}(\alpha))$
 prio: nat
 $\text{valor: } \alpha$
 $)$

$\text{Rep: estr_heap}(\alpha) \rightarrow \text{bool}$
 $\text{Rep}(\text{estr}) \equiv \text{true} \iff \text{size} = \# \text{arbol}(\text{estr.primero}) \wedge_L$
 $((\text{estr.primero.padre} = \text{null} \wedge$
 $(\forall e : \text{estr_heap})(e \in \text{arbol}(\text{estr.primero}) \wedge e \neq (\text{estr.primero}) \Rightarrow (e.\text{padre} \neq \text{null} \wedge_L (((e.\text{padre}).\text{izq} =$
 $e \vee (e.\text{padre}).\text{der} = e) \wedge \neg(((e.\text{padre}).\text{izq} = e \wedge (e.\text{padre}).\text{der} = e)))))) \wedge$
 $(\forall e : \text{estr_heap})(e \in \text{arbol}(\text{estr.primero}) \Rightarrow ((\text{estr.izq} \neq \text{null} \Rightarrow \text{estr.prio} \geq (\text{estr.izq}).\text{prio}) \wedge$
 $(\text{estr.der} \neq \text{null} \Rightarrow \text{estr.prio} \geq (\text{estr.der}).\text{prio}))) \wedge$
 $(\forall e : \text{estr_heap})(e \in \text{arbol}(\text{estr.primero}) \Rightarrow \text{caminoHastaRaiz}(e, \text{arbol}(\text{estr.primero})) \leq \lfloor \log_2(\text{size}) \rfloor +$
 $1))$

$\text{Abs: estr_heap}(\alpha) e \rightarrow \text{colaPrio}(\alpha) \{ \text{Rep}(e) \}$
 $\text{Abs}(e) \equiv c: \text{colaPrio}(\alpha) \mid \text{Vacía?}(e) = \text{Vacía?}(c) \wedge_L$
 $(\neg \text{Vacía?}(e) \Rightarrow \text{Proximo}(e) = \text{Proximo}(c)) \wedge$
 $(\neg \text{Vacía?}(e) \Rightarrow \text{Desencolar}(e) = \text{Desencolar}(c))$

Especificación de las operaciones auxiliares utilizadas para Rep y Abs

$\text{arbol} : \text{nodo}(\alpha) \rightarrow \text{conj}(\text{nodo}(\alpha))$

$\text{caminoHastaRaiz} : \text{nodo}(\alpha) \rightarrow \text{nat}$

$\text{arbol}(n) \equiv \text{if } n.\text{izq} \neq \text{null} \wedge n.\text{der} \neq \text{null} \text{ then}$
 $\text{Ag}(n.\text{valor}, \text{arbol}(n.\text{izq}) \cup \text{arbol}(n.\text{der}))$
 else
 $\text{if } n.\text{izq} \neq \text{null} \text{ then}$
 $\text{Ag}(n.\text{valor}, \text{arbol}(n.\text{izq}))$
 else
 $\text{if } n.\text{der} \neq \text{null} \text{ then } \text{Ag}(n.\text{valor}, \text{arbol}(n.\text{der})) \text{ else } \text{Ag}(n.\text{valor}, \emptyset) \text{ fi}$
 fi
 $\text{caminoHastaRaiz}(n) \equiv \text{if } n.\text{padre} = \text{null} \text{ then } 0 \text{ else } \text{caminoHastaRaiz}(n.\text{padre}) + 1 \text{ fi}$

Algoritmos

Algorithm 25 Implementación de Vacía

```
function iVACIA  $\rightarrow res$ : colaLog( $\alpha$ )  
     $res \leftarrow \langle 0, null \rangle$   $\triangleright O(1)$   
end function
```

Algorithm 26 Implementación de Vacía?

```
function iVACIA? (in  $estr$ : estr_heap( $\alpha$ ))  $\rightarrow res$ : bool  
     $res \leftarrow (estr.primerero == null)$   $\triangleright O(1)$   
end function
```

Algorithm 27 Implementación de Próximo

```
function PRÓXIMO (in  $estr$ : estr_heap( $\alpha$ ))  $\rightarrow res$ :  $tupla(nat, \alpha)$   
     $res \leftarrow \langle (estr.primerero).prioridad, (estr.primerero).valor \rangle$   $\triangleright O(\text{copiar}(\alpha))$   
end function
```

Algorithm 28 Implementación de Encolar

```

function iENCOLAR(in/out estr: estr_heap( $\alpha$ ), in prio: nat, in valor:  $\alpha$ )  $\rightarrow$  res: bool
    res  $\leftarrow$  true  $\triangleright O(1)$ 
    if estr.size == 0 then  $\triangleright O(1)$ 
        estr.primer  $\leftarrow$  puntero( $\langle$ null, null, null, prio, valor $\rangle$ )  $\triangleright O(\text{copiar}(\alpha))$ 
    else
        size ++  $\triangleright O(1)$ 
        x  $\leftarrow$  sizer  $\triangleright O(1)$ 
        y  $\leftarrow$   $\langle \rangle$   $\triangleright O(1)$ 
        while x  $\neq$  0 do  $\triangleright$  La cantidad de veces que se ejecuta el ciclo es igual a la altura del heap. Al ser
            un arbol binario completo, la altura siempre será  $O(\log(n))$ 
            y  $\leftarrow$  (x%2) • y  $\triangleright O(1)$ 
            x  $\leftarrow$  x/2  $\triangleright O(1)$ 
        end while
        y  $\leftarrow$  com(y)  $\triangleright O(\log(n))$ 
        z  $\leftarrow$  estr.primer  $\triangleright O(1)$ 
        y  $\leftarrow$  fin(y)  $\triangleright O(1)$ 
        while long(y) > 1 do  $\triangleright$  El ciclo se ejecuta  $O(\log(n))$  veces
            z  $\leftarrow$  if prim(y) == 0 then z.izq else z.der  $\triangleright O(1)$ 
            y  $\leftarrow$  fin(y)  $\triangleright O(1)$ 
        end while
        w  $\leftarrow$   $\langle$ null, null, null, prio, valor $\rangle$   $\triangleright O(\text{copiar}(\alpha))$ 
        w.padre  $\leftarrow$  z  $\triangleright O(1)$ 
        if prim(y) == 0 then  $\triangleright O(1)$ 
            z.izq  $\leftarrow$  w  $\triangleright O(1)$ 
        else
            z.der  $\leftarrow$  w  $\triangleright O(1)$ 
        end if
        while w  $\neq$  estr.primer  $\wedge_L$  w.prio > (w.padre).prio do  $\triangleright$  La cantidad de veces que se ejecuta el
            ciclo es a lo sumo la altura del heap, que es  $O(\log(n))$ 
            aux  $\leftarrow$  w.valor  $\triangleright O(\text{copiar}(\alpha))$ 
            w.valor  $\leftarrow$  (w.padre).valor  $\triangleright O(\text{copiar}(\alpha))$ 
            (w.padre).valor  $\leftarrow$  aux  $\triangleright O(\text{copiar}(\alpha))$ 
            aux2  $\leftarrow$  w.prio  $\triangleright O(1)$ 
            w.prio  $\leftarrow$  (w.padre).prio  $\triangleright O(1)$ 
            (w.padre).prio  $\leftarrow$  aux2  $\triangleright O(1)$ 
            w  $\leftarrow$  w.padre  $\triangleright O(1)$ 
        end while
    end if
end function

```

Algorithm 29 Implementación de Desencolar

```

function IDESENCOLAR(in/out estr: estr_heap( $\alpha$ )  $\rightarrow$  res:  $\alpha$ 
    res  $\leftarrow$  *(estr.primer)  $\triangleright O(1)$ 
    x  $\leftarrow$  size  $\triangleright O(1)$ 
    y  $\leftarrow$   $\langle \rangle$   $\triangleright O(1)$ 
    while x  $\neq$  0 do  $\triangleright$  La cantidad de veces que se ejecuta el ciclo es igual a la altura del heap. Al ser un
    arbol binario completo, la altura siempre será  $O(\log(n))$ 
        y  $\leftarrow$  (x%2) • y  $\triangleright O(1)$ 
        x  $\leftarrow$  x/2  $\triangleright O(1)$ 
    end while
    y  $\leftarrow$  com(y)  $\triangleright O(\log(n))$ 
    z  $\leftarrow$  estr.primer  $\triangleright O(1)$ 
    y  $\leftarrow$  fin(y)  $\triangleright O(1)$ 
    while long(y) > 1 do  $\triangleright$  El ciclo se ejecuta  $O(\log(n))$  veces
        z  $\leftarrow$  if prim(y) == 0 then z.izq else z.der  $\triangleright O(1)$ 
        y  $\leftarrow$  fin(y)  $\triangleright O(1)$ 
    end while
    w  $\leftarrow$   $\langle \text{null}, \text{null}, \text{null}, \text{prio}, \text{valor} \rangle$   $\triangleright O(\text{copiar}(\alpha))$ 
    w.padre  $\leftarrow$  z  $\triangleright O(1)$ 
    if prim(y) == 0 then  $\triangleright O(1)$ 
        z.izq  $\leftarrow$  puntero(w)  $\triangleright O(1)$ 
    else
        z.der  $\leftarrow$  puntero(w)  $\triangleright O(1)$ 
    end if
    (estr.primer).valor  $\leftarrow$  z.valor  $\triangleright O(\text{copiar}(\alpha))$ 
    (estr.primer).prio  $\leftarrow$  z.prio  $\triangleright O(1)$ 
    borrar(z)  $\triangleright O(\text{borrar}(\alpha))$ 
    z  $\leftarrow$  estr.primer  $\triangleright O(1)$ 
    size  $\leftarrow$  —  $\triangleright O(1)$ 
    while (z.izq  $\neq$  null  $\vee$  z.der  $\neq$  null)  $\wedge_L$  z.prio < maxPrio(z.izq, z.der) do  $\triangleright$  La cantidad de veces
    que se ejecuta el ciclo es a lo sumo la altura del heap, que es  $O(\log(n))$ 
         $\backslash \backslash$  maxPrio devuelve la maxima prioridad si ambos punteros son validos, o la prioridad apuntada por el
        puntero no nulo en caso de que alguno no lo sea
        if z.der == null  $\vee_L$  (z.izq).prio  $\geq$  (z.der).prio then  $\triangleright O(1)$ 
            aux  $\leftarrow$  z.valor  $\triangleright O(\text{copiar}(\alpha))$ 
            z.valor  $\leftarrow$  (z.izq).valor  $\triangleright O(\text{copiar}(\alpha))$ 
            (z.izq).valor  $\leftarrow$  aux  $\triangleright O(\text{copiar}(\alpha))$ 
            aux2  $\leftarrow$  z.prio  $\triangleright O(1)$ 
            z.prio  $\leftarrow$  (z.izq).prio  $\triangleright O(1)$ 
            (z.izq).prio  $\leftarrow$  aux2  $\triangleright O(1)$ 
            z  $\leftarrow$  z.izq  $\triangleright O(1)$ 
        else
            aux  $\leftarrow$  z.valor  $\triangleright O(\text{copiar}(\alpha))$ 
            z.valor  $\leftarrow$  (z.der).valor  $\triangleright O(\text{copiar}(\alpha))$ 
            (z.der).valor  $\leftarrow$  aux  $\triangleright O(\text{copiar}(\alpha))$ 
            aux2  $\leftarrow$  z.prio  $\triangleright O(1)$ 
            z.prio  $\leftarrow$  (z.der).prio  $\triangleright O(1)$ 
            (z.der).prio  $\leftarrow$  aux2  $\triangleright O(1)$ 
            z  $\leftarrow$  z.der  $\triangleright O(1)$ 
        end if
    end while
end function

```

4 Módulo Diccionario Universal (σ)

Interfaz

se explica con: `DICCIONARIO(String, σ)`.

géneros: `diccUniv(κ, σ)`.

Operaciones

DEFINIDA(in d : `diccUniv(String, σ)`, in c : String) $\rightarrow res$: Bool

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} def?(c,d)\}$

Complejidad: $O(L)$, donde L es la cantidad de caracteres de la clave más grande.

Descripción: Indica si la clave dada está definida en el diccionario.

OBTENER(in d : `diccUniv(String, σ)`, in c : String) $\rightarrow res$: σ

Pre $\equiv \{def?(c,d)\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} obtener(c,d)\}$

Complejidad: $O(L)$

Descripción: Devuelve el significado asociado a la clave dada.

Aliasing: Devuelve al significado por alias.

VACIO() $\rightarrow res$: `diccUniv(String, σ)`

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} vacio()\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Crea un diccionario vacío.

DEFINIR(in/out d : `diccUniv(String, σ)`, in c : String, in s : σ) $\rightarrow res$: Bool

Pre $\equiv \{\neg def?(c,d) \wedge d=d_0\}$

Post $\equiv \{d = definir(c, d_0)\}$

Complejidad: $O(L) + O(copiar(\sigma))$

Descripción: Agrega la clave al diccionario, asociándole el significado dado como parámetro. res indica si la clave ya estaba definida.

BORRAR(in/out d : `diccUniv(String, σ)`, in c : String) $\rightarrow res$: Bool

Pre $\equiv \{d=d_0\}$

Post $\equiv \{d=borrar(c,d_0)\}$

Complejidad: $O(L) + O(borrar(\sigma))$

Descripción: Borra la clave dada y su significado del diccionario. res indica si la clave estaba definida (su valor es *true* en caso de estarlo).

CLAVES(in d : `diccUniv(String, σ)`) $\rightarrow res$: `conj(String)`

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} claves(d)\}$

Complejidad: $O(n*L)$, donde n es la cantidad de claves.

Descripción: Devuelve el conjunto de las claves del diccionario.

\\ Diseño provisto por la cátedra.

5 Módulo Diccionario Logaritmico (κ, σ)

Interfaz

usa: BOOL, NAT.

se explica con: DICCIONARIO (κ, σ) .

géneros: diccLog (κ, σ) .

Operaciones

DEFINIDO?(in d : diccLog (κ, σ) , in c : κ) $\rightarrow res$: Bool

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{def?}(c, d)\}$

Complejidad: $O(\log(n) * \text{comparar}(\kappa))$

SIGNIFICADO(in d : diccLog (κ, σ) , in c : κ) $\rightarrow res$: σ

Pre $\equiv \{\text{def?}(c, d)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{obtener}(c, d)\}$

Complejidad: $O(\log(n) * \text{comparar}(\kappa) + \text{copiar}(\sigma))$

VACIO() $\rightarrow res$: diccLog (κ, σ)

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacio}()\}$

Complejidad: $O(1)$

DEFINIR(in/out d : diccLog (κ, σ) , in c : κ , in s : σ)

Pre $\equiv \{\neg \text{def?}(c, d) \wedge d = d_0\}$

Post $\equiv \{d = \text{definir}(c, d_0)\}$

Complejidad: $O(\log(n))$

BORRAR(in/out d : diccLog (κ, σ) , in c : κ)

Pre $\equiv \{\text{def?}(c, d) \wedge d = d_0\}$

Post $\equiv \{d = \text{borrar}(c, d_0)\}$

Complejidad: $O(\log(n) * \text{comparar}(\kappa) + \max(\text{borrar}(\kappa), \text{borrar}(\sigma)) + \max(\text{copiar}(\kappa), \text{copiar}(\sigma)))$

Representación

`diccLog` se representa con puntero(`estr`(κ, σ))

donde `estr`(κ, σ) es `tupla`(`clave`: κ
`izquierdo`: puntero(`nodo`(κ, σ))
`derecho`: puntero(`nodo`(κ, σ))
`significado`: σ
`nivel`: `nat`)

[\\ http://user.it.uu.se/~arnea/abs/simp.html](http://user.it.uu.se/~arnea/abs/simp.html)

`Rep`: `estr` \rightarrow `bool`

$$\begin{aligned} \text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff & ((\forall n_1, n_2 : \text{estr}(\kappa, \sigma)) (n_1 \in \text{arbol}(e) \wedge n_2 \in \text{arbol}(e) \Rightarrow_L \\ & (n_1.\text{clave} < n_2.\text{clave} \Rightarrow n_1 \in \text{arbol}(n_2.\text{izquierdo})) \wedge (n_1.\text{clave} > n_2.\text{clave} \Rightarrow n_1 \in \text{arbol}(n_2.\text{derecho})) \wedge \\ & ((\forall n_1, n_2 : \text{estr}(\kappa, \sigma)) (n_1 \in \text{arbol}(e) \wedge n_2 \in \text{arbol}(e) \wedge n_1.\text{clave} \neq n_2.\text{clave} \Rightarrow_L \\ & (n_1.\text{izquierdo} = n_2.\text{izquierdo} \vee n_1.\text{izquierdo} = n_2.\text{derecho} \Rightarrow n_1.\text{izquierdo} = \text{NULO}) \wedge \\ & (n_1.\text{derecho} = n_2.\text{izquierdo} \vee n_1.\text{derecho} = n_2.\text{derecho} \Rightarrow n_1.\text{derecho} = \text{NULO})) \wedge \\ & ((\forall n : \text{estr}(\kappa, \sigma)) (n \in \text{arbol}(e) \wedge n.\text{izquierdo} = \text{NULO} \wedge n.\text{derecho} = \text{NULO} \Rightarrow n.\text{nivel} = 1) \wedge \\ & ((\forall n : \text{estr}(\kappa, \sigma)) (n \in \text{arbol}(e) \wedge n.\text{izquierdo} \neq \text{NULO} \Rightarrow (n.\text{izquierdo}).\text{nivel} = n.\text{nivel} - 1) \wedge \\ & ((\forall n : \text{estr}(\kappa, \sigma)) (n \in \text{arbol}(e) \wedge n.\text{derecho} \neq \text{NULO} \Rightarrow \\ & ((n.\text{derecho}).\text{nivel} = n.\text{nivel} - 1 \vee (n.\text{derecho}).\text{nivel} = n.\text{nivel})) \wedge \\ & ((\forall n : \text{estr}(\kappa, \sigma)) (n \in \text{arbol}(e) \wedge n.\text{derecho} \neq \text{NULO} \wedge_L (n.\text{derecho}).\text{derecho} \neq \text{NULO} \Rightarrow_L \\ & ((n.\text{derecho}).\text{derecho}).\text{nivel} < n.\text{nivel}) \wedge \\ & ((\forall n : \text{estr}(\kappa, \sigma)) (n \in \text{arbol}(e) \wedge n.\text{nivel} > 1 \Rightarrow (n.\text{izquierdo} \neq \text{NULO} \wedge n.\text{derecho} \neq \text{NULO})) \end{aligned}$$

`Abs`: `dicc`(κ, σ) $d \rightarrow \text{dicc}(\kappa, \sigma) \{ \text{Rep}(d) \}$

$$\begin{aligned} \text{Abs}(d) \equiv c : \text{dicc}(\kappa, \sigma) \mid & ((\forall k : \kappa) (k \in \text{claves}(c) \Rightarrow \text{Definido?}(c, k)) \wedge \\ & (\text{Definido?}(c, k) \Rightarrow k \in \text{claves}(c))) \wedge_L \\ & (\forall k : \kappa) (k \in \text{claves}(c) \Rightarrow_L \text{obtener}(c, k) =_{\text{obs}} \text{Significado}(d, k)) \end{aligned}$$

Especificación de las operaciones auxiliares utilizadas para `Rep` y `Abs`

`arbol`: `puntero`(`estr`(κ, σ)) $\rightarrow \text{conj}(\kappa)$

`arbol`(`n`) \equiv **if** `n.izq` \neq `null` \wedge `n.der` \neq `null` **then**
`Ag`(`n.clave`, `arbol`(`n.izq`) \cup `arbol`(`n.der`))
else
if `n.izq` \neq `null` **then**
`Ag`(`n.clave`, `arbol`(`n.izq`))
else
if `n.der` \neq `null` **then** `Ag`(`n.clave`, `arbol`(`n.der`)) **else** `Ag`(`n.clave`, \emptyset) **fi**
fi

Algoritmos

Algorithm 30 Implementación de Definido?

```

function iDEFINIDO?(in d: estr , in c:  $\kappa$ )  $\rightarrow$  res: bool
  nodoActual  $\leftarrow$  d  $\triangleright O(1)$ 
  res  $\leftarrow$  FALSE  $\triangleright O(1)$ 
  while  $\neg$ (nodoActual == NULO) &&  $\neg$ res do  $\triangleright$  El ciclo se ejecuta en el peor caso una cantidad de
    veces igual a la altura del arbol. Al ser auto-balanceado, su altura siempre sera  $O(\log(n))$ 
    if nodoActual.clave == c then  $\triangleright O(\text{comparar}(\kappa))$ 
      res  $\leftarrow$  TRUE  $\triangleright O(1)$ 
    else
      if c < nodoActual.clave then  $\triangleright O(\text{comparar}(\kappa))$ 
        nodoActual  $\leftarrow$  nodoActual.izquierdo  $\triangleright O(1)$ 
      else
        nodoActual  $\leftarrow$  nodoActual.derecho  $\triangleright O(1)$ 
      end if
    end if
  end while
end function

```

Algorithm 31 Implementación de Significado

```

function iSIGNIFICADO(in d: estr , in c:  $\kappa$ )  $\rightarrow$  res:  $\sigma$ 
  nodoActual  $\leftarrow$  d  $\triangleright O(1)$ 
  while  $\neg$ (nodoActual == NULO) &&  $\neg$ res do  $\triangleright$  El ciclo se ejecuta en el peor caso  $O(\log(n))$  veces.
    if nodoActual.clave == c then  $\triangleright O(\text{comparar}(\kappa))$ 
      res  $\leftarrow$  nodoActual.significado  $\triangleright O(\text{copiar}(\sigma))$ . Esta operacion solo se ejecuta una vez (implica
       $\neg$ guarda del ciclo que la contiene).
    else
      if c < nodoActual.clave then  $\triangleright O(\text{comparar}(\kappa))$ 
        nodoActual  $\leftarrow$  nodoActual.izquierdo  $\triangleright O(1)$ 
      else
        nodoActual  $\leftarrow$  nodoActual.derecho  $\triangleright O(1)$ 
      end if
    end if
  end while
end function

```

Algorithm 32 Implementación de Vacio

```

function iVACIO  $\rightarrow$  res: estr
  res  $\leftarrow$  NULO  $\triangleright O(1)$ 
end function

```

Algorithm 33 Implementación de Definir

```

function IDEFINIR(inout d: estr , in c:  $\kappa$ , in s:  $\sigma$ )
  if d == NULO then ▷ O(1)
    res ← < c, NULO, NULO, s, 1 > ▷ O(max(copiar( $\kappa$ ), copiar( $\sigma$ )))
  else if c < d.clave then ▷ O(comparar( $\kappa$ ))
    d.izquierdo ← iDefinir(d.izquierdo, c, s) ▷ En el peor caso se llama recursivamente a la funcion
    una cantidad de veces igual a la altura del arbol, que es O(log(n)).
  else if c > d.clave then ▷ O(comparar( $\kappa$ ))
    d.derecho ← iDefinir(d.derecho, c, s) ▷ En el peor caso se llama recursivamente a la funcion una
    cantidad de veces igual a la altura del arbol, que es O(log(n)).
  end if
  d ← Torsion(d) ▷ O(1)
  d ← Division(d) ▷ O(1)
end function

```

Algorithm 34 Implementación de Torsion

```

function ITORSION(in d: estr)→ res: estr
  if d == NULO || d.izquierdo == NULO then ▷ O(1)
    res ← d ▷ O(1)
  else
    if (d.izquierdo).nivel ≥ d.nivel then ▷ O(1)
      nodoAux ← d.izquierdo ▷ O(1)
      d.izquierdo ← nodoAux.derecho ▷ O(1)
      nodo.derecho ← d ▷ O(1)
      res ← nodoAux ▷ O(1)
    else
      res ← d ▷ O(1)
    end if
  end if
end function

```

Algorithm 35 Implementación de Division

```

function IDIVISION(in d: estr)→ res: estr
  if d == NULO || d.derecho == NULO || d.derecho.derecho == NULO then ▷ O(1)
    res ← d ▷ O(1)
  else
    if (d.derecho.derecho).nivel == d.nivel then ▷ O(1)
      nodoAux ← d.derecho ▷ O(1)
      d.derecho ← nodoAux.izquierdo ▷ O(1)
      nodoAux.izquierdo ← d ▷ O(1)
      nodoAux.nivel++ ▷ O(1)
      res ← nodoAux ▷ O(1)
    else
      res ← d ▷ O(1)
    end if
  end if
end function

```

Algorithm 36 Implementación de Borrar

```

function IBORRAR(inout d: estr, in c:  $\kappa$ )
  if  $d == NULO$  then  $\triangleright O(1)$ 
    endFunction
  else if  $c > d.clave$  then  $\triangleright O(\text{comparar}(\kappa))$ 
     $d.derecho \leftarrow iBorrar(d.derecho, c)$   $\triangleright$  En el peor caso se llama recursivamente a la funcion una
    cantidad de veces igual a la altura del arbol, que es  $O(\log(n))$ .
  else if  $c < d.clave$  then  $\triangleright O(\text{comparar}(\kappa))$ 
     $d.izquierdo \leftarrow iBorrar(d.izquierdo, c)$   $\triangleright$  En el peor caso se llama recursivamente a la funcion una
    cantidad de veces igual a la altura del arbol, que es  $O(\log(n))$ .
  else if  $d.izquierdo == NULO \wedge d.derecho == NULO$  then  $\triangleright O(1)$ 
     $borrar(d)$   $\triangleright O(\max(borrar(\kappa), borrar(\sigma)))$ 
     $d \leftarrow NULO$   $\triangleright O(1)$ 
  else if  $d.izquierdo == NULO$  then  $\triangleright O(1)$ 
     $aux \leftarrow d.derecho$   $\triangleright O(1)$ 
    while  $aux.izquierdo \neq NULO$  do  $\triangleright$  En el peor caso el ciclo se ejecuta  $O(\log(n))$  veces.
       $aux \leftarrow aux.izquierdo$   $\triangleright O(1)$ 
    end while
     $d.derecho \leftarrow iBorrar(aux.clave, d.derecho)$ 
     $d.clave \leftarrow aux.clave$   $\triangleright O(\text{copiar}(\kappa))$ 
     $d.significado \leftarrow aux.significado$   $\triangleright O(\text{copiar}(\sigma))$ 
  else
     $aux \leftarrow d.izquierdo$   $\triangleright O(1)$ 
    while  $aux.derecho \neq NULO$  do  $\triangleright$  En el peor caso el ciclo se ejecuta  $O(\log(n))$  veces.
       $aux \leftarrow aux.derecho$   $\triangleright O(1)$ 
    end while
     $d.izquierdo \leftarrow iBorrar(aux.clave, d.izquierdo)$ 
     $d.clave \leftarrow aux.clave$   $\triangleright O(\text{copiar}(\kappa))$ 
     $d.significado \leftarrow aux.significado$   $\triangleright O(\text{copiar}(\sigma))$ 
  end if
   $d \leftarrow Nivelar(T)$   $\triangleright O(1)$ 
   $d \leftarrow Torsion(T)$   $\triangleright O(1)$ 
  if  $d.derecho \neq NULO$  then  $\triangleright O(1)$ 
     $(d.derecho).derecho \leftarrow Torsion((d.derecho).derecho)$   $\triangleright O(1)$ 
  end if
   $d \leftarrow Division(T)$   $\triangleright O(1)$ 
   $d.derecho \leftarrow Division(d.derecho)$   $\triangleright O(1)$ 
   $res \leftarrow d$   $\triangleright O(1)$ 
end function
procedure NIVELAR(inout d: estr)
   $nivel\_correcto \leftarrow \min((d.izquierdo).nivel, (d.derecho).nivel) + 1$   $\triangleright O(1)$ 
  if  $nivel\_correcto < d.nivel$  then  $\triangleright O(1)$ 
     $d.nivel \leftarrow nivel\_correcto$   $\triangleright O(1)$ 
    if  $nivel\_correcto < (d.derecho).nivel$  then  $\triangleright O(1)$ 
       $(d.derecho).nivel \leftarrow nivel\_correcto$   $\triangleright O(1)$ 
    end if
  end if
end procedure

```
