## 1 Обязательные задачи

- 1. Чтобы добиться ошибки  $e^{-1}$ , надо повторить  $n^3$  раз, а чтобы затем  $1/2^n$  ещё п. Итого  $n^4$  повторов, а всё решение за  $n^7$ .
- 2. Проверим Миллером-Рабином, простое ли число. Если оно составное, то затем тыкнем в случайное число, взаимно просто с n, и проверим, что оно свидетель простоты для Ферма.

Если число простое, то Миллером-Рабином мы это найдём.

Если составное и не Кармайкла, то с верояностью  $\leq 1/2$  ошибётся Миллер-Рабин, и мы его не найдём. И ещё с верояностью  $\leq 1/2$  ошибётся Ферма и выберет свидетеля простоты.

Если составное и Кармайкла, то может ошибиться только Миллер-Рабин, а Ферма точно скажет, что оно простое.

Ошибка двусторонняя, но  $\log n$  проверок всё так же хватит.

- 3. Будем выбирать случайные у и вычислять g(x + y) g(y), затем среди всех результатов выберем самый частый. Вероятность ошибиться у нас  $2\epsilon \epsilon^2$ , будем понижать её, повторяя много раз.
- 4. Если в каждом клозе три различных переменных, то он выполняется с вероятностью 7/8, тогда матожидание числа выполненных -7m/8. Если мы хотим выполнить  $\ge 3m/4 = 6m/8$  клозов, то надо оступить от матожидания не больше чем на m/8, тогда хватит m запусков.
- 5. Если ответ нет, то RP не сможет ответить да. Если ответ да, то включим в подсказку случайные биты, на которых RP отвечает правильно.
- 6. На всех C1 тестах корректно Поллард отработает с верояностью  $(1-1/2)^{C1}$ , а если повторить это k раз, то хотя бы раз победит с верояностью  $1-(1-(1/2)^{C1})^k$ .  $(1-(1/2)^{C1})^k$  должно быть  $\leq C2$ , то есть  $k \geq \log_{1-(1/2)^{C1}} C2$ .

## 2 Дополнительные задачи

- 1. Пусть у них есть графы G и H, и они проведут несколько итераций таких действий:
  - 1. Алиса выбирает какой-то граф M, который изоморфен G, а значит, и H, и передаёт его Бобу.
  - 2. Боб выбирает случайный бит, и если он равен 0, то Алиса сообщает Бобу перестановку для изоморфизма G -> M, иначе перестановку для изоморфизма H -> M. Боб может легко проверить, сказала ли она правду. Она сможет ответить на оба эти запроса только в том случае, если G и H действительно

изоморфны.

2.