## Pembahasan ETS Aljabar Linear Elementer

Ahmad Hisbu Zakiyudin 5002201148

Departemen Matematika

1. Syarat-syarat apakah yang harus dipenuhi  $b_1, b_2$ , dan  $b_3$  agar sistem persamaan di bawah ini konsisten

$$x_1 + 2x_2 + 3x_3 = b_1$$
$$2x_1 + 5x_2 + 3x_3 = b_2$$
$$x_1 + 8x_3 = b_3$$

- 2. Diketahui  $\vec{v}_1 = \left(\frac{2}{3}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}\right)$  dan  $\vec{v}_2 = \left(\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, -\frac{2}{3}\right)$  adalah vektor-vektor yang ortonormal. Carilah sebuah vektor  $\vec{v}_3$ , sehingga  $\{\vec{v}_1, \vec{v}_2, \vec{v}_3\}$  adalah himpunan ortonormal
- 3. a. Jika  $M_{22} = himpunan \, semua \, matriks \, bujur \, sangkar \, order \, 2.$ , maka tunjukkan bahwa  $S = \left\{ \begin{bmatrix} 3 & 6 \\ 3 & -6 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 & -8 \\ -12 & -4 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \right\}$ adalah basis untuk  $M_{22}$ 
  - b. Tentukan vektor koordinat  $\vec{w}$  relatif terhadap  $S = \{\vec{v}_1, \vec{v}_2, \vec{v}_3\}$  dengan  $\vec{w} = (5, -12, 3);$   $\vec{v}_1 = (1, 2, 3);$   $\vec{v}_2 = (-4, 5, 6);$   $\vec{v}_3 = (7, -8, 9)$
- 4. Diketahui  $S=\{(2,1,0),(1,-1,2),(0,3,-4)\}$  dan V=span(S). Jika  $(a,b,c)\in\mathbb{R}^3$ , tentukan syarat/kondisi agar  $(a,b,c)\in V$