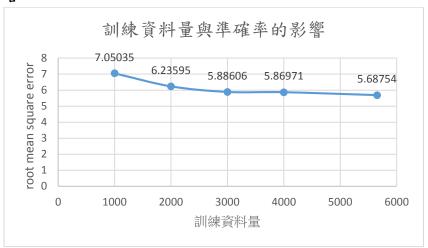
學號:B03505027 系級: 電機三 姓名:劉亦浚

## 1. 請簡明扼要地闡述你如何抽取模型的輸入特徵(feature) 答:

在抽取模型 feature 方面,我抽取了 PM2.5、PM10、03、NO2、RAINFALL、WIND\_SPEED 等 feature,其中 PM2.5 包含前九小時的一次項與前四小時的二次項,PM10 包含前四小時的一次項與前兩小時的二次項,03 取前三小時的一次項,剩餘 NO2、RAINFALL、WIND\_SPEED 皆取前兩小時的一次項,共取了 28 筆 data 作為 feature。

## 2. 請作圖比較不同訓練資料量對於 PM2. 5 預測準確率的影響 答:



取了1000、2000、3000、4000、5652等不同資料量來 train,其對照的 root mean square error 為 Kaggle 上的分數。可看到1000與2000的結果差 距頗大,而後來結果則漸漸收斂趨於平緩,因此取了太少資料量會造成預估的不準確性;則取大量的資料量雖可增加準確性但確有限且耗費較多時間,所以選取適當的資料量即可。

## 3. 請比較不同複雜度的模型對於 PM2.5 預測準確率的影響 答:

最開始只取前九小時的 PM2.5 一次項,出來的 training error 就不甚理想,此 model 過於簡單,此為 underfitting 的結果;再來取了全部指標的前九小時一次項, training error 較好,但其 testing error 頗差, model 過於複雜,此為 overfitting 所造成。由前面兩種結果,決定有些指標就不抽取(因為不一定每個指標都與 pm2.5 有關),其 testing error 也降低許多,再做進

一步修正,最後採取有些指標不取滿九個小時(因為有些指標太久以前的數據應與第十小時的pm2.5 較無關係,會造成不必要的誤差)且與第十小時pm2.5 較有相關的指標如pm2.5、pm10 會加上前幾小時的二次項來增加預測的準確率,因此最後所決定的 model 就沒有 underfitting 與 overfitting 的問題,而是處於適中狀態的 model。

## 4. 請討論正規化(regularization)對於 PM2.5 預測準確率的影響 答:

理論上採取正規化的方法會使回歸線更加平滑且有更好的 result,當我取了全部指標且都九小時的 feature 時,使用正規化( $\lambda=1000$ )時會有不錯的 result;但當我抽取部份指標且只有部份時數的 feature 時,使用正規化並沒 有太大的幫助甚至使 result 更差,所以最後我並沒有採取正規化的方法,因此 我想在 overfitting 時(model 過於複雜),正規化應該會有不錯的效果。

5. 在線性回歸問題中,假設有 N 筆訓練資料,每筆訓練資料的特徵 (feature) 為一向量  $x^n$ ,其標註(label)為一存量  $y^n$ ,模型參數為一向量 w (此處忽略偏權值 b),則線性回歸的損失函數(loss function)為  $\sum_{n=1}^N (y^n - w \cdot x^n)^2$ 。若將所有訓練資料的特徵值以矩陣  $X = [x^1 \ x^2 \ \cdots \ x^N]$  表示,所有訓練資料的標註以向量  $y = [y^1 \ y^2 \ \cdots \ y^N]^T$ 表示,請以 X 和 y 表示可以最小化損失函數的向量 w 。

答:

以 y'表示 train 出來的答案向量,因此 y'= Xw,此時 loss function 即可寫成 L =  $(y - y')^T(y - y') = (y - Xw)^T(y - Xw)$ 。

$$\frac{\delta L}{\delta w} = 2X^T(y - Xw) = 2X^Ty - 2X^TXw$$
 Let  $2X^Ty - 2X^TXw = 0$  ,  $X^Ty = X^TXw$  ,  $w = (X^TX)^{-1}X^Ty$