### 重力方程式

田中 鮎夢

## 1. 重力方程式 (重力モデル)

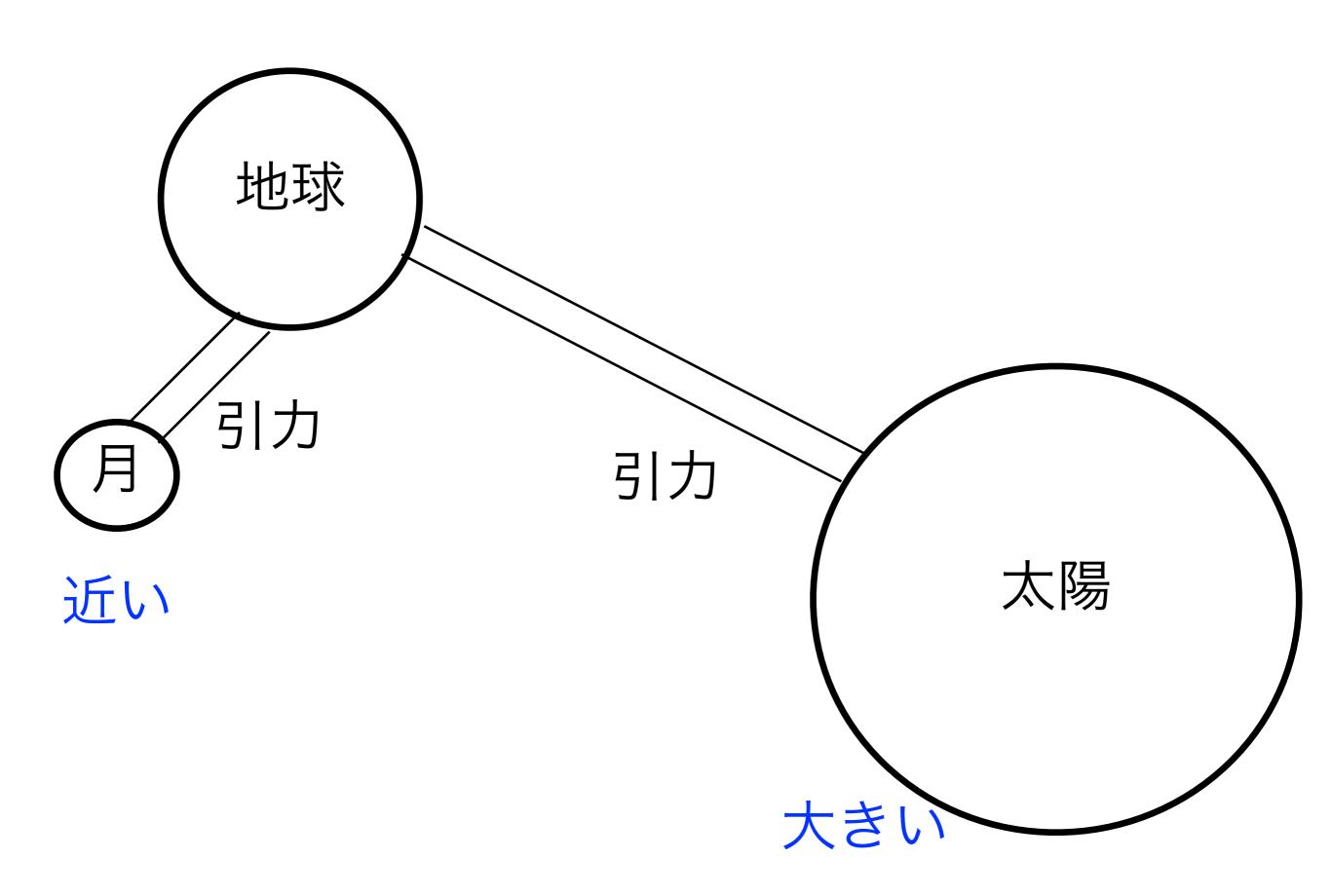
2国間の貿易額は、2国のGDPの<u>積</u>に比例し、 =掛け算

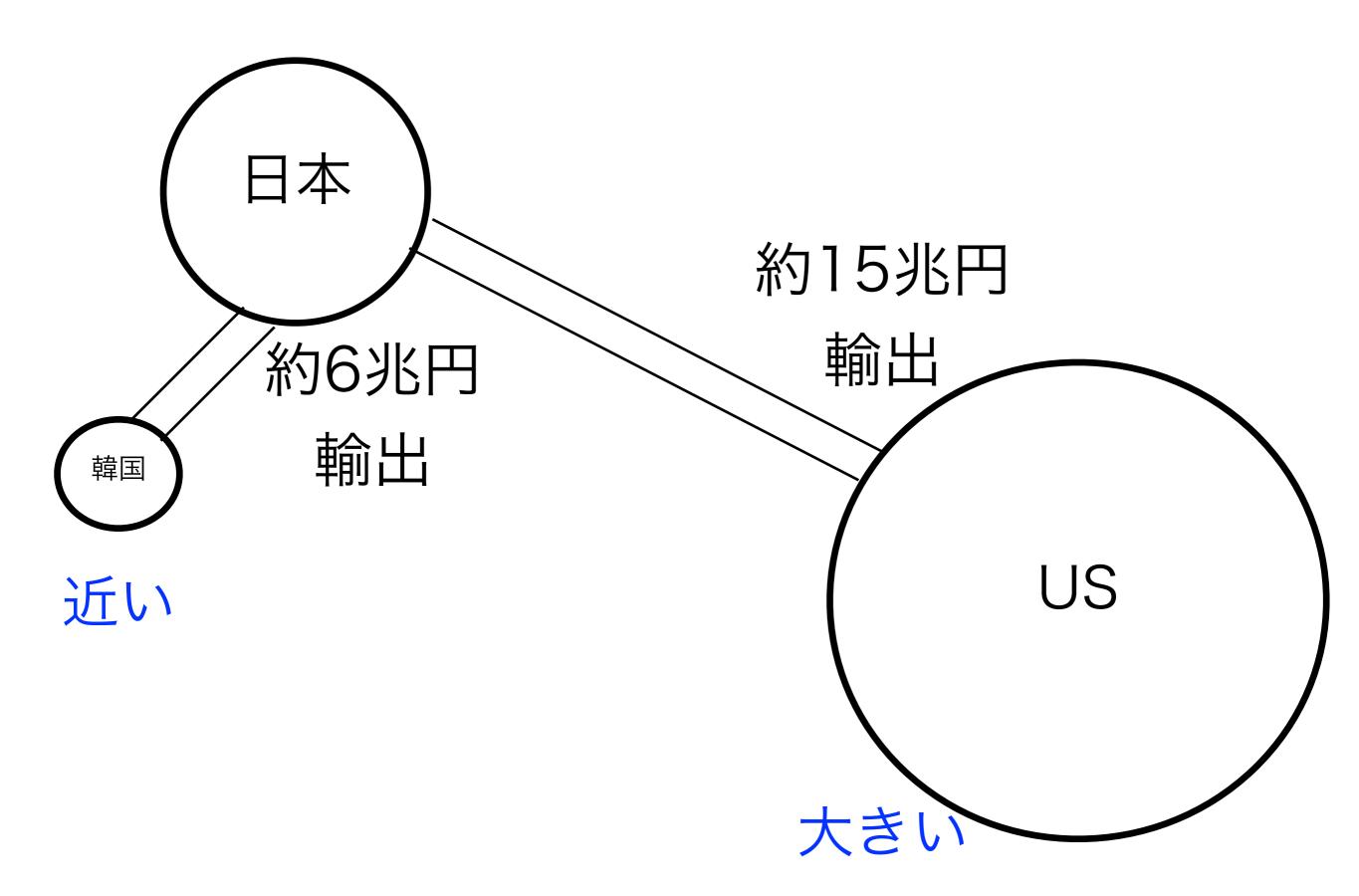
2国間の距離に反比例する。

(参考) Newtonの万有引力の法則

2つの物体間の引力は、その物体の質量の積に比例し、

物体間の距離の2乗に反比例する。





データ出所:財務省貿易統計国別総額表。2017年の数値。

## 2. 経済規模(GDP)と貿易額

#### ① GDP大きい国

=消費額・輸入額も大きい

他の条件が一定ならば、GDP2倍 → 輸入額も2倍に。

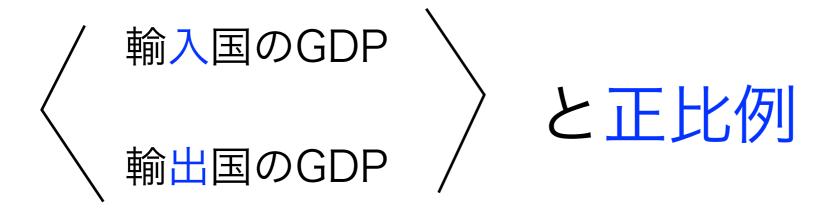
#### ② GDP大きい国

= 生産額・輸出額も大きい

他の条件が一定ならば、GDP2倍 →輸出額も2倍

③まとめ

2国間の貿易額は、



## 3. 距離と貿易額

2国間の<u>輸送費</u>が大きいほど、貿易額は小さくなる。 —>距離に応じて大きくなる

 $\downarrow$ 

2国間の距離が大きいほど、

貿易額は 小さくなる

## 4. 重力方程式の推定

[べき乗] *a*<sup>n</sup>

$$2^1 = 2$$
,  $2^2 = 2 \times 2 = 4$ ,  $2^3 = 2 \times 2 \times 2 = 8$ 

・・・肩の数字(指数)が大きいほど大きい

$$2^{0.5} = \sqrt{2}, \quad 4^{0.5} = 2$$

・・・肩の数字(指数)が1未満のこともある

$$2^{0} = 1$$
,  $2^{-1} = \frac{1}{2}$ ,  $2^{-2} = \frac{1}{2^{2}} = \frac{1}{4}$ 

#### [重力方程式]

輸出額 = 定数 
$$\times$$
  $\frac{輸出国GDP^{\alpha} \times 輸入国GDP^{\beta}}{2国間の距離^{\gamma}}$ 

- αが大きければ、輸出国のGDPが重要
- βが大きければ、輸入国のGDPが重要
- γが大きければ、距離が重要

問題:掛け算・割り算の形だと計算が困難

[対数] ※Inは対数の記号。logの代わりに使う。

① 
$$Z = X \times Y$$
 なら、 $\ln Z = \ln X + \ln Y$  (掛け算は足し算に)

② 
$$P = \frac{Q}{R}$$
なら、 $\ln P = \ln Q - \ln R$  (割り算は引き算に)

③ 
$$Z = X^{\alpha} \times Y^{\beta}$$
 なら、 $\ln Z = \alpha \ln X + \beta \ln Y$  (指数が係数に)

④ 
$$P = \frac{Q^{\beta}}{R^{\gamma}}$$
なら、 $\ln P = \beta \ln Q - \gamma \ln R$ 

#### [重力方程式の対数線形化]

重力方程式の対数を取ると、

 $\ln$  輸出額 =  $\ln$  定数 +  $\alpha$   $\ln$  輸出国GDP +  $\beta$   $\ln$  輸入国GDP -  $\gamma$ 距離

--> PCで回帰分析(最小二乗法、OLS)し、

 $\alpha \sim \gamma$ の値を求められる。

#### [重力方程式の推定結果(一例)]

※ 残差=モデルとデータのズレ(小さいほど望ましい)

注)Glick and Rose(2015)で用いられた2013年の貿易データ用いた推定結果 田中鮎夢(2016)「国際貿易と重力の意外な関係: 重力方程式の基本」『世界経済評論』 Glick, Reuven, and Andrew K. Rose. (2015)"Currency Unions and Trade: A Post-Emu Mea Culpa."NBER Working Paper, No. 21535.

#### [推定結果の解釈]

- ① 輸出国GDPが1%大きいと、輸出額は1.15%大きくなる。
- ② 輸入国GDPが1%大きいと、輸出額は1.04%大きくなる。
- ③ 2国間の距離が1%大きいと、輸出額は1.53%小さくなる。

## References

- Anderson, James E. and Eric van Wincoop. (2003) "Gravity with Gravitas: A Solution to the Border Puzzle." American Economic Review, 93(1):170-192.
- Chaney, Thomas (2008) "Distorted Gravity: The Intensive and Extensive Margins of International Trade." American Economic Review, 98(4): 1707-1721.
- Helpman, Elhanan, Marc J. Melitz, and Yona Rubinstein. (2008) "Estimating Trade Flows: Trading Partners and Trading Volumes." Quarterly Journal of Economics, 123 (2): 441-487.
- Santos Silva, J. M. C. and Silvana Tenreyro (2006) "The Log of Gravity," Review of Economics and Statistics, 88(4), 641-658.
- Tinbergen, Jan. (1962) Shaping the World Economy Suggestions for an International Economic Policy. New York: Twentieth Century Fund.

## References: guides

- Head, K., & Mayer, T. (2014). Gravity equations: Workhorse, toolkit, and cookbook. In Handbook of international economics (Vol. 4, pp. 131-195). Elsevier. <a href="https://sites.google.com/site/hiegravity/">https://sites.google.com/site/hiegravity/</a>
- United Nations and World Trade Organization (2012) A Practical Guide to Trade Policy Analysis. WTO Publications. <a href="https://vi.unctad.org/tpa/web/vol1/vol1home.html">https://vi.unctad.org/tpa/web/vol1/vol1home.html</a>
- United Nations and World Trade Organization (2016) An Advanced Guide to Trade Policy Analysis: The Structural Gravity Model. WTO Publications. <a href="https://vi.unctad.org/tpa/web/vol2/vol2home.html">https://vi.unctad.org/tpa/web/vol2/vol2home.html</a>

# 補論: ヤン・ティンバーゲン (Jan Tinbergen, 1903—1994)

- オランダの経済学者。ラグナル・フリッシュとともに 1969年第1回ノーベル経済学賞受賞。
- 計量経済学の産みの親の一人とされる。
- ライデン大学で数学と物理学を学ぶ。1929年にライデン 大学で博士号取得。
- オランダ統計局、エラスムス大学などに勤務。
- 貿易データに重力モデルを初めて適用したと言われる。