Matemática Discreta – Turma B – 2019

Somatórios

1) Prove que
$$\sum_{i=1}^{n} i = \frac{n(n+1)}{2}$$
.

2) Prove que
$$\sum_{i=1}^{n} i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$
.

3) Prove que
$$\sum_{i=1}^{n} i^{3} = \left[\frac{n(n+1)}{2} \right]^{2}$$
.

4) Prove que
$$\sum_{j=0}^{n-1} 2^j = 2^n - 1$$
.

5) Prove que
$$\sum_{k=1}^{n} (x_{k+1} - x_k) = x_{n+1} - x_1$$
 (soma telescópica).

6) Calcule
$$\sum_{k=1}^{n} k^2$$
 usando somas telescópicas.

7) Calcule
$$\sum_{k=1}^{n} k 2^{k-1}$$
.

- 8) Calcule a somatória $\sum_{k=0}^{n-1} (a+rk)$ cujas n parcelas são parte de uma progressão aritmética com termo inicial a e razão r arbitrários.
- 9) Calcule a somatória $\sum_{k=0}^{n-1} b^k$ para um número real b arbitrário diferente de 0 e 1. Observe que podemos escrever $b^k = \frac{b^{k+1} b^k}{b-1}$.
- 10) Calcule a somatória $\sum_{k=1}^{n-1} ar^k$ cujas n parcelas são parte de uma progressão geométrica com termo inicial a e razão r arbitrários.
- 11) Calcule a somatória $\sum_{k=1}^{n} \frac{1}{k(k+1)}$.