# 综合混练

### 人员

郭栩睿、邹忆航、宋吉相、李沛都、张曦月、陶汇笙 到课, 罗启宸、马敬杰、王恩泽 线上

### 作业检查

上周作业链接: https://www.luogu.com.cn/contest/240214

| 2025-0405周六10:30<br>报名 编辑 接 |      |     |                    |                    |                       |                    |                    |
|-----------------------------|------|-----|--------------------|--------------------|-----------------------|--------------------|--------------------|
| 比赛说明                        | 题目列表 | 排行榜 |                    |                    |                       |                    |                    |
| 名次                          | 参赛者  |     | 总分                 | А                  | В                     | С                  | D                  |
| #1                          | 邹忆航  |     | <b>400</b> (8.79d) | <b>100</b> (1.67s) | <b>100</b><br>(709ms) | <b>100</b> (4.39d) | <b>100</b> (4.40d) |
| #2                          | 洪晨棋  |     | <b>310</b> (6.51d) | <b>100</b> (1.67s) | <b>100</b><br>(708ms) | <b>100</b> (224ms) | <b>10</b> (6.51d)  |
| #3                          | 郭栩睿  |     | <b>300</b> (2.48s) | <b>100</b> (1.62s) | <b>100</b> (639ms)    | <b>100</b> (223ms) |                    |
| #4                          | 陶汇笙  |     | <b>300</b> (5.41d) | <b>100</b> (1.59s) | <b>100</b><br>(716ms) | <b>100</b> (5.41d) |                    |
| #5                          | 洪晨栋  |     | <b>300</b> (6.41d) | <b>100</b> (1.58s) | <b>100</b> (755ms)    | <b>100</b> (6.41d) |                    |
| #6                          | 宋吉相  |     | <b>300</b> (6.93d) | <b>100</b> (336ms) | <b>100</b> (221ms)    | <b>100</b> (6.93d) |                    |
| #7                          | 崔宸赫  |     | <b>200</b> (2.40s) | <b>100</b> (1.69s) | <b>100</b> (708ms)    |                    |                    |
| #8                          | 罗启宸  |     | 100<br>(1.71s)     | <b>100</b> (1.71s) |                       |                    |                    |

### 作业

https://www.luogu.com.cn/contest/241311 (课上讲了 A ~ C 这些题, 课后作业是 D 题)

### 课堂表现

今天课上陶汇笙、郭栩睿 2 位同学做题表现比较好, 对这 2 位同学提出表扬, 其他同学要向这两位同学学习!!

## 课堂内容

#### P6180 [USACO15DEC] Breed Counting S

用 3 个一维数组, 或者用一个 3 行的 二维数组, 维护 1、2、3 每个数在每个位置是否出现

然后, 在维护前缀和数组, 就可以快速求一段区间内 1, 2, 3 的数量

#include <bits/stdc++.h>

```
using namespace std;
const int maxn = 1e5 + 5;
int w[maxn], p[4][maxn];
int get_sum(int id, int l, int r) { return p[id][r] - p[id][l-1]; }
int main()
{
  int n, m; cin >> n >> m;
  for (int i = 1; i <= n; ++i) cin >> w[i];
  for (int i = 1; i <= n; ++i) {
   for (int j = 1; j \le 3; ++j) p[j][i] = p[j][i-1];
    p[w[i]][i]++;
  }
 while (m -- ) {
   int 1, r; cin >> 1 >> r;
   for (int i = 1; i <= 3; ++i) cout << get_sum(i, l, r) << " ";
   cout << endl;</pre>
  }
  return 0;
}
```

#### B4303 [蓝桥杯青少年组省赛 2024] 字母移位

考虑往左为正方向,那么原问题本质上等价于:

- 第 1 个字符要变 a1-a2+a3-a4+a5-a6+...
- 第 2 个字符要变 -a2+a3-a4+a5-a6+...
- 第 3 个字符要变 a3-a4+a5-a6+...
- ..

所以, 可以维护一个数组, 数组的每一项分别为: a1, -a2, a3, -a4, a5, -a6, ...

第 i 个字符要进行的变化: 其实就是第 i 项一直到第 n 项的后缀和, 因此, 可以维护一个后缀和数组来 O(1) 求第 i 项字符的变化

```
#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

typedef long long LL;
const int maxn = 1e5 + 5;
char s[maxn];
int w[maxn], val[maxn];
LL suf[maxn];
```

```
char calc(char x, LL k) {
  k \% = 26;
  if (k < 0) k += 26;
  x -= k;
 if (x < 'a') x += 26;
 return x;
}
int main()
  int n; cin >> n;
 cin >> (s+1);
 for (int i = 1; i <= n; ++i) {
   cin >> w[i];
   if (i&1) val[i] = w[i];
   else val[i] = -w[i];
  }
  for (int i = n; i \ge 1; --i) suf[i] = suf[i+1] + val[i];
  for (int i = 1; i <= n; ++i) cout << calc(s[i], suf[i]);</pre>
  cout << endl;</pre>
  return 0;
}
```

#### P4086 [USACO17DEC] My Cow Ate My Homework S

题目本意是让求: 2~n, 3~n, 4~n, ..., n-1~n 区间中, 在每个区间都去掉一个最低分的情况下, 哪种情况下的区间平均值最大

因此, 可以 O(n) 维护一个 suf[i] 的后缀和数组 和一个 suf\_min[i] 的后缀最小值数组

- suf[i] 代表: 区间 i~n 的区间和
- suf\_min[i] 代表: 区间 i~n 的最小值

那么区间 i~n 在去掉一个最低分时区间的平均值是: (suf[i] - suf\_min[i]) / (n-i) -> 可以 O(1) 求

```
#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

const int maxn = 1e5 + 5;
int w[maxn];
int suf_sum[maxn], suf_min[maxn];

int main()
{
   int n; cin >> n;
   for (int i = 1; i <= n; ++i) cin >> w[i];
```

```
suf_min[n+1] = 10000 + 5;
for (int i = n; i >= 1; --i) {
    suf_sum[i] = suf_sum[i+1] + w[i];
    suf_min[i] = min(suf_min[i+1], w[i]);
}

double maxx_avg = -1.0;
for (int k = 1; k <= n-2; ++k) {
    double t = 1.0*(suf_sum[k+1]-suf_min[k+1]) / (n-k-1);
    maxx_avg = max(maxx_avg, t);
}

for (int k = 1; k <= n-2; ++k) {
    double t = 1.0*(suf_sum[k+1]-suf_min[k+1]) / (n-k-1);
    if (t == maxx_avg) cout << k << endl;
}
return 0;
}</pre>
```