

دانشکدهی مهندسی هوافضا گزارش پروژهی پایان ترم درس شناسایی سیستم و تخمین پارامترهای پروازی

عنوان: شناسایی سیستم دینامیکی فضاپیما حول سیارک اروس ۴۳۳

> نگارش: **مهسا آزادمنش**

استاد درس: **جناب آقای دکتر خوشنود**

فروردین ۱۴۰۰



چکیده

در این پروژه مدل دینامیکی فضاپیما در نزدیکی سیارک اروس ۴۳۳ با نظر گرفتن گرانش سیارک و نیروهای اغتشاشی تعریف میشود. هدف، شناسایی سیستم تعریفشده و تخمینی از پارامترها است. این امر مستلزم اعمال ورودی پایا به سیستم است. ابتدا با شبیهسازی در نرمافزار متلب ورودی و خروجی مطلوب به دست می آید. در ادامه با استفاده از روش تخمین مبتنی بر خطای پیشبینی با ضریب فراموشی متغیر شناسایی سیستم انجام می شود.

واژههای کلیدی: شناسایی سیستم، اروس ۴۳۳، گرانش سیارک، اغتشاش، تخمین مبتنی بر خطای پیشبینی با ضریب فراموشی متغیر، تخمین پارامتر

فهرست مطالب

صفحة	عنوان
1	ف <u>صل او</u> ل: مدل دینامیکی
1	تعريف مسئله
1	مدل دینامیکی
1	طراحي كنترلكننده
7	, —
Ψ	فصل دوم: شبیهسازی و نتایج
٣	شبيهسازى
٣	نتایج شبیهسازی
۶	
Y	پيوست ١
٩	پيوست ٢
17	پیوست ۳
١٣	منابع

فصل اول: مدل دینامیکی

تعريف مسئله

هدف آین پژوهش شناسایی مدل دینامیکی یک فضاپیما حول سیارک اروس ۴۳۳ است.

در این پروژه مدل دینامیکی فضاپیما در نزدیکی سیارک، با نظر گرفتن گرانش سیارک و نیروهای اغتشاشی تعریف می شود. هدف، شناسایی سیستم تعریف شده و تخمینی از پارامترها است. این امر مستلزم اعمال ورودی پایا به سیستم است. ابتدا با شبیهسازی در نرمافزار متلب ورودی و خروجی مطلوب به دست میآید. در ادامه با استفاده از روش تخمین مبتنی بر خطای پیشبینی با ضریب فراموشی متغیر شناسایی سیستم انجام میشود. در این فصل به توضیح دینامیک سیستم و روند شناسایی سیستم پرداخته شده است.

مدل دینامیکی مدل دینامیکی سیستم طبق رابطهی زیر به دست می آید.

$$\ddot{x} = \Upsilon \omega \dot{z} + \frac{F_x}{m_c} + U_x + \delta_x$$

$$\ddot{y} = -\omega^{\Upsilon} y + \frac{F_y}{m_c} + U_y + \delta_y$$

$$\ddot{z} = -\Upsilon \omega \dot{x} + \Upsilon \omega^{\Upsilon} z + \frac{F_z}{m_c} + U_z + \delta_z$$

که x,y,z موقعیت فضاپیما نسبت به دستگاه مختصات در مرکز جرم سیارک و ω بیانگر سرعت زاویه ای سیارک است. برای سادگی حرکت سیارک در مدار دایروی فرض شده است. F_x و F_y نیز بیانگر نیروی های کنترلی، m_c جرم فضاپیما، U_z و U_x ، U_y پتانسیل گرانشی سیارک و δ_z و δ_z نیز نیروهای اغتشاشی هستند. تابع يتانسيل مطابق با رابطه زير به دست مي آيد.

$$U(\mathbf{R}) = \frac{GM_B}{R} \sum_{l=0}^{\infty} \sum_{m=0}^{l} \left(\frac{R_B}{R}\right)^{l} \overline{P}_{l,m}[\sin(\varphi)] \left(\overline{C}_{l,m} \cos(m\lambda) + \overline{S}_{l,m} \sin(m\lambda)\right)$$

 R_B که در آن R فاصله از فضاپیما تا مرکز جرم سیارک، ϕ زاویه عرضی، λ زاویه طولی، M_B جرم سیارک، ϕ شعاع مرجع سیارک، $ar{P}_{l,m}$ ضرایب لژاندر ، $ar{S}_{l,m}$ و مرجع سیارک، $ar{P}_{l,m}$ ضرایب لژاندر

طراحى كنترلكننده

با استفاده از کنترل مود لغزشی که با توجه به ماهیت غیرخطی سیستم در مقابل اغتشاشات و سایر نیروهای خارجی مقاوم است خروجی مطلوب حاصل میشود. طراحی کنترلر با تعریف سطح لغزش

$$s = \dot{e} + \lambda_a e$$

که در آن e خطا و λ_a ضریب وزن دهی است و با استفاده از رابطه $\dot{s}=\cdot$ و تعیین ورودی کنترلی u_{eg} انجام می شود. با تعریف $u_r = -k * sign(s)$ ورودی کنترلی به صورت زیر تعریف می شود.

$$u = u_{eq} + u_r$$

در کدهای موجود در پیوست ۲ معادلات فوق بیان شدهاند.

شناسایی سیستم

ابتدا سیستم در نرمافزار متلب شبیهسازی می شود که به دلیل ناپایدار بودن سیستم با طراحی کنترل کننده مود لغزشی ورودی کنترلی به دست می آید. در ادامه با داشتن ورودی و خروجی سیستم، مدل دینامیکی شناسایی می شود.

یکی از روش های شناسایی تخمین پارامترهای سیستم بر اساس خطای پیشبینی است. در این روش مدل سیستم به صورت پارامتری خطی تبدیل می شود که در مورد سیستم های خطی کاربرد دارد. سیستم فوق به دلیل ترمهای پتانسیل گرانشی دارای ماهیت غیر خطی است. اما می توان آن را به صورت رگرسیون خطی نوشت.

هدف از شناسایی به کارگیری مدلی برای شناسایی تابع پتانسیل و اغتشاشات و تخمین پارامترهای و m_c هدف از شناسایی به کارگیری مدلی برای شناسایی تابع پتانسیل و است.

مدل سیستم به صورت پارامتری خطی مطابق رابطهی زیر بیان می شود.

$$y = W\varphi$$

که y بیانگر خروجی سیستم، W ماتریس رگرسیو و φ بردار پارامترهای سیستم است. بنابراین سیستم ما به صورت زیر تبدیل می شود.

$$\hat{y} = W\hat{\varphi}$$

$$\begin{bmatrix} \ddot{x} \\ \ddot{y} \\ \ddot{z} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F_x & \widehat{U}_x & \forall \dot{z} & \cdot \\ F_y & \widehat{U}_y & \cdot & -y \\ F_z & \widehat{U}_z & -\forall \dot{x} & \forall z \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{m_c} \\ \frac{1}{\omega} \\ \frac{1}{\omega} \\ \frac{1}{\omega} \end{bmatrix}$$

که په صورت سیستم مرتبه دو مدل میشود. که په صورت سیستم مرتبه دو مدل میشود. که \widehat{U}_x ، \widehat{U}_y و \widehat{U}_z

$$y - \hat{y} = e = [\ddot{x} \ \ddot{y} \ \ddot{z}]^T - W \hat{\varphi}$$

که e برابر با خطا است. و بردار پارامترها طبق رابطه زیر تخمین زده می شود.

$$\dot{\hat{\varphi}} = -P(t)W^T e$$

که P ماتریس بهره تخمین گر است و از رابطه زیر به دست می آید.

$$\dot{P} = \lambda(t)P - PW^TWP$$

که $\lambda(t)$ ضریب فراموشی است و برای بهبود ردیابی پارامترها استفاده می شود. و از رابطه زیر حاصل می شود.

$$\lambda(t) = \lambda_{\cdot} * (1 - \frac{\|P\|}{k})$$

که λ . بهرهای است که بر سرعت همگرایی پارامترها تاثیر دارد و λ ضریب فراموشی ثابت است.

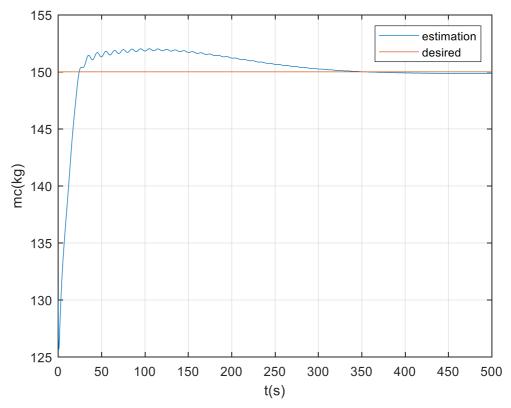
فصل دوم: شبیهسازی و نتایج

شبیهسازی مقادیر پارامترهای سیستم به صورت زیر تعریف میشود.

جرم فضاپيما	m_c	۱٥٠ (kg)
سرعت زاویه ای سیارک	$\omega = \sqrt{\frac{\mu}{r_a^{r}}}$	\Ye-∀(rad/s)
فاصله سیارک از خورشید	r_a	Y17797٣٤٢(km)
جرم سیارک	m_a	٦,٦٨٧e١٥(km)
شعاع مرجع سيارك	R_B	۱٦(km)

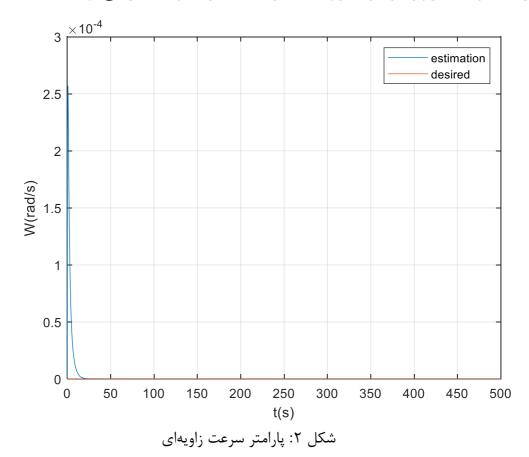
شرایط اولیه نیز به صورت \dot{R} . $= [\cdot \ \cdot \cdot \cdot](\frac{m}{s})$ و R. $= [-0 \cdot -10](km)$ در نظر گرفته می شودو فرض می شود. $\delta = 1e - 0 * \sin(\cdot .7\pi t)$ می شود

نتایج شبیهسازی نتایج حاصل از شبیهسازی برای تخمین پارامترها و شناسایی سیستم در شکلهای زیر آوردهشده است. مطابق با شکل (۱) پارامتر جرم به مقدار مطلوب ۱۵۰ کیلوگرم همگرا می شود.

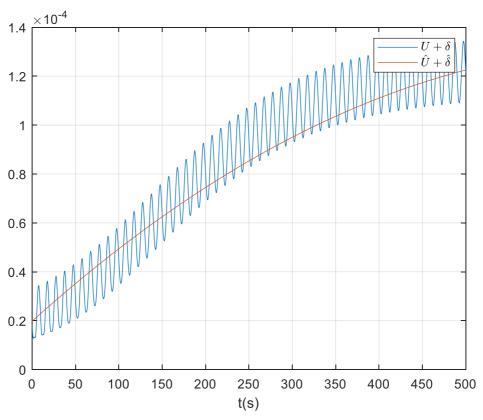


شكل ١: پارامتر جرم

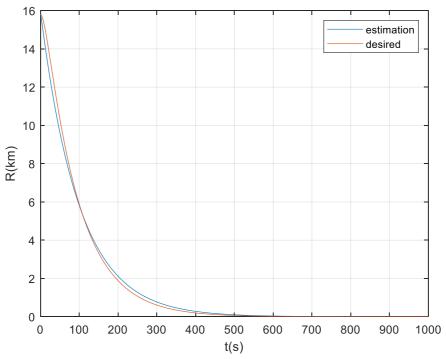
مطابق با شکل (۲) نیز پارامتر سرعت زاویهای سیارک به مقدار مطلوب همگرا میشود.



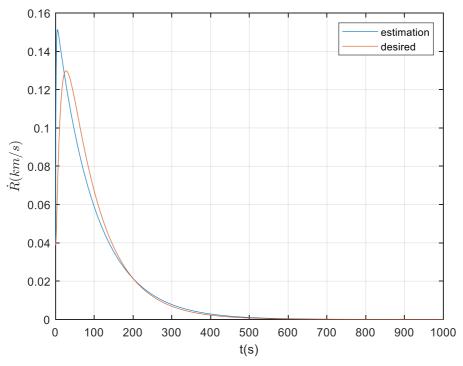
در شکل ۳ تابع پتانسیل گرانشی و اغشاشات وارد به سیستم با یک سیستم مرتبه دو مدل شدهاست. نوسانات مشاهده شده در شکل ۳ ناشی از اعمال اغتشاش سینوسی به سیستم است.



شکل ۳: برازش تابع پتانسیل گرانشی و اغتشاشات با سیستم مرتبه دو در شکلهای * و α فاصله و سرعت نسبی بین فضاپیما و سیار α حاصل از سیستم شناسایی شده به مقدار مطلوب حاصل از سیستم با کنترل کننده می رسد.



شکل ۴: فاصله نسبی بین فضاپیما و سیارک



شكل ۵: سرعت نسبى بين فضاپيما و سيار ک

نتيجه گيري

در این پروژه مدل دینامیکی یک فضاپیما حول سیارک ۴۳۳ Eros با فرض حضور اغتشاشات شناسایی شده است. پارامترهای جرم فضاپیما و سرعت زاویهای سیارک حول مدارش به دور خورشید تخمین زده میشود. و تابع پتانسیل مربوط به سیارک نیز با یک سیستم مرتبه دو تخمین زده میشود. نتایج همگرایی پارامترها و پاسخ سیستم نشان از شناسایی مطلوب سیستم دارد.

پیوست ۱

```
%%%% {-April-Y·Y\
clc
 clear
 close all
global mu W mc G ma RB
                                                                              در این قسمت پارامترهای سیستم و شرایط اولیه شبیهسازی تعریف شدهاند.
                                            % spacecraft's mass(kg)
mc = \cdot \cdot ;
ma = 1,114e10; % { frr Eros mass (kg)
RB = \1; % reference radius of Eros(km)
i = 1.7 \text{ m}/1 \text{ m}; % inclination
                                                                    % height from sun (km)
hs = Y \setminus Ae \};
                                                                     % sun radius(km)
Rs = 191757;
                                                                    % radius from the sun to asteroid
ra = hs + Rs;
 G = \text{``,`Y} \\ \text{``te-Y''}; & \text{``universal gravitational constant(km^*/kg.s^*Y)} \\ \text{``ms} = \text{``,`q} \\ \text{``quad sun mass (kg)} 
mu = G*(ma+ms); % gravitational parameter(km^r/s^r)
W = sqrt(mu/ra^*); % # rad/s
 %#initial condition
 x \cdot = [-\circ \cdot -1\circ]; dx \cdot = [\cdot \cdot \cdot e - \cdot];
ra \cdot = [-ra*cos(i) \cdot ra*sin(i)];
 int parameter = [1/1\% \cdot 1 \cdot 1e-1 \cdot 
                                                                                                                                               حل معادلات سیستم با استفاده از روش ode ٤٥.
 %%% ode solving
 options = odeset('RelTol', \e-r, 'AbsTol', \e-0);
 int = [x \cdot dx \cdot ra \cdot \cdot -sqrt(mu/ra) \cdot int parameter \( \tau \times ones () \). \( \xi \)
 1*ones(1.\xi) ones(1.\xi) 1.*ones(1.\xi) x dx : ];
                                  [t,x]=ode  (@fun SI, [\cdot \circ \cdot \cdot], int);
 %# plots
 %%% estimation of spacecraft mass
 figure
plot(t, \cdot \cdot \cdot / x(:, \cdot , \cdot , t, mc*ones(numel(t), \cdot )))
 xlabel('t(s)'),ylabel('mc(kg)'),grid on
 legend('estimation','desired')
 %%% estimation of angular velocity
 figure
```

```
plot(t,x(:, \circ), t, W*ones(numel(t), \circ))
xlabel('t(s)'), ylabel('W(rad/s)'), grid on
legend('estimation','desired')
%%% relative distance
figure
plot(t, sqrt(x(:, 1).^{+}x(:, 1).^{+}x(:
plot(t, sqrt(x(:, rr).^{r}).^{r}+x(:, re).^{r}+x(:, re).^{r}))
xlabel('t(s)'), ylabel('R(km)'), grid on
legend('estimation', 'desired')
%%% relative velocity
figure
plot(t, sqrt(x(:, \xi).^{+}x(:, \circ).^{+}x(:, \tau).^{+}x)), hold on
plot(t, sqrt(x(:, 7)).^7+x(:, 7)).^7+x(:, 7))
xlabel('t(s)'),grid on
h = ylabel('$ \dot{R} (km/s) $');
set(h, 'Interpreter', 'latex')
legend('estimation','desired')
                                                                                                                      برازش تابع پتانسیل با معادله مرتبه ۲:
%% gravitational potential fitting with a Y-order system
for i = 1:numel(t)
[U(:,i)] = gravitational potential(t(i),x(i,:));
end
delta = \text{Ne-o*sin}(\cdot, \text{Y*pi.*t});
figure
plot(t, sqrt((U(1,:)+delta').^{Y}+(U(Y,:)+delta').^{Y}+(U(Y,:)+delta')
').^Y)),hold on
f=fit(t,U(\,:)'+delta,'poly'');
f=fit(t,U(Y,:)'+delta,'polyY');
f=fit(t,U(r,:)'+delta,'poly');
W1Y = (V, Y \circ Y e - 1) *t.^Y - 1, \cdot 1 V e - \cdot V .*t - 0, V \cdot 9 e - \cdot 1);
WYY = (1,0)e-1Y *t.^Y -1,11e-\cdot 9 .*t + 1,11e-\cdot Y) ;
WTY = (Y, 101e-1.*t.^{Y} -T, ...1e-.Y.*t -1, 191e-.0);
plot(t, sqrt(W)Y.^Y+WYY.^Y+WYY.^Y), qrid on
xlabel('t(s)'), legend('$
                                                                                                                                                              U+\delta
$','$\hat{U}+\hat{\delta}$','Interpreter','latex')
```

بیوست ۲

```
function dx = fun SI(t,x)
dx = zeros(%\lambda, 1);
global mu W mc
                                                            فراخواني تابع پتانسيل:
     [U] = gravitational potential(t,x);
                                                       طراحي كنترل كننده لغزشي:
%%% sliding mode control
landa = diag([.·\ .·\]);k = [\cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot]; epsilon = \cdot, \lambda;
e = x(1:r); de = x(\xi:1); s = de+landa*e;
                                   mc*(-7*W*x(7)-U(1)-landa(1)*x(\xi))-
k(1)*satlins(s(1)/epsilon);
                                   mc*(W^{r}*x(Y)-U(Y)-landa(Y)*x(\circ))-
k(Y) *satlins(s(Y) /epsilon);
                       mc*(Y*W*x(\xi)-Y*W^Y*x(Y)-U(Y)-landa(Y)*x(Y))-
k(r) *satlins(s(r)/epsilon);
%%%%%%% %%%%% spacecraft dynamics system
                                                               شبیهسازی سیستم:
delta = \e-o*sin(\dagger, \text{Y*pi*t}); \% disturbance
dYx = Y*W*x(I) + (Fx/mc+U(I) + delta);
dYy = -W^Y*x(Y) + (Fy/mc+U(Y) + delta);
dYz = -Y*W*x(\xi) + F*W^Y*x(T) + Fz/mc + U(T) + delta;
dx(1) = x(\xi);
                  %x())=x
dx(Y) = x(o);
                  %x(Y)=y
dx(\Upsilon) = x(\Upsilon);
                  %x(\Upsilon) = z
dx(\xi) = d \forall x;
                  %x({)=xdot
                 %x(∘)=ydot
dx(o) = dYy;
dx(7) = dYz;
                 %x(1)=zdot
                                        حرکت مداری سیارک(این قسمت جزء پروژه نیست.)
%%%%%%% asteroid's motion relative to sun
ra = sqrt(x(Y)^Y+x(A)^Y+x(A)^Y);
dYxa = -mu*x(Y)/(ra^{r});
dYya = -mu*x(\lambda)/(ra^{r});
dYza = -mu*x(9)/(ra^{r});
dx(Y) = x(Y);
dx(\Lambda) = x(\Pi);
dx(9) = x(17);
dx(1\cdot) = d\tau xa;
dx(11) = d1ya;
dx()Y) = dYza;
```

تشکیل ماتریس رگرسیو:

```
W \cap Fx;
WYI = Fy;
WYV = Fz;
%%%% gravitational potential fitting with a Y-order system
W1Y = (Y, Y \circ Y e - 1) *t^Y - 1, \cdot 1Y e - \cdot Y *t - 0, Y \cdot 9 e - \cdot 1);
WYY = (1,01e-1Y *t^Y -1,11e-\cdot 9 *t + 1,11e-\cdot Y) ;
Wrr = (r, 101e-1.*t^r -r, ... 1e-. v*t -1, 191e-.0);
W \upharpoonright r = r \star_{X} ( );
W Y \Upsilon = \cdot;
Wrr = -r \times (\xi);
W \setminus \xi = \cdot ;
WY\xi = -x(Y);
Wr \xi = r * x (r);
We = [WII WIT WIT WIE; WTI WTT WTT WTE; WTI WTT WTT WTE]; % signal
vector
پیادهسازی روش مبتنی بر خطای پیش بینی و تخمین پارامترها:
phi hat = x(17:11);
tau tilda = [dYx;dYy;dYz]-We*phi hat;
P = [x()) x() x() x() x(); ...
               x(1) x(7) x(7) x(7) x(7);...
               x(19) x(77) x(77) x(77);...
               x(\Upsilon) x(\Upsilon) x(\Upsilon) x(\Upsilon); % Kalman Filter matrix
landa \cdot = diag([.\tau .\cdot\ .\]); k \cdot = \;
la = landa\cdot*(\number (\number)/k\cdot); \%#forgetting factor
dp = la*P-P*(We')*We*P;
dphi hat = P*We'*tau_tilda;
dx()":)) = dphi hat;
dx(1Y:TT) = dp;
                                                                                                                        شبیه سازی سیستم شناسایی شده برای مقایسه با سیستم واقعی:
\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ensuremath{\texttt{\$}}\ens
landa = diag([.\cdot\ .\cdot\]);k = [\cdot\ \cdot\ \cdot\]; epsilon = \cdot,\lambda;
e = x(TT:To); de = x(TT:TA); s = de+landa*e;
                                                                    (1/x(17))*(-7*x(10)*x(77)-W17-landa(1)*x(77))-
k(1)*satlins(s(1)/epsilon);
```

```
(1/x(17))*(x(10)^{7}x(75)-WYY-landa(Y)*x(77))-
Fу
k(Y)*satlins(s(Y)/epsilon);
                         landa(^{\circ}) *x(^{\circ}A)) -k(^{\circ}) *satlins(s(^{\circ}) /epsilon);
dYx hat = Y*x(10)*x(TA)+(Fx*x(1T)+W1Y);
dYy hat = -x(10)^{Y*}x(Y\xi) + (FY^*x(YY) + WYY);
dYz hat = -Y*x()\circ)*x())+ Y*x()\circ)^Y*x()\circ)+Fz*x()Y)+WYY;
dx(\Upsilon\Upsilon) = x(\Upsilon);
                      %x(\)=x
dx(\Upsilon\xi)=x(\Upsilon Y);
                     %x(Y)=y
dx(\Upsilon\circ)=x(\Upsilon\lambda);
                    %x (٣) =z
dx(T1) = dTx hat;
                         %x({)=xdot
dx (\Upsilon V) = dY y hat; %x (\circ) = y dot dx (\Upsilon A) = dY z hat; %x (\wr) = z dot
```

end

end

ىيەست ٣

```
تعریف تابع پتانسیل گرانشی:
function [U] = gravitational potential(<math>\sim, x)
qlobal RB G ma
r = sqrt(x(1)^{+}x(7)^{+}x(7)^{+}x(7)^{+}) + RB;
phi = atanY(sqrt(x())^{Y+x}(Y)^{Y}),x(^{Y}); %# latitude angle
landa = atanY(x(Y), x(Y)); %# Longitudinal angle
                                                                    ضرایب لژاندر:
%# Legendre coefficients
P \cdot \cdot = 1; P \cdot \cdot = \sin(phi); P \cdot \cdot = \cos(phi);
PY \cdot = \cdot, o*(T*sin(phi)^{-1}); PY = T*sin(phi)*cos(phi); PYY =
T*cos(phi)^T*sin(phi);
                    ·, o * (o * sin (phi) ^ \( - \( \tau \) sin (phi));
\cdot, \circ*cos(phi)*(\circ*sin(phi)\circ*r"); PTY = \circ*cos(phi)\circ*t*sin(phi);
ضرایب استوکس:
%# Stokes' coefficients
٠, ٠٠٤٠٨٣ ٠, ٠٠٢١٢٩];
S = [\cdot \cdot \cdot, \cdot \cdot \cdot \cdot \lambda \lambda; \cdot \cdot, \cdot \cdot \cdot \cdot 17 - \cdot, \cdot 7\lambda \cdot 77; \cdot \cdot, \cdot \cdot 7\xi \cdot \xi - \cdot, \cdot \cdot \lambda 71];
    U bar = zeros((.));
%# gravitational potential function
for n = Y:Y
    for m = 1:n
         U bar
                                                                      U bar
+(RB/(r))^n*P sinphi(n,m)+C(n,m)*cos(m*landa)+S(n,m)*sin(m*landa)
a);
    end
end
         U = (G*ma/r)*(1+U bar);
ux = U*sin(phi)*cos(landa);
uy = U*sin(phi)*sin(landa);
uz = U*cos(phi);
U = [ux uy uz];
```

منابع

- [۲] جزوهی درسی. درس شناسایی سیستم و تخمین پارامترهای پروازی. استاد درس: دکتر خوشنود. ۱۳۹۹ ۱۴۰۰–۱۴۰۰

ممنون از تدریس خوبتان.

با احترام مهسا آزادمنش شماره دانشجویی ۹۹۰۰۴۲۶