

# 综合混练

## 人员

刘锦轩、范家郡、牛晓晨 到课, 刘智予 线上

## 上周作业检查

上上周作业链接: <https://vjudge.net/contest/724229>

Begin: 2025-06-21 08:30 CST

☆ 2025-0621 五队上课 (综合混练)

End: 2026-01-15 16:30 CST

Elapsed: 13:23:26:18

Running

Remaining: 194:08:33:41

Overview

Problem

Status

Rank (13:23:26:16)

Discuss

Setting

Clone

Update

Delete

Rank	Team	Score	Penalty	A 1 / 5	B 1 / 1	C 4 / 6	D 5 / 16	E 5 / 11
1	☆ ikunTLE (方冠霖)	4	68541		13:12:31:24	13:08:17:00	13:07:47:46 (-3)	7:08:45:08
2	☆ two_tiger (卢炫佑)	3	40839	13:11:05:14 (-2)			7:08:26:01 (-5)	7:10:48:27
3	☆ longlong_int (刘锦轩)	3	48875			13:11:16:31	13:09:03:46	7:02:14:44
4	☆ misaka16384 (黄诗琦)	2	21167				7:08:26:18 (-1)	7:07:40:56 (-1)
5	☆ Hanhj (韩鸿钜)	2	25423			7:08:43:38 (-1)		10:06:39:42
6	☆ zhn123bc (张皓宁)	1	10607	(-2)		7:08:27:57 (-1)		(-3)
7	☆ FeatherCrow (许岩)	1	10638				7:08:38:17 (-2)	
8	☆ lxr123bc (刘新睿)	0	0					(-2)

上周作业链接: <https://vjudge.net/contest/725693>

## 作业

课上讲了上周比赛的 A B C D E, 本周没有留新的课后作业, 同学们需要把之前的十几场比赛中的几十道题都补一补

## 课堂表现

同学们课上听讲都比较认真, 今天讲题时间比较久, 给同学们课上做题时间不多。

今天的 D E 2 道题都是之前 CSP-S 组的真题, 题目都不是很简单, 同学们课下要好好做一做这两道题。

## 课堂内容

### U564690 异或和

针对每个二进制位进行考虑, 求每个二进制位上, 对最终的答案贡献了多少值

枚举不同的二进制位, 对于一个二进制位来说, 有多少贡献就是有多少区间异或值是 1 的区间

```
#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

typedef long long LL;
const int maxn = 2e5 + 5;
int w[maxn];
int n;

LL calc(int k) {
    int odd = 0, even = 1;
    LL sum = 0;
    for (int i = 1; i <= n; ++i) {
        sum ^= w[i];
        if ((sum >> k) % 2 == 1) ++odd;
        else ++even;
    }
    return (LL)odd * even;
}

int main()
{
    cin >> n;
    LL sum = 0;
    for (int i = 1; i <= n; ++i) cin >> w[i], sum += w[i];

    LL res = 0;
    for (int i = 0; i <= 30; ++i)
        res += calc(i) * (1 << i);
    cout << res - sum << endl;
    return 0;
}
```

### CF1846G Rudolf and CodeVid-23

通过状态压缩, 可以把相应的 01 字符串映射成对应的整数值

根据每种输入的药的效果, 可以建一个  $1e3 * 1e3$  大小的图

然后从 起点状态 往 终点状态(0) 跑一遍 bfs, 求最短路即可

```
#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

const int maxn = 1024 + 5;
struct node {
    int to, value;
```

```
bool operator < (const node& p) const { return value < p.value; }
bool operator > (const node& p) const { return value > p.value; }
};
vector<node> vec[maxn];
int n, m;

int strRead() {
    string str; cin >> str;
    int res = 0;
    for (int i = 0; i < n; ++i) res += (str[i] - '0') * (1 << i);
    return res;
}

int f[maxn];
bool st[maxn];

int dijkstra(int s) {
    memset(f, -1, sizeof(f)); memset(st, false, sizeof(st));
    priority_queue<node, vector<node>, greater<node>>q; f[s] = 0; q.push({s, f[s]});

    while (!q.empty()) {
        node u = q.top(); q.pop();
        int to = u.to, value = u.value;
        if (st[to]) continue;
        st[to] = true;
        for (node it : vec[to]) {
            if (f[it.to] == -1 || value + it.value < f[it.to]) {
                f[it.to] = value + it.value; q.push({it.to, f[it.to]});
            }
        }
    }

    return f[0];
}

void solve() {
    cin >> n >> m;
    int limit = (1 << n);
    for (int i = 0; i < limit; ++i) vec[i].clear();

    int s = strRead();
    while (m -- ) {
        int value; cin >> value;
        int a = strRead(), b = strRead();
        for (int i = 0; i < limit; ++i) {
            int j = ((i & (~a)) | b);
            vec[i].push_back({j, value});
        }
    }

    // cout << "----- ";
    cout << dijkstra(s) << endl;
}
```

```
int main()
{
    int T; cin >> T;
    while (T -- ) solve();
    return 0;
}
```

## CF1272E Nearest Opposite Parity

根据题目的跳跃情况, 建一个反图

建一个连接所有奇点的 超级奇点, 再建一个连接所有偶点的 超级偶点 (这里的 奇点 和 偶点 指的是点上的值是奇数还是偶数)

从超级奇点出发跑一遍 bfs, 能求出所有偶数点的结果; 从超级偶点出发跑一遍 bfs, 能求出所有奇数点的结果

```
#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

const int maxn = 2e5 + 5;
int w[maxn], f[maxn], ans[maxn];
vector<int> vec[maxn];

void bfs(int s) {
    memset(f, -1, sizeof(f));
    queue<int> q; q.push(s); f[s] = 0;
    while (!q.empty()) {
        int u = q.front(); q.pop();
        for (int i : vec[u]) {
            if (f[i] == -1) q.push(i), f[i] = f[u]+1;
        }
    }
}

int main()
{
    int n; cin >> n;
    for (int i = 1; i <= n; ++i) cin >> w[i];

    int odd = n+1, even = n+2;
    for (int i = 1; i <= n; ++i) {
        if (i+w[i] <= n) vec[i+w[i]].push_back(i);
        if (i-w[i] >= 1) vec[i-w[i]].push_back(i);

        if (w[i]&1) vec[odd].push_back(i);
        else vec[even].push_back(i);
    }

    bfs(odd);
    for (int i : vec[even]) ans[i] = (f[i]==-1 ? -1 : f[i]-1);
}
```

```

bfs(even);
for (int i : vec[odd]) ans[i] = (f[i]==-1 ? -1 : f[i]-1);

for (int i = 1; i <= n; ++i) cout << ans[i] << " ";
cout << endl;
return 0;
}

```

### P11232 [CSP-S 2024] 超速检测

对于每辆车, 可以通过 二分 确定其超速的区间是哪一段

然后, 问题转化为了 有一些区间,想选最少的点覆盖这些区间

这就转化为了一个经典的贪心问题, 可以按照右端点排序然后贪心求

```

#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

const int N = 1e5 + 5;
int n, m, L, V;
int d[N], v[N], a[N], p[N];
struct node {
    int l, r;
    bool operator < (const node& pp) const { return r < pp.r; }
};

int get_div(int a, int b) { return a/b+1; }

int get_div_2(int a, int b) { return (a%b==0 ? a/b-1 : a/b); }

node get_rValue(int x) {
    int l = lower_bound(p+1, p+m+1, x) - p;
    return (l<=m ? node{l,m} : node{-1, -1});
}

node calc(int i) {
    if (a[i] == 0) {
        if (v[i] <= V) return {-1, -1};
        return get_rValue(d[i]);
    }

    if (a[i] > 0) {
        if (v[i] > V) return get_rValue(d[i]);

        int dis = get_div(V*V-v[i]*v[i], 2*a[i]);
        return get_rValue(d[i]+dis);
    }

    if (v[i] <= V) return {-1, -1};
}

```

```

int dis = get_div_2(V*V-v[i]*v[i], 2*a[i]);
int l_pos = lower_bound(p+1, p+m+1, d[i]) - p;
int r_pos = upper_bound(p+1, p+m+1, d[i]+dis) - p - 1;

if (l_pos>r_pos) return {-1, -1};
return {l_pos, r_pos};
}

void solve() {
    cin >> n >> m >> L >> V;
    for (int i = 1; i <= n; ++i) scanf("%d%d%d", &d[i], &v[i], &a[i]);
    for (int i = 1; i <= m; ++i) scanf("%d", &p[i]);

    vector<node> vec;
    for (int i = 1; i <= n; ++i) {
        node t = calc(i);
        if (t.l!=-1 && t.r!=-1) vec.push_back(t);
    }

    sort(vec.begin(), vec.end());
    int res = 0, last = -1;
    for (node it : vec) {
        int l = it.l, r = it.r;
        if (l > last) last = r, ++res;
    }

    cout << vec.size() << " " << m - res << endl;
}

int main()
{
    int T; cin >> T;
    while (T -- ) solve();
    return 0;
}

```

### P9753 [CSP-S 2023] 消消乐

$O(n^3)$  做法:  $O(n^2)$  枚举每一段字符串, 按照类似于括号匹配的方法, 把每个字母入栈、出栈, 最后看字符串是否为空

$O(n^2)$  做法:  $O(n)$  枚举起点  $i$ , 从点  $i$  往后跑一遍 括号匹配 过程直到点  $n$ , 看中间 栈 空过几次即可

$O(n)$  做法: 从 1 号点往后跑一遍 括号匹配 过程, 如果跑到位置  $i$  和跑到位置  $j$ , 栈里面剩的元素都一样时, 说明  $i+1\sim j$  是可消除的一段字符串 (想快速判断栈里面元素是否一样, 可以把栈里面的字符串, 维护一个哈希值, 记录每个不同的哈希值出现过多少次即可)

```

#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

```

```
typedef long long LL;
typedef unsigned long long ULL;
const int maxn = 2e6 + 5;
const int P = 131;
char s[maxn];
map<ULL, int> mp;

int main()
{
    int n; scanf("%d", &n);
    scanf("%s", s+1);

    stack<ULL> stk; stk.push(1); mp[1]++;
    stack<char> stk2; stk2.push(' ');
    for (int i = 1; i <= n; ++i) {
        if (stk2.top()==s[i]) stk.pop(), stk2.pop();
        else stk.push(stk.top()*P + (int)s[i]), stk2.push(s[i]);
        mp[stk.top()]++;
    }

    LL res = 0;
    for (auto it : mp) res += (LL)it.second*(it.second-1)/2;
    cout << res << endl;
    return 0;
}
```