Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Trabajo Práctico Número 2 DCNet

Grupo: 21

Integrante	LU	Correo electrónico
Alvarez, Lautaro Leonel	268/14	lautarolalvarez@gmail.com
Maddonni, Axel Ezequiel	200/14	axel.maddonni@gmail.com
Thibeault, Gabriel Eric	114/13	grojo94@hotmail.com
Vigali, Leandro Ezequiel	951/12	leandrovigali@yahoo.com.ar

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

Índice

1.	Módulo Red	3
2.	Módulo DCNet	15
3.	Módulo Cola de Prioridad Logaritmica (α)	26
4.	Módulo Diccionario Universal (σ)	32
5 .	Módulo Diccionario Logaritmico (κ, σ)	33

usa: $CONJ(\alpha)$, $ITCONJ(\alpha)$, $LISTA(\alpha)$, $ITLISTA(\alpha)$.

1. Módulo Red

Interfaz

```
se explica con: Red.
    géneros: red.
Operaciones de Red
    COMPUTADORAS(in r: red) \rightarrow res: conj (hostname)
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(r))\}
    Complejidad: O(n)
    Descripción: devuelve el conjunto de las computadoras.
    Aliasing: res se devuelve por copia.
    CONECTADAS?(in r: red, in c1: hostname, in c2: hostname) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{c1, c2 \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(r))\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{conectadas}?(r, \text{dameCompu}(c1), \text{dameCompu}(c2))\}
    Complejidad: O(n*L)
    Descripción: indica si las computadoras estan conectadas por alguna de sus interfaces.
    INTERFAZUSADA(in r: red, in c1: hostname, in c2: hostname) \rightarrow res: interfaz
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{conectadas}(r, \operatorname{dameCompu}(c1), \operatorname{dameCompu}(c2)) \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ interfazUsada}(r, \text{dameCompu}(c1), \text{dameCompu}(c2))\}
    Complejidad: O(n*L)
    Descripción: devuelve la interfaz por la cual estan conectadas c1 y c2.
    INICIARRED() \rightarrow res : red
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \text{ iniciarRed()} \}
    Complejidad: O(1)
    Descripción: crear una nueva Red.
    AGREGARCOMPU(in/out \ r : red, in \ c1 : compu)
    \mathbf{Pre} \equiv \{r = r_0 \land (\forall c: \mathrm{compu}) \ c \in \mathrm{computadoras}(r_0) \Rightarrow \mathrm{ip}(c) \neq c1\}
    \mathbf{Post} \equiv \{r =_{obs} \operatorname{agregarComputadora}(r_0, c1)\}\
    Complejidad: O(L+i) i=cantidad de interfaces
    Descripción: agregar una computadora a la Red.
    Aliasing: la computadora se agrega por copia.
    CONECTAR(in r: red, in c_1: hostname, in i_1: interfaz in c_2: hostname, in i_2: interfaz)
    \mathbf{Pre} \equiv \{r = r_0 \land c_1, c_2 \in \mathbf{dameHostnames}(\mathbf{computadoras}(r)) \land c_1 \neq c_2 \land \mathbf{computadoras}(r)\}
                                                      dameCompu(c_2)) \land ¬usaInterfaz?(r,
    \negconectadas?(r, dameCompu(c_1),
                                                                                                                dameCompu(c_1),
    i_1) \land \negusaInterfaz?(r, \text{dameCompu}(c_2), i_2) \land i_1 \in \text{dameCompu}(c_1).interfaces \land i_2 \in
    dameCompu(c_2).interfaces
    \mathbf{Post} \equiv \{r =_{obs} (\operatorname{conectar}(r_0, \operatorname{dameCompu}(c_1), i_1, \operatorname{dameCompu}(c_2), i_2)\}
    Complejidad: O(n^6 + n^5 * L)
    Descripción: conectar dos computadoras de la red.
    VECINOS(in \ r : red, in \ c : hostname) \rightarrow res : conj(hostname)
    \mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(r))\}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \mathbf{dameHostnames}(\mathbf{vecinos}(r, \mathbf{dameCompu}(c)))\}
```

Complejidad: O(n*L)

```
Descripción: da el conjunto de computadoras vecinas.
    Aliasing: el conjunto se devuelve por copia.
    USAINTERFAZ?(in r: red, in c: hostname, in i: interfaz) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(r))\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{usaInterfaz}?(r, \text{dameCompu}(c), i)\}
    Complejidad: O(n)
    Descripción: indica si la interfaz está siendo utilizada.
    CAMINOSMINIMOS(in r: red, in c_1: hostname, in c_2: hostname) \rightarrow res: conj(lista(hostname))
    \mathbf{Pre} \equiv \{c1, c2 \in \mathbf{dameHostnames}(\mathbf{computadoras}(r))\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ dameCaminosdeHostnames}(\operatorname{caminosMinimos}(r, \operatorname{dameCompu}(c_1), \operatorname{dameCompu}(c_2)))\}
    Complejidad: O(n*L)
    Descripción: devuelve los conjuntos de caminos minimos entre las computadoras ingresadas.
    Aliasing: res se devuelve por copia.
    \text{HAYCAMINO}?(in r: red, in c_1: hostname, in c_2: hostname) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{c1, \ c2 \in \mathbf{dameHostnames}(\mathbf{computadoras}(r))\}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ hayCamino?}(r, \text{dameCompu}(c_1), \text{dameCompu}(c_2))\}
    Complejidad: O(n*n)
    Descripción: indica si las computadoras son alcanzables mediante algún camino.
    ullet == ullet (\mathbf{in} \ r_1 \colon \mathtt{red}, \ \mathbf{in} \ r_2 \colon \mathtt{red}) 	o res : \mathtt{bool}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} (r_1 =_{obs} r_2)\}
    Complejidad: O(n*n*(L+n*n+m)+n*m*m)
    Descripción: indica si dos redes son iguales.
    COPIAR(in r: red) \rightarrow res : red
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \mathbf{r}\}\
    Descripción: O(n^3)
    Aliasing: copia la red.
    Requiere: res se devuelve por copia
    donde:
hostname es string,
interfaz es nat,
compu es tupla < ip: hostname, interfaces: conj(interfaz) >.
    Especificación de las operaciones auxiliares utilizadas en la interfaz (no exportadas)
TAD RED EXTENDIDA
     extiende
                      Red
     otras operaciones
        damehostnames
                                                 : conj(compu) \longrightarrow conj(hostname)
        dameCompu
                                                 : red r \times \text{hostname } s \longrightarrow \text{compu}
                                                                                                          \{s \in \text{hostnames}(r)\}
                                                 : red r \times \text{hostname } s \times \text{conj(compu)} cc \longrightarrow \text{compu}
        auxDameCompu
                                                                           \{s \in \text{hostnames}(r) \land cc \subset \text{computadoras}(r)\}
        dameCaminosDeHostnames
                                                 : conj(secu(compu)) \longrightarrow conj(secu(hostname))
        dameSecuDeHostnames
                                                 : secu(compu) \longrightarrow secu(hostname)
```

axiomas

 $\forall r : \text{red}, \forall cc : \text{conj}(\text{compu}), \forall s : \text{hostname}, \forall cs : \text{conj}(\text{secu}(\text{compu})), \forall secu : \text{secu}(\text{compu})$

```
dameHostnames(cc) \equiv if vacio?(cc) then
                            else
                                Ag(ip(dameUno(cc)), dameHostnames(sinUno(cc)))
dameCompu(r, s) \equiv auxDameCompu(r, s, computadoras(r))
\operatorname{auxDameCompu}(r, s, cc) \equiv \operatorname{if} \operatorname{ip}(\operatorname{dameUno}(cc)) = s \operatorname{then}
                                      dameUno(cc)
                                      \operatorname{auxDameCompu}(r, s, \sin \operatorname{Uno}(cc))
                                  fi
dameCaminosDeHostnames(cs) \equiv if \text{ vacio}?(cs) then
                                         else
                                                                      dameSecuDeHostnames(dameUno(cs)),
                                             Ag(
                                             dameCaminosDeHostnames(sinUno(cs)))
dameSecuDeHostnames(secu) \equiv if vacia?(secu) then
                                           <>
                                       else
                                           ip(prim(secu)) \bullet dameSecuDeHostnames(fin(secu))
```

Fin TAD

Representación

```
red se representa con estr_red
   donde:
estr_red es dicc(hostname, datos)
    donde datos es tupla(interfaces: conj(interfaz)
                          conexiones: dicc(interfaz, hostname)
                          alcanzables: dicc(dest: hostname, caminos: conj(lista(hostname))) )
  hostname es string, interfaz es nat.
Para cada computadora:
1: Las interfaces usadas pertenecen al conjunto de interfaces de la compu.
2: Los vecinos perteneces a las computadoras de la red.
3: Los vecinos son distintos a la compu actual.
4: Los vecinos no se repiten.
5: Las conexiones son bidireccionales.
6: Los alcanzables pertenecen a las computadoras de la red.
7: Los alcanzables son distintos a la actual.
8: Los alcanzables tienen un camino válido hacia ellos desde la actual.
9: Para cada alcanzable, el conjunto de camiinos válidos no es vacío.
10: Todos los caminos en el diccionario alcanzables son válidos.
11: Los caminos son mínimos.
12: Están todos los mínimos.
```

```
Rep : estr red
                                                                                       \longrightarrow bool
            Rep(e) \equiv true \iff (\forall c: hostname, c \in claves(e))
                                                      \\ \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \( \) \(
                                                     (\forall i: interfaz, i \in claves(obtener(e, c).conexiones))
                                                      \\ 2 obtener(obtener(e, c).conexiones, i) \in claves(e) \land
                                                      \\ 3 obtener(obtener(e, c).conexiones, i) \neq c \land
                                                      c).conexiones, i) == obtener(obtener(e, c).conexiones, i') \land
                                                      \setminus \setminus 5 (\forall h: hostname) (h == \text{obtener}(\text{obtener}(e, c).\text{conexiones}, i) \Rightarrow (\exists i':\text{int}) \text{ obtener}(\text{obtener}(e, c).\text{conexiones}, i) \Rightarrow (\exists i':\text{int}) \text{ obtener}(e, c).\text{conexiones}, i) \Rightarrow (\exists i':\text{int}) \text{ 
                                                     h).conexiones, i') == c) ) \wedge
                                                      (\forall a: hostname, a \in claves(obtener(e, c).alcanzables)
                                                      \backslash \backslash  \uparrow a \neq c \land
                                                      \ (\exists s: secu(hostname)) esCaminoVálido(c, a, s) \land
                                                      \\ 9 #obtener(obtener(e, c).alcanzables, a) > 0 \land L
                                                     (\forall \ camino: secu(hostname), \ camino \in obtener(obtener(e, c).alcanzables, a)
                                                      \\ 10 esCaminoVálido(c, a, camino) \land
                                                      \\ 11 \neg(\exists \ camino': \ secu(hostname), \ camino \neq \ camino', \ esCaminoVálido(c, \ a, \ camino'))
                                                     long(camino') < long(camino) \land
                                                     long(camino == long(camino')) (camino' \notin obtener(obtener(e, c).alcanzables, a))
            La abreviatura esCaminoValido usada en el Rep se debe leer: (no son funciones, son abreviaturas para
hacer más fácil la lectura)
            esCaminoValido(orig, dest, secu) \equiv (prim(secu) == orig \land
                                                                                                                                                        (\forall i: \text{nat}, 0 < i < \text{long}(secu)) \text{ esVecino } (secu[i], secu[i+1]) \land
                                                                                                                                                        secu [long(secu)-1] == dest \land
                                                                                                                                                        sinRepetidos(secu))
            Con esVecino (h1, h2) \equiv (\exists i: interfaz) h2 == obtener (obtener(e, h1).conexiones, i)
            Abs : estr red e \longrightarrow \text{red}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                \{\operatorname{Rep}(e)\}
            Abs(e) \equiv r \mid computadoras(r) = dameComputadoras(e) \wedge_L
                                                    (\forall c1, c2: compu, c1, c2 \in computadoras(r)) conectadas?(r, c1, c2) = (\exists i: interfaz) (c2.ip = (\exists i: interfaz)) (c2.ip = (\exists i: interfaz))
                                                    obtener(obtener(e, c1.ip).conexiones, i) \land_L
                                                    interfazUsada(r, c1, c2) = buscarClave (obtener(e, c1.ip).conexiones, c2.ip)
```

Especificación de las funciones auxiliares utilizadas en abs

```
dameComputadoras
                           : dicc(hostname;X)
                                                                                             \longrightarrow conj(computadoras)
auxDameComputadoras : dicc(hostname;X) \times conj(hostname)
                                                                                                \rightarrow conj(computadoras)
buscarClave
                           : dicc(interfaz;hostname) \times hostname
                                                                                             \longrightarrow interfaz
auxBuscarClave
                           : dicc(interfaz;hostname) \times hostname \times conj(interfaz)
                                                                                             \longrightarrow interfaz
              \forall e: dicc(hostname, X), \forall d: dicc(interfaz, hostname), \forall cc: conj(hostname), \forall ci:
axiomas
              conj(interfaz), \forall h: hostname
dameComputadoras(e) \equiv auxDameComputadoras(e, claves(e))
auxDameComputadoras(e, cc) \equiv \mathbf{if} \ \emptyset?(cc) \mathbf{then}
                                     else
                                                  <dameUno(cc),
                                                                        obtener(e,
                                                                                        dameUno(cc)).interfaces>,
                                         Ag(
                                         auxDameComputadoras(e, sinUno(cc)))
buscarClave(d, h) \equiv auxBuscarClave(d, h, claves(d))
auxBuscarClave(d, h, ci) \equiv if obtener(d, dameUno(cc)) = h then
                                  dameUno(cc)
                               else
                                   auxBuscarClave(d, h, sinUno(ci))
```

Algoritmos

```
Algorithm 1 Implementación de Computadoras
  function ICOMPUTADORAS(in r: estr red)\rightarrow res: conj(hostname)
                                                                                                                        ⊳ O(1)
       it \leftarrow crearIt(r)
       res \leftarrow Vacio()
                                                                                                                        ⊳ O(1)
                                                                 ⊳ conjunto
       while HaySiguiente(it) do
                                                \triangleright Guarda: O(1)
                                                                             ▷ El ciclo se ejecuta n veces
                                                                                                                        \triangleright O(n)
           Agregar(res, SiguienteClave(it))
                                                                                                                        ▷ O(1)
           Avanzar(it)
                                                                                                                        ▷ O(1)
       end while
  end function
                                                                                                                       \triangleright O(n)
Algorithm 2 Implementación de Conectadas?
  function ICONECTADAS? (in r: estr red, in c1: hostname, in c2: hostname) → res: bool
                                                                                                                        ⊳ O(n)
       it \leftarrow CrearIt(Significado(r,c1).conexiones)
       res \leftarrow FALSE
                                                                                                                        \triangleright O(1)
       while HaySiguiente(it) && \neg \text{res do} \triangleright \text{Guarda: } O(1) \triangleright \text{El ciclo se ejecuta a lo sumo n-1 veces} \triangleright O(n)
           if SiguienteClave(it)==c2 then
                                                                                                                        \triangleright O(L)
               res \leftarrow TRUE
           end if
           Avanzar(it)
                                                                                                                        ▷ O(1)
       end while
  end function
                                                                                                                    > O(n*L)
Algorithm 3 Implementación de InterfazUsada
  function IINTERFAZUSADA(in r: estr red, in c1: hostname, in c2: hostname)→ res: interfaz
                                                                                                                        \triangleright O(n)
       it \leftarrow CrearIt(significado(r,c1).conexiones)
       while HaySiguiente(it) do
                                           \triangleright Guarda: O(1)
                                                                   \triangleright El ciclo se ejecuta a lo sumo n-1 veces
                                                                                                                        \triangleright O(n)
          if SiguienteSignificado(it)==c2 then
                                                                                                                        \triangleright O(L)
               res \leftarrow SiguienteClave(it)
                                                                   ⊳ nat por copia
                                                                                                            \triangleright O(\text{copiar}(\text{nat}))
           end if
           Avanzar(it)
                                                                                                                        ⊳ O(1)
       end while
                                                                                                                    ⊳ O(n*L)
  end function
```

Algorithm 4 Implementación de IniciarRed		
function IINICIARRED() \rightarrow res: estr_red		
$res \leftarrow Vacio()$	\triangleright Diccionario	$\triangleright O(1)$
end function		⊳ O(1)

```
Algorithm 6 Implementación de Conectar
  function ICONECTAR (inout r: estr red, in c1: hostname, int i1:interfaz, in c2: hostname, in i2:interfaz)
  \\ Actualizo conexiones de ambas
                                                                                   \triangleright O(n) + O(L) + O(copiar(nat))
      DefinirRapido(Significado(r, c1).conexiones, i1, c2)
      DefinirRapido(Significado(r, c2).conexiones, i2, c1)
                                                                                  \triangleright O(n) + O(L) + O(copiar(nat))
  \\ Actualizo caminos de ambas
                                                                                                    \triangleright O(n^4 + n^3 \times L)
      ActualizarCaminos(r, c1, c2)
      ActualizarCaminos(r, c2, c1)
                                                                                                   \triangleright O(n^4 + n^3 \times L)
  \\ Creo conjunto con los actualizados hasta el momento
      actualizados \leftarrow Vacio()
                                                                                                            ⊳ conjunto
      AgregarRapido(actualizados, c1)
                                                                                                                \triangleright O(L)
                                                                                                               \triangleright O(L)
      AgregarRapido(actualizados, c2)
  \\ Actualizo caminos del resto de la Red por recursion
                                                                                                    > O(n^6 + n^5 * L)
      ActualizarVecinos(r, c1, actualizados)
                                                                                                    \triangleright O(n^6 + n^5 * L)
  end function
```

```
Algorithm 7 Implementación de función auxiliar Actualizar Caminos
  function IACTUALIZARCAMINOS(inout r: estr red, in c1: hostname, in c2: hostname)
  \\ Recorro los alcanzables de c2
     itAlcanzables2 \leftarrow crearIt(Significado(r, c2).alcanzables)
                                                                                                        \triangleright O(n)
     while (HaySiguiente(itAlcanzables2) do
                                                         ⊳ se ejecuta a lo sumo n-1 veces
                                                                                                     \triangleright O(n) x
  \\ Recorro alcanzables de c1
         itAlcanzables1 \leftarrow crearIt(Significado(r, c1).alcanzables)
                                                                                                        \triangleright O(n)
         while (HaySiguiente(itAlcanzables1)) do
                                                            ⊳ se eiecuta a lo sumo n-1 veces
                                                                                                      \triangleright O(n) x
                                                                                                       \triangleright O(L)
            if (SiguienteClave(itAlcanzables2) == SiguienteClave(itAlcanzables1)) then
  \\ El alcanzable ya estaba, me fijo que caminos son más cortos
                itCaminos \leftarrow crearIt (SiguienteSignificado(itAlcanzables2))
                                                                                                        ▷ O(1)
                camino2 \leftarrow Siguiente(itCaminos)
                                                                ⊳ camino minimo del c2
                                                                                                        > O(n)
                itCaminos \leftarrow crearIt (SiguienteSignificado(itAlcanzables1))
                                                                                                        ▷ O(1)
                camino1 \leftarrow Siguiente(itCaminos)
                                                                ⊳ camino minimo del c1
                                                                                                        \triangleright O(n)
                if (longitud(camino1) > longitud(camino2)) then
                                                                             ⊳ cada camino tiene a lo sumo n
 elementos
                                                                                                       ▷ O(1)
  Borrar(Significado(r, c1).alcanzables, SiguienteClave(itAlcanzables1))
                                                                                                       ⊳ O(n)
  \\ Nuevo alcanzable: me copio los caminos agregando c1 al principio
                    itCaminos \leftarrow crearIt (SiguienteSignificado(itAlcanzables2))
                                                                                                        ⊳ O(1)
                    caminos \leftarrow Vacio() > conjunto donde voy a guardar los caminos modificados > O(1)
                    while (HaySiguiente(itCaminos)) do
                                                                                                      \triangleright O(n) x
                       nuevoCamino ← copy(Siguiente(itCaminos)) ▷ copio el camino que voy a modificar
 ⊳ O(n)
                       AgregarAdelante(nuevoCamino, c1)
                                                                                                       \triangleright O(L)
                                                                                                        > O(n)
                       AgregarRapido (caminos, nuevoCamino)
                       Avanzar(itCaminos)
                                                                                                        ▷ O(1)
                    end while
                                                                                            \triangleright O(n \times (n + L))
  \\ agrego el nuevo alcanzable con el camino
                    DefinirRapido(Significado(r,c1).alcanzables, SiguienteClave(itAlcanzables2), caminos) >
 O(n) + O(L)
                else
                    if (longitud(camino1) == longitud(camino2)) then
                                                                                                       ▷ O(1)
     Tengo que agregar los nuevos caminos (modificados) al conjunto de caminos actual
                       itCaminos \leftarrow crearIt(SiguienteSignificado(itAlcanzables2))
                                                                                                        ⊳ O(1)
                       while (HaySiguiente(itCaminos)) do
                                                                                                      \triangleright O(n) x
                           nuevoCamino \leftarrow copy(Siguiente(itCaminos))
                                                                                  ⊳ copio el camino que voy a
  modificar
                                                                                                        \triangleright O(n)
                           AgregarAdelante(nuevoCamino, c1)
                                                                                                       \triangleright O(L)
                           Agregar(SiguienteSignificado(itAlcanzables1), nuevoCamino)
                                                                                                        \triangleright O(n)
                           Avanzar(itCaminos)
                                                                                                        \triangleright O(1)
                       end while
                                                                                             \triangleright O(n \times (n + L))
                    end if
                end if
            else
  \\ Nuevo alcanzable : me copio los caminos agregando c1 al principio
                itCaminos \leftarrow crearIt (SiguienteSignificado(itAlcanzables2))
                                                                                                        ⊳ O(1)
                                        ⊳ O(1)
                caminos \leftarrow Vacio()
                while (HaySiguiente(itCaminos)) do
                                                                                                      \triangleright O(n) x
                    nuevoCamino \leftarrow copy(Siguiente(itCaminos)) \triangleright copio el camino que voy a modificar \triangleright
  O(n)
                    AgregarAdelante(nuevoCamino, c1)
                                                                                                       \triangleright O(L)
                    AgregarRapido (caminos, nuevoCamino)
                                                                                                        \triangleright O(n)
                    Avanzar(itCaminos)
                                                                                                        \triangleright O(1)
                end while
                                                                                             \triangleright O(n \times (n + L))
                DefinirRapido(Significado(r, c1).alcanzables, SiguienteClave(itAlcanzables2), caminos)
```

```
Avanzar(itAlcanzables1)
                                                                                    \triangleright O(n x (n + (n x (n + L))))
          end while
          Avanzar(itAlcanzables2)
      end while O(n + n \times (n \times (n + (n \times (n + L))))
                                                                                                  \triangleright O(n^4 + n^3 \times L)
  end function
Algorithm 8 Implementación de función auxiliar Actualizar Vecinos
  function IACTUALIZARVECINOS(inout r: estr red, in c1: hostname, in conj(hostname) actualizados)
  \\ Actualiza los caminos de los vecinos de C, y luego hace recursion para los vecinos de los vecinos.
      itVecinos \leftarrow crearIt(Significado(r, c1).conexiones)
                                                                                                              \triangleright O(n)
      while (HaySiguiente(itVecinos)) do
                                                                                                           \triangleright O(n x)
  \\ Si todavÃa no fue actualizado, lo actualizo y hago recursión sobre los vecinos.
          if (SiguienteClave(itVecinos) ∉ actualizados) then
                                                                                                          \triangleright O(n \times L)
                                                                                                   \triangleright O(n^4 + n^3 \times L)
             ActualizarCaminos(r, SiguienteClave(itVecinos), c)
             AgregarRapido (actualizados, SiguienteClave(itVecinos))
                                                                                                              \triangleright O(L)
             ActualizarVecinos(r, SiguienteClave(itVecinos), actualizados) ⊳ recursión hasta actualizar las n
  computadoras, O(n) x
         end if
          Avanzar(itVecinos)
                                                                                                              \triangleright O(1)
      end while
                                                                                                   \triangleright O(n^6 + n^5 * L)
  end function
Algorithm 9 Implementación de Vecinos
  function IVECINOS(input r: estr red, in c1: hostname) → res: conj(hostname)
                                                                                                      \triangleright O(1) + O(n)
      it \leftarrow CrearIt(Significado(r,c1).conexiones)
      res \leftarrow Vacio()
                                                            ▷ Conjunto
                                                                                                              ▷ O(1)
      while HaySiguiente(it) do
                                       \triangleright Guarda: O(1)
                                                             ▷ El ciclo se ejecuta a lo sumo n-1 veces
                                                                                                              \triangleright O(n)
          AgregarRapido(res, SiguienteSignificado(it))
                                                                                                              \triangleright O(L)
          Avanzar(it)
                                                                                                              ⊳ O(1)
      end while
  end function
                                                                                                          ▷ O(n*L)
Algorithm 10 Implementación de UsaInterfaz
  function IUsaInterfaz(in r: estr red, in c: hostname, in i: interfaz) \rightarrow res: bool
      res \leftarrow Definido?(Significado(r,c).conexiones,i)
                                                                                             ▷ O(comparar(nat)*n)
  end function
                                                                                                              > O(n)
Algorithm 11 Implementación de Caminos Minimos
  function ICAMINOSMINIMOS(in r:
                                              estr red,
                                                             in
                                                                 c1:
                                                                        hostname,
                                                                                      in
                                                                                           c2:
                                                                                                 hostname) \rightarrow
  conj(lista(hostname))
      itCaminos \leftarrow crearIt(Significado(Significado(r,c1).alcanzables, c2))
                                                                                                   \triangleright O(1) + O(L*n)
      res \leftarrow Vacio()
                                                            ▷ Conjunto
                                                                                                              \triangleright O(1)
      while HaySiguiente(itCaminos) do
          AgregarRapido(res, Siguiente(itCaminos))
                                                                                                              \triangleright O(1)
          Avanzar(itCaminos)
                                                                                                              \triangleright O(1)
      end while
  end function
                                                                                                          > O(n*L)
Algorithm 12 Implementación de HayCamino?
  function IHAYCAMINO?(in r: estr red, in c1: hostname, in c2: hostname)→ res: bool
                                                                                                            > O(n*n)
      res \leftarrow Definido?(Significado(r,c1).alcanzables, c2)
                                                                                                           > O(n*n)
  end function
```

```
Algorithm 13 Implementación de ==
  function IIGUALDAD(in r1: estr_red, in r2: estr_red)\rightarrow res: bool
     res \leftarrow TRUE
                                                                                                    ▷ O(1)
     if \neg(\#\text{Claves}(r1) = \#\text{Claves}(r2)) then
                                                                                      \triangleright O(\text{comparar}(\text{nat}))
  res \leftarrow FALSE
                                                                                                    ⊳ O(1)
     else
        itRed1 \leftarrow CrearIt(r1)
                                                                                                    ⊳ O(1)
         while HaySiguiente(itRed1) && res do
                                                                          ⊳ Se ejecuta n veces
                                                     \triangleright Guarda: O(1)
                                                                                                   \triangleright O(n)
  \\ Recorro la red 1 y me fijo para cada una de sus computadoras
            if ¬(Definido?(r2, SiguienteClave(itRed1)) then
                                                                                                 > O(L*n)
  \ Si no estA; definido su hostname en la red 2 =>las redes son distintas
               res \leftarrow FALSE
                                                                                                    \triangleright O(1)
            else
               Compu2 \leftarrow Significado(r2,SiguienteClave(itRed1))
                                                                                                 > O(L*n)
               Compu1 \leftarrow SiguienteSignificado(itRed1)
                                                                                                   ▷ O(1)
  \\ Tomo las computadoras de red 1 y red 2 con el mismo hostname y las comparo
               if \neg(Comp1.interfaces == Comp2.interfaces) then
                                                                            ▷ O(m*m) con m=cantidad de
 interfaces
  ⊳ O(1)
                   res \leftarrow FALSE
               end if
               if \neg(Comp1.conexiones == Comp2.conexiones) then
  \ Si sus conexiones son distintas =>las redes son distintas
                                                                                                    ⊳ O(1)
                   res \leftarrow FALSE
               end if
               if \neg(\#\text{Claves}(\text{Compu1.alcanzables}) = \#\text{Claves}(\text{Compu2.alcanzables})) then
  res \leftarrow FALSE
                                                                                                    ⊳ O(1)
               else
                   itAlc1 \leftarrow CrearIt(Compu1.alcanzables)
                                                                                                    \triangleright O(1)
                   while HavSiguiente(itAlc1) && res do

⊳ se ejecuta a lo sumo n−1 veces

                                                                                                   \triangleright O(n)
 \\ Para cada alcanzable de la computadora de la red 1
                      if ¬(Definido?(Comp2.alcanzables, SiguienteClave(itAlc1))) then
                                                                                                   ⊳ O(m)
  \\ Si no está definida en los alcanzables de la compu de la red 2 =>las redes son distintas
                          res \leftarrow FALSE
                      else
                          Caminos1 \leftarrow SiguienteSignificado(itAlc1)
                                                                                                    ▷ O(1)
                          Caminos2 \leftarrow Significado(Comp2.alcanzables, itAlc1)
                                                                                                   \triangleright O(n)
  \\ Me guardo los 2 conjuntos de caminos (de la compu de la red 1 y la de la red 2)
```

```
if \neg(\text{Longitud}(\text{Caminos1}) == \text{Longitud}(\text{Caminos2})) then \triangleright O(\text{comparar}(\text{nat}))
res \leftarrow FALSE
                       else
                          itCaminos1 \leftarrow CrearIt(Caminos1)
                                                                                              ▷ O(1)
                          while HaySiguiente(itCaminos1) && res do
\\ Para cada camino en el conjunto de caminos de la compu de la red 1
\\ Recorro los caminos de la compu de la red 2
                             itCaminos2 \leftarrow CrearIt(Caminos2)
                                                                                              ⊳ O(1)
                             noEncontro \leftarrow TRUE
                                                                                              ⊳ O(1)
                             while HaySiguiente(itCaminos2) && noEncontro do
\\ Busco que el camino de la compu de la red 1 esté en la compu de la red 2
                                if Siguiente(itCaminos2) == Siguiente(ItCaminos1) then
                                    noEncontro \leftarrow FALSE
                                 end if
                                 Avanzar(itCaminos2)
                                                                                              ⊳ O(1)
                             end while
                             if noEncontro then
                                                                                              ▷ O(1)
res \leftarrow FALSE
                                                                                              \triangleright O(1)
                             end if
                             Avanzar(itCaminos1)
                                                                                              ⊳ O(1)
                          end while
                       end if
                   end if
                    Avanzar(itAlc1)
                                                                                              ⊳ O(1)
                end while
             end if
         end if
          Avanzar(itRed1)
                                                                                              \triangleright O(1)
      end while
   end if
end function
                                                         \triangleright O(n*n * (L + n*n + m) + n*m*m)
```

Algorithm 14 Implementación de Copiar			
function ICOPIAR(in r: estr_red) \rightarrow res:	red		
$res \leftarrow IniciarRed()$			$\triangleright \mathrm{O}(1)$
\\ Crea una red vacia.			
$itRed \leftarrow CrearIt(r)$			$\triangleright O(1)$
while HaySiguiente(itRed) do	$\triangleright \mathrm{O}(1)$	⊳ se ejecuta n veces	> O(n)
\\ Para cada computadora en la red origi	nal.		
$copiaAlcanzables \leftarrow Vacio()$		▷ diccionario	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $			
$itAlcanzables \leftarrow CrearIt(SiguienteState)$	Significado(itRed	l).alcanzables)	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
		O(1) > se ejecuta a lo sumo n vece	es $\triangleright O(n)$
\\ Para cada conjunto de caminos mínim	os (cada destino).	
$copiaCaminos \leftarrow Vacia()$		⊳ lista	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
\\ Inicia el conjunto de caminos mínimos			
$itCaminos \leftarrow CrearIt(Siguiente)$	Significado(itAlc	anzables))	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
while HaySiguiente(itCaminos)) do		
\\ Para cada camino en el conjunto origi	nal.		
AgregarAdelante(copiaCami	nos, Siguiente(it	Caminos)) \triangleright O(copia:	r(camino))
$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	delante del conju	nto de caminos mínimos.	
Avanzar(itCaminos)			$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end while			
Definir(copiaAlcanzables, Siguie	enteClave(itAlca)	nzables), copiaCaminos)	
\\ Define el destino y sus caminos mínim	os en la copia de	e alcanzables.	
Avanzar(itAlcanzables)			$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end while			
		r(SiguienteSignificado(itRed).interfactorial (itRed))	ices), Co-
piar(SiguienteSignificado(itRed).conexione	es), copiaAlcanza	ables))	
$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	los campos ante	s copiados.	
Avanzar(itRed)			$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end while			
end function			

2. Módulo DCNet

Interfaz

```
usa: RED, CONJ(\alpha), ITCONJ(\alpha), LISTA(\alpha), ITLISTA(\alpha), DICC_{UNIV}(\kappa, \sigma), DICC_{LOG}(\kappa, \sigma), COLA_{LOG}(\alpha). se explica con: DCNET. géneros: dcnet.
```

Operaciones de DCNet

```
Red(\mathbf{in}\ d: \mathtt{dcnet}) \to res : \mathtt{red}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{obs} \operatorname{red}(d)) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve la red asociada.
Aliasing: res no es modificable.
CAMINORECORRIDO(in d: dcnet, in p: IDpaquete) \rightarrow res: lista(hostname)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{IDpaqueteEnTransito?}(d, p) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \mathsf{dameSecuDeHostnames}(\mathsf{caminoRecorrido}(d, \mathsf{damePaquete}(p)))\}
Complejidad: O(n * log(k))
Descripción: devuelve el camino recorrido desde el origen hasta el actual.
Aliasing: res se devuelve por copia.
CantidadEnviados(in d: dcnet, in c: hostname) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(\text{red}(d)))\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{cantidadEnviados}(d, \text{dameCompu}(c))\}
Complejidad: O(L)
Descripción: devuelve la cantidad de paquetes enviados por la computadora.
ENESPERA(in d: dcnet, in c: hostname) \rightarrow res: conj(paquete)
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(\text{red}(d)))\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{obs} \operatorname{enEspera}(d, \operatorname{dameCompu}(c))) \}
Complejidad: O(L)
Descripción: devuelve los paquetes en la cola de la computadora.
Aliasing: res no es modificable.
INICIARDCNET(in r : red) \rightarrow res : dcnet
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{iniciarDCNet}(r)\}\
Complejidad: O(N*n*(L+n)
Descripción: crea una nueva Dcnet.
Aliasing: la red se agrega por copia.
CREARPAQUETE(in/out d: dcnet, in p: paquete)
\mathbf{Pre} \equiv \{d = d_0 \land \neg ( (\exists p': paquete) (paqueteEnTransito?(d, p') \land id(p') = id(p)) \land (\exists p': paquete) (paqueteEnTransito?(d, p') \land id(p') = id(p)) \land (\exists p': paquete) (paqueteEnTransito?(d, p') \land id(p') = id(p)) \land (\exists p': paquete) (paqueteEnTransito?(d, p') \land id(p') = id(p)) \land (\exists p': paquete) (paqueteEnTransito?(d, p') \land id(p') = id(p)) \land (\exists p': paquete) (paqueteEnTransito?(d, p') \land id(p') = id(p)) \land (\exists p': paquete) (paqueteEnTransito?(d, p') \land id(p') = id(p)) \land (\exists p': paqueteEnTransito?(d, p')) \land (\exists p': paqueteEnTransito?(d, p'
\operatorname{origen}(p) \in \operatorname{computadoras}(\operatorname{red}(d)) \wedge_L \operatorname{destino}(p) \in \operatorname{computadoras}(\operatorname{red}(d)) \wedge_L \operatorname{hayCamino}(\operatorname{red}(d))
\operatorname{origen}(p), \operatorname{destino}(p)
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} \mathbf{crearPaquete}(d_0, p)\}\
Complejidad: O(L * log(k))
Descripción: agrega un paquete a la red.
Aliasing: el paquete se agrega por copia.
```

```
AVANZARSEGUNDO(in/out d: dcnet)
    \mathbf{Pre} \equiv \{d = d_0\}
    \mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} \operatorname{avanzarSegundo}(d_0)\}\
    Complejidad: O(n * (L + log(k)))
    Descripción: realiza los movimientos de paquetes correspondientes, aplicando los cambios necesarios a
    la dcnet.
    PAQUETEENTRANSITO?(in d: dcnet, in p: IDpaquete) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \mathbf{IDpaqueteEnTransito?}(d, p) \}
    Complejidad: O(n * k)
    Descripción: indica si el paquete esta en alguna de las colas dado el ID.
    LaQueMasEnvio(\mathbf{in}\ d: \mathtt{dcnet}) \rightarrow res: \mathtt{hostname}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{laQueMasEnvio}(d).ip\}
    Complejidad: O(1)
    Descripción: devuelve la computadora que más paquetes envió.
    Aliasing: res se devuelve por copia.
    \bullet = \bullet (\mathbf{in} \ d_1 : \mathtt{dcnet}, \ \mathbf{in} \ d_2 : \mathtt{dcnet}) \to res : \mathtt{bool}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} (d_1 =_{obs} d_2 \}
    Complejidad: O(n*n * (L + n*n + m + log(k)) + n*(m*m + L))
    Descripción: indica si dos denet son iguales.
    donde:
hostname es string,
interfaz es nat,
IDpaquete es nat,
compu es tupla < ip: hostname, interfaces: conj(interfaz) >,
paquete es tupla<id: IDpaquete, prioridad: nat, origen: hostname, destino: hostname >.
```

Especificación de las operaciones auxiliares utilizadas en la interfaz (no exportadas)

TAD DCNET EXTENDIDA

```
DCNET
extiende
otras operaciones
                                              : conj(compu) \longrightarrow conj(hostname)
   damehostnames
  dameCompu
                                              : dcnet d \times \text{hostname } s \longrightarrow \text{compu}
                                                                       \{s \in \text{dameHostnames}(\text{computadoras}(\text{red}(d)))\}
  auxDameCompu
                                              : hostname s \times \text{conj(compu)} cc \longrightarrow \text{compu}
   dameSecuDeHostnames
                                             : secu(compu) \longrightarrow secu(hostname)
  IDpaqueteEnTransito?
                                             : dcnet d \times \text{IDpaquete } p \longrightarrow \text{bool}
  damePaquete
                                              : d<br/>cnet d \times \text{IDpaquete } p \longrightarrow \text{paquete}
                                                                                             \{IDpaqueteEnTransito?(d,p)\}
  dameIDpaquetes
                                             : conj(paquete) \longrightarrow conj(IDpaquete)
                 \forall d: denet, \forall s: hostname, \forall p: IDpaquete, \forall cc: conj(compu), \forall secu: secu(compu), \forall cp:
axiomas
                 conj(paquete),
  dameHostnames(cc) \equiv \mathbf{if} \text{ vacio?}(cc) \mathbf{then}
                                  else
                                      Ag(ip(dameUno(cc)), dameHostnames(sinUno(cc)))
  dameCompu(d, s) \equiv auxDameCompu(s, computadoras(red((d))))
   \operatorname{auxDameCompu}(s, cc) \equiv \operatorname{if} \operatorname{ip}(\operatorname{dameUno}(cc)) = s \operatorname{then}
                                          dameUno(cc)
                                          \operatorname{auxDameCompu}(s, \sin \operatorname{Uno}(cc))
  dameSecuDeHostnames(secu) \equiv if vacia?(secu) then
                                                   <>
                                              else
                                                  ip(prim(secu)) \bullet dameSecuDeHostnames(fin(secu))
  \label{eq:ideal} \mbox{IDpaqueteEnTransito}(d,\,p) \; \equiv \; \mbox{auxIDpaqueteEnTransito}(d,\,\mbox{computadoras}(\mbox{red}(d)),\,p)
  auxIDpaqueteEnTransito(d, cc, p) \equiv \mathbf{if} \text{ vacio}?(cc) then
                                                        false
                                                    else
                                                        if p \in \text{dameIDpaquetes}(\text{enEspera}(\text{dameUno}(cc))) then
                                                            true
                                                        else
                                                            auxIDpaqueteEnTransito(d, sinUno(cc), p)
                                                    fi
  dameIDpaquetes(cp) \equiv \mathbf{if} \text{ vacio?}(cp) \mathbf{then}
                                  else
                                       Ag(id(dameUno(cp)), dameIDpaquetes(sinUno(cp)))
                                  fi
```

Fin TAD

Representación

```
dcnet se representa con estr_dcnet
    donde estr_dcnet es tupla(red: red
                              computadoras: dicc(hostname, X)
                              porHostname: dicc_{UNIV} (hostname, itDicc(hostname, X))
                              conMasEnvios: itDicc(hostname, X)
                                           arreglo_dimensionable de arreglo_dimensionable de
                              caminos:
                              lista(hostname) )
    donde X es tupla(indice: nat
                    paquetes: conj(paquete)
                    cola: cola_{LOG}(itConj(paquete))
                    paqPorID: dicc_{LOG} (IDpaquete, itConj(paquete))
                    cantEnvios: nat )
1: Las compus de Red son las compus de DCNet.
2: PorHostname y computadoras tienen el mismo conjunto de claves.
3: Por Hostname permite acceder a los datos de todas las computadoras a través de iteradores.
4: Los indices de las computadoras van de 0 a n-1.
```

- 5: Los indices no se repiten.
- 6: ConMasEnvios es un interador a la computadora con mayor cant de envios.
- 7: La matriz de caminos es de $n \times n$.
- 8: En la matriz caminos[i][j] se guarda uno de los caminos minimos de la red correspondiente al origen y destino correspondientes a los indices i, j, respectivamente. Si no hay, se guarda una lista vacia.
- 9: Las claves del diccionario paquetesPorID son los ID del conjunto paquetes.
- 10: El conjunto de paquetes y la cola de prioridad tienen el mismo tamano.
- 11: La cola ordena los paquetes por prioridad. (usando los observadores del TAD Cola de Prioridad Alaternativa adjunto).

Para todos los paquetes de una computadora:

- 12: El origen y el destino estan entre las computadoras de la denet.
- 13: El origen y el destino son distintos.
- 14: Hay un camino posible entre el origen y el destino.
- 15: La computadora actual esta en el camino minimo entre el origen y el destino.
- 16: El id es unico.
- 17: Son accesibles por el dicc usando su ID.

```
Rep : estr dcnet
                      \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \iff
           \land 1 dameHostnames(computadoras(e.red)) = claves (e.computadoras) \land
           \ claves (e.computadoras) = claves (e.porHostname) \land
           = c \land SiguienteSignificado(obtener(e.porHostname, c)) = obtener(e.computadoras, c)) \land
           (\forall c: hostname, c \in claves(e.computadoras))
                        < obtener(e.computadoras,
                                                        c).indice
                                                                     < #claves(e.computadoras)-1
           obtener(e.computadoras, c).indice = ordenLexicografico(c, claves(e.computadoras)) \land
           \setminus 5 \neg (\exists c': \text{hostname}, c' \in \text{claves}(e.\text{computadoras}), c \neq c') \text{ obtener}(e.\text{computadoras}, c').\text{indice}
           = obtener(e.computadoras, c).indice \land
           \land G \neg (\exists c': \text{hostname}, c' \in \text{claves}(e.\text{computadoras}), c \neq c') \text{ obtener}(e.\text{computadoras}),
           c').cantEnvios >SiguienteSignificado(e.conMasEnvios).cantEnvios \land
           1) tam(e.caminos[i]) = \#claves(e.computadoras) \land
           \\ 8 (\forall c1, c2: hostname, c1, c2 \in claves(e.porHostname))
                          (caminos Minimos(e.red,
                                                        dameCompu(c1),
                                                                               dameCompu(c2))
           e.caminos[obtener(e.computadoras,
                                                 c1).indice||obtener(e.computadoras,
                                                                                         c2).indice
           dameUno(caminosMinimos(e.red, dameCompu(c1), dameCompu(c2))) \land
                                                                             dameCompu(c2)))
                     (caminos Minimos(e.red,
                                                    dameCompu(c1),
           e.caminos[obtener(e.computadoras, c1).indice][obtener(e.computadoras, c2).indice]
                                                                                                       Va-
           cia() \land
           (\forall c: hostname, c \in claves(e.computadoras))
           \ dameIDpaquetes(obtener(e.computadoras, c).paquetes) = claves(obtener(e.computadoras,
           c).paquetesPorID) \land
           10 #(obtener(e.computadoras, c).paquetes) = #(obtener(e.computadoras, c).cola) \land
            11 vacia?(obtener(e.computadoras, c).cola) = \emptyset?(obtener(e.computadoras, c).paquetes) \land
           Siguiente(\Pi_2(proximo(obtener(e.computadoras, c).cola))) \in obtener(e.computadoras, c).paquetes
           \land \neg (\exists p': paquete, p' \in obtener(e.computadoras, c).paquetes) p'.prioridad
           Siguiente(\Pi_2(\text{proximo}(\text{obtener}(e.\text{computadoras}, c).\text{cola}))).prioridad \wedge
           \Pi_1(\text{proximo}(\text{obtener}(e.\text{computadoras}, c).\text{cola})) = \text{Siguiente}(\Pi_2(\text{proximo}(\text{obtener}(e.\text{computadoras}, c)))))
           c).cola))).prioridad \wedge
           desencolar(obtener(e.computadoras, c).cola) = armarCola(obtener(e.computadoras, c).paquetes
           - {Siguiente(\Pi_2(proximo(obtener(e.computadoras, c).cola)))} \land
           (\forall p: paquete, p \in obtener(e.computadoras, c).paquetes)
           \\ 13 origen(p).ip \neq destino(p).ip \wedge
           \\ 14 hayCamino?(e.red, origen(p), destino(p)) \land
           15 esta? (c, caminos[obtener(e.computadoras, origen(p).ip)][obtener(e.computadoras,
           destino(p).ip) \land
           \\ 16 (\forall c': hostname, c' \in \text{claves}(e.\text{computadoras}), c' \neq c) \neg (\exists p': paquete, p' \in c')
           obtener(e.computadoras, c').paquetes, p \neq p') p.id = p'.id
           \\ 17 definido?(obtener(e.computadoras, c).paquetesPorID, p.id) \wedge_L
           Siguiente(obtener(e.computadoras, c).paquetesPorID, p.id)) = p
```

Especificación de las funciones auxiliares utilizadas en Rep

```
\begin{array}{lll} \operatorname{armarCola}: \operatorname{conj}(\operatorname{paquete}) & \longrightarrow \operatorname{cola}(\operatorname{paquete}) \\ \\ \operatorname{axiomas} & \forall \ cc: \operatorname{conj}(\operatorname{paquete}) \\ \\ \operatorname{armarCola}(cc) & \equiv & \mathbf{if} \ \emptyset?(cc) \ \ \mathbf{then} \\ & \quad \operatorname{Vacia}() \\ \\ & \quad \mathbf{else} \\ & \quad \operatorname{encolar}(\operatorname{dameUno}(cc).\operatorname{prioridad}, \ \operatorname{dameUno}(cc), \ \operatorname{armarCola}(\sin\operatorname{Uno}(cc))) \\ & \quad \mathbf{fi} \end{array}
```

```
Abs : estr_dcnet e \longrightarrow dcnet \{Rep(e)\}

Abs(e) \equiv d \mid red(d) = e.red \land

(\forall c: compu, c \in computadoras(red(d))) (
    cantidadEnviados(d, c) = obtener(e.computadoras, c.ip).cantEnvios \land

    enEspera(d, c) = obtener(e.computadoras, c.ip).paquetes \land

(\forall p: paquete, p \in obtener(e.computadoras, c.ip).paquetes ) caminoRecorrido (d, p) = e.caminos]obtener(e.computadoras, origen(p).ip).indice]obtener(e.computadoras, c.ip).indice]
```

Algoritmos

```
Algorithm 15 Implementación de Red
  function IRED(in d: estr_dcnet)\rightarrow res: Red
      res \leftarrow d.red
                                                                                                                  ⊳ O(1)
  end function
                                                                                                                  ▷ O(1)
Algorithm 16 Implementación de CaminoRecorrido
  function ICAMINORECORRIDO(in d: estr_dcnet, in p: IDPaquete) \rightarrow res: lista(hostname)
                                                                                                                  ⊳ O(1)
      itCompu \leftarrow CrearIt(d.computadoras)
      yaEncontrado \leftarrow FALSE
                                                                                                                  \triangleright O(1)
      while HaySiguiente(itCompu) && \negyaEncontrado do \triangleright Guarda: O(1) \triangleright Se repite a lo sumo n veces \triangleright
  O(n)
          if Definido?(SiguienteSignificado(itCompu).paqPorID, p) then
                                                                                                             \triangleright O(\log(k))
              paquete ← Significado(SiguienteSignificado(itCompu).paqPorID, p)
                                                                                                                  \triangleright O(1)
              vaEncontrado \leftarrow TRUE
                                                                                                                  ⊳ O(1)
          else
              Avanzar(itCompu)
                                                                                                                  ▷ O(1)
          end if
      end while
      res \leftarrow caminos[Significado(d.computadoras, <math>\pi 3(paquete)).indice][SiguienteSignificado(itCompu).indice]
  \triangleright O(1) + O(n) + O(1)
  end function
                                                                                                       \triangleright O(n * log(k))
```

```
      Algorithm 17 Implementación de paquetes enviados

      function ICANTIDADENVIADOS(in d: estr_dcnet, in c: hostname) → res: nat

      it ← Significado(d.porHostname, c)
      ▷ O(L)

      res ← SiguienteSignificado(it).cantEnvios
      ▷ O(1)

      end function
      ▷ O(L)
```

Algorithm 18 Implementación EnEspera	
function IENESPERA(in d : estr_dcnet, in c : hostname) $\rightarrow res$: $estr$	
$it \leftarrow Significado(d.porHostname, c)$	$\triangleright O(L)$
$res \leftarrow SiguienteSignificado(it).paquetes$	$\triangleright O(1)$
end function	$\triangleright O(L)$

```
Algorithm 19 Implementación de iniciarDCNet
  function IINICIARDCNET(in r: red) \rightarrow res: estr denet
  \\ creo un diccionario lineal
      diccCompus \leftarrow Vacio()
                                                                                                              ▷ O(1)
  \\ creo un diccionario universal(trie)
      diccHostname \leftarrow Vacio()
                                                                                                              ▷ O(1)
  \\ creo una lista vacía donde voy a guardar los hostnames y ordenarlos
      listaComp \leftarrow Vacia()
                                                                                                              \triangleright O(1)
      itHostname \leftarrow CrearIt(Computadoras(r))
                                                                                                              \triangleright O(1)
      masEnvios \leftarrow Siguiente(itHostname)
                                                                                                              ▷ O(1)
  \mathbf{while} \ \mathrm{HaySiguiente}(\mathrm{itHostname}) \ \mathbf{do}
                                                                                                    \triangleright O(n) + O(1)
  \\ agrego el hostname a la lista de computadoras
          AgregarAtras(listaComp, Siguiente(itHostname))
                                                                                                             \triangleright O(L)
  \\ Inicia el Andice como cero, mas adelante les pondremos valor
         X \leftarrow \langle 0, Vacio(), Vacio(), Vacio(), 0 \rangle
                                                                          \triangleright O(1) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1)
  \\ ver complejidad
         itX \leftarrow DefinirRapido(diccCompus, Siguiente(itHostname), X)
                                                                                           \triangleright O(copy(hostname)) +
  O(copy(X))
  \triangleright O(L) + O(copy(X))
         Definir(diccHostname, Siguiente(itHostname), itX)
          Avanzar(itHostname)
                                                                                                              \triangleright O(1)
      end while
      itPC \leftarrow CrearIt(diccCompus)
                                                                                                              ▷ O(1)
      itPC2 \leftarrow CrearIt(diccCompus)
                                                                                                              ▷ O(1)
      n \leftarrow \#Claves(diccCompus)
                                                                                                              ⊳ O(1)
      arrayCaminos \leftarrow CrearArreglo(n)
                                                                                                             \triangleright O(n)
  \\ voy a crear un arreglo en cada posicion de arrayCaminos, el cual va a tener el minimo camino
  while HavSiguiente(itPC) do
                                                                                          \triangleright O(\#Computadoras(r))
         arrayDestinos \leftarrow CrearArreglo(n)
                                                                                                             \triangleright O(n)
     \#Computadoras(r)) \circ O(n)
          while HaySiguiente(itPC2) do
                                                                                          \triangleright O(\#Computadoras(r))
             ConjCaminos \leftarrow CaminosMinimos(r, SiguienteClave(itPC), SiguienteClave(itPC2)) \triangleright O(n*L)
             itConj \leftarrow CrearIt(ConjCaminos)
                                                                                                              ▷ O(1)
  \\ de todos los caminos minimos me quedo con uno
                                                                                                              ⊳ O(1)
             if HaySiguiente(itConj) then
                 arrayDestinos[SiguienteSignificado(itPC2).indice] \leftarrow Siguiente(itConj)
                                                                                                              ⊳ O(1)
             else
  \\ si no hay camino, creo una lista vacia
                 arrayDestinos[SiguienteSignificado(itPC2).indice] \leftarrow Vacia()
                                                                                                              ▷ O(1)
             end if
```

Avanzar(itPC2)	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end while	
$arrayCaminos[SiguienteSignificado(itPC).indice] \leftarrow arrayDestinos$	$\triangleright O(1)$
Avanzar(itPC)	$\triangleright O(1)$
end while	
$\setminus \setminus$ inicio el Indice en 0	
$indice \leftarrow 0$	$\triangleright O(1)$
$\mathbf{while} \ \mathrm{indice} < \# \mathrm{Claves}(\mathrm{Computadoras}(\mathbf{r})) \ \mathbf{do} \qquad \triangleright \ \mathrm{Guarda:} \ \mathrm{O(n)} \qquad \triangleright \ \mathrm{se} \ \mathrm{ejecuta} \ \mathrm{n} \ \mathrm{veces}$	$\triangleright O(n)$
\\ busco el mínimo de la lista de hostnames (por órden alfabético	
$itHostnames \leftarrow CrearIt(listaComp)$	$\triangleright O(1)$
$\min \leftarrow \text{Copiar}(\text{Siguiente}(\text{itHostnames}))$	$\triangleright O(L)$
Avanzar(itHostnames)	⊳ O(1)
while HaySiguiente(itHostnames) do	
if min < Siguiente(itHostnames) then	$\triangleright O(L)$
$\min \leftarrow \text{Copiar}(\text{Siguiente}(\text{itHostnames}))$	$\triangleright O(L)$
end if	
Avanzar(itHostnames)	$\triangleright O(1)$
end while	
Significado(diccCompus, min).indice = indice	> O(n)
\\ creo un iterador de la lista para eliminar el minimo que ya use	
$itHostnames \leftarrow CrearIt(listaComp)$	⊳ O(1)
$noElimine \leftarrow TRUE$	` '
while HaySiguiente(itHostnames) && noElimine do	⊳ O(n)
if Siguiente(itHostnames) == min then	$\triangleright O(L)$
EliminarSiguiente(itHostnames)	⊳ O(1)
$\text{noElimine} \leftarrow \text{FALSE}$	⊳ O(1)
end if	` '
Avanzar(itHostnames)	⊳ O(1)
end while	` '
$indice \leftarrow indice + 1$	⊳ O(1)
end while	. ,
$res \leftarrow < Copiar(r), diccCompus, diccHostname, masEnvios, arrayCaminos >>> O(Copiar(r))$	+ O(1) +
O(1) + O(1) + O(1)	
end function	


```
Algorithm 21 Implementación de AvanzarSegundo
  function IAVANZARSEGUNDO(inout d: estr dcnet)
      arreglo \leftarrow crearArreglo[\#Claves(d.computadoras)] \ de \ tupla(usado: \ bool, \ paquete: \ paquete, \ destino: \ paquete)
  string), donde paquete es tupla(IDpaquete: nat, prioridad: nat, origen: string, destino: string)
                                                    \triangleright O(n) para calcular cantidad de claves, O(1) para crearlo
      for (int i=0, < \#Claves(d.computadoras), i++) do
                                                                                        ⊳ el ciclo se hará n veces
         arreglo[i].usado = false
                                                                                                           \triangleright O(1)
      end for
  \\ Inicializo Iterador
      itCompu \leftarrow crearIt(d.computadoras)
                                                                                                           \triangleright O(1)
     i \leftarrow 0
                                                             ▷ Ciclo 1: Desencolo y guardo en arreglo auxiliar.
      while (HaySiguiente(itCompu)) do
                                                                             ⊳ el ciclo se hará a lo sumo n veces
         if (¬(Vacia?(SiguienteSignificado(itCompu).cola))) then
                                                                                                           ▷ O(1)
  \\ Borro el de mayor priorirdad del heap:
             itPaquete \leftarrow Desencolar(SiguienteSignificado(itCompu).cola)
                                                                                                       \triangleright O(\log k)
  \\ Lo elimino del dicc AVL
             Borrar(SiguienteSignificado(itCompu).paquetesPorID, Siguiente(itPaquete).IDpaquete)
                                                                                                       \triangleright O(\log k)
  \\ Guardo el paquete en una variable
             paqueteDesencolado \leftarrow Siguiente(itPaquete)
                                                                                                           \triangleright O(1)
  \\ Lo elimino del conjunto lineal de paquetes
                                                                                                          \triangleright O(1)
             EliminarSiguiente(itPaquete)
  \\ Calculo proximo destino fijandome en la matriz
  \\ El origen lo tengo en O(1) en el significado del iterador de compus.
             origen \leftarrow (SiguienteSignificado(itCompu)).indice
                                                                                                           ▷ O(1)
  \ El destino lo obtengo en O(L) buscando por hostname el destino del paquete, y luego quardo el indice.
             itdestino \leftarrow Significado(d.porHostname, paqueteDesencolado.destino)
                                                                                                           \triangleright O(L)
             destino \leftarrow (SiguienteSignificado(itdestino)).indice
                                                                                                           ⊳ O(1)
             proxDest \leftarrow d.caminos[origen][destino][1]
                                                                                                           ▷ O(1)
  \\ Lo inserto en el arreglo junto con el destino sólo si el destino no era el final.
             if (proxDest \neq paqueteDesencolado.destino) then
                 arreglo[i] \leftarrow \langle true, paqueteDesencolado, proxDest \rangle
                                                                                                           ▷ O(1)
             end if
  \\ Aumento cantidad de envíos
             SiguienteSignificado(itCompu).cantEnvios ++
                                                                                                           ⊳ O(1)
  envios \leftarrow SiguienteSignificado(itCompu).cantEnvios
                                                                                                           ⊳ O(1)
             if (envios > SiguienteSIgnificado(d.conMasEnvios).cantEnvios) then
                                                                                                           ⊳ O(1)
                 d.conMasEnvios \leftarrow itCompu
             end if
         end if
  Avanzar(itCompu)
                                                                                                           \triangleright O(1)
         i++
      end while
```

```
▷ Ciclo 2: Encolo los paquetes del vector a sus destinos correspondientes.
   i \leftarrow 0
   while HaySiguiente(itCompu) do
                                                                           ⊳ el ciclo se hará a lo sumo n veces
       if arreglo[i].usado then
\\ Busco el proxDestino guardado en el arreglo por hostname.
           itdestino \leftarrow Significado(d.porHostname, arreglo[i].destino)
                                                                                                        \triangleright O(L)
\\ Agrego el paquete al conjunto de paquetes del prox destino.
           itpaquete \leftarrow AgregarRapido(SiguienteSignificado(itdestino).paquetes, arreglo[i].paquete)
                                                                                                         ▷ O(1)
\\ Encolo el heap del destino
           prioridad \leftarrow (arreglo[i].paquete).prioridad
           Encolar(SiguienteSignificado(itdestino).cola, prioridad, itpaquete)
                                                                                                     ▷ O(log k)
\\ Lo agrego en el dicc AVL.
           IDpaq \leftarrow (arreglo[i].paquete).IDpaquete
                                                                                                         ⊳ O(1)
           Definir(SiguienteSignificado(itdestino).paquetesPorID, IDpaq, itpaquete)
                                                                                                     \triangleright O(\log k)
       end if
       i++
       Avanzar(itCompu)
   end while
                                                                                      ▷ O( n * ( L + log(k) ) )
end function
```

Algorithm 22 Implementación de PaqueteEnTransito?	
function iPaqueteEnTransito?(in d: estr_dcnet, in p:IDpaquete)-	\rightarrow res: bool
$res \leftarrow false$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
$itCompu \leftarrow crearIt(d.computadoras)$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
while HaySiguiente(itCompu) && ¬res do	
\triangleright a lo sumo n veces, la guarda es $\mathcal{O}(1)$	
$itPaq \leftarrow crearIt(siguienteSignificado(itCompu).paquetes)$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
while (HaySiguiente(itPaq) && Siguiente(itPaq).id \neq p) do	\triangleright a lo sumo k veces, la guarda es
O(1)	
Avanzar(itPaq)	▷ O(1)
end while	
if $Siguiente(itPaq) == p)$ then	▷ O(1)
$res \leftarrow True$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end if	
Avanzar(itCompu)	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end while	
end function	▷ O(n * k)

```
Algorithm 24 Implementación de ==
  function IIGUALDAD(in d1: estr dcnet, in d2: estr dcnet) \rightarrow res: bool
  \triangleright O(n*n * (L + n*n + m) + n*m*m)
     res \leftarrow (d1.red == d2.red)
     if (res) then
                                                                                                   \triangleright O(1)
        itCompu \leftarrow crearIt(d1.computadoras)
                                                                                                   ⊳ O(1)
        string host
                                                                                                   ▷ O(1)
  \\ Recorro las computadoras
        while (HaySiguiente(itCompu) && res) do
                                                                     \triangleright itero O(n) veces, la guarda es O(1)
            host \leftarrow SiguienteClave(itCompu)
  res \leftarrow (enEspera(d1, host) == enEspera(d2, host) \&\&
  cantidadEnviados(d1,host) == cantidadEnviados(d2,host)
                                                                                                   \triangleright O(L)
            itpaq \leftarrow crearIt(SiguienteSignificado(itCompu).paquetes)
                                                                                                   ▷ O(1)
            int j \leftarrow 0
                                                                                                   ▷ O(1)
            nat id
                                                                                                   ▷ O(1)
  \\ Recorro paquetes de cada computadora
            while (HaySiguiente(itpaq) && res ) do
                                                                     ⊳ itero O(k) veces, la guarda es O(1)
               id \leftarrow Siguiente(itpaq).IDpaquete
                                                                                                   ▷ O(1)
  \rhd O(n * \log(k))
               res \leftarrow (caminoRecorrido(d1, id)) == caminoRecorrido(d2, id))
               avanzar(itpaq)
                                                                                                   \triangleright O(1)
            end while
            avanzar (itCompu)
                                                                                                   ⊳ O(1)
         end while
     end if
                                                   \, \triangleright \, O(n^*n \, * \, ( \, \, L \, + \, n^*n \, + \, m \, + \, \log(k) \, \, ) \, + \, n^*(m^*m \, + \, L))
  end function
```

usa: TUPLA, NAT, BOOL, α .

3. Módulo Cola de Prioridad Logaritmica (α)

Interfaz

vacía.

```
se explica con: Cola de Prioridad Alternativa.
    géneros: colaLog(\alpha).
Operaciones de Cola de Prioridad _{HEAP}
    VACIA() \rightarrow res : colaLog(\alpha)
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{res} =_{obs} \mathrm{vacia} \}
    Complejidad: O(1)
    Descripción: Crea una cola vacia.
    VACIA?(in estr: colaLog(\alpha)) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{vacia?}(estr)\}\
    Complejidad: O(1)
    Descripción: Indica si la cola esta vacia.
    PROXIMO(in\ estr: colaLog(\alpha)) \rightarrow res: tupla(nat, \alpha)
    \mathbf{Pre} \equiv \{\neg Vacia?(estr)\}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} proximo(estr)\}\
    Complejidad: O(copiar(\alpha))
    Descripción: Devuelve una tupla que contiene al próximo elemento y su prioridad.
    ENCOLAR(in/out estr: colaLog(\alpha), in prio: nat, in valor: \alpha) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{estr} = \mathbf{estr}_0 \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res \land \mathsf{estr} =_{obs} \mathsf{encolar}(\mathsf{estr}_0)\}\
    Complejidad: O(log(n) + copiar(\alpha))
    Descripción: Crea un nuevo elemento con los parametros dados y lo agrega a la cola.
    DESENCOLAR(in/out estr: colaLog(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
    \mathbf{Pre} \equiv \{ estr = estr_0 \land \neg Vacia?(estr) \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{estr} =_{obs} \mathbf{desencolar}(estr_0) \land res =_{obs} proximo(estr_0) \}
    Complejidad: O(log(n) + copiar(\alpha) + borrar(\alpha))
    Descripción: Devuelve al elemento de mayor prioridad y lo remueve de la cola. La cola no debe estar
```

TAD COLA DE PRIORIDAD ALTERNATIVA (α)

```
géneros \operatorname{colaPrio}(\alpha)
```

exporta $colaPrio(\alpha)$, generadores, observadores

usa Bool, Nat, Tupla

observadores básicos

```
vacía? : colaPrior(\alpha) \longrightarrow bool
```

próximo : $\operatorname{colaPrior}(\alpha) c \longrightarrow \operatorname{tupla}(nat, \alpha)$ $\{\neg \operatorname{vac\'ia?}(c)\}$ desencolar : $\operatorname{colaPrior}(\alpha) c \longrightarrow \operatorname{colaPrior}(\alpha)$ $\{\neg \operatorname{vac\'ia?}(c)\}$

generadores

 $\begin{array}{ccc} \text{vac\'ia} & : & \longrightarrow & \text{colaPrior}(\alpha) \\ \text{encolar} & : & \text{nat} \times \alpha \times \text{colaPrior}(\alpha) & \longrightarrow & \text{colaPrior}(\alpha) \end{array}$

axiomas $\forall c: \text{colaPrior}(\alpha), \forall e: \alpha$

vacía?(vacía) \equiv true vacía?(encolar(p, e, c)) \equiv false

 $pr\'{o}ximo(encolar(p, e, c)) \qquad \equiv \textbf{ if } \ vac\'{a}?(c) \ \lor_{\mathsf{L}} \ \Pi_1(proximo(c)) \textbf{ else if } \\ \Pi_1(proximo(c)) = p \ \textbf{ then } < p, e > \lor \ proximo(c) \ \textbf{ else } \ proximo(c) \ \textbf{ fi}$

fi

 $\operatorname{desencolar}(\operatorname{encolar}(p,\,e,\,c)) \equiv \operatorname{if} \operatorname{vac\'{a}?}(c) \vee_{\operatorname{L}} \Pi_{1}(\operatorname{proximo}(c))$

se encolar(p, e, desencolar(c)) fi fi

Fin TAD

Representación

```
colaLog(\alpha) se representa con estr_heap(\alpha)
                       donde estr_heap(\alpha) es tupla(size: nat
                                                                                                                                                                    primero: puntero(nodo(\alpha))
                       donde nodo (\alpha) es tupla(padre: puntero (nodo (\alpha))
                                                                                                                                          izq: puntero(nodo(\alpha))
                                                                                                                                          der: puntero(nodo(\alpha))
                                                                                                                                         prio: nat
                                                                                                                                         valor: \alpha
                Rep: estr heap(\alpha) \rightarrow bool
                Rep(estr) \equiv true \iff size = \#arbol(estr.primero) \land_L
                ((estr.primero).padre = null \land
                (\forall n : nodo(\alpha))(n \in arbol(estr.primero) \land n \neq estr.primero \Rightarrow (n.padre \neq null \land_L (((n.padre).izq = null \land_L ((n.padre).izq = null \land_L ((n.padre).i
n \lor (n.padre).der = n) \land \neg (((n.padre).izq = n \land (n.padre).der = n))))) \land 
                (\forall n : nodo(\alpha))(n \in arbol(estr.primero) \Rightarrow ((n.izq \neq null \Rightarrow n.prio \geq (n.izq).prio) \land (n.der \neq null \Rightarrow nodo(\alpha))(n \in arbol(estr.primero) \Rightarrow ((n.izq \neq null \Rightarrow n.prio \geq (n.izq).prio) \land (n.der \neq null \Rightarrow n.prio \geq (n.izq).prio \land (n.i
n.prio \ge (n.der).prio))) \land
                (\forall n : nodo(\alpha))(n \in arbol(estr.primero) \Rightarrow caminoHastaRaiz(n, arbol(estr.primero)) \leq |log_2(size)| +
1))
                Abs: estr heap(\alpha) e \to \text{colaPrio}(\alpha) { Rep(e) }
Abs(e) \equiv c: colaPrio(\alpha) \mid (Vacia?(c) \iff e.primero == NULO) \land_L
                (\neg Vacia?(c) \Rightarrow Proximo(c) = < *(estr.primero)).prioridad, *(estr.primero)).valor > \land
                (\neg Vacia?(e) \Rightarrow Desencolar(e) = Desencolar(c))
                Especificación de las operaciones auxiliares utilizadas para Rep y Abs
                arbol
                                                                                                                                                                       : nodo(\alpha) \longrightarrow conj(nodo(\alpha))
                caminoHastaRaiz
                                                                                                                                                                       : nodo(\alpha) \longrightarrow nat
                arbol(n) \equiv if \ n.izq \neq null \land n.der \neq null \ then
                                                                                        Ag(n, arbol(n.izq) \cup arbol(n.der))
                                                                         else
                                                                                       if n.izq \neq null then
                                                                                                      Ag(n, arbol(n.izq))
                                                                                        else
                                                                                                      if n.der \neq null then Ag(n, arbol(n.der)) else Ag(n, \emptyset) fi
                                                                                       fi
                                                                         fi
                caminoHastaRaiz(n) \equiv if n.padre = null then 0 else caminoHastaRaiz(n.padre) + 1 fi
```

Algoritmos

Algorithm 25 Implementación de Vacia	
function IVACIA $\rightarrow res$: colaLog(α)	
$res \leftarrow <0, null>$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end function	
Algorithm 26 Implementación de Vacia?	
function IVACIA?(in $estr$: $estr_heap(\alpha)$) $\rightarrow res$: bool	
$res \leftarrow (estr.primero == null)$	$\triangleright \mathrm{O}(1)$
end function	
Algorithm 27 Implementación de Próximo	
function PRÓXIMO(in $estr$: $estr_heap(\alpha)$) $\rightarrow res$: $tupla(nat, \alpha)$	
$res \leftarrow < (estr.primero).prioridad, (estr.primero).valor >$	$\triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))$
end function	(1 (//

Algorithm 28 Implementación de Encolar

```
function IENCOLAR(in/out estr: estr_heap(\alpha), in prio: nat, in valor: \alpha) \rightarrow res: bool
     res \leftarrow true
                                                                                                                                             ⊳ O(1)
                                                                                                                                             \triangleright O(1)
    if estr.size == 0 then
          estr.primero \leftarrow puntero(< null, null, null, prio, valor >)
                                                                                                                                 \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
     else
                                                                                                                                             ⊳ O(1)
         size + +
                                                                                                                                             ⊳ O(1)
         x \leftarrow sizer
         y \leftarrow <>
                                                                                                                                             ▷ O(1)
          while x \neq 0 do \triangleright La cantidad de veces que se ejecuta el ciclo es igual a la altura del heap. Al ser
un arbol binario completo, la altura siempre será O(log(n))
               y \leftarrow (x \% 2) \bullet y
                                                                                                                                             ▷ O(1)
              x \leftarrow x/2
                                                                                                                                             \triangleright O(1)
          end while
         y \leftarrow \text{com}(y)
                                                                                                                                      \triangleright O(\log(n))
                                                                                                                                             ⊳ O(1)
         z \leftarrow estr.primero
         y \leftarrow \text{fin}(y)
                                                                                                                                             ▷ O(1)
                                                                                                   \triangleright El ciclo se ejecuta O(\log(n)) veces
          while long(y) > 1 do
               z \leftarrow \mathbf{if} \ \mathrm{prim}(y) == 0 \ \mathbf{then} \ z.izq \ \mathbf{else} \ z.der
                                                                                                                                             \triangleright O(1)
               y \leftarrow \text{fin}(y)
                                                                                                                                             ⊳ O(1)
          end while
                                                                                                                                 \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
          w \leftarrow \langle null, null, null, prio, valor \rangle
         w.padre \leftarrow z
                                                                                                                                             \triangleright O(1)
                                                                                                                                             ⊳ O(1)
         if prim(y) == 0 then
                                                                                                                                             \triangleright O(1)
               z.izq \leftarrow w
          else
               z.der \leftarrow w
                                                                                                                                             ▷ O(1)
         end if
         while w \neq estr.primero \land_L w.prio > (w.padre).prio do > La cantidad de veces que se ejecuta el
ciclo es a lo sumo la altura del heap, que es O(\log(n))
               aux \leftarrow w.valor
                                                                                                                                 \triangleright O(copiar(\alpha))
               w.valor \leftarrow (w.padre).valor
                                                                                                                                 \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
               (w.padre).valor \leftarrow aux
                                                                                                                                 \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
               aux2 \leftarrow w.prio
                                                                                                                                             ▷ O(1)
                                                                                                                                             ⊳ O(1)
               w.prio \leftarrow (w.padre).prio
               (w.padre).prio \leftarrow aux2
                                                                                                                                             ⊳ O(1)
               w \leftarrow w.padre
                                                                                                                                             \triangleright O(1)
          end while
     end if
end function
```

```
Algorithm 29 Implementación de Desencolar
   function IDESENCOLAR(in/out estr: estr_heap(\alpha))\rightarrow res: \alpha
        res \leftarrow *(estr.primero)
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
                                                                                                                                                    ▷ O(1)
        x \leftarrow size
        y \leftarrow <>
                                                                                                                                                    ▷ O(1)
        while x \neq 0 do \triangleright La cantidad de veces que se ejecuta el ciclo es igual a la altura del heap. Al ser un
   arbol binario completo, la altura siempre será O(log(n))
             y \leftarrow (x\%2) \bullet y
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
             x \leftarrow x/2
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
        end while
                                                                                                                                             \triangleright O(\log(n))
        y \leftarrow \text{com}(y)
        z \leftarrow estr.primero
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
        y \leftarrow \text{fin}(y)
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
        while long(y) > 1 do
                                                                                                        \triangleright El ciclo se ejecuta O(\log(n)) veces
             z \leftarrow \mathbf{if} \ \mathrm{prim}(y) == 0 \ \mathbf{then} \ z.izq \ \mathbf{else} \ z.der
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
                                                                                                                                                    ▷ O(1)
             y \leftarrow \text{fin}(y)
        end while
                                                                                                                                        \triangleright O(copiar(\alpha))
        w \leftarrow \langle null, null, null, prio, valor \rangle
        w.padre \leftarrow z
                                                                                                                                                    ▷ O(1)
        if prim(y) == 0 then
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
             z.izq \leftarrow puntero(w)
                                                                                                                                                    ▷ O(1)
        else
             z.der \leftarrow puntero(w)
                                                                                                                                                    ▷ O(1)
        end if
        (estr.primero).valor \leftarrow z.valor
                                                                                                                                        \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
        (estr.primero).prio \leftarrow z.prio
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
        borrar(z)
                                                                                                                                        \triangleright O(borrar(\alpha))
        z \leftarrow \ estr.primero
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
        size - -
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
        while (z.izq \neq null \lor z.der \neq null) \land_L z.prio < maxPrio(z.izq, z.der) do \triangleright La cantidad de veces
   que se ejecuta el ciclo es a lo sumo la altura del heap, que es O(log(n))
   \\ maxPrio devuelve la maxima prioridad si ambos punteros son validos, o la prioridad apuntada por el
   puntero no nulo en caso de que alguno no lo sea
             \textbf{if} \ z.der == null \ \lor_L \ (z.izq).prio \ge (z.der).prio \ \textbf{then}
                                                                                                                                                    ▷ O(1)
                  aux \leftarrow z.valor
                                                                                                                                        \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
                                                                                                                                        \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
                  z.valor \leftarrow (z.izq).valor
                                                                                                                                        \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
                  (z.izq).valor \leftarrow aux
                  aux2 \leftarrow z.prio
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
                  z.prio \leftarrow (z.izq).prio
                                                                                                                                                    ▷ O(1)
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
                  (z.izq).prio \leftarrow aux2
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
                  z \leftarrow z.izq
             else
                                                                                                                                        \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
                  aux \leftarrow z.valor
                  z.valor \leftarrow (z.der).valor
                                                                                                                                        \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
                  (z.der).valor \leftarrow aux
                                                                                                                                        \triangleright O(\operatorname{copiar}(\alpha))
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
                  aux2 \leftarrow z.prio
                  z.prio \leftarrow (z.der).prio
                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
                  (z.der).prio \leftarrow aux2
                  z \leftarrow z.der
                                                                                                                                                    ⊳ O(1)
             end if
        end while
   end function
```

4. Módulo Diccionario Universal (σ)

Interfaz

```
se explica con: Diccionario(STRING, \sigma).
    géneros: diccUniv(\kappa, \sigma).
Operaciones
    DEFINIDA(in d: diccUniv(STRING, \sigma), in c: STRING) \rightarrow res: Bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    Post \equiv \{res =_{obs} def?(c,d)\}
    Complejidad: O(L), donde L es la cantidad de caracteres de la clave más grande.
    Descripción: Indica si la clave dada está definida en el diccionario.
    Obtener(in d: diccUniv(STRING, \sigma), in c: STRING) \rightarrow res: \sigma
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{def?(c,d)} \}
    Post \equiv \{res =_{obs} obtener(c,d)\}
    Complejidad: O(L)
    Descripción: Devuelve el significado asociado a la clave dada.
    Aliasing: Devuelve al significado por alias.
    	ext{VACIO}() 	o res: 	ext{diccUniv}(	ext{STRING}, \sigma)
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    Post \equiv \{res =_{obs} vacio()\}
    Complejidad: O(1)
    Descripción: Crea un diccionario vacío.
    DEFINIR(in/out d: diccUniv(STRING,\sigma), in c: STRING, in s: \sigma) \rightarrow res: Bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{\neg def?(c,d) \land d=d_0\}
    \mathbf{Post} \equiv \{d = definir(c, d_0)\}\
    Complejidad: O(L) + O(copiar(\sigma))
    Descripción: Agrega la clave al diccionario, asociándole el significado dado como parámetro. res indica
    si la clave ya estaba definida.
    BORRAR(in/out d: diccUniv(STRING,\sigma), in c: STRING) \rightarrow res: Bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{d = d_0\}
    Post \equiv \{d=borrar(c,d_0)\}
    Complejidad: O(L) + O(borrar(\sigma))
    Descripción: Borra la clave dada y su significado del diccionario. res indica si la clave estaba definida
    (su valor es true en caso de estarlo).
    \mathtt{CLAVES}(\mathbf{in}\ d: \mathtt{diccUniv}(\mathtt{STRING}, \sigma)) 	o res: \mathtt{conj}(\mathtt{STRING})
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{\text{obs}} \text{claves(d)} \}
    Complejidad: O(n*L), donde n es la cantidad de claves.
    Descripción: Devuelve el conjunto de las claves del diccionario.
```

\\ Diseño provisto por la cátedra.

5. Módulo Diccionario Logaritmico (κ, σ)

Interfaz

```
usa: Bool, Nat.
     se explica con: DICCIONARIO(\kappa, \sigma).
     géneros: diccLog(\kappa, \sigma).
Operaciones
     DEFINIDO?(in d: diccLog(\kappa, \sigma), in c: \kappa) \rightarrow res: Bool
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} def?(c,d) \}
     Complejidad: O(log(n) * comparar(\kappa))
     SIGNIFICADO(in d: diccLog(\kappa, \sigma), in c: \kappa) \rightarrow res: \sigma
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{def?(c,d)} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{res} =_{\mathrm{obs}} \mathrm{obtener}(\mathrm{c,d}) \}
     Complejidad: O(log(n) * comparar(\kappa) + copiar(\sigma))
     VACIO() \rightarrow res : diccLog(\kappa, \sigma)
     \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{res} =_{\mathrm{obs}} \mathrm{vacio}() \}
     Complejidad: O(1)
     DEFINIR(in/out d: diccLog(\kappa, \sigma), in c: \kappa, in s: \sigma)
     \mathbf{Pre} \equiv \{\neg def?(c,d) \land d=d_0\}
     \mathbf{Post} \equiv \{d = definir(c, d_0)\}\
     Complejidad: O(log(n))
     BORRAR(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ d: \mathbf{diccLog}(\kappa, \sigma), \mathbf{in}\ c : \kappa)
     \mathbf{Pre} \equiv \{ def?(c,d) \wedge d = d_0 \}
```

Complejidad: $O(log(n) * comparar(\kappa) + max(borrar(\kappa), borrar(\sigma)) + max(copiar(\kappa), copiar(\sigma)))$

 $\mathbf{Post} \equiv \{d = borrar(c, d_0)\}\$

Representación

```
diccLog se representa con puntero (estr(\kappa, \sigma))
             donde \operatorname{estr}(\kappa, \sigma) es \operatorname{tupla}(\operatorname{clave}: \kappa)
                                                                                   izquierdo: puntero(nodo(\kappa, \sigma))
                                                                                    derecho: puntero(nodo(\kappa, \sigma))
                                                                                   significado: \sigma
                                                                                   nivel: nat )
\\ La estructura utilizada para representar al diccionario Logaritmico es un AA tree. Es un tipo de ABB
auto-balanceado que provee busqueda, insercion y borrado en tiempo logaritmico. Los AA trees son similares
a los Red-Black Trees, pero solo pueden tener hijos derechos "rojos" (en vez de utilizar un valor booleano de
color, usan un valor entero de nivel; los hijos "rojos" son los que tienen mismo nivel que sus padres), lo que
reduce considerablemente la cantidad de operaciones necesarias para mantener el arbol.
Rep: estr \rightarrow bool
        \operatorname{Rep}(e) \equiv \operatorname{true} \iff ((\forall n_1, n_2 : \operatorname{estr}(\kappa, \sigma))(n_1 \in \operatorname{arbol}(e) \land n_2 \in \operatorname{arbol}(e) \Rightarrow_L
        (n_1.clave < n_2.clave \Rightarrow n_1 \in arbol(n_2.izquierdo)) \land (n_1.clave > n_2.clave \Rightarrow n_1 \in arbol(n_2.derecho)) \land
        ((\forall n_1, n_2 : estr(\kappa, \sigma))(n_1 \in arbol(e) \land n_2 \in arbol(e) \land n_1.clave \neq n_2.clave \Rightarrow_L
        (n_1.izquierdo = n_2.izquierdo \lor n_1.izquierdo = n_2.derecho \Rightarrow n_1.izquierdo = NULO) \land
        (n_1.derecho = n_2.izquierdo \lor n_1.derecho = n_2.derecho \Rightarrow n_1.derecho = NULO)) \land
        ((\forall n: estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(e) \land n.izquierdo = NULO \land n.derecho = NULO \Rightarrow n.nivel = 1) \land
        ((\forall n: estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(e) \land n.izquierdo \neq NULO \Rightarrow (n.izquierdo).nivel = n.nivel - 1) \land
        ((\forall n: estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(e) \land n.derecho \neq NULO \Rightarrow
        ((n.derecho).nivel = n.nivel - 1 \lor (n.derecho).nivel = n.nivel)) \land
        ((\forall n: estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(e) \land n.derecho \neq NULO \land_L (n.derecho).derecho \neq NULO \Rightarrow_L
        ((n.derecho).derecho).nivel < n.nivel) \land
        ((\forall n: estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(e) \land n.nivel > 1 \Rightarrow (n.izquierdo \neq NULO \land n.derecho \neq NULO)
        Abs: diccLog(\kappa, \sigma) \ d \rightarrow \ dicc(\kappa, \sigma) \ \{Rep(d) \ \}
        Abs(d) \equiv c: dicc(\kappa, \sigma) \mid ((\forall k : \kappa)(\ k \in claves(c) \Rightarrow (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clave = k)) \land (\exists n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \land n.clav
        ((\forall n: estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \Rightarrow n.clave \in claves(c)))) \land_L
        (\forall n : estr(\kappa, \sigma))(n \in arbol(d) \Rightarrow obtener(c, n.clave) =_{obs} n.significado)
        Especificación de las operaciones auxiliares utilizadas para Rep y Abs
        arbol: puntero(estr(\kappa \sigma)) \rightarrow conj(puntero(\kappa, \sigma))
        arbol(n) \equiv if \ n.izq \neq null \land n.der \neq null \ then
                                                 Ag(\&n, arbol(n.izq) \cup arbol(n.der))
                                         else
                                                 if n.izq \neq null then
                                                         Ag(\&n, arbol(n.izq))
                                                         if n.der \neq null then Ag(\&n, arbol(n.der)) else Ag(\&n, \emptyset) fi
                                        fi
```

Algoritmos

end function

```
Algorithm 30 Implementación de Definido?
  function iDefinido?(in d: estr , in c: \kappa)\rightarrow res: bool
   \\ Búsqueda estándar en un ABB
       nodoActual \leftarrow d
                                                                                                                            ⊳ O(1)
       res \leftarrow FALSE
                                                                                                                            \triangleright O(1)
       while ¬(nodoActual == NULO) && ¬res do  ▷ El ciclo se ejecuta en el peor caso una cantidad de
  veces igual a la altura del arbol. Al ser auto-balanceado, su altura siempre sera O(\log(n))
           \mathbf{if} \ nodoActual.clave == c \ \mathbf{then}
                                                                                                              \triangleright O(\text{comparar}(\kappa))
               res \leftarrow TRUE
                                                                                                                            \triangleright O(1)
           else
               if c <nodoActual.clave then
                                                                                                              \triangleright O(\text{comparar}(\kappa))
                   nodoActual \leftarrow nodoActual.izquierdo
                                                                                                                            ▷ O(1)
               else
                   nodoActual \leftarrow nodoActual.derecho
                                                                                                                            ▷ O(1)
               end if
           end if
       end while
  end function
Algorithm 31 Implementación de Significado
  function ISIGNIFICADO(in d: estr , in c: \kappa)\rightarrow res: \sigma
   \\ Búsqueda estándar en un ABB
       nodoActual \leftarrow d
                                                                                                                            ▷ O(1)
       while \neg \text{(nodoActual} == \text{NULO)} \&\& \neg \text{res do} \quad \triangleright \text{ El ciclo se ejecuta en el peor caso } O(\log(n)) \text{ veces.}
           if nodoActual.clave == c then
                                                                                                              \triangleright O(\text{comparar}(\kappa))
               res \leftarrow nodo
Actual.significado \triangleright O(copiar(\sigma)). Esta operacion solo se ejecuta una vez (implica
   ¬guarda del ciclo que la contiene).
           else
               if c <nodoActual.clave then
                                                                                                              \triangleright O(\operatorname{comparar}(\kappa))
                   nodoActual \leftarrow nodoActual.izquierdo
                                                                                                                            ⊳ O(1)
               else
                   nodoActual \leftarrow nodoActual.derecho
                                                                                                                            ⊳ O(1)
               end if
           end if
       end while
```

Algorithm 32 Implementación de Vacio

```
function IVACIO\rightarrow res: estr
    res \leftarrow NULO
                                                                                                                      ▷ O(1)
end function
```

```
Algorithm 33 Implementación de Definir
```

```
function IDEFINIR(inout d: estr., in c: \kappa, in s: \sigma)
\\ Si ya se llego a una hoja, se inserta el nuevo elemento
    if d == NULO then
                                                                                                                     ▷ O(1)
        res \leftarrow \langle c, NULO, NULO, s, 1 \rangle
                                                                                        \triangleright O(\max(\text{copiar}(\kappa), \text{copiar}(\sigma)))
\\ Se busca la posicion correspondiente al nuevo nodo (antes de rebalancear el arbol).
    else if c < d.clave then
                                                                                                        \triangleright O(\text{comparar}(\kappa))
        d.izquierdo \leftarrow iDefinir(d.izquierdo, c, s)  \triangleright En el peor caso se llama recursivamente a la funcion
una cantidad de veces igual a la altura del arbol, que es O(log(n)).
    else if c > d.clave then
                                                                                                       \triangleright O(\text{comparar}(\kappa))
        d.derecho \leftarrow iDefinir(d.derecho, c, s) > En el peor caso se llama recursivamente a la funcion una
cantidad de veces igual a la altura del arbol, que es O(log(n)).
\\ Se tuerce y divide el arbol en cada nivel, rebalanceandolo.
    d \leftarrow Torsion(d)
                                                                                                                     ⊳ O(1)
    d \leftarrow Division(d)
                                                                                                                     ⊳ O(1)
end function
```

Algorithm 34 Implementación de Torsion

```
function ITORSION(in d: estr)\rightarrow res: estr
```

\\ Si el nodo tiene un hijo izquierdo del mismo nivel se debe realizar una rotacion para restaurar el invariante.

```
if d == NULO \parallel d.izquierdo == NULO then
                                                                                                                                               \triangleright O(1)
     res \leftarrow d
                                                                                                                                               \triangleright O(1)
```

else

\\ El hijo izquierdo de mismo nivel pasa a ser el padre del nodo derecho. El hijo derecho del nodo izquierdo pasa a ser el hijo izquierdo del nodo derecho.

```
if (d.izquierdo).nivel == d.nivel then
                                                                                                                       ▷ O(1)
            nodoAux \leftarrow d.izquierdo
                                                                                                                       ⊳ O(1)
            d.izquierdo \leftarrow nodoAux.derecho
                                                                                                                       ▷ O(1)
            nodo.derecho \leftarrow d
                                                                                                                       ▷ O(1)
            res \leftarrow nodoAux
                                                                                                                       ▷ O(1)
        else
            res \leftarrow d
                                                                                                                       \triangleright O(1)
        end if
    end if
end function
```

```
Algorithm 35 Implementación de Division
  function IDIVISION(in d: estr)\rightarrow res: estr
   \\ Si hay dos hijos derechos del mismo nivel que el padre se debe realizar una rotacion para restaurar el
      if d == NULO \parallel d.derecho == NULO \parallel d.derecho.derecho == NULO then
                                                                                                                        \triangleright O(1)
          res \leftarrow d
                                                                                                                        \triangleright O(1)
      \mathbf{else}
  \\ El primero hijo derecho pasa a ser el padre, con un nivel mas. Su hijo izquierdo pasa a ser el hijo
   derecho de su padre original.
          if (d.derecho.derecho).nivel == d.nivel then
                                                                                                                        \triangleright O(1)
               nodoAux \leftarrow d.derecho
                                                                                                                        ⊳ O(1)
               d.derecho \leftarrow nodoAux.izquierdo
                                                                                                                        \triangleright O(1)
               nodoAux.izquierdo \leftarrow d
                                                                                                                        ⊳ O(1)
               {\bf nodoAux.nivel}{+}{+}
                                                                                                                        ⊳ O(1)
               res \leftarrow nodoAux
                                                                                                                        \triangleright O(1)
           else
               res \leftarrow d
                                                                                                                        \triangleright O(1)
          end if
      end if
  end function
```

```
Algorithm 36 Implementación de Borrar
  function IBORRAR(inout d: estr, in c: \kappa)
      if d == NULO then
                                                                                                                       \triangleright O(1)
          endFunction
  \\ Se busca recursivamente la posicion del elemento a borrar mediante una busqueda estandar en ABB.
      else if c > d.clave then
                                                                                                         \triangleright O(\text{comparar}(\kappa))
          d.derecho \leftarrow iBorrar(d.derecho, c)
                                                        ⊳ En el peor caso se llama recursivamente a la funcion una
  cantidad de veces igual a la altura del arbol, que es O(log(n)).
      else if c < d.clave then
                                                                                                         \triangleright O(\text{comparar}(\kappa))
          d.izquierdo \leftarrow iBorrar(d.izquierdo, c) \triangleright En el peor caso se llama recursivamente a la funcion una
  cantidad de veces igual a la altura del arbol, que es O(\log(n)).
  \\ Si el elemento a borrar es una hoja, simplemente se lo borra.
      else if d.izquierdo == NULO \land d.derecho == NULO then
                                                                                                                       ▷ O(1)
          borrar(d)
                                                                                         \triangleright O(\max(borrar(\kappa), borrar(\sigma)))
          d \leftarrow NULO
                                                                                                                      \triangleright O(1)
  \\ Si el elemento a borrar no es una hoja, se reduce al caso hoja.
      else if d.izquierdo == NULO then
                                                                                                                      ▷ O(1)
  \\ Se busca el sucesor del elemento (bajando una vez por la rama izquierda y luego por la derecha hasta
  encontrar una hoja).
          aux \leftarrow d.derecho
                                                                                                                       ▷ O(1)
          while aux.izquierdo \neq NULO do
                                                                 \triangleright En el peor caso el ciclo se ejecuta O(\log(n)) veces.
              aux \leftarrow aux.izquierdo
                                                                                                                       \triangleright O(1)
          end while
  \ Se hace un swap y se elimina el elemento.
          d.derecho \leftarrow iBorrar(aux.clave, d.derecho)
          d.clave \leftarrow aux.clave
                                                                                                             \triangleright O(\operatorname{copiar}(\kappa))
          d.significado \leftarrow aux.significado
                                                                                                             \triangleright O(\operatorname{copiar}(\sigma))
  \\ Se busca el predecesor del elemento (bajando una vez por la rama derecha y luego por la izquierda hasta
  encontrar una hoja).
          aux \leftarrow d.izquierdo
                                                                                                                       ▷ O(1)
          while aux.derecho \neq NULO do
                                                                 \triangleright En el peor caso el ciclo se ejecuta O(\log(n)) veces.
              aux \leftarrow aux.derecho
                                                                                                                       ⊳ O(1)
          end while
  \ Se hace un swap y se elimina el elemento.
          d.izquierdo \leftarrow iBorrar(aux.clave, d.izquierdo)
          d.clave \leftarrow aux.clave
                                                                                                             \triangleright O(\operatorname{copiar}(\kappa))
          d.significado \leftarrow aux.significado
                                                                                                             \triangleright O(\operatorname{copiar}(\sigma))
      end if
  \\ Se nivela, divide y tuerce para restaurar el invariante.
      d \leftarrow Nivelar(T)
                                                                                                                       \triangleright O(1)
      d \leftarrow Torsion(T)
                                                                                                                       \triangleright O(1)
      if d.derecho \neq NULO then
                                                                                                                       ▷ O(1)
          (d.derecho).derecho \leftarrow Torsion((d.derecho).derecho)
                                                                                                                       ⊳ O(1)
      end if
      d \leftarrow Division(T)
                                                                                                                       ▷ O(1)
      d.derecho \leftarrow Division(d.derecho)
                                                                                                                       ▷ O(1)
      res \leftarrow d
                                                                                                                       ▷ O(1)
  end function
  procedure Nivelar(inout d: estr)
      nivel \ correcto \leftarrow min((d.izquierdo).nivel, (d.derecho).nivel) + 1
                                                                                                                       \triangleright O(1)
      if nivel correcto < d.nivel then
                                                                                                                       \triangleright O(1)
          d.nivel \leftarrow \ nivel \ \ correcto
                                                                                                                       ⊳ O(1)
          if nivel correcto < (d.derecho).nivel then
                                                                                                                       \triangleright O(1)
              (d.derecho)nivel \leftarrow nivel \ correcto
                                                                                                                       \triangleright O(1)
          end if
      end if
  end procedure
```