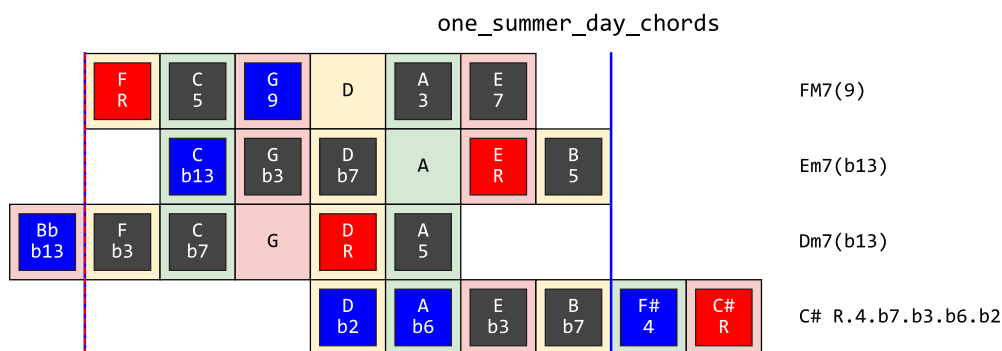


diatonic-tools:

使用 Python 进行 Diatonic 音乐理论与绘图



0.1 综述

这个名叫 diatonic-tools 的小型音乐理论分析框架给出了研究**任意平均律**下的 Diatonic 音阶所需要的一系列基本工具。

在下文中（同样也是代码中），我们将设平均律的音数为 N ，生成步长（半音数目）为 G ，起始音为 S 。在这套 NGS 配置下，可以得到音集 $[S \% N, (S + G) \% N, (S + 2 * G) \% N, \dots]$ 。对这个音集的音的音高（也就是这些整数的大小）进行排序，则得到**广义的 Diatonic 音阶**。

若 G 与 N 互质，则上述生成方式不断进行下去必将遍历全部的 N 个音。进一步，额外要求生成到 $(S + M * G) \% N = (S + 1) \% N$ 即停止，则我们只需要 M 个音外加升降号即可表示全部的 N 个音（ $S+1$ 就可以表示为 $S\#$ ）。 M 满足 $M * G$ 和 1 模 N 同余，因此 M 可以通过求 G 的模逆元得到。在代码中定义为 $M = \text{pow}(G, -1, N)$ 。这 M 个音经过重新排列后得到狭义的 Diatonic 音阶。若没有额外说明，下文所称 Diatonic 音阶均指**狭义 Diatonic 音阶**。

在某一套 NGS 配置下，在一个周期内从小到大进行排列的狭义 Diatonic 音阶叫做**自然音阶**。

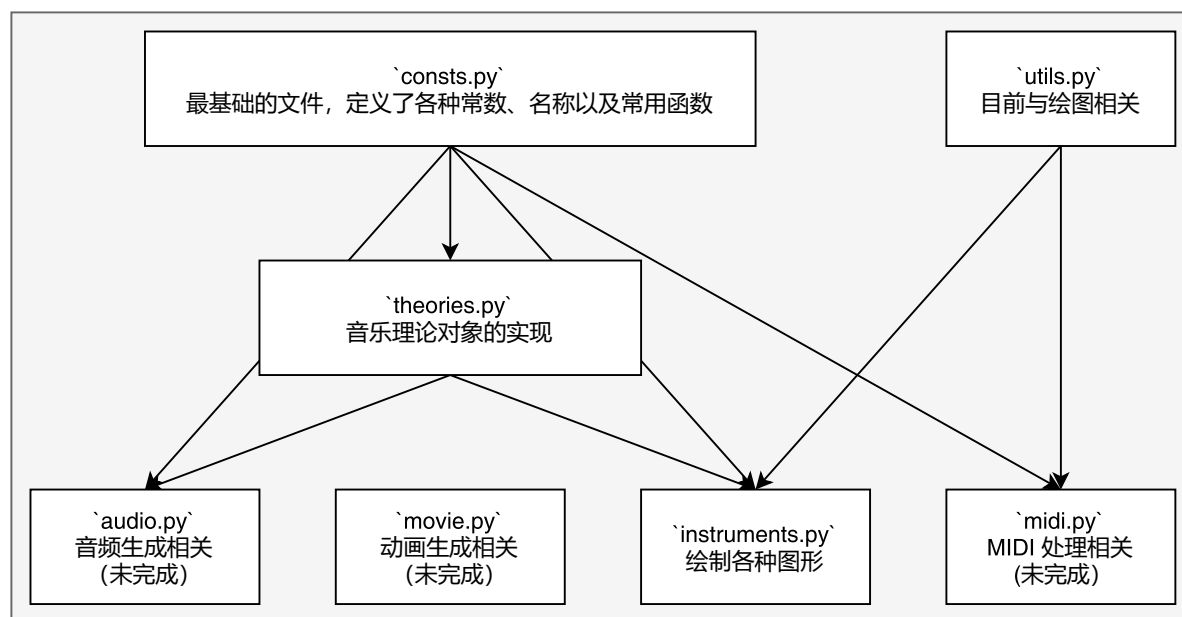
当 $[N, G, S] = [12, 7, 5]$ 时，对应的自然音阶为 $[0, 2, 4, 5, 7, 9, 11]$ 。把这些音命名为 $[C, D, E, F, G, A, B]$ ，就可以和传统 12 平均律音乐理论保持一致。注意：传统乐理中自然音阶可以从任意一个音级开始。本程序要求自然音阶必须是从一个周期内最小的音开始的音阶。

当 $[N, G, S] = [19, 11, 8]$ 时，对应的自然音阶为 $[0, 3, 6, 8, 11, 14, 17]$ ，把这些音同样命名为 $[C, D, E, F, G, A, B]$ ，就得到了扩展至 19 平均律的自然音阶。

当 $[N, G, S]$ 任意（ N, G 互质）时，需要先通过 $\text{pow}(G, -1, N)$ 算出音数 M ，然后人工指定 M 个符号作为这些音的音名。在代码中这 M 个符号以字符串记录，为 NAMED_STR_LIN ，也就是在单周期内音高从小到大线性排列时各音的名称。对于上述 12 平均律和 19 平均律两例， $M = 7$ ， $\text{NAMED_STR_LIN} = \text{'CDEFGAB'}$ 。

12 平均律下传统的调性，和声等概念的基础就是 Diatonic 音阶，其他各种复杂的音阶与和弦说到底可以用加入了一些变化的 Diatonic 音阶来表示，这里称为 Altered Diatonic 音阶。例如， $[C, D, E, F, G, A, B]$ （C Ionian）是 Diatonic 音阶， $[C, D, E, F\#, G, A, B]$ （C Lydian）是 Diatonic 音阶，而 $[C, D, Eb, F, G, A, B]$ （C Ionian(b3) 或 C Melodic Minor）则是 Altered Diatonic 音阶。又如： $[C, E, G, F\#]$ 是 Diatonic 和弦，因为它是 C Lydian 的一部分；而 $[C, Eb, G, B]$ 却是 Altered Diatonic 和弦，因为它**不是**任何 Diatonic 音阶的一部分。注意：Altered Diatonic 音阶也可能产生 Diatonic 和弦！

0.2 diatonic-tools 框架结构



- `consts.py` 是最基础的文件，定义了各种常数（如 `N`，`G`，`S`，`M` 等）、常用函数、名称、色彩方案等
- `theories.py` 是 diatonic-tools 的核心，音乐理论对象的实现，包括了 `Note` 类、`Interval` 类、`DiatonicScale` 类、`AlteredDiatonicScale` 类、`Chord` 类和 `ChordScale` 类。这些类之间有相互运算、调用或继承的关系。一些主要的关系：
 - `Note` 和 `Note` 做减法得到 `Interval`
 - `Note` 和 `Interval` 做加法得到 `Interval`
 - `Interval` 和 `Interval` 做加减法得到 `Interval`
 - `Interval` 和 `Note` 做加法得到 `Note`
 - `DiatonicScale` 核心是 `Note` 的实例组成的列表
 - `AlteredDiatonicScale` 是 `DiatonicScale` 的子类
 - `Chord` 核心同样是 `Note` 的实例组成的列表
 - `ChordScale` 是 `AlteredDiatonicScale` 的子类
- `instruments.py` 使用 `theories.py` 中定义的音乐理论对象实现了一些图形的绘制功能。目前可绘制的图形包括：
 - `Guitar`：吉他指板示意图（支持任意弦数，任意品数，任意调弦，可绘制完整的指板图或和弦的指法图）
 - `Piano`：钢琴键盘示意图（可绘制任意平均律键盘图形，并在上面显示音符）
 - `Clock`：钟表指针图（支持任意等分圆周，并在上面以指针的形式显示音符）
 - `ColorScheme`：从音高生成配色方案（把排列在圆周上的音符映射到色环）
 - `GenLine`：在生成序列上显示音符（在 `[N, G] = [12, 7]` 时生成序列就是排列成纯五度的音符）
 - `Tonnetz`：在调性网格上显示音符（目前只支持 12 平均律和 19 平均律，可以显示中心轴系统的着色）
- 其他的文件尚未完成，暂时略过

1.1 使用 `theories.py`

1.1.0 导入 theories.py

```
1  >>> from theories import *
2  -----
3  12-TET | 7-tone | step length: 7 | starting: 5
4  named notes: 0=C 2=D 4=E 5=F 7=G 9=A 11=B
5  -----
```

1.1.1 使用 Note 类

Note 是使用三元数组进行表示的音符类。(**named_nnrel** , **accidental** , **register**) 这个三元数组可以唯一确定一个音符。

- 第一个参数 **named_nnrel** 表示**不带升降号的音名**对应的数字编号 (模 **N** 取余)
- 第二个参数 **accidental** 表示升降号数目, 取值为负无穷到正无穷的整数
- 第三个参数 **register** 表示音区, 取值为负无穷到正无穷的整数

Note 的绝对音高编号可以由公式 $\text{named_nnrel} + \text{accidental} + N * \text{register}$ 获得。

Example. 1 使用名称创建音符

```
1  >>> Note('C')
2  Note('C0')
```

Example. 2 使用三元数组创建音符

```
1  >>> Note().set_vector(named_nnrel=2, accidental=1, register=1)
2  Note('D#1')
```

Example. 3 获取音符名称

```
1  >>> Note('Eb2').get_name()
2  'Eb2'
3  >>> Note('Eb2').get_name(show_register=False)
4  'Eb'
5  >>> str(Note('Eb2'))
6  'Eb2'
```

Example. 4 获取音符三元数组

```
1  >>> Note('F#3').get_vector()
2  (5, 1, 3)
3  >>> Note('F#3').get_named_nnrel()
4  5
5  >>> Note('F#3').get_accidental()
6  1
7  >>> Note('F#3').get_register()
8  3
```

Example. 5 获取音符绝对音高编号

```
1  >>> int(Note('Gb4')) # 7 - 1 + 4 * 12
2  54
```

Example. 6 获取音符相对音高编号 (有可能得到区间 [0, 12) 以外的整数)

```
1  >>> Note('Gb4').get_nnrel() # 7 - 1
2  6
```

Example. 7 为音符添加升降号

```
1 >>> Note('Ab5').add_accidental(2)
2 Note('A#5')
```

Example. 8 改变音符的音区

```
1 >>> Note('B1').add_register(-1)
2 Note('B0')
```

Example. 9 获取等音符（默认参数 `direction='auto'` 下，自动沿着减少升降号的方向求等音符）

```
1 >>> Note('Bb1').get_enharmonic_note(direction='auto')
2 Note('A#1')
3 >>> Note('A#1').get_enharmonic_note(direction='auto')
4 Note('Bb1')
5 >>> Note('Cb4').get_enharmonic_note(direction='auto')
6 Note('Bbb3')
7 >>> Note('C1').get_enharmonic_note(direction='auto')
8 Note('C1')
9 >>> Note('C1').get_enharmonic_note(direction='up')
10 Note('Db1')
11 >>> Note('C1').get_enharmonic_note(direction='down')
12 Note('B#0')
```

Example. 10 音符大小比较

```
1 >>> Note('C1') > Note('C0') # 12 > 0 -> True
2 True
3 >>> Note('C1') > Note('B#0') # 12 > 12 -> False (C1 和 B#0 绝对音高编号相同)
4 False
5 >>> Note('C1') == Note('B#0') # 'C1' == 'B#0' -> False (虽然音高相同但不是同一个音符)
6 False
7 >>> Note('C1') < 13 # 12 < 13 -> True
8 True
9 >>> Note('C1') == 12 # 12 == 12 -> True
10 True
11 >>> Note('C1') == 'C1' # 'C1' == 'C1' -> True
12 True
```

Example. 11 为音符添加额外信息；获取音符额外信息（通信用）

```
1 >>> note = Note('C1')
2 >>> note.set_message(test='this is additional message')
3 Note('C1')
4 >>> note.get_message('test')
5 'this is additional message'
```

1.1.2 使用 `Interval` 类

`Interval` 是使用二元数组进行表示的音程类。（`delta_nnabs`，`delta_step`）这个二元数组可以唯一确定一个音程。

- 第一个参数 `delta_nnabs` 表示两音绝对音高编号的差
- 第二个参数 `delta_step` 表示两音在自然音阶中的级数差

Example. 1 使用名称创建音程

```
1 >>> Interval('M2')
2 Interval('M2')
```

Example. 2 使用二元数组创建音程

```
1 >>> Interval().set_vector(12, 7)
2 Interval('P8')
```

Example. 3 获取音程名称

```
1 >>> Interval('M3').get_name()
2 'M3'
3 >>> str(Interval('M3'))
4 'M3'
```

Example. 4 获取音程二元数组

```
1 >>> Interval('m3').get_vector()
2 (3, 2)
3 >>> Interval('m3').get_delta_nnabs()
4 3
5 >>> Interval('m3').get_delta_step()
6 2
7 >>> int(Interval('m3')) # 等同于 Interval('m3').get_delta_nnabs()
8 3
```

Example. 5 获取 r357t 表示 (把当前音程和自然音阶中的音程进行比较)

```
1 >>> Interval('d2').get_r357t() # 自然音阶中的二度是大二度
2 'bb2'
3 >>> Interval('m3').get_r357t() # 自然音阶中的三度是大三度
4 'b3'
5 >>> Interval('P4').get_r357t() # 自然音阶中的四度是纯四度
6 '4'
7 >>> Interval('M6').get_r357t() # 自然音阶中的六度是大六度
8 '6'
9 >>> Interval('A7').get_r357t() # 自然音阶中的七度是大七度
10 '#7'
```

Example. 6 从 r357t 表示创建音程

```
1 >>> Interval().from_r357t('b2')
2 Interval('m2')
```

Example. 7 音程归一化

```
1 >>> Interval('M9').normalize()
2 Interval('M2')
3 >>> Interval('-m3').normalize()
4 Interval('M6')
```

Example. 8 音程大小比较

```

1  >>> Interval('M3') > Interval('m3') # 4 > 3 -> True
2  True
3  >>> Interval('m3') > Interval('A2') # 3 > 3 -> False
4  False
5  >>> Interval('m3') == Interval('A2') # 'm3' == 'A2' -> False
6  False
7  >>> Interval('m3') == 3 # 3 == 3 -> True
8  True
9  >>> Interval('A2') == 3 # 3 == 3 -> True
10 True
11 >>> Interval('m3') == 'A2' # 'm3' == 'A2' -> False
12 False

```

1.1.3 Note 类和 Interval 类的交互

Example. 1 Note - Note -> Interval

```

1  >>> Note('D2') - Note('C1')
2  Interval('M9')
3  >>> Note('C1') - Note('E1')
4  Interval('-M3')

```

Example. 2 Note + Interval -> Interval / Interval + Note -> Note

```

1  >>> Note('D2') + Interval('M3')
2  Note('F#2')
3  >>> Interval('M3') + Note('D2')
4  Note('F#2')
5  >>> Note('B2') + Interval('-m2')
6  Note('A#2')
7  >>> Interval('-m2') + Note('B2')
8  Note('A#2')

```

Example. 3 Interval ± Interval -> Interval

```

1  >>> Interval('M3') + Interval('m3')
2  Interval('P5')
3  >>> Interval('P8') - Interval('m3')
4  Interval('M6')

```

Example. 4 Interval * int -> Interval / int * Interval -> Interval

```

1  >>> Interval('P5') * 2
2  Interval('M9')
3  >>> (Interval('P5') * 5).normalize()
4  Interval('M7')

```

Example. 5 负音程与音程绝对值

```

1  >>> -Interval('M3')
2  Interval('-M3')
3  >>> (-Interval('M3')).normalize()
4  Interval('m6')
5  >>> abs(-Interval('M3'))
6  Interval('M3')

```

1.1.4 使用 **DiatonicScale** 类

DiatonicScale 类使用一个 **Note** 实例组成的列表表示 Diatonic 音阶。目前仅支持从名称创建。名称有两种命名方案 (Naming Scheme, NS), **ns=0** 时采用最通用的命名方式, 如 C C-mode, C E-mode 等。**ns=1** 时采用传统的命名方式, 如 C Ionian, C Phrygian 等。

Example. 1 使用名称创建 Diatonic 音阶

```
1 >>> print(DiatonicScale('C C-mode')) # ns=0
2 [C, D, E, F, G, A, B]
3 >>> print(DiatonicScale('C Phrygian')) # ns=1
4 [C, Db, Eb, F, G, Ab, Bb]
```

Example. 2 获取 Diatonic 音阶名称

```
1 >>> DiatonicScale('C D-mode').get_name()
2 'C D-mode'
3 >>> DiatonicScale('C Dorian').get_name()
4 'C D-mode'
5 >>> DiatonicScale('C D-mode').set_printoptions(ns=1).get_name()
6 'C Dorian'
7 >>> DiatonicScale('C D-mode').set_printoptions(ns=1).get_name(type_only=True)
8 'Dorian'
```

Example. 3 获取 Diatonic 音阶中的音符

```
1 >>> DiatonicScale('C Phrygian')[ :3]
2 [Note('C0'), Note('Db0'), Note('Eb0')]
```

Example. 4 获取 Diatonic 音阶中音符属性列表

```
1 >>> DiatonicScale('C Phrygian').get_named_nnrel_list()
2 [0, 2, 4, 5, 7, 9, 11]
3 >>> DiatonicScale('C Phrygian').get_nnrel_list()
4 [0, 1, 3, 5, 7, 8, 10]
5 >>> DiatonicScale('C Phrygian').get_accidental_list()
6 [0, -1, -1, 0, 0, -1, -1]
7 >>> DiatonicScale('C Phrygian').get_register_list()
8 [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
9 >>> DiatonicScale('C Phrygian').get_nnabs_list()
10 [0, 1, 3, 5, 7, 8, 10]
```

Example. 5 改变调式主音 (可以从音名设定, 也可以从度数设定)

```
1 >>> DiatonicScale('C Ionian').set_scale_tonic_str(scale_tonic_name='D')
2 DiatonicScale('D D-mode')
3 >>> DiatonicScale('C Ionian').set_scale_tonic_deg(degree=2)
4 DiatonicScale('E E-mode')
```

Example. 6 改变调号 (按照生成序列顺序添加升降号)

```
1 >>> DiatonicScale('C Ionian').add_accidental(1).set_printoptions(ns=1)
2 DiatonicScale('C Lydian')
3 >>> DiatonicScale('C Ionian').add_accidental(-2).set_printoptions(ns=1)
4 DiatonicScale('C Dorian')
5 >>> DiatonicScale('C Ionian').add_accidentals_for_all(1)
6 DiatonicScale('C# C-mode')
```

Example. 7 从 Diatonic 音阶生成和弦

```
1 >>> DiatonicScale('C Ionian').get_chord(root_degree=0, n_notes=4)
2 [Note('C0'), Note('E0'), Note('G0'), Note('B0')]
3 >>> DiatonicScale('C Ionian').get_chord_ex(degrees=(0, 3, 4, 6))
4 [Note('C0'), Note('F0'), Note('G0'), Note('B0')]
```

1.1.5 使用 AlteredDiatonicScale 类

`AlteredDiatonicScale` 类是 `DiatonicScale` 类的子类，基本继承了 `DiatonicScale` 类的所有方法。目前仅支持从名称创建。名称有三种命名方案，`ns=0` 时采用最通用的命名方式，如 C C-mode(#5)，C E-mode(#3) 等。`ns=1` 时采用传统的命名方式，如 C Ionian(#5)，C Phrygian(#3) 等。`ns=2` 时采用习惯的命名方式，如 C Ionian Augmented，C Phrygian Dominant 等。

`AlteredDiatonicScale` 额外具有 `distance` 和 `get_order` 两个方法。前者给出到另一个 `DiatonicScale` 或 `AlteredDiatonicScale` 的**结构距离**，后者给出到 Diatonic 音阶的结构距离（定义为阶数）。音阶 A 到音阶 B 的结构距离指的是音阶 A 的结构和音阶 B 的结构相差的最少半音变化次数。比如说，Aeolian(#6, #7) 是旋律小调音阶，它到 Diatonic 音阶的结构距离是 1，因为 Aeolian(#6, #7) 等价于 Ionian(b3)。结构距离和主音无关。

获取 Altered Diatonic 音阶的名称的方法 `get_name()` 也被重写了，因为一个 Altered Diatonic 音阶可能具有**多个名称**。比如旋律大小调类音阶，各调式均有 2 种名称（Lydian(b7) = Mixolydian(#4)，等）。注意：在获取 Mixolydian(b9, b13) 音阶的名称时，它会自动转换为 Phrygian(#3)，因为获取的名称必须包含最少的变化音数目。在这一点上，可能会和 Jazz 理论有一些出入。

Example. 1 使用名称创建 Altered Diatonic 音阶

```
1 >>> print(AlteredDiatonicScale('C C-mode(b5)')) # ns=0
2 [C, D, E, F, Gb, A, B]
3 >>> print(AlteredDiatonicScale('C Phrygian(#3)')) # ns=1
4 [C, Db, E, F, G, Ab, Bb]
5 >>> print(AlteredDiatonicScale('C Phrygian Dominant')) # ns=2
6 [C, Db, E, F, G, Ab, Bb]
```

Example. 2 获取 Altered Diatonic 音阶名称

```
1 >>> AlteredDiatonicScale('C Lydian(b7)').get_name()
2 ['C G-mode(#4)', 'C F-mode(b7)']
3 >>> AlteredDiatonicScale('C Phrygian(#6, #7)').get_name()
4 ['C C-mode(b2, b3)', 'C E-mode(#6, #7)', 'C D-mode(b2, #7)']
```

Example. 3 求两个 Altered Diatonic 音阶之间的结构距离

```
1 >>> ads1 = AlteredDiatonicScale('C Lydian(b7)')
2 >>> ads2 = AlteredDiatonicScale('C Ionian(#5)')
3 >>> ads1.distance(ads2)
4 1
```

Example. 4 求 Altered Diatonic 音阶的阶数

```
1 >>> ads = AlteredDiatonicScale('C Ionian(b2, #4, #5, #6)') # Enigmatic Scale
2 >>> ads.get_name()
3 ['C F-mode(b2, #5, #6)', 'C E#-mode(b1, b2, #6)', 'C D#-mode(b1, bb2)']
4 >>> ads.get_order()
5 3
```


1.1.6 使用 Chord 类

`Chord` 类使用三个 `Note` 实例组成的列表表示一个和弦。`self._bass` 储存了和弦低音，`self._body` 储存了和弦的基本音，`self._tension` 储存了和弦的张力音。名称有两种命名方案，`ns=0` 时采用最通用的命名方式，如 C R.3.5.7, C R.b3.5.b7 等。`ns=1` 时采用传统的命名方式，如 CM7, Cm7 等。

Example. 1 使用名称创建和弦

```
1 >>> print(Chord('C R.3.5.7')) # ns=0
2 bass: []
3 body: [C, E, G, B]
4 tension: []
5 >>> print(Chord('FM7(#11)/C')) # ns=1
6 bass: [C]
7 body: [F, A, C, E]
8 tension: [B]
```

Example. 2 获取和弦名称

```
1 >>> Chord().set_notes(bass=[Note('F#')], body=[Note('C'), Note('E'),
2 Note('G#')]).set_printoptions(ns=1).get_name()
3 'C+5/F#'
4 >>> Chord('C R.b3.5.b7(b9, 11, b13)').set_printoptions(ns=1).get_name()
5 'Cm7(b9, 11, b13)'
```

Example. 3 获取和弦中的音符

```
1 >>> Chord('Cm7(b13)')[:]
2 [Note('C0'), Note('Eb0'), Note('G0'), Note('Bb0'), Note('Ab1')]
```

Example. 4 获取和弦的音程列表

```
1 >>> Chord('Cm7(b13)').get_intervals_seq()
2 [Interval('m3'), Interval('M3'), Interval('m3'), Interval('m7')]
3 >>> Chord('Cm7(b13)').get_intervals_cum()
4 [Interval('P1'),
5 Interval('m3'),
6 Interval('P5'),
7 Interval('m7'),
8 Interval('m13')]
```

Example. 5 获取和弦所在的背景音阶

```
1 >>> Chord('G 7').get_scale(max_order=1, ns=2) # 'G7' is a major triad on G7, 'G
2 7' is dominant 7th on G0
3 ['G Phrygian Dominant',
4 'G HMP5b',
5 'G Melodic Major',
6 'G Aeolian Dominant',
7 'G Mixolydian',
8 'G Acoustic',
9 'G Lydian Dominant',
10 'G Mixolydian(#2)']
11 >>> Chord('Csus2/E').get_scale(max_order=2, ns=1)
12 ['E Cb-mode(#1, b5)',
13 'E Locrian(b4, b5)',
14 'E Cb-mode(#1)',
```

```

14     'E Locrian(b4)',
15     'E Phrygian(b4)',
16     'E Locrian',
17     'E Phrygian',
18     'E Phrygian(#4)',
19     'E Cb-mode(#1, #2)',
20     'E Locrian(#2, b4)',
21     'E Aeolian(b4, b5)',
22     'E Aeolian(b4)',
23     'E Locrian(#2)',
24     'E Aeolian(b5)',
25     'E Aeolian',
26     'E Aeolian(#4)']

```

1.1.7 使用 ChordScale 类 (开发中)

ChordScale 类是 **AlteredDiatonicScale** 的一个封装，额外添加了鉴别 avoid note 的功能。avoid 种类被写在音符实例的 `_message` 词典中。目前 **ChordScale** 仅支持 `[N, G, S] = [12, 7, 5]`。目前支持的 avoid 种类：'**[CN]**' 为和弦音；'**[TN]**' 为可用张力音；'**[A0]**' 为 Mixolydian 的四度音，是 avoid note；'**[A2]**' 为 Dorian/Locrian 的大六度音，是 avoid note；'**[A1]**' 是和弦音上方小二度音，或 M7 音下方小二度音，是 avoid note；'**[OK]**' 是和弦音上方小二度音，但因为用在属和弦上，所以是破例允许使用的音。

Example. 1 显示 Altered Diatonic 音阶的 avoid note 种类

```

1     >>> notes = ChordScale('C Dorian(b4)')
2     >>> for note in notes: print(note.get_message('avoid'))
3     [CN]
4     [TN]
5     [CN]
6     [A1]
7     [CN]
8     [A2]
9     [CN]
10    >>> notes = ChordScale('C Mixolydian(b2)')
11    >>> for note in notes: print(note.get_message('avoid'))
12    [CN]
13    [OK]
14    [CN]
15    [A0]
16    [CN]
17    [TN]
18    [CN]

```

1.1.8 一些具体的应用例子

Example. 1 打印同主音各调式顺阶和弦

```

1  from theories import *
2
3  ds = DiatonicScale('F# Locrian').set_printoptions(ns=1)
4
5  for _ in range(7):
6      ds.add_accidental(-1)
7      print(ds.get_name(), end='\t')
8      for deg in range(7):
9          print(Chord().set_notes(body=ds.get_chord(deg,
10 4)).set_printoptions(ns=1).get_name(), end='\t')
11      print()

```

输出:

```

1  -----
2  12-TET | 7-tone | step length: 7 | starting: 5
3  named notes: 0=C 2=D 4=E 5=F 7=G 9=A 11=B
4  -----
5  F Lydian      FM7 G7  Am7 Bm7-5  CM7 Dm7 Em7
6  F Ionian      FM7 Gm7 Am7 BbM7    C7  Dm7 Em7-5
7  F Mixolydian  F7  Gm7 Am7-5  BbM7    Cm7 Dm7 EbM7
8  F Dorian      Fm7 Gm7 AbM7    Bb7 Cm7 Dm7-5  EbM7
9  F Aeolian     Fm7 Gm7-5  AbM7    Bbm7    Cm7 DbM7  Eb7
10 F Phrygian    Fm7 Gbm7    Ab7 Bbm7    Cm7-5  DbM7  Ebm7
11 F Locrian     Fm7-5  Gbm7    Abm7    Bbm7    Cbm7  Db7 Ebm7

```

Example. 2 旋律倒影

```

1  from theories import *
2
3  notes = DiatonicScale('C Ionian')[:]
4  mirror_note = Note('D')
5
6  intervals = [note - mirror_note for note in notes]
7  print(intervals)
8
9  notes_flipud = [mirror_note - itv for itv in intervals]
10 print(notes_flipud)

```

输出:

```

1  -----
2  12-TET | 7-tone | step length: 7 | starting: 5
3  named notes: 0=C 2=D 4=E 5=F 7=G 9=A 11=B
4  -----
5  [Interval('-M2'), Interval('P1'), Interval('M2'), Interval('m3'), Interval('P4'),
6  Interval('P5'), Interval('M6')]
7  [Note('E0'), Note('D0'), Note('C0'), Note('B-1'), Note('A-1'), Note('G-1'),
8  Note('F-1')]

```

Example. 3 求负和声

```

1  from theories import *
2
3  major_tonic = Note('C0')
4  phrygian_p5_tonic = major_tonic + Interval('P5') # Note('G0')
5
6  notes = Chord('G 7')[:]
7  intervals = [note - major_tonic for note in notes]
8
9  notes_neg = [phrygian_p5_tonic - itv for itv in reversed(intervals)]
10 print(Chord().set_notes(body=notes_neg).set_printoptions(ns=1).get_name())

```

输出:

```

1  -----
2  12-TET | 7-tone | step length: 7 | starting: 5
3  named notes: 0=C 2=D 4=E 5=F 7=G 9=A 11=B
4  -----
5  Dm7-5

```

Example. 4 生成 sUpEr ULTrA hYpEr MeGa MeTa LyDiAn 和弦 | youtube= <https://www.youtube.com/watch?v=HeTygKpi6pl>

```

1  from itertools import cycle
2
3  intervals = [Interval('M2'), Interval('M2'), Interval('M2'), Interval('m2')]
4  intervals_cycle = cycle(intervals)
5
6  c = [Note('C')]
7  for _ in range(20):
8      c.append(c[-1] + next(intervals_cycle))
9
10 print(c)

```

输出:

```

1  [Note('C0'), Note('D0'), Note('E0'), Note('F#0'), Note('G0'), Note('A0'),
   Note('B0'), Note('C#1'), Note('D1'), Note('E1'), Note('F#1'), Note('G#1'),
   Note('A1'), Note('B1'), Note('C#2'), Note('D#2'), Note('E2'), Note('F#2'),
   Note('G#2'), Note('A#2'), Note('B2')]

```

1.2 使用 instruments.py

1.2.0 导入 instruments.py

```

1  >>> from instruments import *
2
3  -----
4  12-TET | 7-tone | step length: 7 | starting: 5
5  named notes: 0=C 2=D 4=E 5=F 7=G 9=A 11=B
6  -----

```

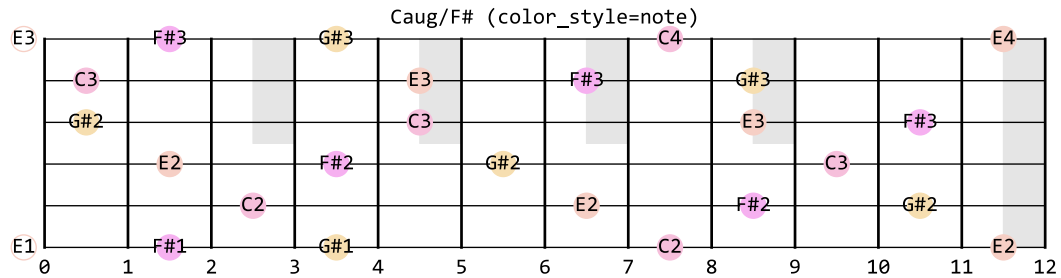
除了 `ColorScheme` 外, 所有的类在 `plot` 方法下均可以设定参数 `color_style`。配色方案有 4 种选择: `'note'` 是按照音符进行着色; `'br357t'` 是按照音符在和弦中的位置进行着色 (只适用于 `Chord` 输入); `'degree'` 是按照音符在音阶中的位置进行着色 (只适用于 `DiatonicScale`, `AlteredDiatonicScale` 以及 `ChordScale` 输入); `'avoid'` 是按照 avoid note 种类进行着色

(只适用于 `ChordScale` 输入)。

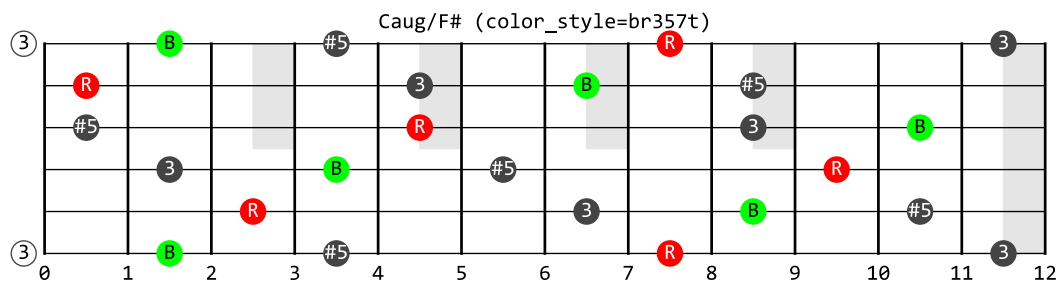
1.2.1 使用 `Guitar` 类

Example. 1 和弦完整指板图

```
1 Guitar().set_notes(Chord('Caug/F#')).plot(title='Caug/F# (color_style=note)')
```

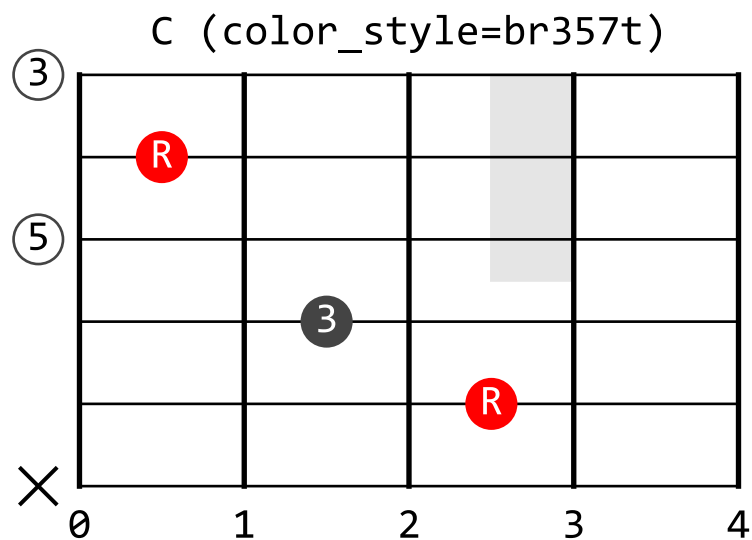


```
1 Guitar().set_notes(Chord('Caug/F#')).plot(color_style='br357t', title='Caug/F# (color_style=br357t)')
```



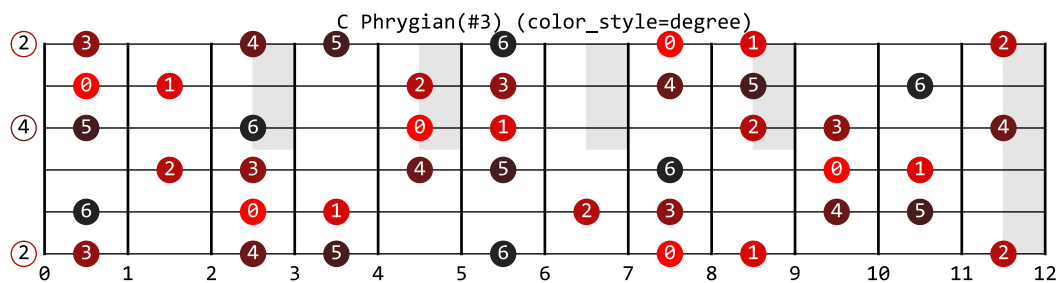
Example. 2 和弦指法图

```
1 Guitar().set_notes(Chord('C')).plot(fret_left=0, fret_right=4, selection='x32010', color_style='br357t', title='C (color_style=br357t)')
```



Example. 3 音阶完整指板图

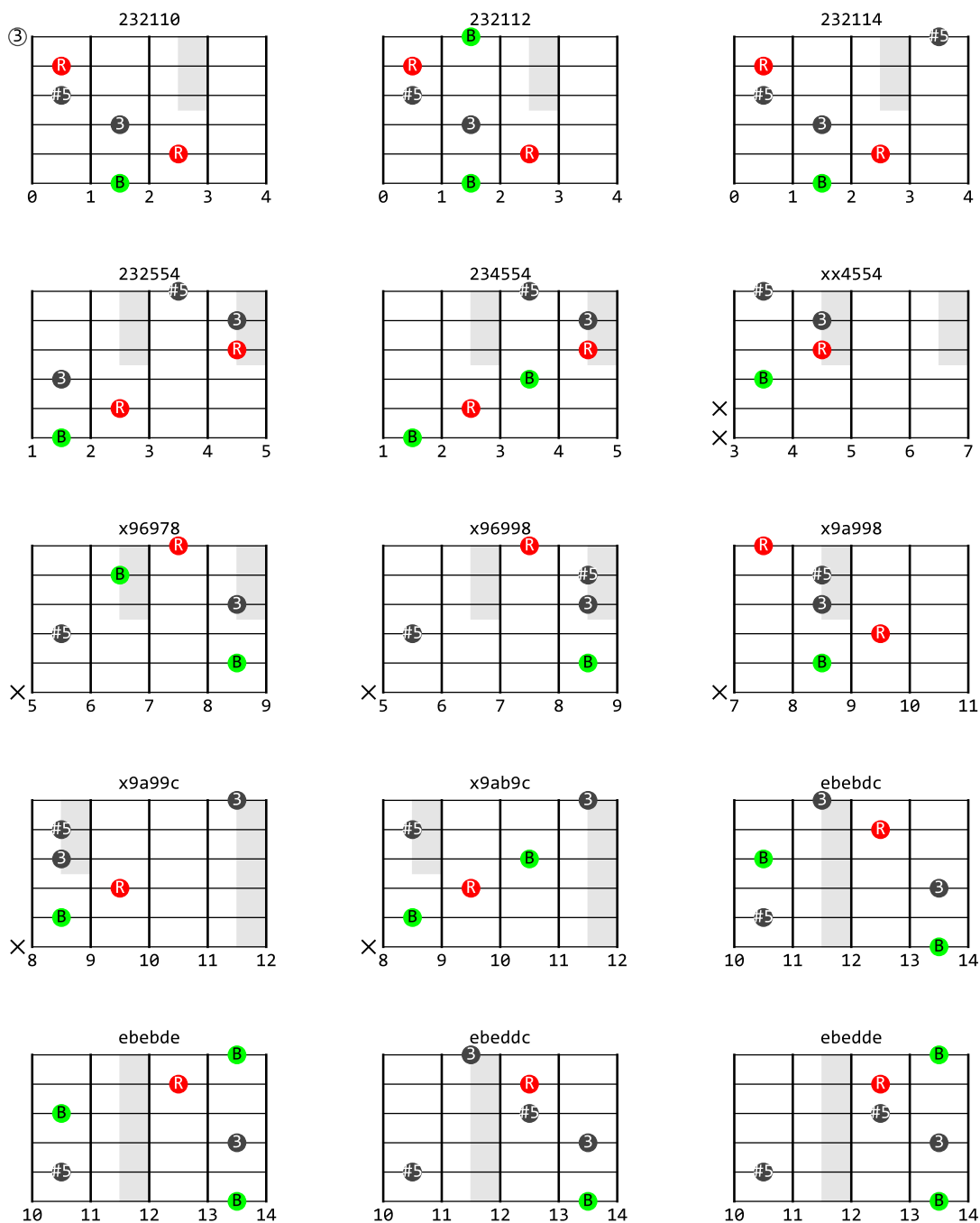
```
1 Guitar().set_notes(AlteredDiatonicScale('C Phrygian(#3)')).plot(color_style='degree', title='C Phrygian(#3) (color_style=degree)')
```



Example. 4 列举和弦全部指法

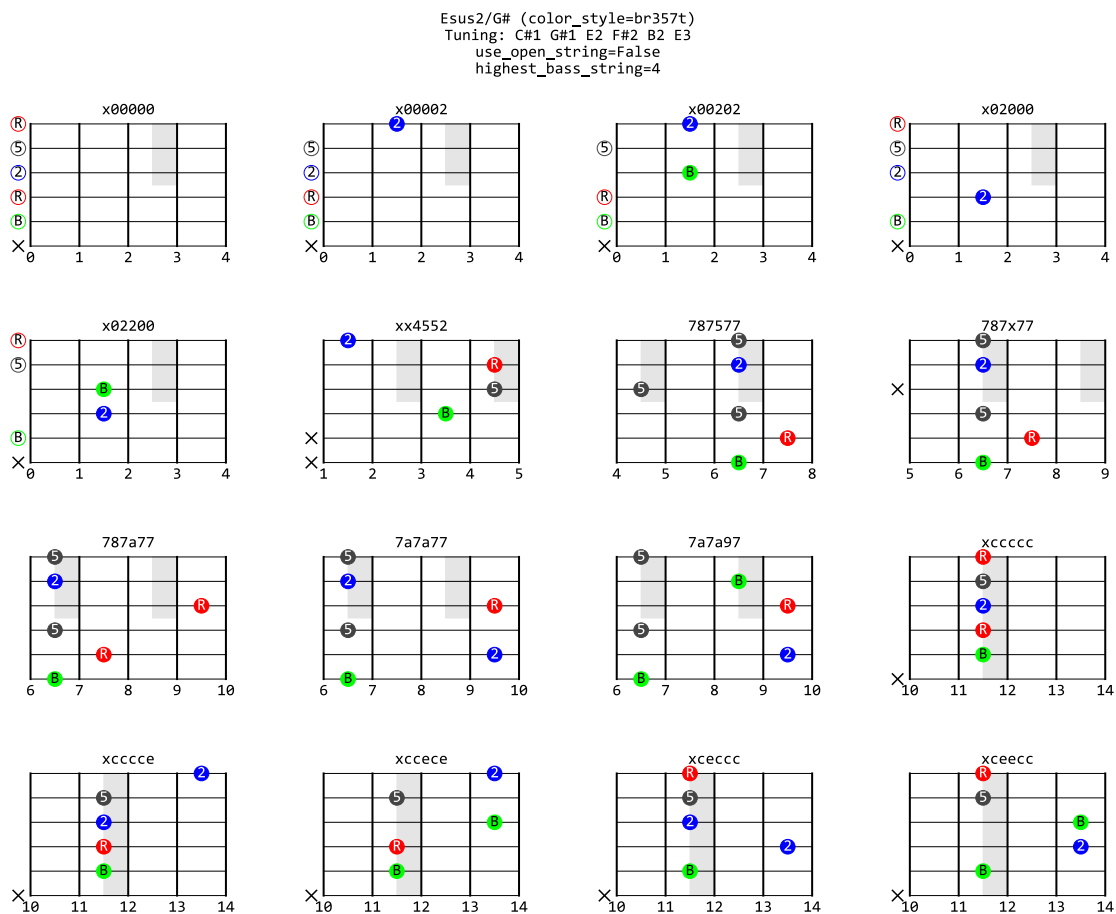
```
1 Guitar().set_notes(Chord('Caug/F#')).plot_all_chords(color_style='br357t',
title='Caug/F# (color_style=br357t)')
```

Caug/F# (color_style=br357t)
Tuning: E1 A1 D2 G2 B2 E3
use_open_string=False
highest_bass_string=4



Example. 5 特殊调弦下列举和弦全部指法

```
1 Guitar(open_string_notes=(Note('C#1'), Note('G#1'), Note('E2'), Note('F#2'),
Note('B2'),
Note('E3'))).add_notes(Chord('Esus2/G#')).plot_all_chords(color_style='br357t',
title='Esus2/G# (color_style=br357t)')
```

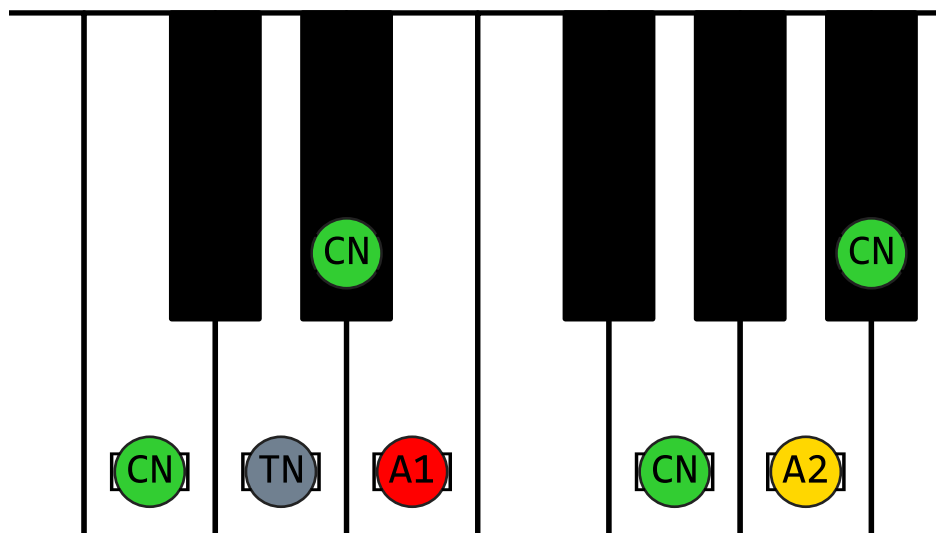


1.2.2 使用 Piano 类

Example. 1 绘制老式钢琴图

```
1 Piano().set_notes(ChordScale('C Dorian(b4)')).plot_old(color_style='avoid')
```

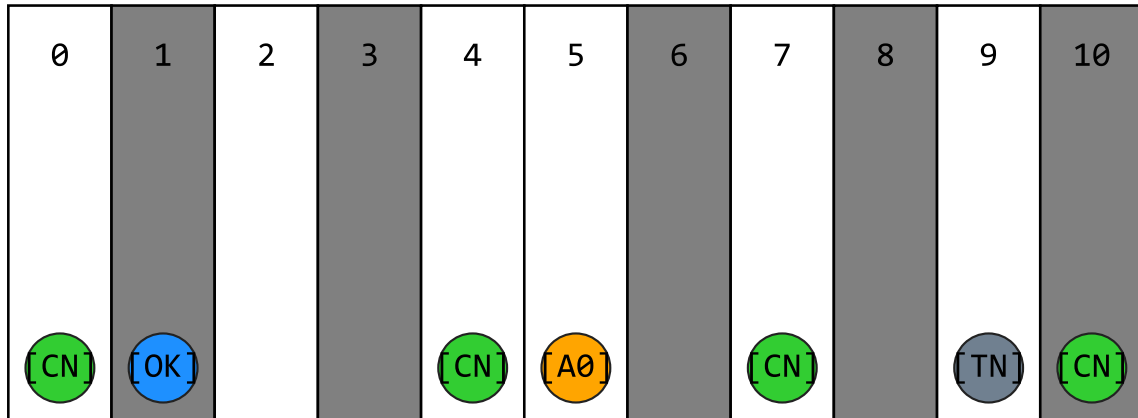
C Dorian(b4) (color_style=avoid)



Example. 2 绘制新式钢琴图 (支持任意平均律)

```
1 Piano().set_notes(ChordScale('C Mixolydian(b2)')).plot(color_style='avoid')
```

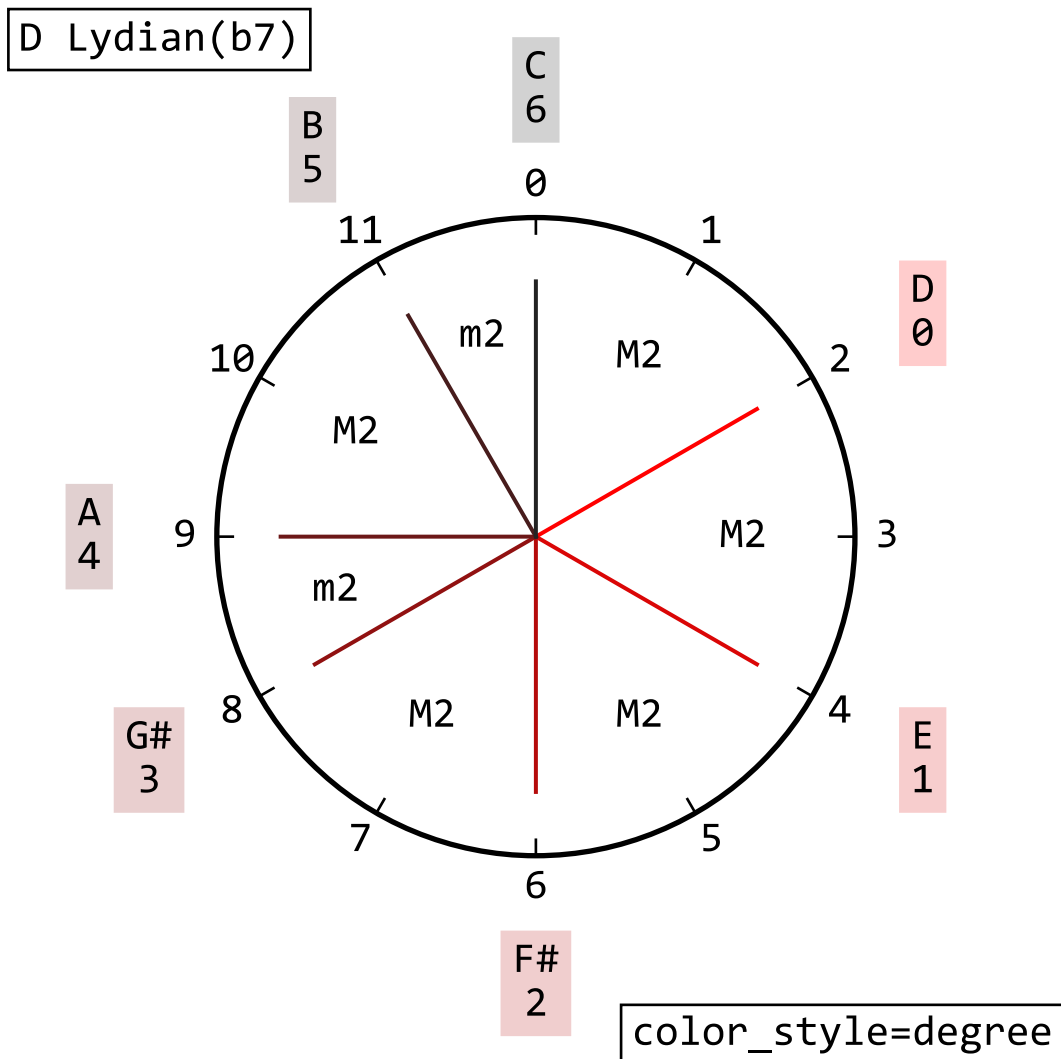
C Dorian(b4) (color_style=avoid)



1.2.3 使用 Clock 类

Example. 1 绘制钟表图

```
1 Clock().set_notes(AlteredDiatonicScale('D Lydian(b7)')).plot(color_style='degree',
interval_anno_style='interval', title='D Lydian(b7)',
subtitle='color_style=degree')
```



1.2.4 使用 ColorScheme 类

Example. 1 生成配色方案

```
1 ColorScheme().set_notes(Chord('Daug')).plot(n_gradients=5, title='Daug (Triadic Color Scheme)')
```

Daug (Triadic Color Scheme)

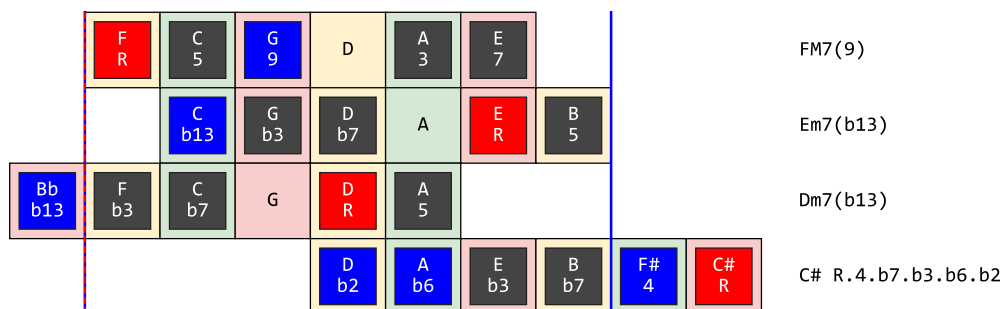


1.2.5 使用 GenLine 类

Example. 1 绘制久石让《One Summer Day》前四个和弦

```
1 GenLine([Chord('FM7(9)').set_printoptions(ns=1),  
Chord('Em7(b13)').set_printoptions(ns=1),  
Chord('Dm7(b13)').set_printoptions(ns=1), Chord('C#  
R.4.b7.b3.b6.b2')]).plot(color_style='br357t', key_note=Note('C'), tds_on=True,  
title='One Summer Day Chords (color_style=br357t)')
```

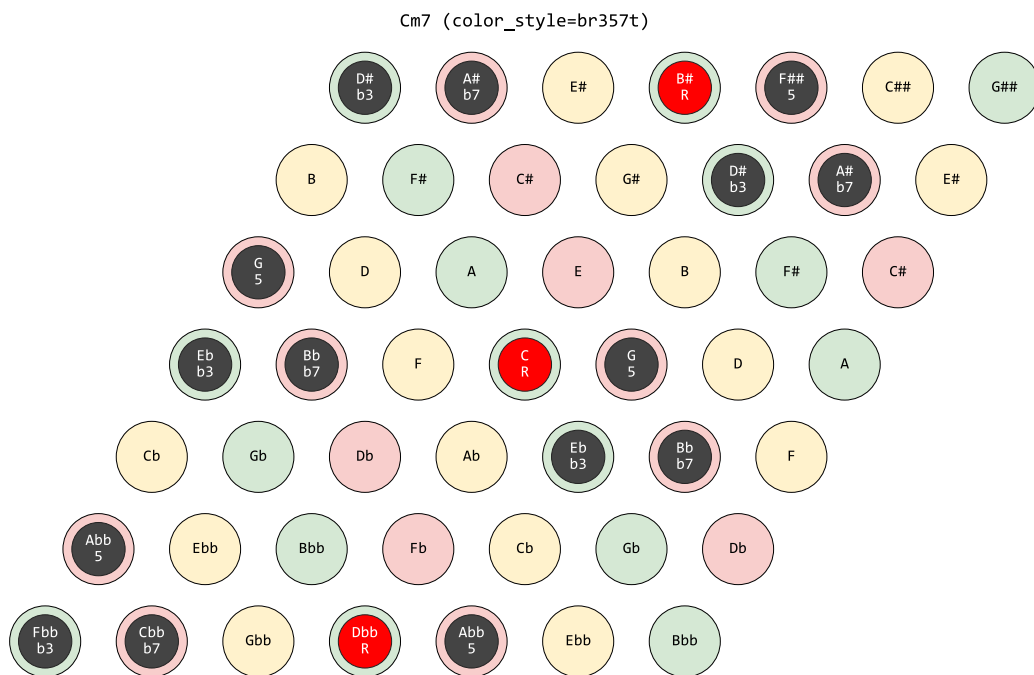
One Summer Day Chords (color_style=br357t)



1.2.6 使用 Tonnetz 类

Example. 1 绘制调性网格

```
1 Tonnetz().set_notes(Chord('Cm7')).plot(color_style='br357t', title='Cm7  
(color_style=br357t)')
```



1.3 修改 `consts.py` 文件

1.3.0 其他 NGS 下音程命名方式的变化

当 `[N, G, S] = [12, 7, 5]` 时，生成序列为 `[5, 0, 7, 2, 9, 4, 11]`。对他们重新排列得到自然音阶 `[0, 2, 4, 5, 7, 9, 11]`。为它们赋予名称 `'CDEFGAB'`。

观察所有可能的音程：当度数差固定时，音程只有两种。比如说二度，`0 - 2`，`2 - 4` 这种二度相差 2 个半音；`4 - 5`，`11 - 0` 这种二度相差 1 个半音。再比如说 `0 - 5` 这种四度相差 5 个半音；而 `5 - 11` 这种四度相差 6 个半音，除此之外没有别的种类的四度。

事实上，**当度数差固定时，音程只有两种**这一性质可以扩展到任意平均律的 Diatonic 音阶中。那么一个很自然的想法就是，**把相同度数差中半音数相差较多的音程称作大音程，而把半音数相差较少的音程称作小音程。**

当 `S = 0` 时，自然音阶中所有的音到 `0` 音均为大音程（注意 Lydian 调式中到调式主音全为大音程）。

当 `S != 0` 时，自然音阶中所有的音到 `0` 音音程有大有小，甚至可以全为小（注意 Locrian 调式中到调式主音全为小音程）。

但是为了与传统音乐理论术语兼容，本程序特意为 `[N, G, S] = [12, 7, 5]` 设定了一套灵活的音程表示法：

- 当 `ns=1` 时，采用“纯增减 (PAd) 表示法”；当 `ns=2` 时，采用“大小增减 (MmAd) 表示法”。在几度音程上使用 `ns=1` 几度音程上使用 `ns=2` 被储存在 `consts.py` 的列表 `DELTA_STEP_TO_NS['12.7.5']` 中。实际上这个列表为 `[1, 2, 2, 1, 1, 2, 2]`，翻译为传统音乐理论术语就是“一四五八无大小，二三六七没有纯（from 李重光基本乐理）”。修改这个列表，可以为其他 NGS 下的音程自定义音程种类名称
- 自然音阶中，到主音的音程只能为大音程或纯音程。这意味着**即使某个度数上的音程是 Diatonic 音阶中两个音程中较小的那个，也必须被命名为大音程或纯音程，此时较大的那个音程则为增音程**

传统音乐理论中音程的名称虽然并不具有数学上的简洁性，但是也有其存在的道理。纯音程（Perfect）这个术语最早起源于古希腊时期，它暗示了两音的同时发出时音响效果的协和性。而且，十二平均律中的纯音程也仅仅是更加久远的音律中的音程（如五度相生律）的一种逼近。因此这些名称依旧有其存在的道理。

1.3.1 使用 19 平均律

`consts.py` 定义了平均律和 Diatonic 音阶有关的各种常量。它的开头部分如下：

```
1  # most basic constants (generate named nnrels from starting point `S` using step
    length `G` modulo `N`)
2  N = 12 # int(input('N: ')) # `N`-tone equal temperament (`N`-TET)
3  G = 7  # int(input('G: ')) # generator (step length)
4  S = 5  # int(input('S: ')) # starter (starting point)
5
6  # most basic calculations
7  M = pow(G, -1, N) # number of tones in diatonic scale
8  T = 2 ** (1 / N)  # ratio of semi-tone frequencies
9  C3 = 440 * (T ** (36 - 45)) # frequency of C3
10 NGS = ' '.join([str(k) for k in [N, G, S]]) # NGS for dict indexing
11
12 # define named notes (natural notes) in linear order
13 NAMED_STR_LIN = [
14     'CDEFGAB', # [12, 7, 5] and [19,
15     11, 8]
16     'CDEXGAB', # [12, 7, 0] and [19,
17     11, 0] (X is F#)
18     'CDEGA', # [12, 5, 4]
19     'ABCDEFGHJIJ', # [23, 7, 0]
20     str().join([chr(ord('A')+j) for j in range(M)]), # 97-TET 26-tone
21     str().join([chr(int('03B1', 16)+j) for j in range(M)]) # `N`-TET `M`-tone
22 ]
23 if len(NAMED_STR_LIN) != M: raise ValueError('Number of symbols must equal to
    number of notes!')
```

假设现在我们想使用 19 平均律。则上述文件应在如下几行进行修改：

```
1  # most basic constants (generate named nnrels from starting point `S` using step
    length `G` modulo `N`)
2  N = 19 # int(input('N: ')) # `N`-tone equal temperament (`N`-TET)
3  G = 11 # int(input('G: ')) # generator (step length)
4  S = 8  # int(input('S: ')) # starter (starting point)
```

`N = 19` 对应了 19 平均律；`G = 11` 对应了生成步长 11 个半音；`S = 8` 对应了起始音。这些音依旧被命名为 `'CDEFGAB'`。

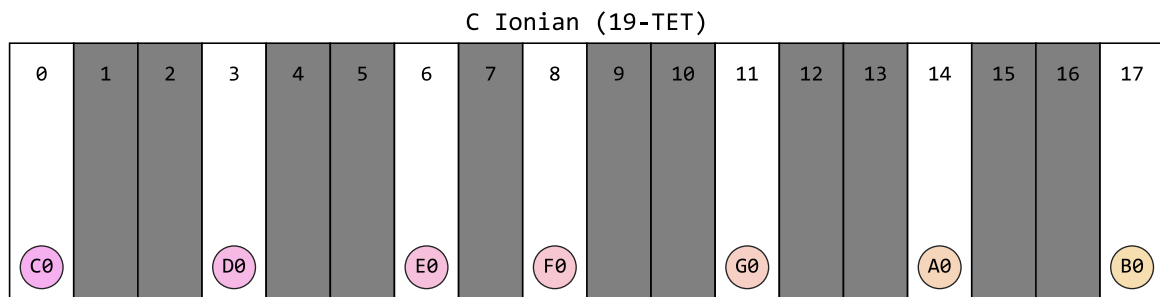
这时整个 diatonic-tools 系统都会适配到 19 平均律上：

Example. 1 19 平均律下的 Diatonic 音阶

```
1  >>> print(DiatonicScale('C Ionian'))
2  [C, D, E, F, G, A, B]
3  >>> DiatonicScale('C Ionian').get_nnabs_list() # no longer [0, 2, 4, 5, 7, 9, 11]
4  [0, 3, 6, 8, 11, 14, 17]
```

Example. 2 绘制 19 平均律键盘图

```
1 Piano(Piano()).set_notes(DiatonicScale('C Ionian')).plot(title='C Ionian (19-TET)')
```



1.3.2 增加已命名音阶/和弦种类

直接读代码照葫芦画瓢就可以理解，这里略过。