CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages



خريف 2024 د. عدنان محمود عبدالله الشريف adnan.sherif@uot.edu.ly



1

تكافؤ الاوتومات الحتمية واللاحتمية

(Equivalence of DFA and NFA)

- ذكرنا سابقا أنه في الاوتومات المنتهية الحتمية فإن الأسهم التي تخرج من كل حالة تكون مساوية لعدد رموز الابجدية بينما في الاوتومات المنتهية اللاحتمية فليس من الضرورة أن تساوي عدد رموز الابجدية وأيضا قد يخرج من نفس الحالة سهمان (او اكثر) يحملان نفس الرمز.
 - كذلك نلاحظ من الدرس السابق أن إنشاء اوتومات منتهية لا حتمية أسهل من اوتومات منتهية حتمية لنفس اللغة حيث عدد الأسهم في الأخيرة أكثر.
 - تكافؤ اوتوماتين: نقول عن اوتوماتين M_1,M_2 انهما متكافئتين إذا كانا يقبلان نفس اللغة $M_1 \equiv M_2 \leftrightarrow L(M_1) = L(M_2)$

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عننان محمود الشريف ، قسم الحاسب الآلي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

- 2

(Equivalence of DFA and NFA)

نظریة: لکل او تومات منتهیة لاحتمیة M یوجد او تومات منتهیة حتمیة M'مکافئی له $M=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$ $M'=(Q',\Sigma,\delta',q_0',F')$

حيث:

- $Q' = \{x | x \in \mathcal{P}(Q)\}$ او $Q' = \{y | Q \in \mathcal{P}(Q)\}$ أي ان الحالات في الاوتومات المنتهية الحتمية مشتقة من فئة القوة لحالات الاوتومات المنتهية اللاحتمية.
 - M'و M و نفسها M و Σ
 - M هي الفئة التي بها عنصر واحد هو حالة البداية في M' هي الفئة التي بها عنصر واحد هو حالة البداية في
 - F' من على الأقل حالة من $F' \subseteq O'$ على الأقل حالة من F' •

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الألي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

3

3

تكافؤ الاوتومات الحتمية واللاحتمية

(Equivalence of DFA and NFA)

بينما الدالة الجديدة δ' يمكن الحصول عليها كالتالي: Σ لكل عنصر S من عناصر S من عناصر S عناصر S عناصر S عناصر $S'(S,a)=\bigcup_{p\ in\ S}\delta(p,a)$

07/10/2024

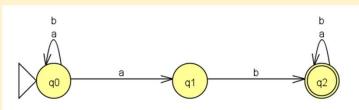
CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عننان محمود الشريف ، قسم الحاسب الآلي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

4

(Equivalence of DFA and NFA)

A' مثال 1: حول الاوتومات المنتهية اللاحتمية A الى اوتومات منتهية حتمية • $A=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)=(\{q_0,q_1,q_2\},\{a,b\},\delta,q_0,\{q_2\})$



δ	а	b
$\rightarrow q_0$	$\{q_0,q_1\}$	$\{q_0\}$
q_1	Ø	$\{q_2\}$
* q ₂	$\{q_{2}\}$	$\{q_2\}$

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الألي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

5

5

تكافؤ الاوتومات الحتمية واللاحتمية

(Equivalence of DFA and NFA)

δ	а	b
$\rightarrow q_0$	$\{q_0,q_1\}$	$\{q_0\}$
q_1	Ø	$\{q_2\}$
* q ₂	$\{q_2\}$	$\{q_2\}$

 δ' مثال 1(تابع): نقوم بتكوين جدول الدالة الجديدة

δ'	а	b
$\rightarrow \{q_0\}$	$\delta(q_0, a) = \{q_0, q_1\}$	$\delta(q_0, b) = \{q_0\}$
$\{q_0,q_1\}$	$\delta(q_0, a) \cup \delta(q_1, a) = \{q_0, q_1\} \cup \emptyset = \{q_0, q_1\}$	$\delta(q_0, b) \cup \delta(q_1, b) = \{q_0\} \cup \{q_2\}$ = \{q_0, q_2\}
$* \{q_0, q_2\}$	$\delta(q_0, a) \cup \delta(q_2, a) = \{q_0, q_1\} \cup \{q_2\}$ = \{q_0, q_1, q_2\}	$\delta(q_0, b) \cup \delta(q_2, b) = \{q_0\} \cup \{q_2\}$ = \{q_0, q_2\}
$*\{q_0, q_1, q_2\}$	$\delta(q_0, a) \cup \delta(q_1, a) \cup \delta(q_2, a) = \{q_0, q_1\} \cup \emptyset \cup \{q_2\} = \{q_0, q_1, q_2\}$	$\delta(q_0, b) \cup \delta(q_1, b) \cup \delta(q_2, b) = \{q_0\} \cup \{q_2\} \cup \{q_2\} = \{q_0, q_2\}$

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

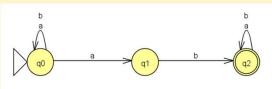
اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الآلي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

6

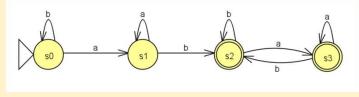
(Equivalence of DFA and NFA)

• مثال 1 (تابع): يمكن رسم ومقارنة النوعين من الاوتومات

δ	а	b
$\rightarrow q_0$	$\{q_0,q_1\}$	$\{q_0\}$
q_1	Ø	$\{q_2\}$
* q ₂	$\{q_{2}\}$	$\{q_{2}\}$



δ'	a	b
$\rightarrow s_0$	s_1	s_0
s_1	s_1	s_2
* S ₂	s_3	s_2
* S ₃	s_3	s_2



 $A' = (Q', \Sigma, \delta', q_0', F') = (\{s_0, s_1, s_2, s_3\}, \{a, b\}, \delta', s_0, \{s_2, s_3\})$

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

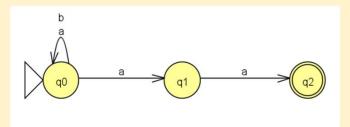
اعداد در عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الآلي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

7

تكافؤ الاوتومات الحتمية واللاحتمية

(Equivalence of DFA and NFA)

A' مثال 2: حول الاوتومات المنتهية اللاحتمية A الى اوتومات منتهية حتمية $A=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)=(\{q_0,q_1,q_2\},\{a,b\},\delta,q_0,\{q_2\})$



δ	а	b
$\rightarrow q_0$	$\{q_0,q_1\}$	$\{q_0\}$
q_1	$\{q_2\}$	Ø
* q ₂	Ø	Ø

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عننان محمود الشريف ، قسم الحاسب الآلي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

8

(Equivalence of DFA and NFA)

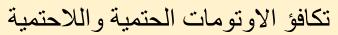
δ	а	b
$\rightarrow q_0$	$\{q_0,q_1\}$	$\{q_0\}$
q_1	$\{q_{2}\}$	Ø
* q ₂	Ø	Ø

 δ' مثال 2(تابع): نقوم بتكوين جدول الدالة الجديدة

δ'	а	b
$\rightarrow \{q_0\}$	$\delta(q_0, a) = \{q_0, q_1\}$	$\delta(q_0, b) = \{q_0\}$
$\{q_0,q_1\}$	$\delta(q_0, a) \cup \delta(q_1, a) = \{q_0, q_1\} \cup \{q_2\}$ = \{q_0, q_1, q_2\}	$\delta(q_0,b)\cup\delta(q_1,b)=\{q_0\}\cup\emptyset=\{q_0\}$
$*\{q_0, q_1, q_2\}$	$\delta(q_0, a) \cup \delta(q_1, a) \cup \delta(q_2, a) = \{q_0, q_1\} \cup \{q_2\} \cup \emptyset = \{q_0, q_1, q_2\}$	$\delta(q_0, b) \cup \delta(q_1, b) \cup \delta(q_2, b)$ = $\{q_0\} \cup \emptyset \cup \emptyset = \{q_0\}$

07/10/2024 CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages اعداد د. عدنان محمود الشريف، قسم الحاسب الآلي - كلية العلوم جامعة طرابلس

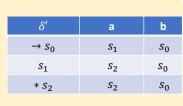
9

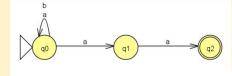


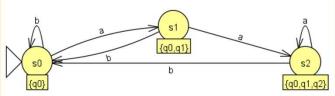
(Equivalence of DFA and NFA)

• مثال 2(تابع): يمكن رسم ومقارنة النوعين من الاوتومات

δ	а	b
$\rightarrow q_0$	$\{q_0,q_1\}$	$\{q_0\}$
q_1	$\{q_{2}\}$	Ø
* q ₂	Ø	Ø







 $A' = (Q', \Sigma, \delta', q_0', F') = (\{s_0, s_1, s_2\}, \{a, b\}, \delta', s_0, \{s_2\})$

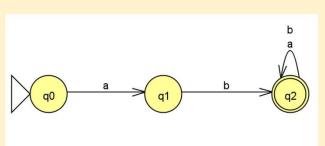
07/10/2024 CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف، قسم الحاسب الآلي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

10

(Equivalence of DFA and NFA)

A' مثال B: حول الاوتومات المنتهية اللاحتمية A الى اوتومات منتهية حتمية • $A=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)=(\{q_0,q_1,q_2\},\{a,b\},\delta,q_0,\{q_2\})$



δ	а	b
$\rightarrow q_0$	$\{q_1\}$	Ø
q_1	Ø	$\{q_2\}$
* 02	$\{a_2\}$	$\{a_2\}$

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الألي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

11

11

تكافؤ الاوتومات الحتمية واللاحتمية

(Equivalence of DFA and NFA)

δ	а	b
$\rightarrow q_0$	$\{q_1\}$	Ø
q_1	Ø	$\{q_2\}$
* q ₂	$\{q_2\}$	$\{q_{2}\}$

• مثال 3(تابع): نقوم بتكوين جدول الدالة الجديدة δ'

δ'	a	b
$\rightarrow \{q_0\}$	$\delta(q_0, a) = \{q_1\}$	$\delta(q_0, b) = \emptyset$
$\{q_1\}$	$\delta(q_1,a)=\emptyset$	$\delta(q_1,b)=\{q_2\}$
* {q ₂ }	$\delta(q_2, a) = \{q_2\}$	$\delta(q_2, b) = \{q_2\}$
Ø	Ø	Ø

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الألي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

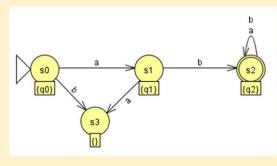
12

(Equivalence of DFA and NFA)

• مثال 3(تابع): يمكن رسم ومقارنة النوعين من الاوتومات

δ	а	b
$\rightarrow q_0$	$\{q_1\}$	Ø
q_1	Ø	$\{q_2\}$
* q ₂	$\{q_{2}\}$	$\{q_{2}\}$

δ'	а	b
$\rightarrow s_0$	s_1	s_3
s_1	s_3	s_2
* S ₂	s_2	s_2
s_3	s_3	s_3



 $A' = (Q', \Sigma, \delta', q_0', F') = (\{s_0, s_1, s_2, s_3\}, \{a, b\}, \delta', s_0, \{s_2\})$

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الآلي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

13

13

الاوتومات المنتهية اللاحتمية بحركة ع

(Nondeterministic Finite Automata with ε movement - NFA- ε)

- في هذا النوع من الاوتومات يسمح بالتنقل من حالة الى أخرى بدون إدخال قيمة و هذا يكافئ
 قراءة السلسلة الفارغة ع.
- تعريف هذا النوع من الاوتومات مثل الاوتومات المنتهية اللاحتمية بإضافة 3 الى مجموعة الابجدية Σ . وتكون كالتالي

$$M = (Q, \Sigma \cup \{\varepsilon\}, \delta, q_0, F)$$

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الآلي – كلية العلوم حجامعة طرابلس

14

(Nondeterministic Finite Automata with ε movement - NFA- ε)

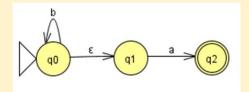
• مثال 4: عرف اوتومات منتهية لا حتمية بحركة ع تقبل اللغة L تتكون السلاسل فيها من a صفر او أكثر من حرف b متبوع بحرف $L = \{x | x = (b)^* \cdot a\}$

$$L = \{x | x = (b)^* \cdot a\}$$

الحل: نلاحظ ان بداية السلسلة ممكن ان تحتوي على حرف b او لا تحتوي على حرف b والشرط الوحيد ان تنتهي بحرف a. يمكن تعريف الاوتومات كالتالي:

 $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F) = (\{q_0, q_1, q_2\}, \Sigma \cup \{\varepsilon\}, \delta, q_0, \{q_2\})$

δ	а	b	ε
$\rightarrow q_0$	Ø	$\{q_0\}$	$\{q_1\}$
q_1	$\{q_2\}$	Ø	Ø
* q ₂	Ø	Ø	Ø



07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

عداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الألي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

15

الاو تومات المنتهية اللاحتمية بحركة ع

(Nondeterministic Finite Automata with ε movement – NFA- ε)

• اغلاق حالة (ϵ -closure): هي مجموعة كل الحالات التي يمكن الوصول اليها انطلاقا من حالة معينة ولتكن ϵ دون ادخال رمز (أي حركة ع) ϵ - ϵ -

 $S \subseteq Q$ حيث

• مثال 5: في الشكل المقابل NFA-ε بين e-closure لكل حالة.

$$\varepsilon - closure(q_0) = \{q_0, q_1, q_3\}$$

$$\varepsilon - closure(q_1) = \{q_1, q_3\}$$

$$\varepsilon - closure(q_2) = \{q_2\}$$

 $\varepsilon - closure(q_3) = \{q_3\}$

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الألي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

(Nondeterministic Finite Automata with ε movement – NFA- ε)

يمكن تعريف دالة δ باستخدام الدالة δ وتكون الدالة الجديدة δ تأخذ الحالة q وسلسلة w وترجع الحالة التي تصل اليها الاوتومات ويمكن استخدام هذه الدالة للتعرف ما إذا كانت السلسلة w مقبولة أو مرفوضة ويتم تعريفها بالتكرار كالتالي:

 $w = \varepsilon$ أي حال ان ω سلسلة فارغة

 $\hat{\delta}(q,\varepsilon) = \varepsilon - closure(q)$

الحالة التي تكون السلسلة w تتكون من سلسلة u و هي سلسلة بادئة للسلسلة w و a اخر رمز في السلسلة w . ونعرف الدالة b كالتالي:

$$\hat{\delta}(q,u)=\{p_1,p_2,p_3,...p_k\}$$
 أو لا نفرض ان $\bigcup_{i=1}^k \delta(p_i,a)=\{r_1,r_2,r_3...r_m\}$ وبفرض ان $\hat{\delta}(q,w)=igcup_{i=1}^k arepsilon-closure(r_i)$

في حالة $\emptyset \neq M \cap \delta(q,w)$ يدل على ان السلسلة w مقبولة أما غير ذلك السلسلة مر فوضة.

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد در عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الآلي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

17

الاو تو مات المنتهية اللاحتمية بحركة ع

(Nondeterministic Finite Automata with ε movement – NFA- ε)

• مثال 6: قم بإنشاء NFA-E تتعرف على الأرقام الحقيقية حيث ان السلاسل التالية ارقام حقيقية صحيحة

+0.00000123

122.5

الحل: نقوم او لا بتعریف الابجدیة التي تعمل علیها الاوتومات $\Sigma = \{+,-,.,0,1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$

نلاحظ التالي:

1- ممكن أن يبدأ الرقم بإشارة + أو – أو رقم دون أي من الإشارات السابقة

2- النقطة العشرية أيضا اختيارية أي ان العدد الحقيقي 345 هو 345.0 ويمكن تجاهلها في حالة عدم وجود كسر في الرقم.

3- لا يمكن كتابة الرقم الكسر بدون الرقم الصحيح يعنى 012. مرفوضة وتكتب 0.012

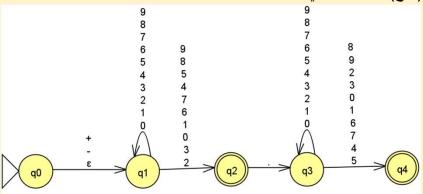
07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الآلي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

(Nondeterministic Finite Automata with ϵ movement - NFA- ϵ)

• مثال 6(تابع): الشكل التالي يمثل الاوتومات



07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الألي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

...

19

الاوتومات المنتهية اللاحتمية بحركة ع

(Nondeterministic Finite Automata with ε movement - NFA- ε)

• مثال 6(تابع): يمكن وصف الاوتومات M كالتالي: $M=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)=(\{q_0,q_1,q_2,q_3,q_4\},\Sigma\cup\{\varepsilon\},\delta,q_0,\{q_2,q_4\})$ ويمكن تعريف الدالة δ كالتالي:

δ	+	-		09	ε
$\rightarrow q_0$	$\{q_1\}$	$\{q_1\}$	Ø	Ø	$\{q_1\}$
q_1	Ø	Ø	Ø	$\{q_1,q_2\}$	Ø
* q ₂	Ø	Ø	$\{q_{3}\}$	Ø	Ø
q_3	Ø	Ø	Ø	$\{q_3,q_4\}$	Ø
* q ₄	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

عداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الآلي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

20

(Nondeterministic Finite Automata with ε movement – NFA- ε)

• مثال 6(تابع): للتحقق من ان السلسلة 122.5 مقبولة يمكن استخدام دالة التعاقب δ على النحو التالي: $\delta(q_0, 122.5) = \bigcup_{j=1}^{m} \varepsilon - closure \left(\bigcup_{i=1}^{k} \delta(\hat{\delta}(q_0, 122.)_i, 5)\right) = \varepsilon - closure(\delta(q_3, 5)) = \{q_3, q_4\}$

$$\hat{\delta}(\mathbf{q}_{0}, 122.) = \bigcup_{j=1}^{m} \varepsilon - closure \left(\bigcup_{i=1}^{k} \delta(\hat{\delta}(\mathbf{q}_{0}, 122)_{i}, \cdot) \right) = \bigcup_{i=1}^{m} \varepsilon - closure \left(\delta(q_{1}, \cdot) \cup \delta(q_{2}, \cdot) \right) = \varepsilon - closure(q_{3}) = \{\mathbf{q}_{3}\}$$

$$\hat{\delta}(\mathbf{q}_{0}, 122) = \bigcup_{j=1}^{m} \varepsilon - closure \left(\bigcup_{i=1}^{k} \delta(\hat{\delta}(\mathbf{q}_{0}, 12)_{i}, 2) \right) = \bigcup_{i=1}^{m} \varepsilon - closure \left(\delta(q_{1}, 2) \cup \delta(q_{2}, 2) \right) = \varepsilon - closure(q_{1}) \cup \varepsilon - closure(q_{2}) = \{\mathbf{q}_{1}, \mathbf{q}_{2}\}$$

$$\hat{\delta}(\mathbf{q}_{0}, 12) = \bigcup_{i=1}^{m} \varepsilon - closure \left(\bigcup_{i=1}^{k} \delta(\hat{\delta}(\mathbf{q}_{0}, 1), 2) \right) = \bigcup_{i=1}^{m} \varepsilon - closure \left(\delta(q_{1}, 2) \cup \delta(q_{2}, 2) \right) = \varepsilon - closure(q_{1}) \cup \varepsilon - closure(q_{2}) = \{\mathbf{q}_{1}, \mathbf{q}_{2}\}$$

$$\hat{\delta}(q_0, 1) = \bigcup_{i=1}^{m} \varepsilon - closure \left(\bigcup_{i=1}^{k} \delta(\hat{\delta}(q_0, \varepsilon), 1) \right) = \bigcup_{i=1}^{m} \varepsilon - closure \left(\delta(q_0, 1) \cup \delta(q_1, 1) \right) = \varepsilon - closure(q_1) \cup \varepsilon - closure(q_2) = \{q_1, q_2\}$$

$$\hat{\delta}(q_0, \varepsilon) = \varepsilon - closure(q_0) = \{q_0, q_1\}$$

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الآلي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

24

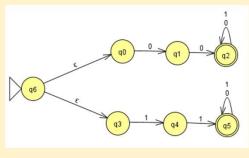
21

الاوتومات المنتهية اللاحتمية بحركة ع

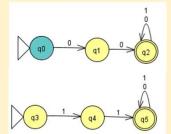
(Nondeterministic Finite Automata with ε movement – NFA- ε)

• مثال 7: قم بإنشاء ε NFA تتعرف على الأرقام الثنائية التي تبدأ بـ 00 او 11 الحل:

يمكن إنشاء او تومات مستقلة لكل حالة واستخدام ع من حالة البداية الجديدة



S



07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الآلي - كلية العلوم -جامعة طرابلم

22

(Nondeterministic Finite Automata with ε movement – NFA- ε)

نظرية: لكل اوتومات منتهية لاحتمية بحركة عM يوجد اوتومات منتهية حتمية M مكافئى له $M=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$ $M'=(Q',\Sigma,\delta',q_0',F')$

حيث:

- $Q' = \{x | x \in \mathcal{P}(Q)\}$ او $Q' \subseteq \mathcal{P}(Q)$ أي ان الحالات في الاوتومات المنتهية الحتمية مشتقة من فئة القوة لحالات الاوتومات المنتهية اللاحتمية.
 - M'هي الابجدية وهي نفسها M
 - $q_0' = \varepsilon closure(q_0)$ حالة البداية في M' هي الفئة التي بها جميع الحالات التي يمكن الوصول لها بحركة α في α
 - F من النهاية حيث $F'\subseteq Q'$ وتحتوي كل عناصر F' على الأقل حالة من F'

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الألي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

23

23

الاوتومات المنتهية اللاحتمية بحركة ع

(Nondeterministic Finite Automata with ε movement - NFA- ε)

بينما الدالة الجديدة 'δ يمكن الحصول عليها كالتالي:

 Σ الابجدیة Q' ولکل رمز A من رموز الابجدیة A

$$S = \{p_1, p_2, p_3, \dots p_k\}$$
 أو لا بفرض ان

$$\bigcup_{i=1}^k \delta(p_i, \mathbf{a}) = \{r_1, r_2, r_3 \dots r_m\}$$
 وبفرض ان

$$\delta'(S,a) = \bigcup_{i=1}^{m} \varepsilon - closure(r_i)$$

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

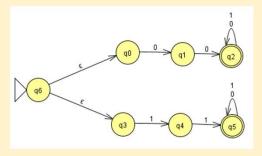
اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الألي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

24

(Nondeterministic Finite Automata with ϵ movement - NFA- ϵ)

• مثال 8: قم بإيجاد DFA المكافئة لـ NFA-E الموضحة في الشكل التالي:

الحل:



δ	0	1	ε
q_0	$\{q_1\}$	Ø	Ø
q_1	$\{q_2\}$	Ø	Ø
* q2	$\{q_2\}$	$\{q_2\}$	Ø
q_3	Ø	$\{q_4\}$	Ø
q_4	Ø	$\{q_5\}$	Ø
* q ₅	$\{q_5\}$	$\{q_5\}$	Ø
$\rightarrow q_6$	Ø	Ø	$\{q_0,q_3\}$

 $\mathsf{NFA} - \epsilon = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F) = (\{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4, q_5, q_6\}, \{0,1\} \cup \{\epsilon\}, \delta, q_6, \{q_2, q_5\})$

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الألي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

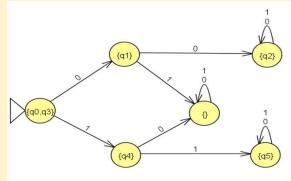
25

25

الاوتومات المنتهية اللاحتمية بحركة ع

(Nondeterministic Finite Automata with ε movement - NFA- ε)

• مثال 8(تابع): باستخدام خطوات التحويل في نظرية التكافؤ نحصل على:



$\boldsymbol{\delta}'$	0	1
$\rightarrow \{q_0,q_3\}$	$\{q_1\}$	$\{q_4\}$
$\{q_1\}$	$\{q_2\}$	Ø
$\{q_4\}$	Ø	$\{q_5\}$
$*\{q_{2}\}$	$\{q_2\}$	$\{q_2\}$
$*\{q_{5}\}$	$\{q_5\}$	$\{q_5\}$
Ø	Ø	Ø

 $\mathsf{DNF} = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F) = (\{\{q_0, q_3\}, \{q_1\}, \{q_2\}, \{q_4\}, \{q_5\}, \emptyset\}, \{0, 1\}, \delta', \{q_0, q_3\}, \{\{q_2\}, \{q_5\}\}))$

07/10/2024

CS441/CS241 Automata Theory and Formal Languages

اعداد د. عدنان محمود الشريف ، قسم الحاسب الألي - كلية العلوم -جامعة طرابلس

26