

《计算机系统》

实验二

班级：信安 2101

学号：202108060121

姓名：杨华

目录

1	实验项目一.....	3
1.1	项目名称.....	3
1.2	实验目的.....	3
1.3	实验资源.....	4
2	实验任务.....	5
2.1	实验任务 A.....	5
2.2	实验任务 B.....	6
3	总结.....	14
3.1	实验中出现的问題.....	14
3.2	心得体会.....	14

1 实验项目一

1.1 项目名称

1.2 实验目的

1) 替换 bits.c 中各个函数中的 return，格式要求如下所示：

```
int Funct(arg1, arg2, ...) {  
    /* brief description of how your implementation works */  
  
    int var1 = Expr1;  
    ...  
  
    int varM = ExprM;  
  
    varJ = ExprJ;  
  
    varN = ExprN;  
  
    eturn ExprR;  
}
```

其中，每一个“Expr”只能使用如下规则：

- ① 数字只能使用 0 到 255 (0xff)，不能使用像 0xffffffff 这样大的数字
- ② 函数参数和局部变量(没有全局变量)
- ③ 一元运算符：!~
- ④ 二元运算符：& ^ | + << >>

2.bits.c 中所给的 15 个函数都是缺失的，需要用上每个函数被允许的操作去实现所要求的功能。

3.下面的操作不被允许：

- ① 使用任何控制结构，如 if, do, while, for, switch 等。
- ② 定义或使用任何宏。
- ③ 在此文件中定义任何其他函数。

- ④ 调用任何库函数。
- ⑤ 使用任何其他的操作，如`&&`, `||`, `-`, or `?:`
- ⑥ 使用任何形式的 `casting`
- ⑦ 使用除 `int` 以外的任何数据类型。这意味着你不能使用数组、结构等。

对于需要你执行浮点运算的问题，编码规则较不严格。允许使用循环和条件控制也可以同时使用 `int` 和 `unsigned`。可以使用任意整数和无符号常量。

1.3 实验资源

利用学习通上下载的 `datalab-handout` 包

2 实验任务

2.1 实验任务 A

任务名称：实验说明

实验的目标是修改 `bits.c` 的副本, 以便它通过所有在 `btest` 中进行测试而不违反任何编码准则。

1、使用 `dlc` 编译器 (`./dlc`) 自动检查代码是否符合标准。

命令: `unix> ./dlc bits.c`

说明: 如果代码没有问题, `dlc` 会直接返回, 否则, 它会打印标记问题的消息。

命令: `unix> ./dlc -e bits.c`

说明: `dlc` 打印每个功能使用的操作员数量。

2、使用 `btest` 进行测试

命令: `unix> make btest`

`unix> ./btest` [可选命令行参数]

说明: 编译和运行 `btest` 程序 (每次更改 `bits.c` 都要执行 `make btest` 重新编译)。

命令: `unix> ./btest`

说明: 测试所有功能的正确性并打印出错误信息。

命令: `unix> ./btest -g`

说明: 以紧凑的形式测试所有功能、错误消息。

命令: `unix> ./btest -f foo`

说明：测试函数 foo 的正确性。

命令：unix> ./btest -f foo -1 27 -2 0xf

说明：用特定参数测试函数 foo 是否正确。

3. 助手程序

ishow 和 fshow 程序可以查看整数和浮点表示，都需要单个十进制或十六进制数作为参数。

要构建它们，执行命令：unix> make

示例用法：

unix> ./ishow 0x27

十六进制= 0x00000027，有符号= 39，无符号= 39

unix> ./ishow 27

十六进制= 0x0000001b，有符号= 27，无符号= 27

unix> ./fshow 0x15213243

浮点值 3.255334057e-26

位表示形式 0x15213243，符号= 0，指数= 0x2a，分数= 0x213243

标准化：+1.2593463659 X 2^(- 85)

linux> ./fshow 15213243

浮点值 2.131829405e-38

位表示形式 0x00e822bb，符号= 0，指数= 0x01，分数= 0x6822bb

标准化：+1.8135598898 X 2^(- 126)

2.2 实验任务 B

1) BitAnd

要求：只用~|实现 x&y

操作符限制：~|

操作符使用数量限制：8

思路：运用德摩根律

```
int bitAnd(int x, int y) {  
    return ~(~(x)|~(y));  
}
```

2) getByte

要求：取出 x 中的 n 号字节

编号从低位到高位从 0 开始

操作符使用数量限制：6

思路：将 x 右移 n*8 位之后取出低 8 位的值

```
int getByte(int x, int n) {  
    return (x >> (n << 3)) &255;  
}
```

3) logicalShift

要求：将 x 逻辑右移 n 位 ($0 \leq n \leq 31$)

操作符使用数量限制：20

思路：将 x 的最高位除去后右移 n 位（保证高位补 0），然后使用|操作符手动将最高位移动到的位置置上 x 的最高位。

```
int logicalShift(int x, int n) {  
    int a = 1 << 31;  
    return ((x & ~a) >> n) | (((x & a) << (32 - n)) >> n);  
}
```

4) bitCount

要求：统计 x 的二进制表示中 1 的数量

操作符使用数量限制：40

思路：利用二分法和掩码实现，下面是参考连接

1	0	1	1	0	0	0	1	0	1	1	0	1	0	1	0	0	0	1	0	1	1	0	0	1	0	1	0	1	1	0	0
01	10	00	01	01	01	01	01	00	01	10	00	01	01	10	00	0000	0100	0000	0100	0000	0011	0010	0010	0010	0010	0010	0010	0010	0010	0010	
0011	0001	0010	0010	0001	0010	0010	0010	0001	0010	0010	0010	0010	0010	0010	0010	0000	0100	0000	0100	0000	0011	0010	0010	0010	0010	0010	0010	0010	0010	0010	
0000	0100	0000	0100	0000	0100	0000	0100	0000	0100	0000	0100	0000	0100	0000	0100	0000	0100	0000	0100	0000	0100	0000	0100	0000	0100	0000	0100	0000	0100	0000	0100
0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000
0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0000

<https://stackoverflow.com/questions/3815165/how-to-implement-bitcount-using-only-bitwise-operators>

```
int bitCount(int x) {
    int mask1 = 0x55;
    int mask2 = 0x33;
    int mask3 = 0x0F;
    int result = 0;
    mask1 = mask1 | (mask1 << 8);
    mask1 = mask1 | (mask1 << 16);
    mask2 = mask2 | (mask2 << 8);
    mask2 = mask2 | (mask2 << 16);
    mask3 = mask3 | (mask3 << 8);
    mask3 = mask3 | (mask3 << 16);

    result = (x & mask1) + ((x >> 1) & mask1);
    result = (result & mask2) + ((result >> 2) & mask2);
    result = (result & mask3) + ((result >> 4) & mask3);
    return (result + (result >> 8) + (result >> 16) + (result >> 24)) & 0xff;
}
```

5) bang

要求：不使用!实现!操作符

操作符限制：~ & ^ | + << >>

操作符使用数量限制：12

思路：

!操作符的含义是 0 变为 1，非 0 变为 0，我们自然可以想到要做的是区分非零和零，零相对的非零数有一个非常明显的特征是-0=0，而对于非零数，取负后必定是一正一负而不可能相等，利用这一点，可以得出非零数与它的相反数进行|运算后符号位一定为 1，我们将符号位取出并取反就可以返回正确的值。

```
int bang(int x) {
    int op=~x+1;//the opposite of the two's complement
    return 1&(1^((x|op)>>31));
}
```

6) tmin

要求：返回补码表示的整型的最小值

操作符使用数量限制：4

思路：按照补码的权值理解，只要将权为-32 的位置为 1 即可


```
int tmin(void) {
    return 1<<31;
}
```

7) fitBits

要求：如果 x 可以用 n 位补码表示则返回 1，否则返回 0

$1 \leq n \leq 32$

操作符使用数量限制：15

思路：

如果 x 可以用 n 位补码表示，那么左移多余的位的个数后再右移回来的数值一定与原值相等，这个方法利用了左移后溢出的位会被丢弃，而右移回来时的是补符号位，如果丢弃了 1 或者右移时补的是 1 都会导致值的改变，而这两种情况也正说明了 x 不可以只用 n 位补码表示。

```
int fitsBits(int x, int n) {
    int temp = n+0xffffffff; //n+0xffffffff指n-1，全1在机器中表示-1。
    int tempx = x >> temp;    //x右移n-1位
    return (!tempx|!(tempx+1)); //判断是否全为0或全为1
}
```

8) divpwr2

要求：计算 $x/(2^n)$ $0 \leq n \leq 30$ 结果向零取整

操作符使用数量限制：15

思路：对于正数，直接将 x 右移 n 位，如果是负数，如果能整除则不用，如果不能整除则要加一。

```
int divpwr2(int x, int n) {
    int a=1<<31;
    int isnegative=!(a&x);
    int divisible=(!((~(a >> (32 + ~n))) & x));
    return (x>>n)+(isnegative&divisible);
}
```

9) negate

要求：计算 $-x$

操作符使用数量限制：5

```
int negate(int x) {
    return ~x+1;
}
```

10) isPositive

要求：如果 x 大于 0 返回 1，否则返回 0

操作符使用数量限制：8

思路：检测符号位与 x 是否为 0 即可。

```
int isPositive(int x) {
    int temp = (x>>31) & 0x1; //取符号位
    int ans = !( temp | !x ); //判断是否为负数或0
    return ans;
}
```

11) isLessOrEqual

要求：如果 x 小于等于 y 则返回 1，否则返回 0

操作符使用数量限制：24

思路：首先取 x, y 的符号位判断是否同符号，再计算 y-x，如果不同符号直接和 signx 相与
如果相同符号则看 y-x 的结果

```
int isLessOrEqual(int x, int y) {
    int signx = (x >> 31) & 0x1; //取x的符号位
    int signy = (y >> 31) & 0x1; //取y的符号位
    int isSameSign = !(signx ^ signy); //对符号位异或取反，判断是否相同
    int p = !((~x)+1+y) >> 31; //计算y-x，并取结果的符号位p为1表示x<=y(x, y同号)
    return ((isSameSign & p) | ((~isSameSign) & signx));
}
```

12) ilog2

要求：返回 x 求以 2 为底的对数的结果 向下取整

操作符使用数量限制：90

思路：因为 x 一定为正数，则先找到最高位的一将其后面全部填充为一，再用 bitcount 的二分法计算出全部的一的数量，log2 的结果即为数量减一

```
int ilog2(int x) {
    int result=0;
    int mask1=0x55;
    int mask2=0x33;
    int mask3=0x0F;
    x=x|(x>>16);
    x=x|(x>>8);
    x=x|(x>>4);
    x=x|(x>>2);
    x=x|(x>>1);
    mask1 = mask1 | (mask1 << 8);
    mask1 = mask1 | (mask1 << 16);
    mask2 = mask2 | (mask2 << 8);
    mask2 = mask2 | (mask2 << 16);
    mask3 = mask3 | (mask3 << 8);
    mask3 = mask3 | (mask3 << 16);
    result = (x & mask1) + ((x >> 1) & mask1);
    result = (result & mask2) + ((result >> 2) & mask2);
    result = (result & mask3) + ((result >> 4) & mask3);
    result = (result + (result >> 8) + (result >> 16) + (result >> 24)) & 0xff;
    return result+~1+1;
}
```

13)float_neg

要求：返回-f 的位级表示

本题及以下所有的题目都采用 unsigned int 来存放位级表示

所有的浮点类型都为 float

如果输入为 NaN，返回 NaN

操作符使用数量限制：10

思路：对于一般的浮点数，我们只需要对它的符号位取反就可以了。需要特殊处理的只是无穷与 NaN 这两种非规格化的情况

```
unsigned float_neg(unsigned uf) {
    unsigned result=uf^(1<<31); //change the sign bit
    if ((uf & 0x7F800000) == 0x7F800000 && (uf & 0x007FFFFF)) {
        result = uf;
    }
    return result;
}
```

14) i2f

要求：实现由 int 到 float 的类型转换

操作符使用数量限制：30

```

unsigned float_i2f(int x) {
    unsigned ux=x, sign=ux>>31, carry=0;
    int d=0;
    if(!x) return 0;
    if(sign) //negative
    {
        x=-x+1;
        ux=x;
    }
    while(!(x&0x80000000))
    {
        x<<=1;
        d++; //the closest 1
    }
    ux<<=(d+1); //frag

    carry=((ux&0x1FF)>0x100)|((ux&0x300)==0x300);
    return (sign<<31)+(((31-d+127)<<23)+(ux>>9)+carry);
}

```

15)float_twice

要求：返回 2*f 的位级表示

操作符使用数量限制：30

思路：先考虑特殊值，如果是特殊值直接返回即可，再考虑非规格数，左移动一位然后保留符号位，如果是规格化数，直接阶码加一

```

unsigned float_twice(unsigned uf) {
    if((uf&0x7f800000)==0x7f800000)
        return uf; //special number
    else if(!(uf&0x7f800000)) //subnormal number
        return (uf<<1)|(uf&0x80000000); //directly mul 2 and care of the sign bit
    else //normal number
        return uf+0x00800000; // E directly plus 1
}

```

运行成功界面

```

ubuntu@ubuntu:~/datalab-handout$ ./dlc -e bits.c
dlc:bits.c:143:bitAnd: 4 operators
dlc:bits.c:160:getByte: 3 operators
dlc:bits.c:172:logicalShift: 11 operators
dlc:bits.c:196:bitCount: 31 operators
dlc:bits.c:207:bang: 6 operators
dlc:bits.c:216:tmin: 1 operators
dlc:bits.c:231:fitsBits: 7 operators
dlc:bits.c:246:divpwr2: 14 operators
dlc:bits.c:256:negate: 2 operators
dlc:bits.c:268:isPositive: 5 operators
dlc:bits.c:282:isLessOrEqual: 15 operators
dlc:bits.c:312:ilog2: 44 operators
dlc:bits.c:330:float_neg: 6 operators
dlc:bits.c:360:float_i2f: 23 operators
dlc:bits.c:379:float_twice: 8 operators

```

```
ubuntu@ubuntu:~/datalab-handout$ make btest
gcc -O -Wall -m32 -lm -o btest bits.c btest.c decl.c tests.c
btest.c: In function 'main':
btest.c:528:9: warning: variable 'errors' set but not used [-Wunused-but-set-variable]
ubuntu@ubuntu:~/datalab-handout$ ./btest
Score  Rating  Errors  Function
1      1        0    bitAnd
2      2        0    getByte
3      3        0    logicalShift
4      4        0    bitCount
4      4        0    bang
1      1        0    tmin
2      2        0    fitsBits
2      2        0    divpwr2
2      2        0    negate
3      3        0    isPositive
3      3        0    isLessOrEqual
4      4        0    ilog2
2      2        0    float_neg
4      4        0    float_i2f
4      4        0    float_twice
Total points: 41/41
```

3 总结

3.1 实验中遇到的问题

1. 一开始对 `int` 的存储和 $-x = \sim x + 1$ 的性质没有深入的了解，做题很困难，上网查阅才逐渐掌握
2. 在做 `bitCount` 时，不理解题目的做法，查阅网上解法才理解这个精妙的算法

3.2 心得体会

这个实验综合性很高，通过这个实验锻炼了我的思维能力和编程能力，同时通过这个实验，我更加深刻的理解了在底层数据是如何被存储和操作的，收获很大。