### Ejercicio 1:

El MAC es seguro si un adversario con acceso a un oráculo Mac, no puede generar un par <m,t> válido (es decir un par mensaje-etiqueta que pueda verificarse) para un mensaje m distinto de los ya consultados al oráculo, excepto con probabilidad despreciable.

Es decir, se considera que el atacante puede calcular etiquetas sobre cualquier mensaje de su elección, y luego calcular un par <m,t> válido sobre un mensaje diferente a los calculados con la ayuda del oráculo.

1)  $Mac_k(m) = G(k) \oplus m$ , donde G(x) es un generador seudoaleatorio.

### No es seguro.

Si el adversario tiene posibilidad de calcular etiquetas sobre el mensaje que quiera, puede efectuar:

$$Mac_k(m) = Mac_k(0^n) = G(k) \oplus 0^n = G(k)$$

Luego, puede emitir un par <m², t'> válido para algún m² distinto de m= $0^n$ , ya que conoce G(k)

Así, puede emitir <m', t'> con  $t' = Mac_k(0^n) \oplus m' = G(k) \oplus m'$ 

2) 
$$Mac_k(m) = k \oplus first \_k \_bits(m)$$

### No es seguro.

Ejemplo:

Sea 
$$m \in \{0,1\}^{2n}$$
, y  $k \in \{0,1\}^n$ 

Entonces 
$$Mac_k(m) = k \oplus first \_n\_bits(m)$$

Si el adversario tiene posibilidad de hacer consultas al oráculo, puede efectuar:

 $Mac_k(m) = Mac_k(0^{2n}) = k \oplus 0^n = k$  y luego calcular pares <m', t'> válido para algún m' distinto de  $0^{2n}$ , ya que conoce k.

3)  $Mac_k(m) = Enc_k(|m|)$  con Enc siendo CPA-Secure.

#### No es seguro.

Si el adversario emite <m,t>, la validación de t es mediante  $Dec_k(t) = |m|$ .

Por ejemplo, sea  $m_1=00000000$  , entonces  $Mac_k(m_1)=t_1$  y el mismo Mac tendrá m'=111111111 , ya que  $Dec_k(t')=8$ 

#### Ejercicio 2:

M = el auto es azul y el lapiz rojo M'= el auto es rojo y el lapiz azul

### Ejercicio 3:

- a) h(x)
- toma una entrada de longitud arbitraria y produce una salida de longitud fija
- es fácil de calcular
- No es válida para criptografía, ya que si analizamos los tres niveles de seguridad:
- 1) Resistencia a preimágenes: no cumple.

Dado y = H(m), para un valor m elegido aleatoriamente, no debería ser factible para un adversario PPT encontrar algún valor x' tal que H(x') = y = H(m).

Dado por ejemplo, y = 0, no es posible decir qué mensaje lo produjo.

Sin embargo, es posible encontrar algún valor x' tal que H(x')=0, por lo tanto no cumple el nivel de resistencia a preimágenes.

2) <u>Segunda imagen:</u> no cumple.

Dado m y H(m), no debería ser factible para un adversario PPT encontrar x' tal que H(x') = H(m)

Dado por ejemplo, m = 0101, y H(0101) =  $0^{32}$ , no es difícil encontrar que, por ejemplo, x'= 0100 tiene H(x') =  $0^{32}$  también.

3) Resistencia a colisión: no cumple.

Encontrar  $x \neq x'$  tal que H(x)=H(x') es fácil.

b) Si consideramos que la longitud de la entrada es aleatoria, entonces la salida es aleatoria con un 50% de probabilidad para cada una de las dos salidas posibles. La posibilidad de una colisión es la misma que la de obtener "cara" dos veces seguidas o "ceca" dos veces seguidas, es decir, es de un 50% (P(colision) = 0,5)

### Ejercicio 4:

a. Describir la construcción CBC-MAC e indicar para qué sirve.

[Katz Cap. 4.5] La construcción CBC-MAC sirve para generar un código de autenticación para mensajes de longitud variable (longitud mayor que n, siendo n la longitud de la clave)
[Katz Construcción 4.9] Descripción de la construcción básica CBC-MAC:

Sea  ${\cal F}\,$  una función seudoaleatoria y se fija  ${\it l}\,$ , una función de longitud.

El CBC-MAC básico consiste en:

- 1) Gen = Elige en forma uniforme y aleatoria  $k \leftarrow \{0,1\}^n$
- 2) Mac = dada una clave k y un mensaje m, de longitud  $l(n) \cdot n$ , hacer lo siguiente:
  - 1. dividir m en  $m = m_1 m_2 ... m_{l(n)}$ , donde cada  $m_i$  es de longitud n, y establecer  $t_0 := 0^n$
  - 2. Para i := 1 hasta l(n), establecer  $t_i := F_k(t_{i-1} \oplus m_i)$

Emitir  $t_{l(m)}$  como etiqueta.

3) Vrfy = input: clave k, un mensaje m, de longitud  $l(n) \cdot n$ , y una etiqueta  $t \in \{0,1\}^n$ ,

output: 1 si y sólo si 
$$\mathbf{t} = Mac_{\iota}(m)$$

La construcción básica CBC-MAC brinda una Código de Autenticación de Mensajes seguro para mensajes de **longitud fija**, con l(n) polinomio.

El esquema básico <u>no es seguro</u> en el caso general en el que mensajes de diferentes longitudes requieran ser autenticados.

b. Comparar CBC-MAC con CBC-mode para encripción.

	CBCmode encripción
sería seguro.	usa IV aleatorio y esto es crucial para obtener seguridad (evita ataques de texto plano elegido)
i di de nace non dei brillier biodue con un ri alcatorio, cuando et ri cambie i	

$F_k(m_0 \oplus IV) = F_k(11100000)$	
Luego si se tiene otro IV, por ejemplo $IV = 01011100$ , basta con cambiar	
sólo el primer bloque por $m_0 = 10111100$ para que el resultado t1 sea el	
mismo del mensaje anterior (aunque se dejen intactos los otros bloques del mensaje) y por lo tanto la etiqueta final también.	
Sólo el bloque final se emite como resultado	Todos los valores
	intermedios se emiten como resultado.

### c. ¿Cuáles son, según Katz, las opciones seguras de uso de CBC-MAC?

La construcción básica de CBC-MAC es una construcción segura sólo cuando la longitud de los mensajes es fija. Si un adversario puede obtener etiquetas MAC para mensajes de distintas longitudes, el esquema deja de ser seguro.

#### Demostración:

Si se elige un m de longitud n (con |m| = |k| = n), entonces se puede pedir el CBC-MAC de dicho m y almacenarlo en el conjunto Q de mensajes para los cuales ya se ha calculado la etiqueta. La etiqueta sería:  $t := F_k(m)$ .

Si luego se considera el mensaje m' =  $m \mid \mid (m \oplus t)$ , se observa que el par <m',t> verifica siempre, quebrando así la seguridad del esquema.

Para mensajes de longitud variable, la construcción básica de CBC-MAC debe entonces modificarse. Algunas posibles opciones que se prueba que son seguras son:

- 1. Aplicar la función seudoaleatoria (block cipher) a la longitud del mensaje de entrada como para obtener una clave  $k_l \coloneqq F_k(l)$ . Luego, calcular el CBC-MAC básico usando la clave  $k_l$ . Esto asegura que claves diferentes se usan para autenticar mensajes de diferentes longitudes.
- 2. Agregar como prefijo al mensaje su longitud |m|, codificada como un string de n bits y luego calcular el CBC-MAC básico en el mensaje resultante. (Agregarlo al final **no es seguro**)
- 3. Cambiar el esquema como para que la generación de claves elija dos claves diferentes  $k_1 \leftarrow \{0,1\}^n$  y  $k_2 \leftarrow \{0,1\}^n$ . Luego, para autenticar el mensaje m, primero calcular el CBC-MAC básico de m usando  $k_1$  y se obtiene de resultado t. Emitir  $\hat{t} \coloneqq F_{k_2}(t)$ . En este caso, la ventaja está en que no es necesario saber la longitud del mensaje por anticipado. Su desventaja es que requiere dos claves. Pero se puede almacenar una sola clave k y luego derivar  $k_1 = F_k(1)$  y  $k_2 = F_k(2)$  al comienzo del cálculo.

### d. ¿Para qué sirve la "Transformación de Merkle-Darmgard"?

La transformación de Merkle-Darmgard sirve para construir funciones de hash resistentes a colisiones. Esta metodología habilita una conversión de cualquier función de hash de longitud fija a una función de hash de longitud variable mientras mantiene la propiedad de ser resistente a colisiones.

Se define con la siguiente construcción:

Sea  $\pi=$  (Gen, h) una función de Hash resistente a colisiones de longitud fija para entradas de longitud 2l(n) y con longitud de salida l(n). Se construye una función de hash de longitud variable (Gen, H) de la siguiente manera:

Gen: se mantiene igual.

**H**: dada como entrada una clave s y un string  $x \in \{0,1\}^*$  de longitud  $L < 2^{l(n)}$ , hacer lo siguiente:

- 1) Establecer  $B \coloneqq \left\lceil \frac{L}{l} \right\rceil$  (número de bloques en x. Completar x con ceros como para que la longitud sea múltiplo de l(n). Dividir (Parse) el resultado como una secuencia de bloques de l bits  $x_1,...,x_B$ . Establecer  $x_{B+1} \coloneqq L$ , donde L se codifica usando exactamente l(n) bits.
- 2) Establecer  $z_0 := 0^{l(n)}$
- 3) Para i = 1,...,B+1 calcular  $z_i := h^s(z_{i-1} \parallel x_i)$
- 4) Emitir como salida  $z_{B+1}$

La seguridad de la transformación de Merkle - Damgard está dada por la seguridad del  $h^s$  subyacente. Es decir, una colisión en  $H^s$  sólo puede ocurrir si hay una colisión en la  $h^s$  subyacente.

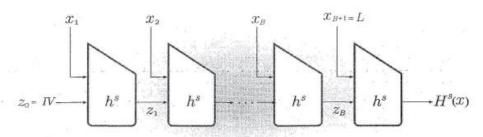


FIGURE 4.2: The Merkle-Damgård transform.

### Ejercicio 5:

a) Si se calcula el hash MD5 de la cadena "hoy es el ultimo lunes de marzo".

```
$ echo "hoy es el primer lunes de abril">salida
$ openssl dgst -md5 salida
MD5(salida) = 4893481cf3c2fe18773dabb1bd990050
```

### b) Si se calcula el hash SHA-1 de la misma cadena:

\$ openssl dgst -sha1 salida
SHA1(salida) = fcebd0e92f4e5330390ef34c3010ab4908ae81fe

### c) ¿Qué diferencias se observan?

SHA1 es de mayor longitud (128 bits vs 160 bits)

#### Ejercicio 6:

Rta: Hacerlos con echo. (Ej. \$echo 7 siete>siete.txt)

acuña: 7 siete centurión: 6 seis hernandez: 8 ocho palacios: 10 diez rossi: 5 cinco sanchez: 2 dos garcía: 1 uno zubeldía: 10 diez.