كلية الهندسة المعلوماتية

تعليم الكتروني

عدد الصفحات: 22

المحاضرة : الثانية

السنة الخامسة



GATE

Greatness Achieved Throught Excellence

الزراعة-مقابل باب السكن الجامعي-شارع مسايا 09600660¹⁶



倒 www.facebook.com/groups/lTech.GATE





في المحاضرة السابقة تكلمنا عن عدة تعاريف لتعلم الالة وأنواع خوارزميات التعلم, وتحدثنا بشكل مفصل عن التعلم بإشراف وانواعه. تكلمنا بشكل موسع عن اله regression وذكرنا انه عبارة عن مجموعة متغيرات مستقلة عن بعضها البعض independent variables/ واريد إنجاد. واريد إنجاد Dependent variable (سعر المنزل).

تكلمنا أيضا عن عملية التدريب اعتمادا على الداتاست لكي ينتج مودل ومن خلال هذا المودل نقوم بالتنبؤ بقيمة المتغير (سعر المنزل) الذي يعتمد على المتغيرات المستقلة (عدد الغرف, مساحة المنزل ...) والمودل يكون عبارة عن معادلة من درجة معينة ولكل معادلة منحني بياني خاص بحا (تحدثنا عن الشكل البسيط وهو معادلة من الدرجة الأولى ويكون شكلها عبارة عن خط مستقيم, وقلنا ان هذه الحالة تمثل linear regression).

إذاً ماهو ال supervised Learning ?

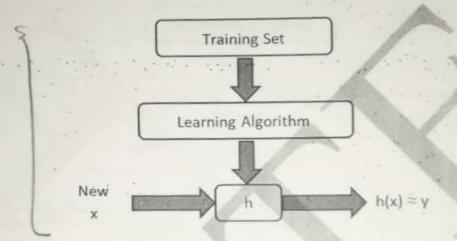
خوارزمية نقوم بإعطاءها بيانات (تسمى هذه البيانات بالدائاست Data Set أو Training set) و تحوي هذه الدائاست الدخل والخرج. أي نعطى الخوارزمية الدخل والخرج الصحيح, ومهمة الخوارزمية أن تتعلم كيف تحسب الخرج (تتنبأ به) أي ان توجد علاقة ربط بين x و y من خلال تابع رياضي.

وهذا التابع نستخدمه فيما بعد للتنبؤ بقيم جديدة وكلما كانت علاقة الربط قوية أي يتم انتاج قيم متنبأ بما قريبة من القيم الحقيقية كانت الخوارزمية افضل, ويسمى هذا التابع بالمودل و hypothesis واختصارا h.





في مثال تسعير المنازل نعطي خوارزمية التعلم المساحة والسعر ومهمتها معرفة كيف تسعر المنازل عندما نقوم بإعطاءها منازل جديدة لتتنبأ بأسعارها.

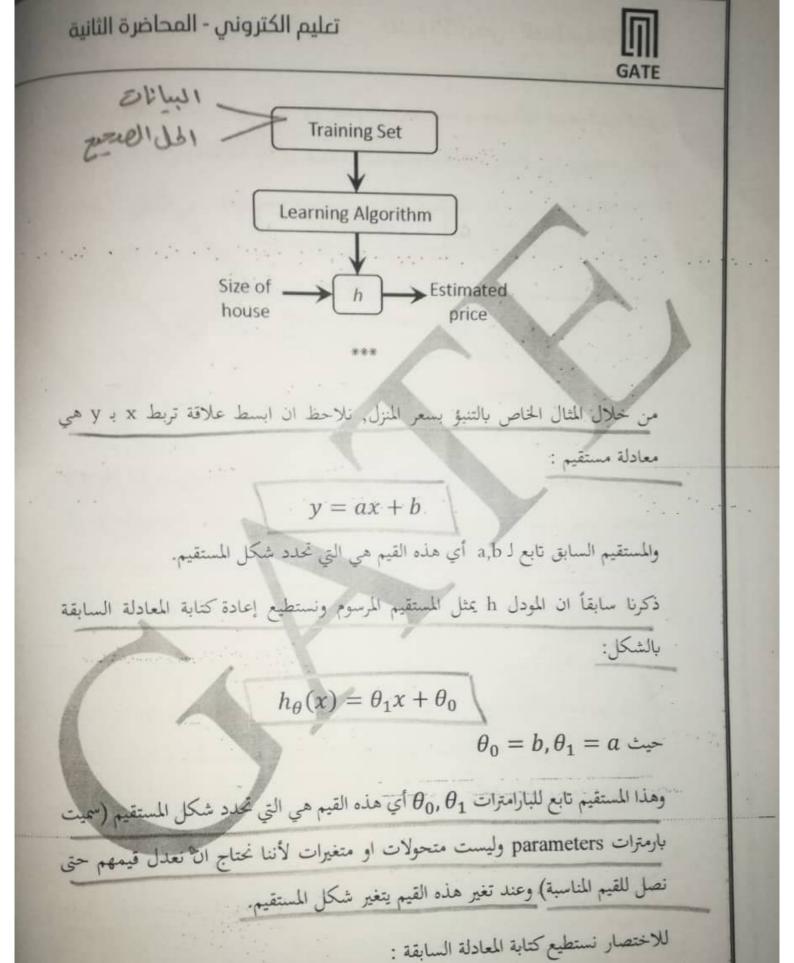


New x عثل مساحة المنزل الجديد التي تم إدخالها, أي هو أي دخل x جديد (يسمى في المراجع Unsean example) لم تتدرب عليه الخوارزمية, اما لم يمثل المودل وهو خلاصة تعلم الخوارزمية, اما (k(x) يمثل التنبؤ من قبل الخوارزمية (أي السعر الذي تنبأت به الخوارزمية من اجل مساحة المنزل المدخلة, ويجب ان يكون اقرب مايمكن الى القيمة الحقيقية y).

من الرسم السابق نلاحظ انه يتم ادخال الداتاست او مجموعة التدريب او داتاست التدريب او داتاست التدريب او المحل الداخلي (إيجاد العلقة بين X و y) وإعطاء المودل في النهاية, وبعد الحصول على المودل المنظيع التنبؤ, حيث نقوم بإدخال دخل جديد او مثال جديد الى المودل لكي يقوم بإيجاد القيمة المتنبأ بها.

تعديل الرسم حسب المثال السابق (الشكل مهم وقد يأتي سؤال في الامتحان) :





 $h(x) = \theta_1 x + \theta_0$

ملاحظة:

لمعرفة القيمة المتنبأ بما نقوم باسقاط النقطة على المستقيم وننظر الى مسقطها على محور y ليظهر لنا السعر المتنبأ به.

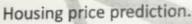
Y= an+b

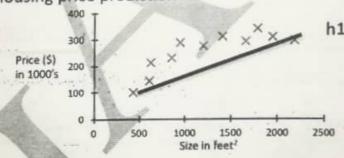
من المحاضرة السابقة نعرف أن العلاقة التي تربط بين x و y ليس بالضرورة أن تكون مستقيم

بل قد تكون منحني بسيط او معقد. ع ٢٠٠٤ ١٥ = ١١٥ م

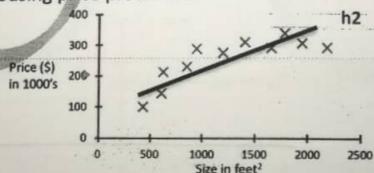
المسائل التي سنتعامل معها حاليا تحوي في الداتاست اما عمود واحد او عدة أعمدة حسب عدد الخصائص وعمود y (عمود واحد فقط مهما كانت عدد الخصائص).

تذكر من المحاضرة السابقة اننا قمنا برسم شكلين مختلفين كما يلي:





Housing price prediction.







نلاحظ أن خوارزمية التعلم الثانية تنبأت بسعر المنزل بشكل أفضل أو أكثر دقة من الخوارزمية الأولى.

وبما ان المستقيم عمثل المودل h, ومعادلة المودل تابعة ل θ_0 , θ_1 أي كلما تغيرت قيم البارمترات أو التيتات, تغير شكل المستقيم, لذلك المستقيمين السابقين لهما قيم مختلفة للبارمترات.

مثلا اذا كانت لدينا قيم مختلفة لـ θ_0 , θ_1 كيف سنعرف ماهو المودل الأفضل بين h1 و h2 ؟ أو كيف سنعرف ماهو المودل (المستقيم) الذي يمر بالنقاط بأفضل شكل ممكن كما ذكرنا سابقاً ؟ او كيف سنعرف ماهي افضل القيم لـ θ_0 , θ_1 ؟

ختاج لطريقة نستطيع بها تقييم مدى جودة كل من التابعين لمعرفة التابع أو المودل الأفضل. ويتم ذلك من خلال حساب الكلفة, والمودل الذي يملك كفلة او خطأ اقل يكون اكثر دقة, آلية حساب الكلفة تعتمد بشكل أساسي على حساب الفرق بين القيمة الحقيقية والقيمة المتنبأ بما وبما انه يتم ادخال عدد كبير من امثلة التدريب (الداتاست) الى الخوارزمية, سنقوم بحساب الفرق بين القيم المتنبأ بما والقيم الحقيقية من اجل كل مثال تدريب, وهذا الفرق نستطيع تسميته بالخطأ أو الكلفة. وهذا هو جوهر عمل تابع الكلفة كما سنرى.





-{Cost function}

نقوم بتحقیق الآلیة السابقة من خلال تابع خاص یقوم بقیاس أداء المودل عن طریق حساب الكلفة أو الخطأ, ویجب أن تكون هذه الكلفة أقل ما یمكن min. ویما أن المودل θ_0 تابع لا الكلفة أو الحلف هو إیجاد افضل قیم للبارمترات θ_0 , θ_1 التی تجعل الكلفة أقل ما یمكن, ویكلام آخر اختیار قیم بارمترات التابع θ_1 بحیث تكون القیمة المتنبأ بما قریبة قدر الإمكان علی القیمة الحقیقیة من أجل كل أمثلة التدریب, او ان یملك تابع الكلفة اصغر قیمة ممكنة.

← كيف سنحصل على هذا الهدف؟

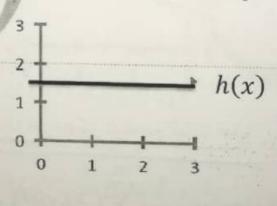
تذكر أولاً أن القيم المختلفة للبارمترات ستعطى توابع او مستقيمات مختلفة.

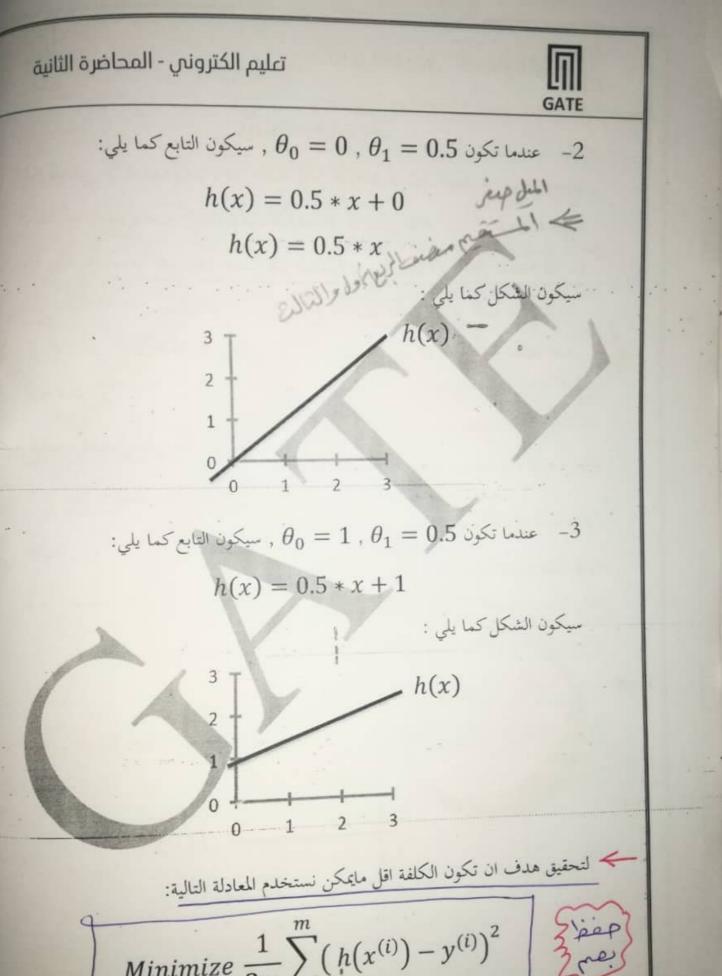
مثال:

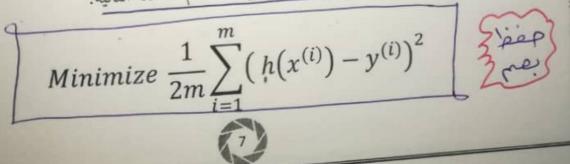
اء عندما تكون
$$heta_1=0$$
 , $heta_0=1.5$, $heta_1=0$ بنعوض بالتابع كما يلي:

$$h(x) = 0 * x + 1.5$$
$$h(x) = 1.5$$

سيكون الشكل كما يلي:









نقوم الان فقط بإضافة رمز تابع الكلفة cost function لنحصل على الشكل النهائي د مَدَ المورل (رفَدَ الخواررمية) (المعادلة, وهو يمثل مقياس metric يعطي مدى جودة المودل وهو عبارة عن Mean

square error او MSE ويرمز له بر J ومعادلته على الشكل التالي:

$$J(\theta_0, \theta_1) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} (h(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

أي وظيفة هذا التابع هو إيجاد مجموع مربعات الفرق بين القيمة المتنبأ بما والتي تمثل $h(x^{(i)})$ وذلك لكل أمثلة التدريب أي من $h(x^{(i)})$ الأول الى m والتي هي حجم الداتاست او عدد امثلة التدريب.

وبضرب الناتج بالمنتج بالمناب المتوسط $(\frac{1}{m})$ وجعل العمليات الحسابية أسهل قليلاً $(\frac{1}{2m})$.

→ ويجب أن يكون هذا التابع أصغر ما يمكن لكي ينصف المستقيم او المودل النقاط بأفضل شكل ممكن.

→ معادلة المودل (القيمة المتنبأ بحا) من اجل مثال التدريب الأول i=1:

$$h(x^{(1)}) = \theta_0 + \theta_1 x^{(1)}$$

$$h(x^{(2)}) = \theta_0 + \theta_1 x^{(2)}$$

معادلة المودل (القيمة المتنبأ بها) من اجل كل امثلة التدريب او كامل الداتاست:

$$h(x^{(i)}) = \theta_0 + \theta_1 x^{(i)}$$



في الحالة المثالية يكون J=0 , أي القيم المتنبأ بما مطابقة للقيم الحقيقية, وتكون في حالة أن النقاط على استقامة واحدة والمستقيم ينصف كل النقاط.

إذاً أصبح هدف حوارزمية التعلم إيجاد قيم البارمترات θ_0 , θ_1 الحاصة به التي تجعل القيمة المتنبأ بما تقرب ما يمكن الى القيمة الحقيقية من أجل أمثلة التدريب(x,y) أو نفس الكلام ان يكون f أصغر ما يمكن.

الهدف النهائي:

Minimize $J(\theta_0, \theta_1)$ θ_0, θ_1

وتسمى هذه المشكلة minimization cost أي آن عملية ال minimization هي حساب اصغر قيمة للكلفة بناء على علاقة معطاة وقيم مختلفة للبارمترات, بحيث نختار اصغر قيم للكلفة ونحتفظ بقيم البارمترات التي جعلت الكلفة اقل مايمكن. وبالتالي خرج علمية ال مايمكن. وبالتالي خرج علمية السارمترات المثالية او الأفضل.

شرح تابع الكلفة بكلام بسيط

لنفرض في البداية انه يوجد مثال تدريب واحد فقط لتوضيح الفكرة, فرضا مساحة المنزل 200 متر مربع وكان السعر الحقيقي للمنزل 4000 ليرة, في حال قمنا بإدخال هذا المثال التدريبي الى مودل مدرب سابقا (لايجاد القيمة التي سيتنبأ بما من اجل مساحة منزل 200 متر مربع) وهذا المودل تنبأ بسعر المنزل بر 3800 ليرة.





تذكر في الحالة المثالية تكون القيمة المتوقعة مطابقة للقيمة الحقيقية أي اذا توقع المودل سعر المنزل 4000 ليرة, هنا يكون السعر الحقيقي مطابق للسعر المتنبأ به وبالتالي نقول ان المودل دقيق بنسبة 100 بالمية, اما في حال توقع المودل سعر المنزل 3800 ليرة نقول ان معدل دقة المودل مثلا 80 بالمية, لإن القيمة الحقيقية مختلفة عن القيمة المتنبأ بحا.

اما في حال توقع المودل سعر المنزل 600 ليرة نقول ان معدل دقة المودل مثلا 13 بالمية وستكون خوارزمية التعلم سيئة, وهكذا.

الان لكي نعرف دقة المودل نحتاج لحساب الكلفة او الخطأ الذي ارتكبه ولإيجاد الخطأ نقوم بطرح القيمة الحقيقية التي هي 4000 ليرة لينتج الخطأ والتي قيمته تساوي 200 ليرة.

مثلا في حال كان هناك مودل تنبأ بسعر المنزل 3800 ومودل اخر تنبأ بسعر المنزل 2800, لايجاد المودل الأكثر دقة نبحث عن المودل الذي يملك اصغر قيمة للخطأ وفي حالتنا يكون هو المودل الأول لان قيمة الخطأ لديه 200 ليرة اما المودل الثاني قيمة الخطأ لديه 1000 ليرة, اذا المودل الأول يستطيع التنبؤ يسعر المنزل بدقة اكثر من المودل الثاني لليه 1000 ليرة, اذا المودل الأول يستطيع التنبؤ يسعر المنزل بدقة اكثر من المودل الثاني تكون القيمة المتنبأ بحا قريبة على القيمة الحقيقية).

الان الكلام السابق منطبق على مثال تدريب واحد.

اما في حال وجود 100 مثال تدريب, لا يجاد الكلفة الخاصة بالمودل اطبق نفس الكلام السابق تماما, أقوم بطرح القيمة الحقيقية من القيمة المتنبأ بها من اجل المثال الأول ثم المثال الثاني ثم الثالث ... وفي النهاية أقوم بجمع القيم لكي نحصل على الكلفة الإجمالية الخاصة





بالمودل. (المثال السابق تم تبسيط فكرة حساب الكلفة لسهولة الفهم اما في المعادلة نقوم بطرح القيمة المتنبأ بحا من القيمة الحقيقية ونقوم بالتربيع وغيره من العمليات).

شرح تابع الكلفة

xفي البداية من أجل التبسيط لنفرض أن $\theta_0=0$ (هذا البارامتر يمثل الازاحة على محور وهو يمثل b أيضا في حال تم استخدام الرموز x0 وبالتالي ستكون معادلة المودل :

$$h(x) = \theta_1 x$$

وبالتالي أصبح تابع الكلفة تابع لـ $heta_1$ فقط أي :

$$J(\theta_1) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} (h(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

أي بدلاً من معرفة أفضل قيمة للبارمترين سنكتفي بمعرفة أفضل قيمة لـ θ_1 فقط لكي نقوم بتصغير تابع الكلفة لأقل ما يمكن.

لدينا الآن تابعين:

h(x) تابع المستقيم او المودل

O وهو تابع لـ X (مساحة المنزل في مثال التنبؤ بسعر المنزل)

 $J(heta_1)$ تابع الكلفة ا

٥ وهو تابع للبارمتر 10. مغرضي ٥ عن ٥



تعليم الكتروني - المحاضرة الثانية

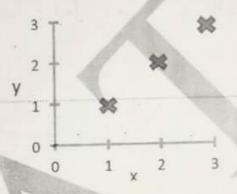


ے والهدف هو

Minimize $J(\theta_1)$

 θ_1

عرف مثال: ليكن لدينا الدائاست المرسومة بالشكل التالي حيث تحوي 3 نقاط عرف عرف الترتيب:



لنقوم الآن بتعویض بعض القیم , مثلاً عندما تکون $\underline{\theta_1} = 1$ سیکون

$$h(x) = \theta_1 x = 1 * x = \underline{x}$$

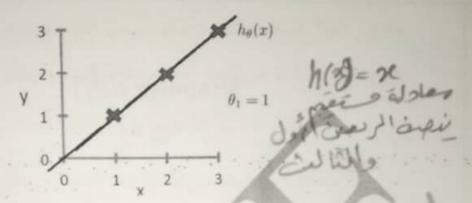
وبالتالي لرسم هذا التابع كما يلي (h(x)) :

المستقيم منطبق على النقاط لانه من اجل x=1 كانت (h(x) تساوي 1 ومن اجل

x=2 كانت h(x) تساوي 2 ... (تعويض مباشر في القانون)







نلاحظ أن المستقيم أو المودل منطبق على النقاط وبالتالي الدقة هنا 100% أي القيمة

معابقة للقيمة الحقيقية. يعانى من over fitting

نقوم الآن بالتعويض في تابع الكلفة كما يلي :

$$J(1) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} (h(x^{(i)}) - y^{(i)})^{2}$$

: نعوض $h(x^{(i)}) = \theta_1 x^{(i)}$ نعوض $h(x^{(i)}) = \theta_1 x^{(i)}$ نعوض

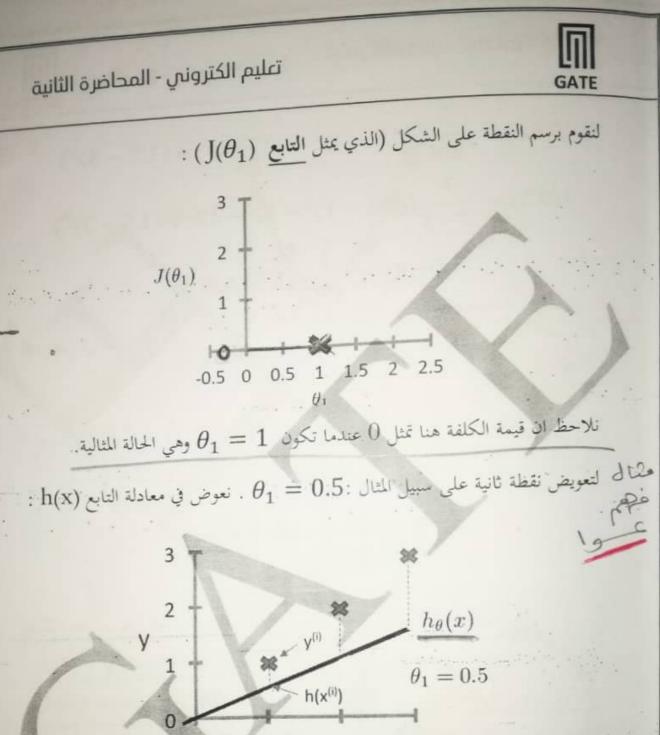
$$J(1) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} (\theta_1 x^{(i)} - y^{(i)})^2$$

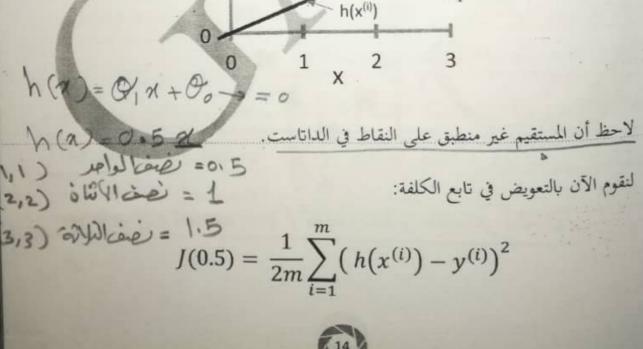
$$J(1) = \frac{1}{2m}((1-1)^2 + (2-2)^2 + (3-3)^2)$$

$$J(1) = \frac{1}{2m}(0^2 + 0^2 + 0^2) = 0$$

$$J(1) = 0$$







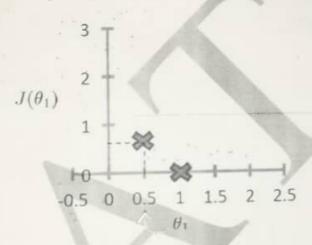


$$J(0.5) = \frac{1}{2m}((0.5-1)^2 + (1-2)^2 + (1.5-3)^2)$$

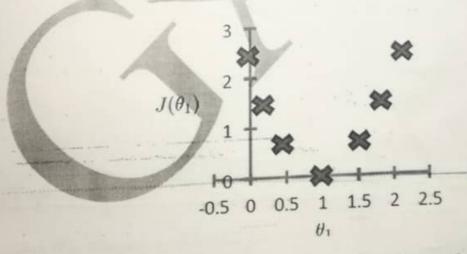
$$J(0.5) = \frac{1}{2*3}((0.5-1)^2 + (1-2)^2 + (1.5-3)^2)$$

$$J(0.5) = \frac{1}{2 * 3}(3.5) \approx 0.58$$

للتعويض في الشكل:

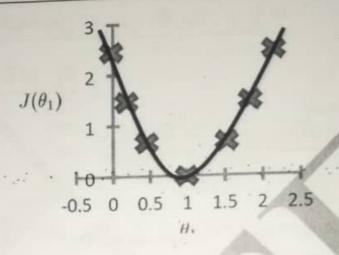


وهكذا بعد تعويض العديد من النقاط بنفس الطريقة قيم تابع الكلفة التالية:



ينتج ما يسمى اله polynomial أو متعدد الحدود او قطع مكافئ (تابع تربيعي) كما يلي :





ملاحظة: ح

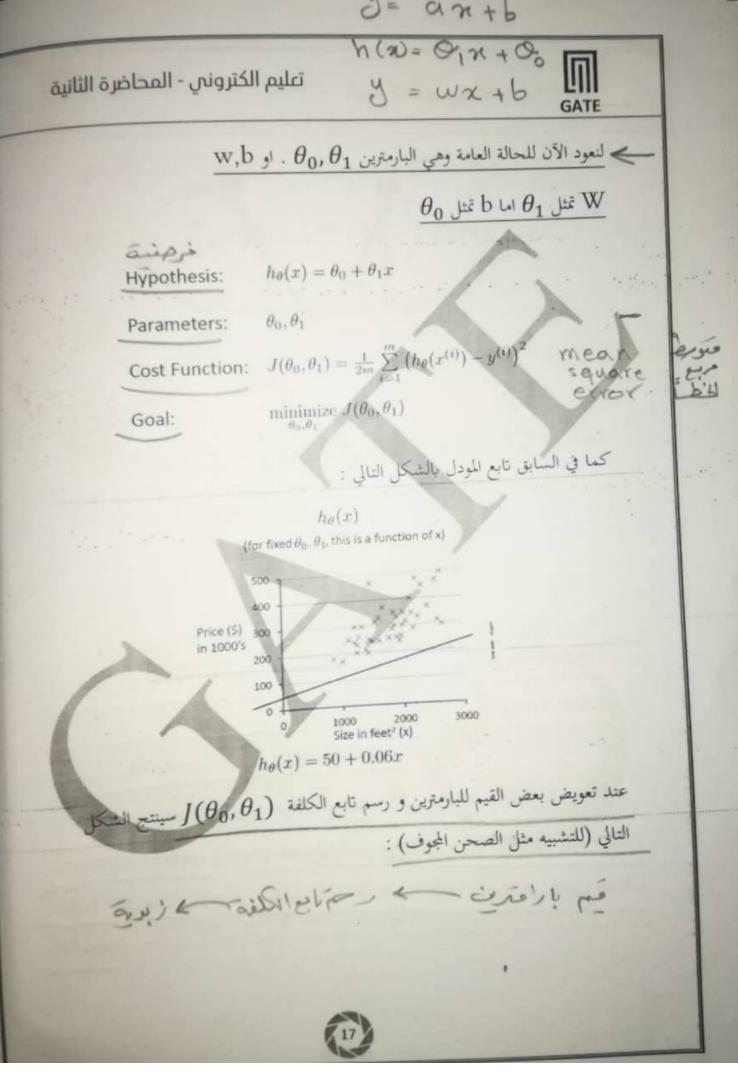
لاحظ من الشكل أن تابع الكلفة $J(\theta_1)$ بملك أصغر قيمة أي $J(\theta_1)=0$ عندما يكون $\theta_1=0$ وعندما $\theta_1=0$ تذكر أن شكل المودل يكون $\theta_1=0$ وعندما $\theta_1=0$ تذكر أن شكل المودل يكون :

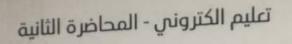


أي المودل يمر بالنقاط أو ينصف نقاط الداتاست تماماً . أي دقة الخوارزمية 00% . global minimum وعندها يكون تابع الكلفة يساوي الصفر وهي الحالة المثالية $\theta_1=1$ هي أفضل قيمة او القيمة المثالية .

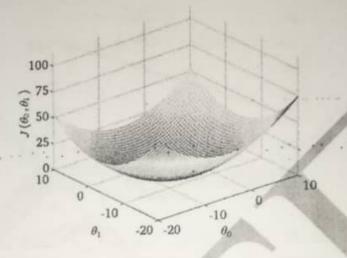
اذاً كل قيمة ل θ_1 تكافئ مودل مختلف أو خط مستقيم مختلف , و تكافئ قيمة جديدة لتابع الكلفة (θ_1) . و هدف خوارزمية التعلم هي اختيار قيمة (θ_1) التي تصغر قيمة الكلفة لأقل مايمكن (حيث نستطبع القول ان تابع الكلفة مسؤول عن مدى جودة البارمترات).











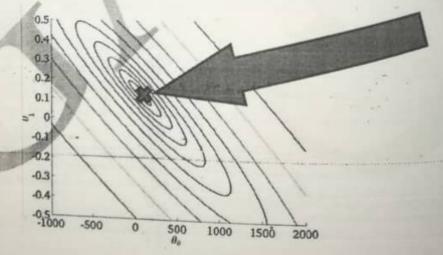
هو شكل ثلاثي الأبعاد و يوجد 3 محاوز :

$$X = \theta_1$$
 , $Z = \theta_0$, $Y = J(\theta_0, \theta_1)$

من الشكل السابق يملك التابع أصغر قيمة عندما يكون في الأسفل (أسفل نقطة في باطن الشكل).

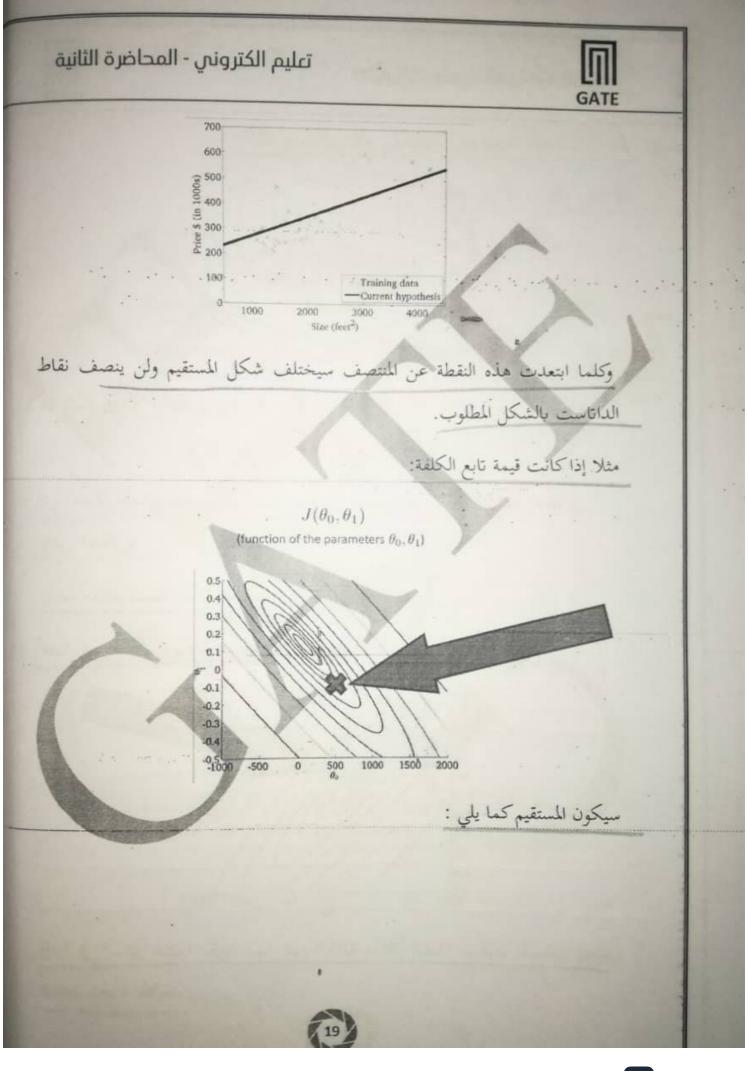
لنأخذ مقطع بسيط منه للتوضيج

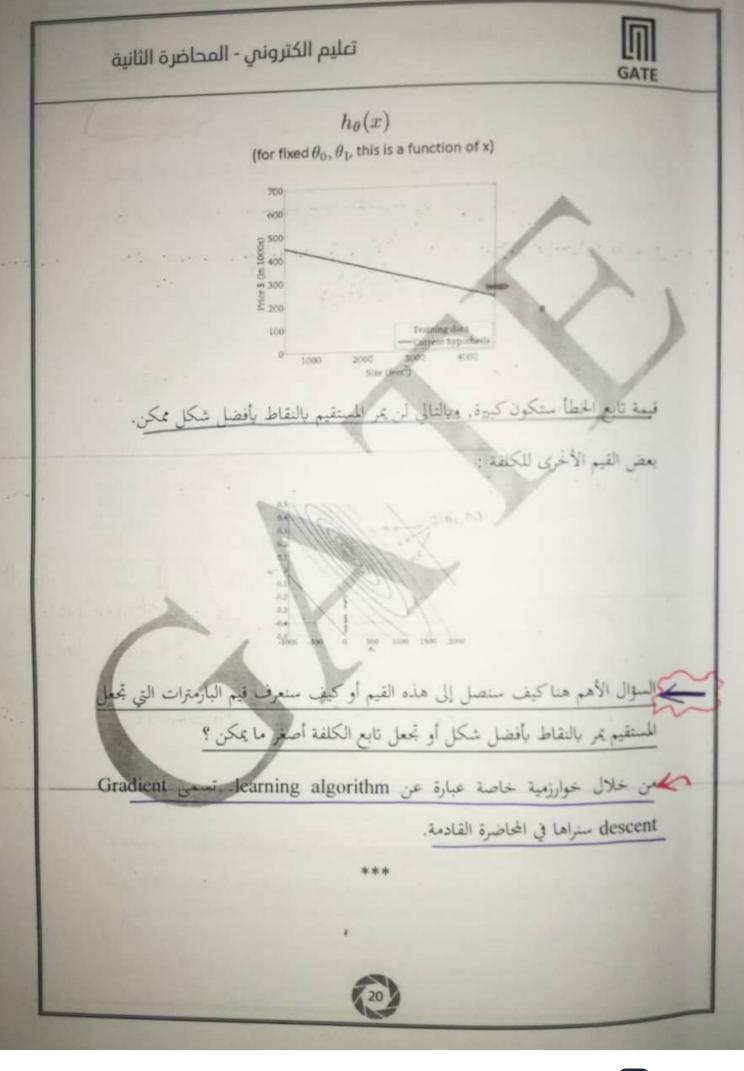
أفضل قيمة إستكون مكان النقطة التالية global minimum:



وكما في السابق عندما تكون قيمة تابع الكلفة مكان النقطة سيكون المستقيم ينصف النقاط بالحالة المثالية.









أ ملاحظة هامة:

رأينا في الفكرة السابقة كيف قمنا بحذف بارمتر (تيتا 0) لتوضيح الفكرة, وكان الشكل عبارة عن ثنائي البعد, اما بعد إضافة التيتا 0 اصبح لدينا شكل ثلاثي الابعاد, وعند إضافة خصائص جديدة سيزداد البعد وسيزداد الشكل تعقيدا وقد يكون من المستحيل تصوره او رسمه, مع العلم انه ليس كل الخصائص تساهم في تقديم معلومات مفيدة بنفس الدرجة, مثلا لنأخذ مثال التعرف على الوجه, وكان لدينا الخصائص لون العيون والعمر ولون الشعر. وبعد التجربة استطعنا معرفة ان خاصية العمر تساهم في تقديم معلومات مفيدة بشكل اكبر من خاصية لون العيون لذلك نستطيع حذف خاصية لون العيون لكي يتم تبسيط المودل دون خسارة معلومات بشكل كبير وهذا المبدأ يسمى Dimensionality reduction أي تقليص الابعاد من خلال حذف الخصائص التي تعقد المودل ولا تحمل معلومات مفيدة لذلك نتخلص منها بدون التضحية في فقدان كمية كبيرة من المعلومات. super vised Leav ning Al

Logistic regression - classification

في المحاضرة السابقة تحدثنا عن اله supervised learning وبشكل خاص عن اله linear regression وذكرنا أننا نتنبأ بالخرج y في مجال مستمر مثل درجة الحرارة, كمية المبيعات, المعدل ... وأن المودل يجب ان يكون عبارة عن خط مستقيم أو منحني يمر بالبيانات أو النقاط بأفضل شكل ممكن.

أما مفهوم ال classification ويسمى أيضاً logistic regression, ويكون مجال الخرج y الذي سنتنبأ به متقطع و ليس مستمر مثل مسائل تشخيص الأمراض مثلاً هل





الشخص مصاب أم لا و تصنيف الايميل هل هو سبام أم لا , هل الطقس غائم أو ماطر أو مشمس , وهكذا ... أي مجال الخرج متقطع.

Binary classification

هو نوع من اله (binary class problem) classification) وهو أبسط الأنواع, 0,1 يوجد كلاسين فقط 0,1 هو قيمتين فقط 0 أي يوجد كلاسين فقط 0,1 : $y \in \{0,1\}$ أي عندما يكون y=1 أي عندما يكون قيمة y=1 أي غياب الشيء (الشخص مصاب الأيميل سبام ...) أما عندما تكون قيمة y=1 أي غياب الشيء (الشخص ليس مصاب , الايميل ليس سبام ...)

اما اذاكان هناك اكثر من كلاسين او صنفين مثلا التنبؤ بـ 4 أصناف مثلا التنبؤ بالصورة على المسالة -multi المسالة الحقاء هل تحوي شاحنة او سيارة او دراجة او غير ذلك. وفي هذه الحالة نسمي المسألة -binary classification وليس class classification قد نقوم بدراستها لاحقا. في مسائل التصنيف نعامل القيمة المتنبأ بحا على انحا قيمة المجتمالية (احتمال الذيكون المثال المدخل الى المودل تابع للصف كذا) وسنقوم بشرحها بالتفصيل في المحاضرات القادمة.

نهاية المحاضرة Ali Mannoun

