ИК "Допълнение към курса по ДИС за компютърни специалности" СИ, 2024-2025 учебна година

Курсова задача №1

Дадена е рекурентната редица $\{a_n\}_{n=1}^{\infty}$, където за всяко $n \in \mathbb{N}, a_{n+1} = F(a_n)$ и $a_1 = \lambda$.

- а.) Изследваите за сходимост редицата $\{a_n\}_{n=1}^{\infty}$ в зависимост от λ ;
- б.) Напишете програма, която по зададен първи член връща отговор колко е границата и по зададени пет достатъчно големи индекса извежда съответните членове на редицата с добра точност.
 - $F(x) = \frac{2x^2 + x + 6}{x + 6}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -6.$ $F(x) = \frac{2x^2 + x + 2}{x + 4}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -4.$ 1.
 - 2.
 - $F(x) = \frac{3x^2 + x + 2}{x + x}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in \mathbb{R}, \ \lambda \neq -5.$ 3.
 - $F(x) = \frac{1}{x+5}$, a $\lambda \in R$, $\lambda \neq -3$. $F(x) = \frac{2x^2 5x + 20}{x+4}$, a $\lambda \in R$, $\lambda \neq -4$. 4.
 - $F(x) = \frac{2x^2 5x + 10}{x + 2}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -2.$ $F(x) = \frac{3x^2 4x}{x + 4}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -4.$ **5**.
 - 6.
 - $F(x) = \frac{4x^2 6x + 3}{x^2 x + 1}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R.$ 7.
 - $F(x) = \frac{1}{x^2 x + 1}, \mathbf{a} \ \lambda \in R.$ $F(x) = -\frac{4x^2 + 6x + 3}{x^2 + x + 1}, \mathbf{a} \ \lambda \in R.$ 8.
 - $F(x) = \frac{2x^2 + 17}{x 9}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 9.$ 9.
 - $F(x) = \frac{3x^2 + 4x}{x 4}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 4.$ 10.
 - $F(x) = \frac{2x^2 + 5x + 10}{x 2}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 2.$ 11.
 - $F(x) = \frac{2x^2 + 5x + 20}{x}$, **a** $\lambda \in R$, $\lambda \neq 4$. **12**.
 - $F(x) = \frac{3x^2 x + 2}{x 5}$, **a** $\lambda \in R$, $\lambda \neq 5$. 13.
 - $F(x) = \frac{2x^2 x + 2}{x 4}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 4.$ 14.
 - **15.**
 - $F(x) = \frac{x-4}{x+6}, \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -6.$ $F(x) = \frac{2x^2 + x + 6}{x+6}, \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 6.$ $F(x) = \frac{3x^2 x + 2}{x-5}, \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 5.$ 16.
 - 17.
 - $F(x) = \frac{2x^2 3x + 12}{x 10}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 10.$ $F(x) = -\frac{3x^2 x}{x^2 x + 1}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R.$ 18.
 - 19.
 - 20.
 - $F(x) = \frac{3x^2 x + 6}{x 9}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 9.$ $F(x) = \frac{2x^2 x + 4}{x 6}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 6.$ 21.
 - $F(x) = \frac{2x^2 + 2x + 24}{x + 12}$, **a** $\lambda \in R$, $\lambda \neq -12$. $F(x) = \frac{2x^2 + 2x + 8}{x + 8}$, **a** $\lambda \in R$, $\lambda \neq -8$. 22.
 - 23.
 - $F(x) = \frac{2x^2 + 2x + 6}{x + 8}$, **a** $\lambda \in R$, $\lambda \neq -8$. $F(x) = \frac{3x^2 + 2x + 4}{x + 10}$, **a** $\lambda \in R$, $\lambda \neq -10$. $F(x) = \frac{2x^2 10x + 80}{x + 8}$, **a** $\lambda \in R$, $\lambda \neq -8$. 24.
 - **25**.
 - $F(x) = \frac{2x^2 10x + 40}{x + 4}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -4.$ $F(x) = \frac{3x^2 8x}{x + 8}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -8.$ 26.
 - 27.
 - $F(x) = \frac{2x^2 + 68}{x + 18}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -18.$ $F(x) = \frac{8x^2 24x + 24}{x^2 2x + 4}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R.$ 28.
 - 29.
 - $F(x) = -\frac{8x^2 + 24x + 24}{x^2 + 2x + 4}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R.$ 30.
 - $F(x) = \frac{3x^2 + 8x}{x 8}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 8.$ 31.
 - $F(x) = \frac{2x^2 + 10x + 40}{x 4}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 4.$ 32.
 - $F(x) = \frac{2x^2 + 10x + 80}{x^2}$, **a** $\lambda \in R$, $\lambda \neq 8$. 33.
 - 34.
 - $F(x) = \frac{3x^2 2x + 8}{x 10}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 10.$ $F(x) = \frac{2x^2 5x + 15}{x 13}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 13.$ **35.**

- 36.
- $F(x) = \frac{2x^2 2x + 24}{x 12}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 12.$ $F(x) = \frac{3x^2 + 2x + 8}{x + 10}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -10.$ $F(x) = \frac{2x^2 6x + 48}{x 20}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 20.$ $F(x) = -\frac{6x^2 + 4x}{x^2 2x + 4}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R.$ 37.
- 38.
- 39.
- $F(x) = \frac{7x^2 + 5x 7}{x + 4}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -4.$ **40**. $F(x) = \frac{1}{x+4}, \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -4$ $F(x) = \frac{4x^2 - 3x - 24}{x-2}, \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 2.$
- 41.
- $F(x) = \frac{2x^2 + 4x + 2}{x + 7}$, **a** $\lambda \in R$, $\lambda \neq -7$. **42**.
- 43.
- $F(x) = \frac{2x^2 + 2x}{x + 7}$, **a** $\lambda \in R$, $\lambda \neq -7$. $F(x) = \frac{2x^2 + 7x}{x + 8}$, **a** $\lambda \in R$, $\lambda \neq -8$. $F(x) = \frac{2x^2 2x + 12}{x + 5}$, **a** $\lambda \in R$, $\lambda \neq -5$. 44.
- $F(x) = \frac{2x^2 5x + 20}{x + 4}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -4.$ $F(x) = \frac{2x^2 8x + 30}{x + 3}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -3.$ **45**.
- **46**.
- $F(x) = \frac{2x^2 11x + 42}{x + 2}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -2.$ $F(x) = \frac{2x^2 14x + 56}{x + 1}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -1.$ **47**.
- 48.
- $F(x) = \frac{1}{x+1}, \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -1$ $F(x) = \frac{2x^2 17x + 72}{x}, \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 0.$ 49.
- $F(x) = \frac{2x^2 20x + 90}{x 1}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 1.$ **50.**
- $F(x) = \frac{2x^2 23x + 110}{x 2}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq 2.$ $F(x) = \frac{3x^2 4x + 8}{x + 4}, \ \mathbf{a} \ \lambda \in R, \ \lambda \neq -4.$ 51.
- **52.**