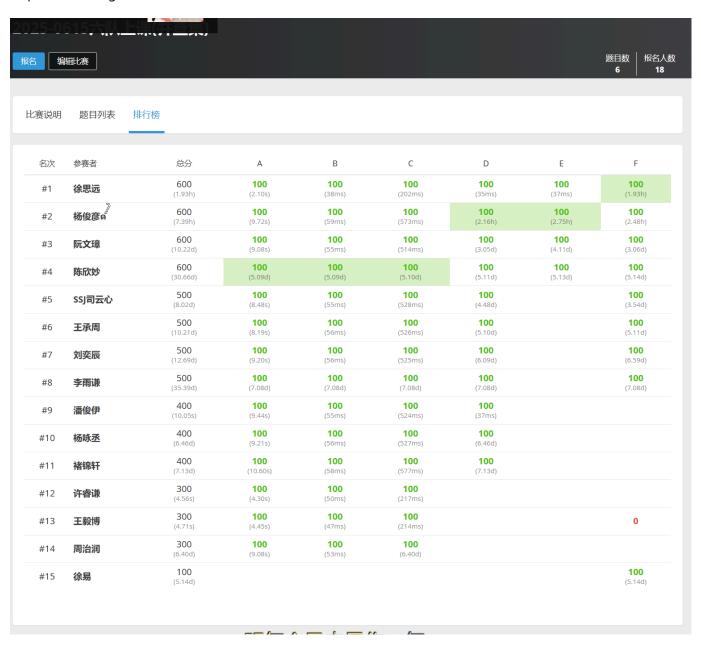
综合练习

人员

褚锦轩、许睿谦、王承周、司云心、褚锦轩 到课, 阮文璋 线上

上周作业检查

https://www.luogu.com.cn/contest/252013



作业

https://cppoj.kids123code.com/contest/107 (课上讲了 A ~ B 题, 课后必做作业是 D 题, 选做作业是 C 题)

课堂表现

今天的 A 题是一道比较裸的 01 背包题目, 同学们现在整体遗忘很多, B 题比较复杂一些, 需要用到 二分 套 比较复杂的前缀和。

同学们课上两道题整体做的都比较费劲一些,课下要再好好复习一下这两道题。

课堂内容

P2814 家谱

并查集裸题, 多一步 要把字符串映射为整数, 把整数映射为字符串 的过程

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int maxn = 5e4 + 5;
int f[maxn];
int fFind(int x) {
 if (f[x] != x) f[x] = fFind(f[x]);
 return f[x];
}
string str[maxn];
int main()
 int n = 0, id = 0;
 map<string, int> mp;
 map<int, string> mp2;
  while (true) {
   ++n;
    cin >> str[n];
   if (str[n] == "$") break;
    string s = str[n].substr(1);
   if (!mp.count(s)) {
     ++id; mp[s] = id; mp2[id] = s;
    }
  }
  for (int i = 1; i <= n-1; ++i) f[i] = i;
  int fa_id = 0;
  for (int i = 1; i <= n-1; ++i) {
   int id = mp[str[i].substr(1)];
   if (str[i][0] == '#') fa_id = id;
    else if (str[i][0] == '+') {
     int f1 = fFind(id), f2 = fFind(fa_id);
     f[f1] = f2;
    else {
     int t = fFind(id);
```

```
cout << mp2[id] << " " << mp2[t] << endl;
}
return 0;
}</pre>
```

[蓝桥杯 2021 省 AB] 砝码称重

0/1 背包的 dp, 考虑一个砝码选或不选

选砝码的话, 可以考虑 加上这个砝码/用前面减这个砝码/用这个砝码减前面 这 3 种情况

```
1. 定义状态:
       f[i][j]: 看前 i 个砝码, 能否凑出来 j 这个值
 2
 3
       如果 f[i][j]==true, 说明能凑出来
           f[i][j]==false, 说明凑不出来
4
5
 6
   2. 如何通过状态求答案:
7
       f[n][1]==true
8
       f[n][2]==true
9
       f[n][3]==true
10
11
       f[n][1e5]==true
12
   3. 状态转移:
13
      f[i][j] = {
14 □
          1. 第 i 个砝码不用, f[i-1][j]
15
          2. 第 i 个砝码用:
16
              f[i-1][j-a[i]], f[i-1][j+a[i]], f[i-1][a[i]-j]
17
18
19
   4. 初值定义:
20
       f[0][0] = true / f[1][a[1]] = true
21
22
```

```
#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

const int maxn = 1e5 + 5;
bool f[105][maxn];

int main()
{
   f[0][0] = true;
   int n; cin >> n;
   for (int i = 1; i <= n; ++i) {</pre>
```

```
int x; cin >> x;
for (int j = 0; j < maxn; ++j) {
    f[i][j] |= f[i-1][j];
    if (j+x < maxn) f[i][j+x] |= f[i-1][j];
    if (j-x >= 0) f[i][j-x] |= f[i-1][j];
    if (x-j >= 0) f[i][x-j] |= f[i-1][j];
    }
}
int res = 0;
for (int i = 1; i < maxn; ++i) {
    if (f[n][i]) ++res;
}
cout << res << endl;
return 0;
}</pre>
```

[蓝桥杯 2021 国 ABC] 123

首先用二分确定一个数在 第几行第几列, 然后可以利用前缀和可以O(1)计算前面这一部分的和

```
1 1. l, r:
      calc(x): 第一个数 到 第x个数的和
2
      calc(r) - calc(l-1)
3
4
5
  2. calc(x):
      首先要先确定 x 的位置, 假设 x 在 a行b列 这个位置
6
      要确定 x 在第几行,可以通过 二分 来求行
7
         求完第 a 行之后, 如何确定列?
8
         b = x - (c[1]+c[2]+...+c[a-1])
9
10
  3. 前 a-1 行的和求出来, 1+2+3+...+b
11
12
      c[1] = 1
      c[2] = 1+2
13
      c[3] = 1+2+3
14
15
16
      前 a-1 行就是 c[1]+c[2]+...+c[a-1]
17
```

```
#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

typedef long long LL;
const int maxn = 2e6 + 5;
LL w[maxn], p[maxn];
```

```
LL g_value(int l, int r) { return ((LL)l+r)*(r-l+1)/2; }
LL get_sum(int l, int r) { return (l<=r ? p[r]-p[l-1] : 0); }</pre>
int get_row(LL x) {
 int l = 1, r = 2e6;
 while (1 <= r) {
   int mid = (1 + r) / 2;
   if (g_value(1, mid) >= x) r = mid-1;
   else l = mid+1;
 }
 return 1;
}
LL calc(LL x) {
 int a = get_row(x);
 int b = x - g_value(1, a-1);
 return get_sum(1, a-1) + g_value(1, b);
}
void solve() {
 LL ll, rr; cin >> ll >> rr;
  cout << calc(rr) - calc(ll-1) << endl;</pre>
}
int main()
  for (int i = 1; i < maxn; ++i) w[i] = g_value(1, i), p[i] = p[i-1] + w[i];
 int T; cin >> T;
 while (T -- ) solve();
 return 0;
}
```