

صف

تفاوت صف با پشته در این است که درج و حذف عناصر در صف از اصل «اولین ورودی، اولین خروجی(FIFO)» پیروی میکند.

به عبارت دیگر هر زمان که بخواهیم میتوانیم یک عنصر به انتهای صف اضافه کنیم، اما در هنگام حذف تنها اجازه داریم اولین عنصر (عنصری که بیشتر از بقیهی عناصر در صف بوده است) را از صف حذف کنیم.



عملیات اصلی صف

- درج: افزودن یک عنصر به انتهای صف
- حذف: خارج کردن یک عنصر از ابتدای صف



پیادهسازی

برای پیادهسازی صف ها از آرایهها کمک می گیریم، البته می توان صف ها را به کمک دیگر ساختمان داده های پایه نیز پیاده سازی کرد.

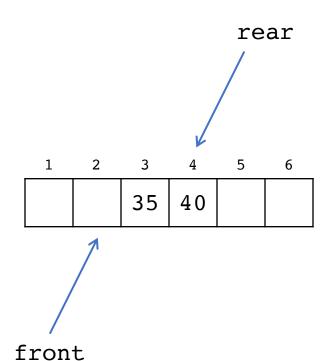
به طور کلی برای پیاده سازی یک صف، آرایه ای nr اتایی همانند $\operatorname{Q}[1..n]$ استفاده میکنیم و برای کنترل حدود مرزی از دو اشاره گر کمک می گیریم.



اشاره گر ها

اشاره گر front به خانه قبل از خانه اول صف اشاره می کند.

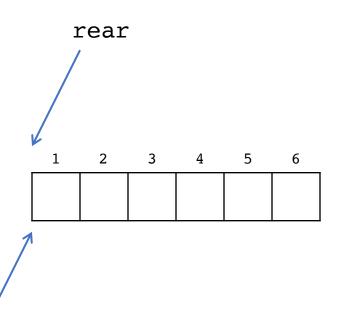
اشاره گر rear به خانه آخر صف اشاره میکند.



شرایط اشاره گر ها

اشاره گر front به خانه قبل از خانه اول صف اشاره می کند.

اشاره گر rear به خانه آخر صف اشاره میکند.



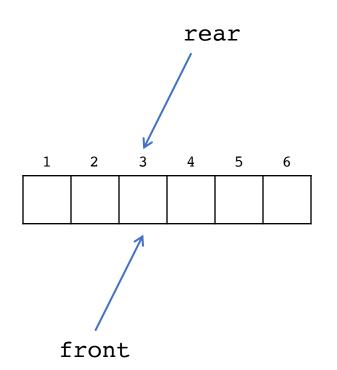
front

front = rear = 0: وضعیت اولیه

شرایط اشاره گر ها

اشاره گر front به خانه قبل از خانه اول صف اشاره می کند.

اشاره گر rear به خانه آخر صف اشاره میکند.

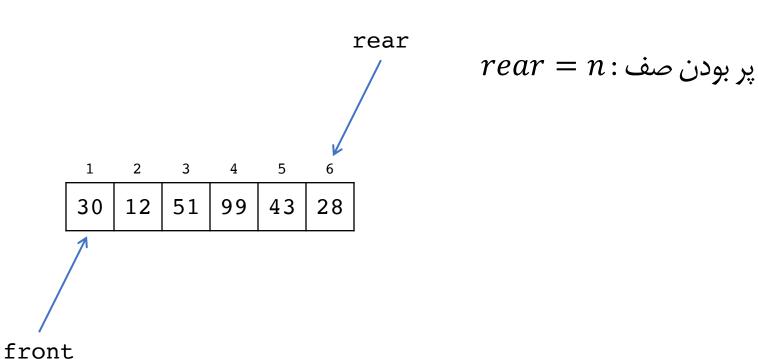


front = rear: خالی بودن صف

شرایط اشاره گر ها

اشاره گر front به خانه قبل از خانه اول صف اشاره می کند.

اشاره گر rear به خانه آخر صف اشاره میکند.



عملیات درج

```
def insert(item):
    if(rear==n):
        return "Queue is Full"
    else:
        rear=rear+1
        Q[rear]=item
```

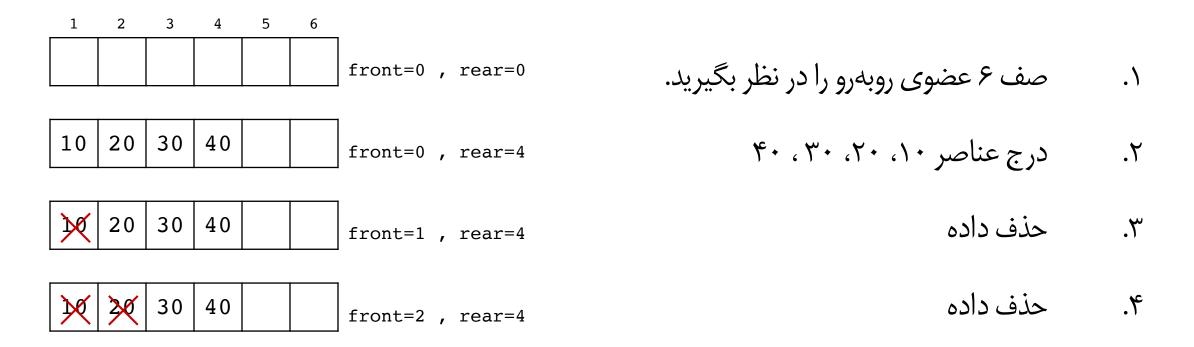
دیده می شود که چون rear به خانه آخر صف اشاره می کند، برای عمل درج ابتدا rear یک واحد به جلو حرکت کرده سپس داده item در خانه خالی انتهای صف درج می شود.

عمليات حذف

```
def delete():
    if(rear == front):
        return "Queue is Empty"
    else:
        front = front+1
        return Q[front]
```

دیده می شود که چون front همیشه به قبل از اول صف اشاره می کند برای عمل حذف ابتدا front واحد به جلو حرکت کرده سپس داده جدید ابتدای صف را بر می گرداند.

مثال



دقت کنید که در وضعیت بالا با این که ۲ داده از ابتدای صف حذف شدهاند اما فقط دو خانه ۵ و ۶ برای درج وجود دارند چون حرکت front به سمت جلو بوده و امکان استفاده از خانههای قبلی را ندارد.

مشكل صفهاي خطي

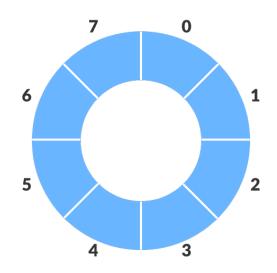
حرکت تدریجی عناصر به سمت انتهای صف و عدم امکان استفاده از خانههای ابتدای صف که در اثر حذف خالی شدهاند.

۱. شیفت خانههای انتهای صف به سمت ابتدای صف که این عمل در صورتی که تعداد خانههای صف زیاد باشد هزینه بالایی خواهد داشت. (بنابراین بعد از هر t عمل حذف باید یک عملیات شیفت از مرتبه (O(t) انجام دهیم)

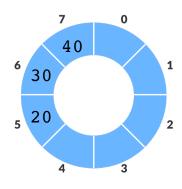
7. **استفاده از صف حلقوی** به این مفهوم که زمانی که به انتهای صف رسیدیم عمل درج را دوباره از ابتدای صف انجام می شود.) انجام می درج و حذف انجام می شود.)

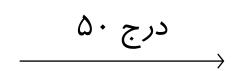
صف حلقوي

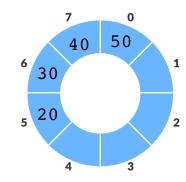
آرایه q[0...n-1] را میتوان به صورت یک صف حلقوی در نظر گرفت به طوری که در این صف زمانی q[0...n-1] برابر q[0...n-1] میشود، عنصر بعدی در خانه q[0...n-1] قرار می گیرد.

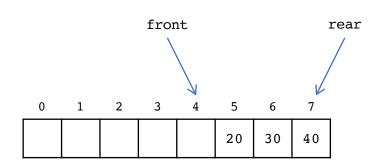


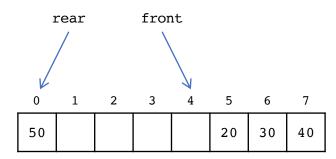
صف حلقوي











شرایط اشاره گرها

خالى(Empty):

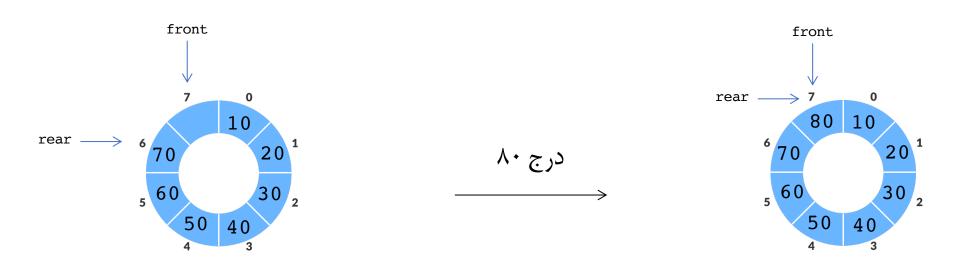
front = rear

یر (Full):

 $front = rear + 1 \pmod{n}$

در هر صف حلقوی Q[0...n-1] با ظرفیت n همیشه یک خانه باید خالی باشد و حداکثر از n-1 خانه صف می توان استفاده کرد؛ این به آن علت است که بتوان وضیت پر یا خالی بودن صف حلقوی را تشخیص داد.

خانههای قابل استفاده در صف حلقوی



بعد از درج ۸۰ در صف حلقوی و استفاده از همان یک خانهای که باید در صف خالی میماند front=rear=7 میشود که همان شرط خالی بودن صف است در صورتی که صف پر شده و این یک مشکل است برای نبودن تناقض فوق و امکان تشخیص وضعیت پر یا خالی بودن صف حلقوی یک خانه را خالی نگه میداریم.

عمليات حذف

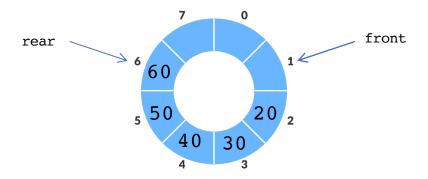
```
def delete():
   if(rear == front):
      return "Queue is Empty"
   else:
      front = (front+1) % n
      return Q[front]
def insert(item):
   if((rear+1) % n==front):
      return "Queue is Full"
   else:
      rear = (rear+1) % n
      Q[rear]=item
```

cr and continuous con

وضعیت خانه های یک صف

برای یک صف حلقوی Q[0...n-1]، داریم:

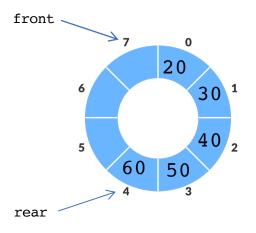
اگر $rear \geq front$ آنگاه rear - front برابر با تعداد خانههای پر صف خواهد بود.



وضعیت خانه های یک صف

برای یک صف حلقوی Q[0...n-1]، داریم:

اگر front > rearآنگاه front > rearبرابر با تعداد خانههای پر صف خواهد بود.



مطلوب است، Q3 را محاسبه كنيد.

```
اگر Q1 و Q2 دو صف باشند که به صورت زیر تعریف شده باشند(عنصر سمت چپ، ابتدای صف ها است)،
Q1 = \{10, 25, 17, 41, 19, 26, 75\}
Q2=\{1,5,7,4,9,6\}
Q3={}
i=0
while (not empty (Q1) and not empty (Q2)):
    i=i+1
   x=delete(Q1)
   y=delete(Q2)
   if(y==i):
    add(Q3,x)
return Q3
```

مثال

در این قطعه برنامه ابتدا یک صف خالی به نام Q3 ایجاد می شود. سپس در حلقه while تا زمانی که صف Q1 و صف Q2 هیچکدام خالی نباشد یکی به شمارنده i اضافه شده و دو عنصر یکی از صف Q1 دیگری از صف Q2 حذف می شود و به ترتیب در Q3 قرار می گیرد. اگر مقدار y با شمارنده i برابر باشد، مقدار x در صف Q3 قرار خواهد گرفت. در این صورت خواهیم داشت:

i	X	у	شرط حلقه	y=i شرط	Q3
0	_	-	+		-
1	10	1	+	+	10
2	25	5	+	-	10
3	17	7	+	-	10
4	41	4	+	+	10, 41
5	19	9	+	-	10, 41
6	26	6	_	+	10, 41, 26