學號:B03902017 系級:資工四 姓名:曹峻寧

請實做以下兩種不同feature的模型,回答第 (1)~(3) 題:

- 1.抽全部9小時內的污染源feature的一次項(加bias)
- 2.抽全部9小時內pm2.5的一次項當作feature(加bias)

備註:

- a. NR請皆設為0,其他的數值不要做任何更動
- b. 所有 advanced 的 gradient descent 技術(如: adam, adagrad 等) 都是可以用的。
- 1. (2%)記錄誤差值 (RMSE)(根據kaggle public+private分數),討論兩種feature的影響。

Model	Training	Valid	Public Test	Private Test	Public+Private
M1 (163維)	5.62916	6.17541	7.52838	5.33626	12.86464
M2 (10維)	6.12302	6.5835	7.35774	5.71235	13.07009

以上皆有使用 adagrad, Iterations 數皆為 5 萬。Training 跟 Valid Data 分別有4692 跟 948 筆。

可以發現當 feature 較多時(M1),Training 的 Loss 會較低,因為 M2 其實算是 M1 的子集,較複雜的 model 能比較 fit Training 算是很合理。但在 Public Test 上,M1 反而表現得較差,直覺上會猜想是不是 M1 太過複雜導致了 overfitting?但從 Valid 來看又似乎不是如此,畢竟 M2 在 Valid 也表現較差,甚至從 Private Test 也可以看見 M2 比較差的結果(不過綜合而言,M1表現還是略優於 M2。)

我的推測是,兩種 Test 都只有各 120 筆測資太少了,很有可能 Test Data 其實是很 bias 的,這樣未必能從 Test Data 的成績好壞判斷 Model 的優劣了。(事實上,在我自己的嘗試中,如果只切 120 筆當 Valid,切的資料不同能讓 RMSE 從 5 浮動到 8,可見其影響之劇烈)。

2. (1%)將feature從抽前9小時改成抽前5小時,討論其變化。

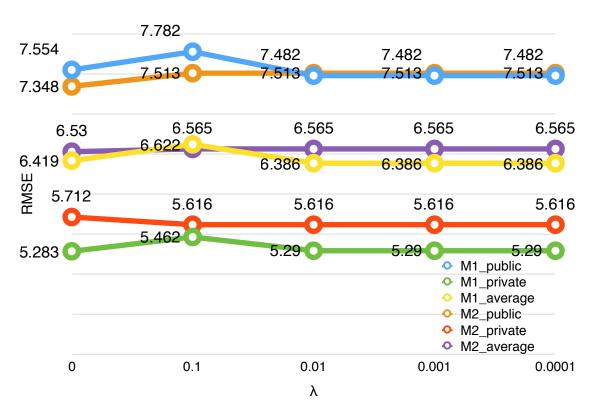
Model	Training	Valid	Public Test	Private Test	Public+Private
M1 (91維)	5.77981	6.17824	7.49682	5.28841	12.78522
M2 (6維)	6.1902	6.59914	7.28201	5.8186	13.10061

改為抽5小時後,最直觀的影響就是Training Data變多了(變為4740筆),但 Training 跟 Valid 都變差了一點,有可能是因為 feature 維度下降,變相降低了 model的 複雜度。

學號:B03902017 系級:資工四 姓名:曹峻寧

至於 Testing 的成績改變有高有低,M1 整體表現變佳了、M2則相反。推測跟第 1 題狀況類似,即 Test 太少不容易判斷 Model 改變對其造成的影響。

3. (1%)Regularization on all the weight with λ =0.1 $^{\circ}$ 0.001 $^{\circ}$ 0.0001 $^{\circ}$ 並作圖 $^{\circ}$



可以發現 regularization 對於這次的 work 沒有什麼幫助,甚至可能造成傷害。 推測 regularization 的效果有被 adagrad 抵銷、因此影響不大,至於為什麼反 而可能變差,除了推測 model 並沒有 overfit 外,也可能跟 Test Data 的性質有 關。

4. (1%)在線性回歸問題中,假設有 N 筆訓練資料,每筆訓練資料的特徵 (feature) 為一向量 x^n ,其標註(label)為一純量 y^n ,模型參數為一向量w (此處 忽略偏權值 b),則線性回歸的損失函數(loss function)為 $\sum_{n=1}^{N} (y^n - x^n \cdot w)^2$ 。若將所有訓練資料的特徵值以矩陣 $X = [x^1 \ x^2 \ ... \ x^N]^T$ 表示,所有訓練資料的標註以向量 $y = [y^1 \ y^2 \ ... \ y^N]^T$ 表示,請問如何以 X 和 y 表示可以最小化損失函數的向量 w ?請寫下算式並選出正確答案。(其中XTX為invertible)

Ans: (c)
$$(X^TX)^{-1}X^Ty$$

Let $y - X \cdot w = 0$,
Then $w = X^{-1}y = X^{-1}((X^T)^{-1}X^T)y = X^{-1}(X^T)^{-1}X^Ty = (X^TX)^{-1}X^Ty$