



Name : Azaria Cindy Sahasika Number Id : 2341760169 / 06

Class : 1G – Business Information System Lesson : Algorithm and Data Structure

Material : Jobsheet 4

Github Link : https://github.com/azariacindy/algorithm-ds

# JOBSHEET IV BRUTE FORCE DAN DIVIDE CONQUER

# 4.1 Tujuan Praktikum

Setelah melakukan materi praktikum ini, mahasiswa mampu:

- 1. Mahasiswa mampu membuat algoritma bruteforce dan divide-conquer
- 2. Mahasiswa mampu menerapkan penggunaan algorima bruteforce dan divide-conquer

# 4.2 Menghitung Nilai Faktorial dengan Algoritma Brute Force dan Divide and Conquer

Perhatikan Diagram Class berikut ini:

Faktorial
nilai: int
faktorialBF(): int
faktorialDC(): int

Berdasarkan diagram class di atas, akan dibuat program class dalam Java. Untuk menghitung nilai faktorial suatu angka menggunakan 2 jenis algoritma, Brute Force dan Divide and Conquer. Jika digambarkan terdapat perbedaan proses perhitungan 2 jenis algoritma tersebut sebagai berikut :

Tahapan pencarian nilai faktorial dengan algoritma Brute Force :

Tahapan pencarian nilai faktorial dengan algoritma Divide and Conquer:



#### 4.2.1 Langkah-langkah Percobaan

- Buat Project baru, dengan nama "BruteForceDivideConquer". Buat package dengan nama minggu5.
- 2. Buatlah class baru dengan nama Faktorial
- 3. Lengkapi class Faktorial dengan atribut dan method yang telah digambarkan di dalam diagram class di atas, sebagai berikut:
  - a) Tambahkan atribut nilai

```
public int nilai;
```

b) Tambahkan method faktorialBF() nilai

```
public int faktorialBF(int n) {
    int fakto = 1;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        fakto = fakto * i;
    }
    return fakto;
}</pre>
```

c) Tambahkan method faktorialDC() nilai

```
public int faktorialDC(int n) {
    if (n==1) {
        return 1;
    }
    else
    {
        int fakto = n * faktorialDC(n-1);
        return fakto;
    }
}
```

- 4. Coba jalankan (Run) class Faktorial dengan membuat class baru MainFaktorial.
  - a) Di dalam fungsi main sediakan komunikasi dengan user untuk menginputkan jumlah angka yang akan dicari nilai faktorialnya

```
Scanner sc = new Scanner(System.in);
System.out.println("==========""");
System.out.print("Masukkan jumlah elemen yang ingin dihitung : ");
int elemen = sc.nextInt();
```

 Buat Array of Objek pada fungsi main, kemudian inputkan beberapa nilai yang akan dihitung faktorialnya



```
Faktorial [] fk = new Faktorial[elemen];
for (int i = 0; i < elemen; i++) {
   fk[i] = new Faktorial();
   System.out.print("Masukkan nilai data ke-"+(i+1)+" : ");
   fk[i].nilai = sc.nextInt();
}</pre>
```

c) Tampilkan hasil pemanggilan method faktorialDC() dan faktorialBF()

d) Pastikan program sudah berjalan dengan baik!

```
J faktorial06.java > ...
 Click here to ask Blackbox to help you code faster |
package week5;
                                                Masukkan jumlah elemen yang ingin dihitung:
Comment Code | Improve Code
public class faktorial06 {
                                                Masukkan nilai data ke-1:
   public int nilai;
                                               Masukkan nilai data ke-2:
   public int faktorialBF(int n) {
        int fakto = 1;
                                               Masukkan nilai data ke-3:
            fakto *= i;
        return fakto:
                                               Hasil faktorial dengan Brute Force
                                               Faktorial dari nilai 5 adalah: 120
                                              Faktorial dari nilai 8 adalah: 40320
    public int faktorialDC(int n) {
                                               Faktorial dari nilai 3 adalah: 6
          int fakto = n * faktorialDC(n-1); Hasil faktorial dengan Divide and Conquer
            return fakto;
                                                Faktorial dari nilai 5 adalah: 120
                                                Faktorial dari nilai 8 adalah: 40320
                                                Faktorial dari nilai 3 adalah: 6
```



```
J faktorialMain06.java >
Click here to ask Bli
package week5;
public class faktorialMain06 {
   public static void main(String[] args) {
       Scanner sc = new Scanner(System.in);
      faktorial06[] fk = new faktorial06[elemen];
       for (int i = 0; i < elemen; i++) {
    fk[i] = new faktorial06();</pre>
           System.out.println("Masukkan nilai data ke-"+ (i+1) +": ");
fk[i].nilai = sc.nextInt();
       System.out.print(s:"-------
System.out.println(x:"\nHasil faktorial dengan Brute Force");
       for (int i = 0; i < elemen; i++) {
           System.out.printf("Faktorial dari nilai "+ fk[i].nilai +" adalah: "+ fk[i].faktorialBF(fk[i].nilai));
       for (int i = 0; i < elemen; i++) {
    System.out.println("Faktorial dari nilai "+ fk[i].nilai +" adalah: "+ fk[i].faktorialDC(fk[i].nilai));</pre>
       System.out.print(s:"-----");
        sc.close();
```

#### 4.2.2 Verifikasi Hasil Percobaan

Cocokkan hasil compile kode program anda dengan gambar berikut ini.

#### 4.2.3 Pertanyaa

- 1. Jelaskan mengenai base line Algoritma Divide Conquer untuk melakukan pencarian nilai faktorial!
  - → The baseline in the Divide and Conquer algorithm for calculating factorials is the condition where the problem becomes simple enough to solve directly. Here, the baseline is reached when the value of n (input) is equal to 1. Then, the value of the factorial is 1.



- 2. Pada implementasi Algoritma Divide and Conquer Faktorial apakah lengkap terdiri dari 3 tahapan divide, conquer, combine? Jelaskan masing-masing bagiannya pada kode program!
  - → Yes, the implementation of the Factorial Divide and Conquer algorithm in the complete program code consists of 3 stages:
    - a. Divide (pembagian)
       Division is performed on the initial condition (n > 1). The program divides the problem into two smaller subproblems, which is to calculate the factorial n-1 and multiply it by n.
    - b. Conquer (penaklukan)
       The conquest is done in a recursive manner. The program calls back the factorial functionDC(n-1) to calculate the value of factorial n-1.
    - c. Combine (penggabungan)
       The combine is done by multiplying the result of subproblem n \* factorialDC(n-1). The result of this multiplication is the value of factorial n.
- 3. Apakah memungkinkan perulangan pada method faktorialBF() dirubah selain menggunakan for?Buktikan!
  - → use while loop:

- 4. Tambahkan pegecekan waktu eksekusi kedua jenis method tersebut!
  - → Execution time of the Divide and Conquer method is much faster than the Brute Force method.



```
∨ public class faktorialMain06 {
       public static void main(String[] args) {
          System.out.println(x:"\nMasukkan jumlah elemen yang ingin dihitung: ");
          int elemen = sc.nextInt();
          faktorial06[] fk = new faktorial06[elemen];
          for (int i = 0; i < elemen; i++) {
    fk[i] = new faktorial06();</pre>
              System.out.println("Masukkan nilai data ke-" + (i + 1) + ": ");
              fk[i].nilai = sc.nextInt();
          long startTimeBF = System.currentTimeMillis();
          for (int i = 0; i < elemen; i++) {
              System.out.println("Faktorial dari nilai " + fk[i].nilai + " adalah: " + fk[i].faktorialBF(fk[i].nilai));
           long endTimeBF = System.currentTimeMillis();
          long elapsedTime8F = endTime8F - startTime8F;
System.out.println("Waktu eksekusi Brute Force: " + elapsedTime8F + " milliseconds");
          long startTimeDC = System.currentTimeMillis();
           for (int i = 0; i < elemen; i++) {
              System.out.println("Faktorial dari nilai " + fk[i].nilai + " adalah: " + fk[i].faktorialDC(fk[i].nilai));
          Jong endTimeDC = System.currentTimeMillis();
long elapsedTimeDC = endTimeDC - startTimeDC;
System.out.println("Waktu eksekusi Divide and Conquer: " + elapsedTimeDC + " milliseconds");
```

5. Buktikan dengan inputan elemen yang di atas 20 angka, apakah ada perbedaan waktu eksekusi?

```
Hasil faktorial dengan Divide and Conquer
Hasil faktorial dengan Brute Force
Faktorial dari nilai 5 adalah: 120
                                                                Faktorial dari nilai 5 adalah: 120
Faktorial dari nilai 6 adalah: 720
                                                               Faktorial dari nilai 6 adalah: 720
                                                               Faktorial dari nilai 7 adalah: 5040
Faktorial dari nilai 7 adalah: 5040
                                                               Faktorial dari nilai 8 adalah: 40320
Faktorial dari nilai 8 adalah: 40320
                                                               Faktorial dari nilai 9 adalah: 362880
Faktorial dari nilai 9 adalah: 362880
                                                               Faktorial dari nilai 10 adalah: 3628800
Faktorial dari nilai 10 adalah: 3628800
                                                               Faktorial dari nilai 11 adalah: 39916800
Faktorial dari nilai 11 adalah: 39916800
                                                               Faktorial dari nilai 12 adalah: 479001600
Faktorial dari nilai 12 adalah: 479001600
                                                               Faktorial dari nilai 13 adalah: 1932053504
Faktorial dari nilai 13 adalah: 1932053504
                                                               Faktorial dari nilai 14 adalah: 1278945280
Faktorial dari nilai 14 adalah: 1278945280
                                                               Faktorial dari nilai 15 adalah: 2004310016
Faktorial dari nilai 15 adalah: 2004310016
                                                               Faktorial dari nilai 16 adalah: 2004189184
Faktorial dari nilai 16 adalah: 2004189184
                                                               Faktorial dari nilai 17 adalah: -288522240
Faktorial dari nilai 17 adalah: -288522240
                                                               Faktorial dari nilai 18 adalah: -898433024
Faktorial dari nilai 18 adalah: -898433024
                                                               Faktorial dari nilai 19 adalah: 109641728
Faktorial dari nilai 19 adalah: 109641728
                                                               Faktorial dari nilai 20 adalah: -2102132736
Faktorial dari nilai 20 adalah: -2102132736
                                                               Faktorial dari nilai 21 adalah: -1195114496
Faktorial dari nilai 21 adalah: -1195114496
                                                               Faktorial dari nilai 23 adalah: 862453760
Faktorial dari nilai 23 adalah: 862453760
                                                               Faktorial dari nilai 24 adalah: -775946240
Faktorial dari nilai 24 adalah: -775946240
                                                               Faktorial dari nilai 25 adalah: 2076180480
Faktorial dari nilai 25 adalah: 2076180480
                                                                Waktu eksekusi Divide and Conquer: 126 milliseconds
Waktu eksekusi Brute Force: 276 milliseconds
```

# 4.3 Menghitung Hasil Pangkat dengan Algoritma Brute Force dan Divide and Conquer

Pada praktikum ini kita akan membuat program class dalam Java. Untuk menghitung nilai pangkat suatu angka menggunakan 2 jenis algoritma, Brute Force dan Divide and Conquer.

### 4.3.1 Langkah-langkah Percobaan

1. Di dalam paket minggu5, buatlah class baru dengan nama Pangkat. Dan di dalam class Pangkat tersebut, buat atribut angka yang akan dipangkatkan sekaligus dengan angka pemangkatnya



```
public int nilai,pangkat;
```

2. Pada class Pangkat tersebut, tambahkan method PangkatBF()

```
public int pangkatBF(int a,int n) {
    int hasil=1;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        hasil = hasil * a;
    }
    return hasil;
}</pre>
```

3. Pada class Pangkat juga tambahkan method PangkatDC()

```
public int pangkatDC(int a,int n) {
    if (n==0) {
        return 1;
    }
    else
    {
        if (n%2==1) //bilangan ganjil
            return (pangkatDC(a,n/2)*pangkatDC(a,n/2)*a);
        else//bilangan genap
            return (pangkatDC(a,n/2)*pangkatDC(a,n/2));
    }
}
```

- 4. Perhatikan apakah sudah tidak ada kesalahan yang muncul dalam pembuatan class Pangkat
- 5. Selanjutnya buat class baru yang di dalamnya terdapat method main. Class tersebut dapat dinamakan MainPangkat. Tambahkan kode pada class main untuk menginputkan jumlah nilai yang akan dihitung pangkatnya.

6. Nilai pada tahap 5 selanjutnya digunakan untuk instansiasi array of objek. Di dalam Kode berikut ditambahkan proses pengisian beberapa nilai yang akan dipangkatkan sekaligus dengan pemangkatnya.

```
Pangkat [] png = new Pangkat[elemen];

for (int i = 0; i < elemen; i++) {
    png[i] = new Pangkat();
    System.out.print("Masukkan nilai yang akan dipangkatkan ke-"+(i+1)+" : ");
    png[i].nilai = sc.nextInt();
    System.out.print("Masukkan nilai pemangkat ke-"+(i+1)+" : ");
    png[i].pangkat = sc.nextInt();
}</pre>
```



7. Kemudian, panggil hasil nya dengan mengeluarkan return value dari method PangkatBF() dan PangkatDC().

#### 4.3.2 Verifikasi Hasil Percobaan

Pastikan output yang ditampilkan sudah benar seperti di bawah ini.



#### 4.3.3 Pertanyaan

- 1. Jelaskan mengenai perbedaan 2 method yang dibuat yaitu PangkatBF() dan PangkatDC()!
  - → PangkatBF(): uses the Brute Force method to calculate the power result by multiplying the value to be multiplied by itself as many times as the power value.
  - → PangkatDC(): used the Divide and Conquer method to calculate the power result by dividing the problem into smaller subproblems, then calculating the power of half the power value, and then combining the results.
- 2. Pada method PangkatDC() terdapat potongan program sebagai berikut:

```
if(n%2==1)//bilangan ganjil
    return (pangkatDC(a,n/2)*pangkatDC(a,n/2)*a);
else//bilangan genap
    return (pangkatDC(a,n/2)*pangkatDC(a,n/2));
```

Jelaskan arti potongan kode tersebut

- $\rightarrow$  'if (n == 0)': if the power value is 0, then the result is 1 or true.
- → 'if (n%2 == 1)': if odd, then calculate the result by dividing the power by two and multiply the result by itself and value(a). if odd, then calculate and divide the power by two then multiply the result by itself without value(a).
- 3. Apakah tahap combine sudah termasuk dalam kode tersebut?Tunjukkan!

```
public int pangkatDC (int a, int n) {
   if (n == 0) {
      return 1;
   } else {
      if (n%2 == 1) //bilangan ganjil
            return (pangkatDC (a, n/2) * pangkatDC (a, n/2) * a);
      else // bilangan genap
            return (pangkatDC (a, n/2) * pangkatDC (a, n/2));
}
```



- → The combine stage is usually not explicitly visible in the code, it usually occurs when combining results from smaller sub-problems to form the final result. The combine stage is implicit in the looping process of the 'pangkatDC()' method.
- 4. Modifikasi kode program tersebut, anggap proses pengisian atribut dilakukan dengan konstruktor.

```
BruteForceDivideConquer06 > week5 > J pangkat06.java > .
        Click here to ask Blackbox to help you code faster |
        package week5;

y public class pangkat06 {
           public int nilai, pangkat;
            public pangkat06(int nilai, int pangkat) {
               this.nilai = nilai;
                this.pangkat = pangkat;
           public int pangkatBF(int a, int n) {
            int hasil = 1;
                for (int i = 0; i < n; i++) {
                    hasil *= a;
                return hasil;
            public int pangkatDC(int a, int n) {
               if (n == 0) {
                    return 1;
                    if (n % 2 == 1) // bilangan ganjil
                        return (pangkatDC(a, n / 2) * pangkatDC(a, n / 2) * a);
                       return (pangkatDC(a, n / 2) * pangkatDC(a, n / 2));
```

5. Tambahkan menu agar salah satu method yang terpilih saja yang akan dijalankan!



```
BruteForceDivideConquer06 > week5 > J pangkatMain06.java > {} week5
        public class pangkatMain06 {
            public static void main(String[] args) {
                Scanner sc = new Scanner(System.in);
                int elemen = sc.nextInt();
                pangkat06[] png = new pangkat06[elemen];
                for (int i = 0; i < elemen; i++) {
                     System.out.println("Masukkan nilai yang akan dipangkatkan ke-" + (i + 1) + ": ");
                    int nilai = sc.nextInt();
                    System.out.println("Masukkan nilai pemangkat ke-" + (i + 1) + ": ");
                    int pangkat = sc.nextInt();
                    png[i] = new pangkat06(nilai, pangkat);
                System.out.println(x:"=======
                System.out.println(x:"Pilih Metode:");
System.out.println(x:"1. Pangkat dengan Brute Force");
System.out.println(x:"2. Pangkat dengan Divide and Conquer");
                System.out.print(s:"Pilihan Anda: ");
                int pilihan = sc.nextInt();
                switch (pilihan) {
                    case 1:
                       System.out.println(x:"Hasil pangkat dengan Brute Force");
                        for (int i = 0; i < elemen; i++) {
                             System.out.println("Nilai " + png[i].nilai + " pangkat " + png[i].pangkat + " adalah: "
                                    + png[i].pangkatBF(png[i].nilai, png[i].pangkat));
                    case 2:
                        System.out.println(x:"Hasil pangkat dengan Divide and Conquer");
                         for (int i = 0; i < elemen; i++) {
    System.out.println("Nilai " + png[i].nilai + " pangkat " + png[i].pangkat + " adalah: "</pre>
                                     + png[i].pangkatDC(png[i].nilai, png[i].pangkat));
                         break;
                     default:
                         System.out.println(x:"Pilihan tidak valid!");
                         break;
```

```
Masukkan jumlah elemen yang ingin dihitung:
Masukkan jumlah elemen yang ingin dihitung:
                                                        Masukkan nilai yang akan dipangkatkan ke-1:
Masukkan nilai yang akan dipangkatkan ke-1:
                                                        Masukkan nilai pemangkat ke-1:
Masukkan nilai pemangkat ke-1:
                                                        Masukkan nilai yang akan dipangkatkan ke-2:
Masukkan nilai yang akan dipangkatkan ke-2:
                                                        Masukkan nilai pemangkat ke-2:
Masukkan nilai pemangkat ke-2:
                                                        Pilih Metode:
Pilih Metode:
                                                        1. Pangkat dengan Brute Force
1. Pangkat dengan Brute Force
                                                        2. Pangkat dengan Divide and Conquer
2. Pangkat dengan Divide and Conquer
                                                        Pilihan Anda: 2
Pilihan Anda: 1
                                                        Hasil pangkat dengan Divide and Conquer
Hasil pangkat dengan Brute Force
                                                        Nilai 6 pangkat 2 adalah: 36
Nilai 6 pangkat 2 adalah: 36
                                                        Nilai 4 pangkat 3 adalah: 64
Nilai 4 pangkat 3 adalah: 64
```



# 4.4 Menghitung Sum Array dengan Algoritma Brute Force dan Divide and Conquer

Di dalam percobaan ini, kita akan mempraktekkan bagaimana proses divide, conquer, dan combine diterapkan pada studi kasus penjumlahan keuntungan suatu perusahaan dalam beberapa bulan.

#### 4.4.1 Langkah-langkah Percobaan

1. Pada paket minggu5. Buat class baru yaitu class Sum. DI salam class tersebut terdapat beberapa atribut jumlah elemen array, array, dan juga total. Tambahkan pula konstruktor pada class Sum.

```
public int elemen;
public double keuntungan[];
public double total;
```

```
Sum(int elemen) {
    this.elemen = elemen;
    this.keuntungan=new double[elemen];
    this.total = 0;
}
```

2. Tambahkan method TotalBF() yang akan menghitung total nilai array dengan cara iterative.

```
double totalBF(double arr[]) {
    for (int i = 0; i < elemen; i++) {
        total = total + arr[i];
    }
    return total;
}</pre>
```

3. Tambahkan pula method TotalDC() untuk implementasi perhitungan nilai total array menggunakan algoritma Divide and Conquer

```
double totalDC(double arr[], int 1, int r){
   if(l==r)
      return arr[1];
   else if(l<r){
      int mid=(l+r)/2;
      double lsum=totalDC(arr,1,mid-1);
      double rsum=totalDC(arr,mid+1,r);
      return lsum+rsum+arr[mid];
   }
   return 0;
}</pre>
```

4. Buat class baru yaitu MainSum. Di dalam kelas ini terdapat method main. Pada method ini user dapat menuliskan berapa bulan keuntungan yang akan dihitung. Dalam kelas ini sekaligus dibuat instansiasi objek untuk memanggil atribut ataupun fungsi pada class Sum



```
Scanner sc = new Scanner(System.in);
System.out.println("==========");
System.out.println("Program Menghitung Keuntungan Total (Satuan Juta. Misal 5.9)");
System.out.print("Masukkan jumlah bulan : ");
int elm = sc.nextInt();
```

5. Karena yang akan dihitung adalah total nilai keuntungan, maka ditambahkan pula pada method main mana array yang akan dihitung. Array tersebut merupakan atribut yang terdapat di class Sum, maka dari itu dibutuhkan pembuatan objek Sum terlebih dahulu.

6. Tampilkan hasil perhitungan melalui objek yang telah dibuat untuk kedua cara yang ada (Brute Force dan Divide and Conquer)

#### 4.4.2 Verifikasi Hasil Percobaan

Cocokkan hasil compile kode program anda dengan gambar berikut ini.



#### 4.4.3 Pertanyaan

- Berikan ilustrasi perbedaan perhitungan keuntungan dengan method TotalBF() ataupun TotalDC()
  - O TotalBF(): to perform monthly profit increments one by one using looping.
  - TotalDC(): to split the profit array into two and calculate the total profit of each part recursively, then combine both parts as well as the profit of the middle element.
- Perhatikan output dari kedua jenis algoritma tersebut bisa jadi memiliki hasil berbeda di belakang koma. Bagaimana membatasi output di belakang koma agar menjadi standar untuk kedua jenis algoritma tersebut.
  - o To limit the output behind a comma, you can use 'String.format'.
- 3. Mengapa terdapat formulasi return value berikut?Jelaskan!

```
return lsum+rsum+arr[mid];
```

- Used to combine the total gain of the two parts of the array as well as the gain of the center element or combine stage.
- 4. Kenapa dibutuhkan variable mid pada method TotalDC()?
  - o is used to mark the midpoint when dividing the profit array into two parts in the 'totalDC()' method, in order to divide the subproblems into smaller ones.
- 5. Program perhitungan keuntungan suatu perusahaan ini hanya untuk satu perusahaan saja. Bagaimana cara menghitung sekaligus keuntungan beberapa bulan untuk beberapa perusahaan.(Setiap perusahaan bisa saja memiliki jumlah bulan berbeda-beda)? Buktikan dengan program!



```
BruteForceDivideConquer06 > week5 > J companyMain06.java > ...
        public class companyMain06 {
           public static void main(String[] args) {
                System.out.println(x:"===
                System.out.print(s:"Masukkan jumlah perusahaan: ");
                int jumlahPerusahaan = sc.nextInt();
               companyθ6[] perusahaan = new companyθ6[jumlahPerusahaan];
                for (int i = 0; i < jumlahPerusahaan; i++) {
                    System.out.println(x:"===
                    System.out.println("Perusahaan ke-" + (i + 1));
                    System.out.print(s:"Nama perusahaan: ");
                    String nama = sc.next();
System.out.print(s:"Jumlah bulan: ");
                   int jumlahBulan = sc.nextInt();
                    perusahaan[i] = new company06(nama, jumlahBulan);
                    for (int j = 0; j < jumlahBulan; j++) {
                       System.out.print("Masukkan keuntungan perusahaan untuk bulan ke-" + (j + 1) + ": "); double keuntungan = sc.nextDouble();
                        perusahaan[i].keuntungan[j] = keuntungan;
                System.out.println(x:"=====
                for (company06 p : perusahaan) {
                    System.out.println("Total keuntungan perusahaan " + p.nama + " adalah: " + p.totalKeuntungan());
                System.out.println(x:"========");
```

#### 4.5 Latihan Praktikum

Buatlah kode program untuk menghitung nilai akar dari suatu bilangan dengan algoritma Brute Force dan Divide Conquer! *Jika bilangan tersebut bukan merupakan kuadrat sempurna, bulatkan angka ke bawah.* 



```
BruteForceDivideConquer06 > week5 > J akar06.java > 😝 akar06
        public class akar06 🛚
            public double akarBruteForce(int n) {
                for (int i = 0; i <= n; i++) {
                        return i;
                return Math.floor(Math.sqrt(n)); // Bulatkan ke bawah jika bukan kuadrat sempurna
 12
            public double akarDivideConquer(int n) {
                return akarDC(n, start:0, n);
            private double akarOC(int n, double start, double end) {
               if (start <= end) {
                    double mid = (start + end) / 2;
                    double midSqr = mid * mid;
                    if (midSqr == n) {
                        return mid;
                    } else if (midSqr < n) {
                        return akarDC(n, mid + 1, end);
                    } else {
                        return akarDC(n, start, mid - 1);
                return Math.floor(end); // Bulatkan ke bawah jika bukan kuadrat sempurna
```