

Contents

Tabla de Conversion ..... 2

UNIFICACION DE UNA VARIABLE ..... 3

**Recuerde** ..... 3

MODUS PONENS ..... 4

SHORT – CUT (Corto Circuito)..... 4

EL MODUS TOLLENS ..... 5

Usaremos el MT Algebraicamente (con letras)..... 5

Disparo(shoot) de una regla..... 5

Silogismo disyuntivo (SD) ..... 5

Metodo Rapido (MT + SD)..... 6

MT usando Factores Boole..... 6

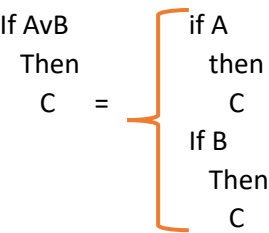
Negacion de los OPREL’s (operadores relacionales)..... 7

Algoritmos de encadenamiento (chaining algorithm’s) ..... 7

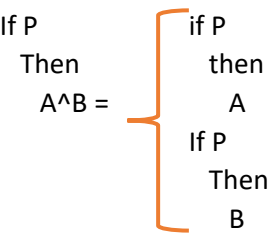
    Forward Chainind (FWC) ..... 7

Tabla de Conversion

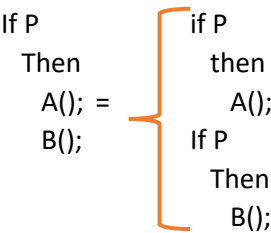
- Si el v esta en la premisa



- Si el ^ esta en la conclusion



Si el ^ esta en la conclusion



- Si el v esta en la conclusión

If P  
Then  
AvB

Una regla

If P  
Then  
Q

Expresa una implicación tautológica: P ⇒ Q

```
/*  
    p="estudio"          q="apruebo"  
    p →q = si estudio entonces apruebo  
    La implicación puede ser true o false  
  
    P = me saco 51      q=apruebo la materia  
    p ⇒q = si me saco 51 entonces apruebo la materia  
    La implicación es tautológica (siempre true)  
*/
```

Entonces la regla

If P  
Then  
AvB

Sera: p ⇒(AvB)

Nota. Cuando los conectivos son los mismos se quita los paréntesis, cason contrario no, se usa la distribución.

=¬(p^¬A)vB= // ¬ αvβ =α→β  
=(p^¬A) →B

If p^¬A  
Then  
B

Pero también se puedo haber hecho esto

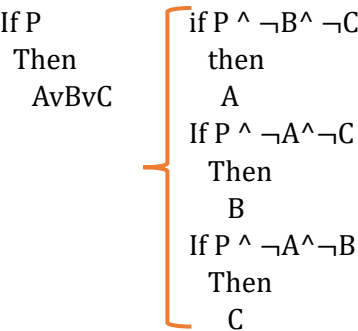
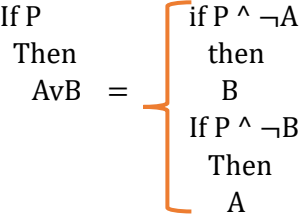
¬pvAvB= Conmutativa  
=¬pvBvA Ley de morgan  
=¬(p^¬B)vA // ¬ αvβ =α→β  
=(p^¬B) →A

Escribiendo sin la doble línea

p →(AvB) = // α→β = ¬ αvβ  
=¬pv(AvB)  
=¬pvAvB

If p^¬B  
Then  
A

Resumiendo.

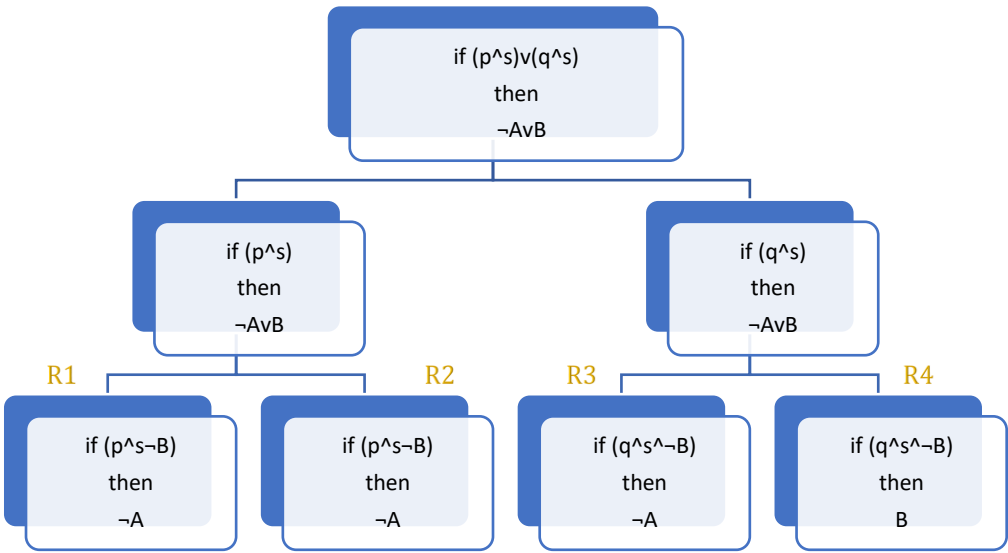


(.) Convertir a reglas esenciales las siguientes regla R  
R) if (¬p→q)^s  
Then  
A→¬B

Solucion:  
Lo que hace es convertir la premisa a FND y la conclusión a FNC, para luego aplicar la tabla de conversión (usando el arbol)

Premisa		Conclusion
=(¬p→q)^s	$\alpha \rightarrow \beta = \neg \alpha \vee \beta$	= A→¬B
=(p∨q)^s	Distributividad	$\alpha \rightarrow \beta = \neg \alpha \vee \beta$
=(p^s)∨(q^s)	FND de 2 minterm	= ¬AvB

La regla R queda  
R) if (p^s)∨(q^s)  
Then  
¬AvB



R = {R1, R2, R3, R4}

## UNIFICACION DE UNA VARIABLE

La asignacion en un lenguaje procedimental  
X = 55  
X = 80 //x=~~55~~ 80  
La asignación puede cambiar su valor con la asignación (=)

Cuando la variable se unifica con un valor, la variable **es** ese valor  
xU = 80 //xU = x unificada a 80

Ahora x ya no puede unificarse a otro valor  
xU = 90 //ERROR

Un hecho sintácticamente tiene la forma de una conclusión de regla: var=valor  
La Base de hechos (BH) es una lista de hechos, **por ejemplo**:  
BH = {x=30, Edad=25, Presion=Alta}  
(La base de hecho no tiene hechos repetidos)

La BH también nos dice:

- Que variables están unificadas, **e.g.** x, Edad, Presion.
- ¿Qué variables no están unificadas?




Recuerde.

- Si una variable esta en la BH, la variable esta unificada.
- Si una variable no esta en la BH, la variable NO esta unificada y vale null.

BH = [p=alta, z=0]  
BH.add(temp=baja) //lo inserta sin problemas  
BH = [p=alta, z=0, temp=baja]  
BH.add(z=0) //ya esta en la BH, no pasa nada  
BH.add(p=media) //no se puede puede modificar(contrdiccion), halt=Error=Exception  
BH = [p=alta, z=0, temp=baja]

MODUS PONENS

p →q    true                    //si me traes chocoflan entonces voy al cine  
p    .    true  
q

if p  
    then                                BH = [., ., ...]  
        va=valor      
**R1) if** (nubes ≠ estratos    ^    x<20)  
    Then                                  
        Presion=baja    ⇒ Presion=baja  
BH = [nubes=cirros, x=10]

**R2) if** ¬p^q^s  
    Then  
BH = [s, t, q, ¬p]                    ¬m


**R3) if** ¬p^q^s  
    Then                                //no hay q  
q  
BH = [s, t, r, ¬p]



**R4) if** ¬p^q^m  
    Then  
z  
BH = [s, t, q, ¬m]                    //no hay m ≠¬m


SHORT – CUT (Corto Circuito)

```
v [ | | | ]    v.length  
  0 1 2 3  
l=0;  
While(l < v.length && v[i] != 0) {  
    l++;  
}  
  
While(v[i] != 0 && i < v.length) { //esto es un ERROR  
    l++;  
}
```

El MP es un SE, testea la premisa sin usar short cut.  
Si alguna variable de la premisa no esta unificada, no se testea el MP

**Ejemplo:**  
**R) if** Q>0 ^ P=a                    //P no esta unificada, NI siquiera testeo  
    Then                                //R⇒MP  
        M=si  
BH = [Q=20, s=a, ..]

**R) if** p<0 ^ z<>b                    //la premisa no se valida (no es true)  
    Then                                //R⇒MP  
        M=si  
BH = [p=4, z=c, ..]  
Como las variables de la premisa (p y q) estan unificadas, testeo el MP

El que mas confunde es el “v”  
**R) if** Q<>0 v z<>0 v P=a                    //z no esta unificada, NO TESTEO el MP  
    Then                                //R⇒MP  
        Tiempo=frio  
BH = [Q=8, P=a, ..]

Si la BH niega la conclusión, entonces se concluye la negación de la premisa.

Then  $R_{MT} \Rightarrow \neg P$

$$BH = [\neg Q, \dots]$$
$$\text{BH: } \frac{P \rightarrow Q \quad P}{Q} \quad (\text{MP})$$
$$\begin{array}{r} P \rightarrow Q \\ \text{BH: } \underline{\neg Q} \\ \neg p \end{array}$$

(.) Realizar el MT con la regla R y la BH dada.

$$R_{MT} \Rightarrow A$$

(.) Realizar el MT entre la regla R y la BH dada.

Pero  $\neg PvQ$  no puede insertarse (add) a la BH

Recordemos que la BH solo tiene literales (letra o negación de letra)

 $\ast/$ 

Se dice que una regla R dispara una conclusión c, anotado:  $R \Rightarrow c$

En el ejemplo anterior, se hizo el MT, pero lo obtenido ( $\neg PvQ$ ) no puede insertarse a la BH.

Then

$$R_{MT} \Rightarrow \neg (\neg s \wedge t \wedge \neg q) \equiv s \vee \neg t \vee q$$

$$R_{MT} \Rightarrow \neg (\neg p) \equiv p$$

BH:  $\neg p$ .

BH: s,  $\neg$ t.

BH: q, s.

q

p

$$q \vee p$$

Solucion:

$R \Rightarrow \neg(q \wedge \neg s \wedge t) \equiv \neg q \vee s \vee \neg t$

Usando Silogismo Disyuntivo


$\neg q \vee s \vee \neg t$   
BH: s, q, t.

s //Esto se add a la BH

(.) Haga el MT con

R) if  $\neg A \wedge P \wedge Q$

Then

  
BH: [ $\neg w, \neg P, \neg A$ ]

Solucion

$R \Rightarrow (\neg A \wedge P \wedge Q) \equiv A \vee \neg P \vee \neg Q$

BH: [ $\neg w, \neg P, \neg A$ ].  
 $\neg P, \neg Q$

//Esto no puede add a la BH

$\therefore R_{MT} \Rightarrow$

## Metodo Rapido (MT + SD)

//Solo funciona para reglas simples


```
/*
    If minterm
    Then
        c
*/
```

Ejemplos:

(.) Usando el MT rapido

R) if  $\neg A \wedge P \wedge s \wedge w$


Then

  
BH = [ $\neg c, \neg A, s, w$ ]

(.) Usando el MT rapido

R) if  $\neg p \wedge q \wedge \neg s$

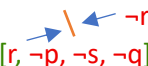
Then

  
BH = [ $\neg s, q$ ]

(.) Si se validan todos

R) if  $\neg p \wedge \neg q \wedge \neg s$

Then

  
BH = [ $r, \neg p, \neg s, \neg q$ ]

Solucion:

Hemos validado todos los literales de la premisa, EXCEPTO UNO (p), son validas.

$\therefore$  Concluyo la negacion del que falto validar:  $R_{MT} \Rightarrow \neg p$

Solucion:

Para aplicar el MT, SOLO UNO debe quedarse sin validar, pero aquí hay 2 ( $\neg p$  y  $\neg s$ )

$\therefore R_{MT} \Rightarrow$

Solucion:

Todos los literales de la premisa han sido validados (No hay ninguno sin validar)

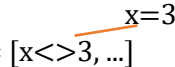
$\therefore R_{MT} \Rightarrow$

## MT usando Factores Boole

(Utilizamos el MT)

If p

Then

  
BH = [ $x < 3, \dots$ ]

Solucion

No se puede colocar  $x \neq 3$ , debe ser:  $\text{var} = \text{valor}$

¿Cuando hay contradiccion entre una conclusión de una regla y un hecho?

Hay contradicción, cuando la conclusión y un hecho tienen la misma variable, pero diferentes valores.

Ejemplo:

R) if  $\neg p$

Then

  
BH = [ $\text{var} = \text{valor2}$ ]

Solucion:

$\text{var1} \neq \text{var2}$

Negacion de los OPPREL’s (operadores relacionales)

$$\neg(A \neq B) \equiv A = B$$
$$\neg(A = B) \equiv A \neq B$$

$$\neg(A < B) \equiv A \geq B$$
$$\neg(A > B) \equiv A \leq B$$

$$\neg(A \geq B) \equiv A < B$$
$$\neg(A \leq B) \equiv A > B$$

(.) Usando el MT, haga el MT con la regla R y la BH dada

R) if  $p > 0 \wedge R < > a \wedge z < > 10$

Then

$Q = b$

BH = [ $Q = c, p = 20, z = 5$ ]

**Solucion**

El literal (Factor Boole),  $R < > a$  no se valida con la BH

$R_{MT} \Rightarrow \neg(R \neq a) \equiv R = a$

$\therefore R_{MT} \Rightarrow R = a$

Sin embargo, muchas veces el MT puede arrojar factores Boole, que no pueden add a la BH

Por ejemplo:

R) if  $Q > 0 \wedge P = alta \wedge Temp > 100$

Then

$x = 20$

BH = [ $x = 10, Q = 50, P = alta$ ]

**Solucion**

Usando el MT

$R_{MT} \Rightarrow \neg(Temp > 100) \equiv Temp \leq 100$ , esto no es un hecho

$\therefore$  No se puede add a la BH

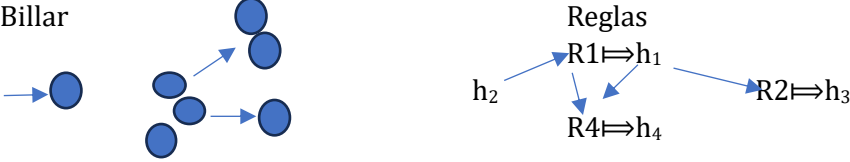
/\*  
    *Recuerde. Un hecho es: var=valor*  
\*/  
 ~~$\therefore R_{MT} \Rightarrow$~~

Al tener el Mt muchos inconvenientes, los SE solo usan el MP.  
Para subsanar esto, utilizan algoritmos del motor de inferencia, llamando Backward-Chaining (BWC).

Algoritmos de encadenamiento (chaining algorithm’s)

//Algoritmos de redaccion en cadenas  
Se los llama asi porque el disparo de una regla, puede hacer disparar otras reglas.

Ejemplo:



Existen 2 “criterios” para el encadenamiento.

- FWC (en profundidad)
- BWC (en anchura)

Forward Chainind (FWC)