综合混练

人员

杨咏丞、李雨谦、陈欣妙、杨俊彦、龙沛轩、李锦澍、袁晨峻、徐思远、白芸珲、王陆文龙、刘奕辰、王博 涵、曹塬 到课

上周作业检查

https://www.luogu.com.cn/contest/244893



作业

https://www.luogu.com.cn/contest/246063 (课上讲了 A~C题,课后作业是 D题)

课堂表现

今天的 A、B 2 道题, 同学们课上做的整体不是很好, 后来很多同学在老师的讲解下改出来了, 但是应该是没有完全掌握, 课下要再好好写一写这两道题。

课堂内容

P3131 [USACO16JAN] Subsequences Summing to Sevens S

把所有前缀和取余一下 7, 找 0 1 2 ... 6 每个前缀和对应的最前面和最后面的位置即可。

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long LL;
const int maxn = 5e4 + 5;
int w[maxn];
LL pre[maxn];
int p[10], s[10];
int main()
{
  int n; cin >> n;
  for (int i = 1; i <= n; ++i) cin >> w[i];
 for (int i = 1; i <= n; ++i) {
    pre[i] = pre[i-1] + w[i]; pre[i] %= 7;
  }
  for (int i = 0; i <= 6; ++i) p[i] = s[i] = -1;
  for (int i = 0; i <= n; ++i) {
   int t = pre[i];
   if (p[t] == -1) p[t] = i;
  for (int i = n; i \ge 0; --i) {
   int t = pre[i];
   if (s[t] == -1) s[t] = i;
  }
  int res = 0;
 for (int i = 0; i <= 6; ++i) {
   int l = p[i], r = s[i];
   if (l==-1 || r==-1) continue;
    res = max(res, r-1);
  cout << res << endl;</pre>
  return 0;
}
```

P1025 [NOIP 2001 提高组] 数的划分

记忆化搜索, 对于 n 这个数, 分成 k 份, 最小值给 limit 开头时, 能有多少份。

此时 dfs(n,k,limit) 只需要调用 dfs(n-i,k-1,i) 即可 (i >= limit)

```
#include <bits/stdc++.h>
```

```
using namespace std;
int f[205][10][205];
int dfs(int n, int k, int limit) {
 if (n < limit) return 0;
 if (k == 1) return 1;
 if (f[n][k][limit]) return f[n][k][limit];
 int res = 0;
 for (int i = limit; i <= n; ++i) {
    res += dfs(n-i, k-1, i);
 f[n][k][limit] = res;
 return f[n][k][limit];
}
int main()
  int n, k; cin >> n >> k;
 cout << dfs(n, k, 1) << endl;</pre>
 return 0;
}
```

P1330 封锁阳光大学

对每个联通块进行 dfs 黑白染色的搜索, 在每个联通块中找出黑、白块中少的那个, 然后全加起来。

黑白染色: 一个点染黑时, 周围点全部染白; 一个点染白时, 周围点全部染黑

如果中间出现了冲突, 则输出 -1

```
#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

const int maxn = 1e4 + 5;
vector<int> vec[maxn];
int f[maxn];
int cnt0, cnt1;

bool dfs(int u, int col) {
  if (f[u] != -1) return f[u]==col;

  f[u] = col;
  if (col == 0) cnt0++;
  else cnt1++;

  for (int i : vec[u]) {
    if (!dfs(i, 1-col)) return false;
  }
}
```

```
return true;
}
int main()
 memset(f, -1, sizeof(f));
 int n, m; cin >> n >> m;
 while (m -- ) {
   int u, v; cin >> u >> v;
   vec[u].push_back(v), vec[v].push_back(u);
  }
  int res = 0;
  for (int i = 1; i <= n; ++i) {
   if (f[i] == -1) {
      cnt0 = 0, cnt1 = 0;
      if (!dfs(i, ∅)) {
        cout << "Impossible" << endl;</pre>
       return 0;
      } else res += min(cnt0, cnt1);
    }
  }
  cout << res << endl;</pre>
  return 0;
}
```

U537158 floor

记忆化搜索, 维护 f[x][y][id] 的信息, 代表是否到过 (x,y) 这个点, 沿着 id 方向 这个状态

那么 dfs(x,y,id) 的下一个状态, 则就是看下一个位置 (x+dx[id],y+dy[id]) 是 '.' 还是 '#' 即可

如果是 '.', 下一个状态就是 dfs(x+dx[id], y+dy[id], id);

如果是 '#', 下四个状态就是 dfs(x, y, 0/1/2/3);

```
#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

const int maxn = 200 + 5;
    char s[maxn][maxn];
bool f[maxn][maxn][4];
    int dx[] = {0, 0, -1, 1}, dy[] = {-1, 1, 0, 0};
    int n, m;

void dfs(int x, int y, int id) {
        if (f[x][y][id]) return;
        f[x][y][id] = true;

        int nx = x+dx[id], ny = y+dy[id];
        if (s[nx][ny] == '.') return dfs(nx, ny, id);
```

```
for (int i = 0; i < 4; ++i) dfs(x, y, i);
}
int main()
{
 cin >> n >> m;
 for (int i = 1; i <= n; ++i) cin >> (s[i]+1);
 for (int i = 0; i < 4; ++i) dfs(2, 2, i);
 int res = 0;
 for (int i = 1; i <= n; ++i) {
   for (int j = 1; j <= m; ++j) {
     int cnt = 0;
     for (int k = 0; k < 4; ++k) {
      if (f[i][j][k] && s[i][j]=='.') cnt = 1;
     res += cnt;
 }
 cout << res << endl;</pre>
 return 0;
}
```