

**МОНГОЛ УЛСЫН ИХ СУРГУУЛЬ**  
**МЭДЭЭЛЛИЙН ТЕХНОЛОГИ, ЭЛЕКТРОНИКИЙН СУРГУУЛЬ**  
**МЭДЭЭЛЭЛ, КОМПЬЮТЕРЫН УХААНЫ ТЭНХИМ**

Даянгийн Балжинням

**Криптографын зарим алгоритм, программ**  
**(Some algorithms and programs for cryptography)**

Программ хангамж(D061302)  
Бакалаврын судалгааны ажил

Улаанбаатар

2023 оны 12 сар

**МОНГОЛ УЛСЫН ИХ СУРГУУЛЬ**  
**МЭДЭЭЛЛИЙН ТЕХНОЛОГИ, ЭЛЕКТРОНИКИЙН СУРГУУЛЬ**  
**МЭДЭЭЛЭЛ, КОМПЬЮТЕРЫН УХААНЫ ТЭНХИМ**

**Криптографын зарим алгоритм, программ**  
**(Some algorithms and programs for cryptography)**

Программ хангамж(D061302)  
Бакалаврын судалгааны ажил

Удирдагч: \_\_\_\_\_ Д. Гармаа

Гүйцэтгэсэн: \_\_\_\_\_ Д. Балжинням (20B1NUM0563)

Улаанбаатар

2023 оны 12 сар

# Зохиогчийн баталгаа

Миний бие Даянгийн Балжинням ”Криптографын зарим алгоритм, программ” сэдэвтэй судалгааны ажлыг гүйцэтгэсэн болохыг зарлаж дараах зүйлсийг баталж байна:

- Ажил нь бүхэлдээ эсвэл ихэнхдээ Монгол Улсын Их Сургуулийн зэрэг горилохоор дэвшүүлсэн болно.
- Энэ ажлын аль нэг хэсгийг эсвэл бүхлээр нь ямар нэг их, дээд сургуулийн зэрэг горилохоор оруулж байгаагүй.
- Бусдын хийсэн ажлаас хуулбарлаагүй, ашигласан бол ишлэл, зүүлт хийсэн.
- Ажлыг би өөрөө (хамтарч) хийсэн ба миний хийсэн ажил, үзүүлсэн дэмжлэгийг дипломын ажилд тодорхой тусгасан.
- Ажилд тусалсан бүх эх сурвалжид талархаж байна.

Гарын үсэг: \_\_\_\_\_

Огноо: \_\_\_\_\_

## ГАРЧИГ

УДИРТГАЛ .....	1
Зорилго .....	1
Зорилт .....	1
Үндэслэл .....	2
БҮЛГҮҮД .....	3
1. ОНОЛЫН СУДАЛГАА .....	3
1.1 Тэгш хэмт криптограф .....	3
1.2 Өгөгдөл шифрлэлтийн стандарт .....	4
1.3 Тоон гарын үсэг .....	19
1.4 Ажиллах зарчим .....	19
1.5 Адил системийн судалгаа .....	20
2. СИСТЕМИЙН СУДАЛГАА, ЗОХИОМЖ .....	22
2.1 Үүлэн технологийн судалгаа .....	22
2.2 Системийн шаардлага .....	23
2.3 Use case диаграм .....	25
2.4 Sequence диаграм .....	26
2.5 ӨС диаграм .....	27
2.6 Архитектур .....	28
2.7 ӨС хүснэгтүүд .....	30
3. ХЭРЭГЖҮҮЛЭЛТ .....	34
3.1 Сонгосон технологи .....	34
3.2 Ажиллагаа .....	36
3.3 Хөгжүүлэлт .....	38
3.4 PCA (RSA) Хэрэгжүүлэлт .....	46
3.5 Үр дүн .....	48

*ГАРЧИГ*

*ГАРЧИГ*

ДҮГНЭЛТ .....	54
НОМ ЗҮЙ .....	55

## ЗУРГИЙН ЖАГСААЛТ

1.1	SubBytes үйлдэл .....	6
1.2	ShiftRows үйлдэл .....	7
1.3	MixColumns үйлдэл .....	7
1.4	AddRoundKey үйлдэл .....	8
1.5	Хүснэгт 1.1-н хугацааны ээдрээ .....	11
1.6	RSA ба ECC түлхүүрийн хэмжээнүүдийн харьцуулалт .....	14
1.7	8 бит өгөгдөл шифрлэлт .....	14
1.8	64 бит өгөгдөл шифрлэлт .....	15
1.9	256 бит өгөгдөл шифрлэлт .....	15
1.10	8 бит өгөгдөл шифрлэлт тайлалт .....	16
1.11	64 бит өгөгдөл шифрлэлт тайлалт .....	16
1.12	256 бит өгөгдөл шифрлэлт тайлалт .....	17
1.13	8 бит өгөгдөл хугацааны харьцуулалт .....	17
1.14	64 бит өгөгдөл хугацааны харьцуулалт .....	18
1.15	256 бит өгөгдөл хугацааны харьцуулалт .....	18
1.16	Тоон гарын үсгийн ажиллах зарчим .....	20
2.1	Use case диаграм .....	25
2.2	Sequence диаграм .....	26
2.3	Өгөгдлийн сангийн диаграм .....	27
2.4	Архитектурын зураг .....	29
3.1	Вебийн ажиллагаа .....	36
3.2	Фолдерийн бүтэц .....	38
3.3	Нүүр хуудас .....	49
3.4	Нүүр хуудас, Шөнийн тохиргоо .....	49
3.5	Тоон гарын үсэг үүсгэх шаардлага .....	50

3.6	Хүчинтэй гарын үсэгтэй баримт .....	50
3.7	Хүчингүй гарын үсэгтэй баримт .....	51
3.8	Нийт баримтын жагсаалт .....	51
3.9	РСА (RSA) алгоритмын хэрэгжүүлэлт .....	52
3.10	Цагаас хамаарсан нууц үг тохируулах .....	53
3.11	Цагаас хамаарсан нууц үг тохируулсны дараа .....	53

## ХҮСНЭГТИЙН ЖАГСААЛТ

1.1	Шавхах алгоритм ашиглан PCA (RSA) нууцлалыг эвдэх нь . . . . .	9
1.2	Аюулгүй байдлын түвшин ба RSA болон ECC түлхүүрийн хэмжээг харьцуулах [6] . . . . .	12
1.3	8 бит өгөгдөл – шифрлэлт ба шифр тайлах хугацаа (Секундээр) [6] . . . .	13
1.4	64 бит өгөгдөл – шифрлэлт ба шифр тайлах хугацаа (Секундээр) [6] . . .	13
1.5	256 бит өгөгдөл – шифрлэлт ба шифр тайлах хугацаа (Секундээр) [6] . .	13
2.1	Функциональ шаардлага . . . . .	23
2.2	Функциональ бус шаардлага . . . . .	24
2.3	User хүснэгт . . . . .	30
2.4	Session хүснэгт . . . . .	31
2.5	UserGeneratedKeys хүснэгт . . . . .	31
2.6	VerificationToken хүснэгт . . . . .	31
2.7	Account хүснэгт . . . . .	32
2.8	UserUploadedFiles хүснэгт . . . . .	32
2.9	OtpSecret хүснэгт . . . . .	33
2.10	SignatureDigest хүснэгт . . . . .	33



# Кодын жагсаалт

1.1	Поллардын р алгоритмын хэрэгжүүлэлт . . . . .	9
3.1	Prisma Өгөгдлийн сангийн модел . . . . .	39
3.2	AWS нууцлалын хэсэг . . . . .	41
3.3	Файл серверлүү урсгалаар илгээх . . . . .	41
3.4	Глобал алдааны мэдээллэгч . . . . .	43
3.5	Middleware . . . . .	44
3.6	Root . . . . .	45
3.7	RSA хэрэгжүүлэлт . . . . .	46
3.8	Миллер-Рабины тест . . . . .	47

## УДИРТГАЛ

Энэхүү дипломын ажилд криптографын янз бүрийн алгоритм, программуудыг системтэйгээр судалсан бөгөөд үндсэн зорилго нь тэдгээрийн үндсэн бүтэц, үйл ажиллагааны механизм, практик хэрэглээг ойлгох явдал байв. Энэхүү судалгааны ажилд уламжлалт болон шинээр гарч ирж буй криптографын алгоритмуудыг судалж, гүйцэтгэл, аюулгүй байдал, үр ашигтай байдалд үндэслэн харьцуулсан судалгааг хийв.

Энэхүү судалгаанд өгөгдлийн шифрлэлтийн стандарт (DES), дэвшилтэт шифрлэлтийн стандарт (AES), Ривест-Шамир-Адлеман (PCA (RSA)), эллиптик муруй криптографи (ECC) зэрэг тэгш хэмтэй болон тэгш хэмт бус криптографын алгоритмуудыг нарийвчлан судалсан.

Төгсөлтийн ажлын практик хэсэгт хэд хэдэн криптографын программуудыг боловсруулж харьцуулсан ба орчин үеийн стандартыг хангасан тоон гарын үсгийн системийг үүлэн технологит суурилан бүтээсэн.

## Зорилго

Энэхүү ажилд хэрэглэгчид өөрсдийн цахим гарын үсгээр баталгаажсан мэдээллийг, интернэтийн орчинд солилцдог үүлэн технологит суурилсан тоон гарын үсгийн программ хөгжүүлэх зорилго тавьсан.

## Зорилт

1. Криптографын сонгодог алгоритмуудыг судлах, эзэмших
2. Криптографын сонгодог алгоритмууд болон үүлэн технологид суурилсан тоон гарын үсгийн систем бүтээх
3. Бүрэн бүтэн, хөндөгдөөгүй, эх сурвалжтай файлыг хуваалцах боломжийг бүрдүүлэх

## Үндэслэл

Цахим харилцаа холбоо хурдацтай хөгжиж буй өнөөгийн нийгэмд, хуулийн дагуу хүчин төгөлдөр бичиг баримтыг интернэт сүлжээг ашиглан хуваалцах хэрэг байна. Гэсэн хэдий ч Монголд үүлэн дээр суурилсан тоон гарын үсгийн систем байхгүйгээс хэрэглэгчэд нийцгүй байгаа нь харагдаж байна.

Дэлхийн банкны мэдээллээр Монгол Улсын иргэдийн дийлэнх хувь нь (2021 оны байдлаар 81.61%) интернэт хэрэглэгч байгаа нь ийм системийн боломжит цар хүрээг харуулж байна.

<sup>1</sup>

Түүнчлэн, одоо байгаа Клиент програмууд нь Windows үйлдлийн системд зориулагдсан байдаг. Энэхүү Windows төвтэй арга нь нийцтэй байдлын асуудалд хүргэдэг. StatCounter Global Stats-аас гаргасан мэдээллээс харахад 2023 оны байдлаар дэлхий даяар үйлдлийн системийн зах зээлийн 30 орчим хувийг macOS болон Linux зэрэг Windows бус платформууд эзэлж байна.<sup>2</sup>

Эдгээрийг авч үзвэл хэрэглэгчдийн олон талт хэрэгцээнд нийцсэн үүлэн технологит суурилсан тоон гарын үсгийн системийг хөгжүүлэх шаардлагатай байгаа нь харагдаж байна.

---

<sup>1</sup>Дэлхийн банкны судалгаа: <https://data.worldbank.org/indicator/IT.NET.USER.ZS?end=2021&locations=MN>

<sup>2</sup>Үйлдлийн системийн судалгаа: <https://gs.statcounter.com/os-market-share/desktop/worldwide>

# 1. ОНОЛЫН СУДАЛГАА

## 1.1 Тэгш хэмт криптограф

Тэгш хэмт криптографт шифрлэлт болон шифр тайлах түлхүүрүүд адил байна. Тэгш хэмт алгоритм нь Тэгш бус хэмт шифрлэлтээс харьцангуй хурдан ажилдаг. Гэвч нууцалсан мэдээллийг тайлж унших түлхүүр болон нууцлах түлхүүр адилхан байх нь харилцагч талууд урьдчилан түлхүүрээ хоорондоо тохиролцох шаардлагыг гаргаж ирдэг. Энэ нь сул тал болох эрсдэлтэй. Хэрвээ гуравдагч этгээд түлхүүрийг олж авбал бүх нууцалсан мэдээллийг үзэх боломжтой болох юм.

Хамгийн түгээмэл хэрэглэгддэг тэгш хэмт шифрлэлтийн алгоритм бол Бельгийн криптографич Жоан Дамен, Винсент Рижмен нарын боловсруулсан Advanced Encryption Standard (AES) юм. AES нь хуучин Data Encryption Standard (DES)-ийг сольсон бөгөөд одоо дэлхий даяар ашиглагдаж байна.[1]

### 1.1.1 Блок шифрлэлт

Хэрвээ эх ба шифрлэгдсэн тексүүдийн огторгуй нь ямар нэг  $\sum^n$  олонлог байвал тухайн криптографыг блок шифрлэлт гэнэ. Блок шифрлэлтэд өгсөн мэдээг тэнцүү  $n$  урттай хэсгүүдэд хуваан шифрлэдэг.[2]

Блок шифрт энгийн текстийн блокийг бүхэлд нь авч, шифрлэгдсэн текстийн блокийг үүсгэхэд ашигладаг. Блокийн хэмжээг ерөнхийдөө шифрийн алгоритмаар тодорхойлно. Ихэнх блок шифрүүдийн хувьд энэ нь ихэвчлэн 64 эсвэл 128 бит байдаг ба зарим тохиолдолд нууцлалыг нэмэх зорилгоор 256, 512 бит ч байж болдог.

Хоёр төрлийн алгоритм ашиглах ба нэг нь шифр хийхэд нөгөө нь тайлахад ашиглагддаг. Эдгээр нь  $n$  урттай бит болон  $k$  бит урттай түлхүүрийг авч  $n$  бит урттай блок үүсгэнэ.

$E : \{0, 1\}^k \times \{0, 1\}^n \rightarrow \{0, 1\}^n$ . Тайлах алгоритм  $D$ -г нууцлах функцийн урвуу гэж тодорхойлж

болно.

$$D : \{0, 1\}^k \times \{0, 1\}^n \rightarrow \{0, 1\}^n$$

$$\forall k \in \{0, 1\}^k, \forall m \in \{0, 1\}^n, D(k, E(k, m)) = m$$

[3]

### 1.1.2 Урсгалын шифрлэлт

Урсгалын шифрлэлт гэдэг нь өгөгдлийг урсгал маягаар нэг дор нэг битийг Криптографын алгоритм болон түлхүүрээ ашиглан шифрлэх арга юм. Урсгалын шифрийн давуу тал нь блок шифрлэлтээс харьцангуй хурдан ажиллахаас гадна, хэрэгжүүлэлтэд бага код ордог билээ. Гэсэн хэдий ч орчин үед түгээмэл ашиглагдахаа больсон ба элдэв халдагад түгээмэл өртдөг нь үүнтэй холбоотой. Жишээ нь RC4 гэх Урсгалын шифрлэлтийн алгоритм нь WEB болон WPA хамгаалалтад ашиглагддаг байсан хэдий ч хангалттай сайн хамгаалалт болж чадахгүй байгаа тул, хэрэглээнээс халагдаж байна.

## 1.2 Өгөгдөл шифрлэлтийн стандарт

### 1.2.1 DES алгоритм

DES (Data Encryption Standard) нь 1970-аад онд хөгжүүлэгдсэн тэгш хэмт блок шифрлэлтийн алгоритм юм. DES нь 64 бит урттай блок дээр ажиллах ба үүнийг 32-бит урттай хоёр хэсэг  $L_0, R_0$  болгон хувааж, баруун талын 32-бит урттай хэсгийг олон янзын аргаар хувиргаж эцэст нь  $L_0$ -тэй XOR үйлдэл хийнэ. Арван зургаан үе хувиргалтын дараагаар  $L_0, R_0$  нийлүүлж 64 бит шифрлэгдсэн блокийг үүсгэнэ.

### Шинжүүд

1. Түлхүүрийн урт: DES нь 56 битийн түлхүүрийг ашигладаг бөгөөд анхандаа хангалттай аюулгүй байдлыг хангадаг гэж бодож байсан ч одоо Brute Force халдлагад маш эмзэгт тооцогддог.

2. Symmetric Encryption: DES нь шифрлэлт болон шифрийг тайлахад ижил түлхүүр ашигладаг. Тиймээс түлхүүрийг илгээгч, хүлээн авагч хоёулаа мэдэж, нууцлах ёстой.
3. Блок шифр: DES нь тусдаа бит биш харин өгөгдлийн блокууд дээр ажилладаг. Энэ нь их хэмжээний өгөгдлийг шифрлэх шаардлагатай программуудад тохиромжтой.
4. DES үйлдлүүд: DES нь Electronic Codebook (ECB), Cipher Block Chaining (CBC), Cipher Feedback (CFB), Output Feedback (OFB), and Counter (CTR) зэрэг хэд хэдэн үйлдлийн горимыг дэмждэг.
5. DES нь детерминистик: ижил текст болон ижил түлхүүрийн хувьд шифрлэгдсэн текст үргэлж ижил байх болно.

хэдийгээр 3-DES гэж байдаг хэдий ч энэ нь тооцоолол ихээр шаарддаг тул цаашид ашиглагдах нь зогссон.

### 1.2.2 AES

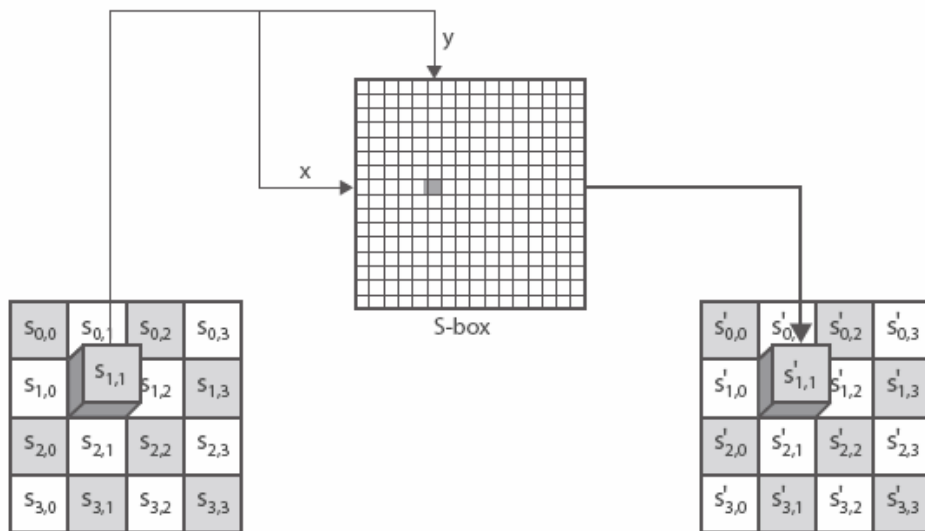
АНУ-ын Стандарт, Технологийн үндэсний хүрээлэн (VIST) 1997 онд өгөгдөл нууцлалын стандарт (DES)-ыг сайжруулах ажлыг эхлүүлж 2001 онд В.Рижмень, Д.Дэймен нарын блокон шифрлэлтийн схемийг дэвшилтэт нууцлалын стандартаар зарласан.[2]

AES нь орлуулах сэлгэлт (substitution-permutation) гэж нэрлэгддэг зарчим дээр суурилдаг бөгөөд программ хангамж болон техник хангамжийн аль алин дээр нь хурдан ажилдаг. Орчин үед шифрлэлтийг хурдан хийх зорилгоор техник хангамж дээр зөвхөн энэ алгоритмд зориулсан хэсэг хүртэл байдаг билээ.

## Үндсэн үйлдэл

### 1. SubBytes:

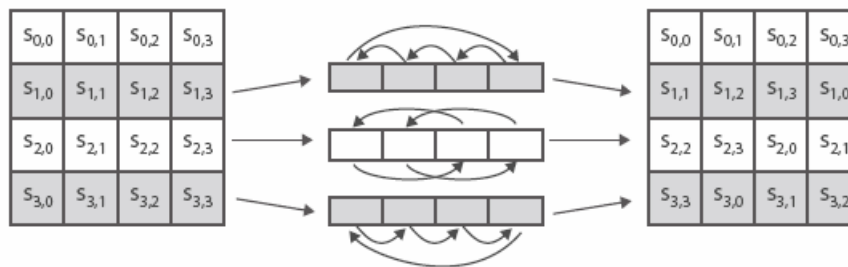
- Байт болгоны утгыг S-box гэж нэрлэгдэх стандарт хүснэгтийн дагуу өөрчилнө.
- Бүх мөр баганын утга солигдтол үргэлжлүүлнэ.



Зураг 1.1: SubBytes үйлдэл

### 2. ShiftRows:

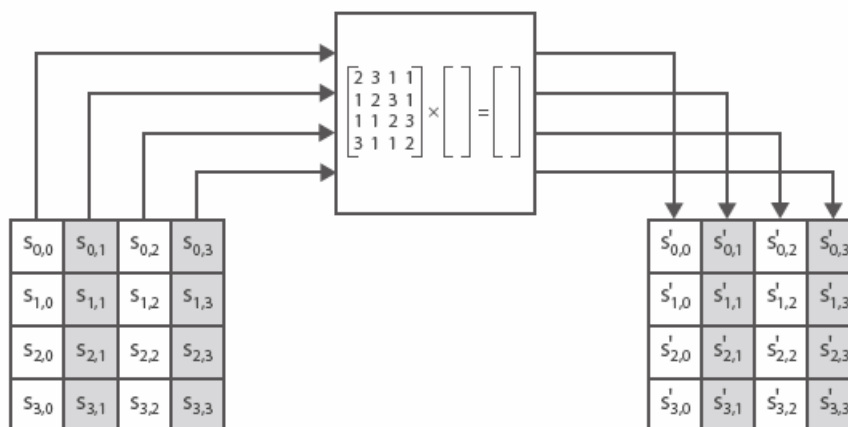
- 1-р мөрийг шилжүүлэхгүй
- 2-р мөрийн байтуудыг зүүн тийш 1 байт шилжүүлнэ
- 3-р мөрийн байтуудыг зүүн тийш 2 байт шилжүүлнэ
- 4-р мөрийн байтуудыг зүүн тийш 3 байт шилжүүлнэ
- Тайлах үйлдлийг хийхдээ баруун тийш шилжүүлэх үйлдлийг хийнэ



Зураг 1.2: ShiftRows үйлдэл

### 3. MixColumns:

- Багана бүр тус тусдаа холигдоно
- Багана болгоны харгалзаа байтууд хоорондоо солигдоно

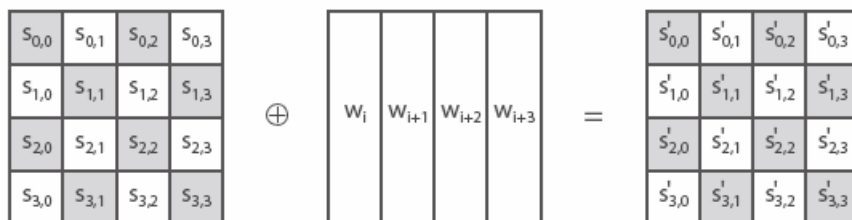


Зураг 1.3: MixColumns үйлдэл

### 4. AddRoundKey:

- 128 бит XOR үйлдлийг циклийн түлхүүрт ашиглана
- Тайлах үйлдэл хийх бол эсрэгээр гүйцэтгэнэ





Зураг 1.4: AddRoundKey үйлдэл

### AES-ын нууцлалт

1. шифрлэх блок ба түлхүүрийн урт, мөчлөгийн тоог сонгох. Шифрлэх блок ба түлхүүрийн урт нь 128, 192, 256 байт байж болох бөгөөд мөчлөгийн тоо нь харгалзан 10, 12, 14 байна.
2. Шифрлэх текст, түлхүүрийн матриц  $T$ ,  $W$ ,  $K$ -г үүсгэнэ.
3. Эцсийн мөчлөгөөс бусад мөчлөгийн  $T$ ,  $W$ ,  $K$  матрицуудад AES-н үндсэн үйлдлүүдийг дэс дараалан хийнэ. Харин эцсийн мөчлөгт Mix Columns үйлдлийг хийхгүй.

$$\begin{bmatrix} b_0 & b_4 & b_8 & b_{12} \\ b_1 & b_5 & b_9 & b_{13} \\ b_2 & b_6 & b_{10} & b_{14} \\ b_3 & b_7 & b_{11} & b_{15} \end{bmatrix}$$

### 1.2.3 PCA (RSA)

PCA (RSA) нь анхны тооны өвөрмөц шинж чанарыг ашигладаг тэгш бус хэмтэй шифрлэлтийн арга юм. Анх 1977 онд танилцуулагдсан ба, өнөөг хүртэл хэрэглээнд хэвээр байгаа. Өнөөдрийн дэлхий даяар мөрдөгдөж байгаа стандарт нь хоёр анхны тооны үржвэр болох модулуc нь 2048 бит хэмжээтэй байх ёстой. Энэ нь 617 оронтой тоо байна гэсэн үг юм.

- Хоёр анхны тоо болох  $p$  болон  $q$  сонгоно.
- $n = p * q$  утгыг олно.

- $\phi(n) = (p - 1) * (q - 1)$  утгыг олно.
- Дараах нөхцөлийг хангах  $e$  тоог сонгоно  $1 < e < \phi(n)$  ба хиех  $(e, \phi(n)) = 1$ .
- $d$  нь  $d \equiv e^{-1} \pmod{\phi(n)}$  гэж тодорхойлогдоно.

Нийтийн түлхүүр нь  $(e, n)$  болох ба хувийн түлхүүр нь  $(d, n)$  болно.[4]

### Нууцлал

РСА (RSA) алгоритмын нууцлал маш том хэмжээний анхны тоог хоёр тооны үржигдэхүүн болгон задлах дээр тогтдог ба өнөөгийн бидний машины тооцон бодох чадал хараахан хангалттай биш байгаа юм. Доор хүснэгт нь Поллардын  $\rho$  алгоритмыг шавхах аргатай хослуулан  $n$  тоог үржвэр хэлбэрт задалсныг харуулж байна.

Хүснэгт 1.1: Шавхах алгоритм ашиглан РСА (RSA) нууцлалыг эвдэх нь

n	$p * q$	Оролдого (Хайлт)	Хугацаа (секунд)
1.002e9	$31657 \times 31657$	225	0.00021314620971679688
1.35e11	$367369 \times 367369$	799	0.001211404800415039
3.61e13	$6008447 \times 6008447$	5866	0.011371850967407227
9.81e15	$99031547 \times 99031547$	9778	0.029128074645996094
9.76e17	$987788969 \times 987788969$	19992	0.052767276763916016
2.10e19	$4582525067 \times 4582525067$	106624	0.29718804359436035
7.26e20	$26935638193 \times 26935638193$	164244	0.48566150665283203
2.75e23	$524697213811 \times 524697213811$	585947	1.9381840229034424
6.50e25	$8064486401201 \times 8064486401201$	1294043	4.775920867919922
6.00e26	$24502672831957 \times 24502672831957$	6478576	24.690175771713257

```

1 def gcd(a, b):
2 while b != 0:

```

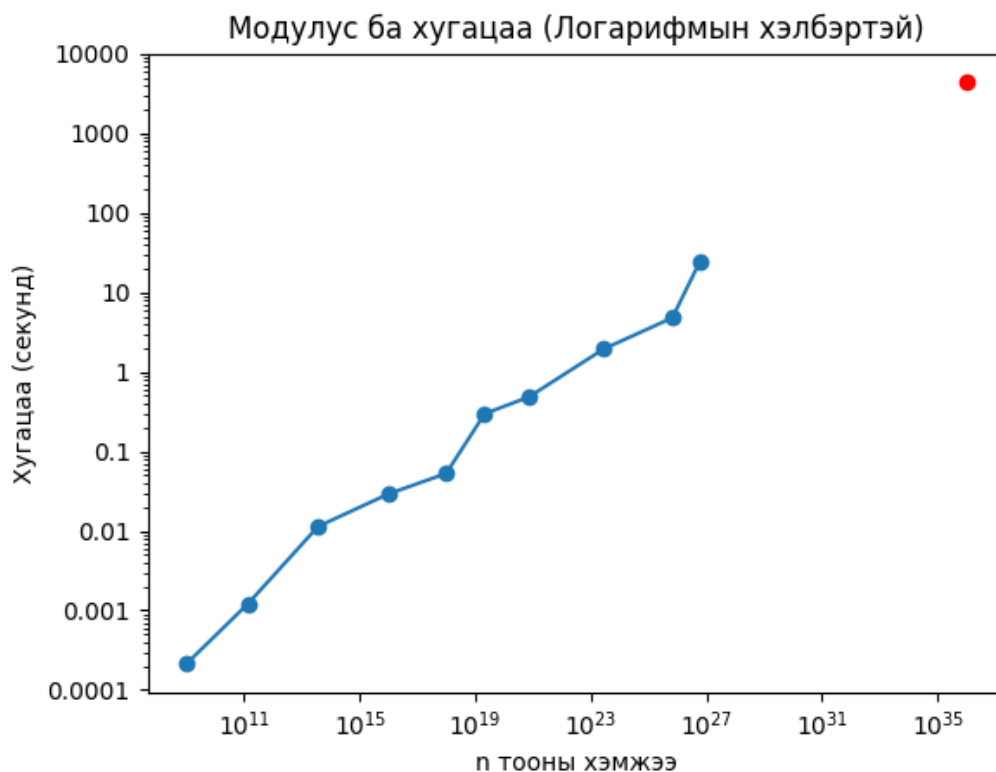
```
3     a, b = b, a % b
4     return a
5
6
7     def pollards_rho(n):
8         if n % 2 == 0:
9             return 2, 1
10
11         x = 2
12         y = 2
13         d = 1
14         f = lambda x: (x**2 + 1) % n
15         count = 0
16         while d == 1:
17             x = f(x)
18             y = f(f(y))
19             d = gcd(abs(x - y), n)
20             count += 1
21         return d, count
22
23     def factorize(n):
24         a, count = pollards_rho(n)
25         return a, n // a, count
```

Код 1.1: Поллардын ρ алгоритмын хэрэгжүүлэлт

Хамгийн сүүлд үржигдэхүүнд задалж чадсан буюу нууцлал нь амжилттай эвдэгдсэн нь RSA (RSA)-250 буюу 829 бит урттай байгаа юм. Фабрис Будот, Пьеррик Гаудри, Ауроре Гилевич, Надия Хенингер, Эммануэль Томе, Пол Циммерманн нараар ахлуулсан судлаачдын

баг үүнийг 2020 онд гүйцэтгэсэн. Тооцоололд ойролцоогоор 2700 цөм жил<sup>1</sup> зарцуулагдсан бөгөөд шигших үе шат нь хуанлийн 35 долоо хоног янз бүрийн машинууд дээр хийгдсэн.

Доорх зураг нь  $n=1e+36$  тоог үржвэрт задлахад 4373.11 секунд байна гэсэн таамгийг харуулж байна.



Зураг 1.5: Хүснэгт 1.1-н хугацааны ээдрээ

PCA (RSA) үржигдэхүүн задлах нь(factoring) цифрийн тоо нэмэгдэх тусам илтгэгч функцээр хугацааны ээдрээ тооцогдох тул одоогийн байдлаар PCA (RSA) 1024, PCA (RSA) 2048 нь хангалттай аюулгүй байгаа бөгөөд дэлхий нийтээрээ ашиглаж байна. Энэ нь дээрх диаграммаас харагдана.

<sup>1</sup>Цөм жил гэдэг нь CPU-ний нэг цөмийг бүтэн жил ашигласантай тэнцэнэ.

**1.2.4 ECC (Эллипс муруйлаг криптограф)**

Эллипс муруйлаг криптографи (ECC) нь хязгаарлагдмал талбар дээрх эллипс муруйнуудын алгебрийн бүтцэд суурилсан нийтийн түлхүүрийн криптографын нэг төрөл юм. Том бүхэл тоонуудын үржвэр дээр суурилдаг RSA-аас ялгаатай нь ECC нь эллиптик муруй дискрет логарифмын бодлогыг (ECDLP) шийдвэрлэхэд хүндрэлтэй байдгаас аюулгүй байдлаа олж авдаг. RSA-аас ECC-ийн мэдэгдэхүйц давуу тал нь түүний үр ашигтай байдал юм; ECC нь RSA-тай ижил түвшний аюулгүй байдлыг RSA-н хажууд асар жижиг хэмжээтэй түлхүүрээр олгодог. Үр ашиг нь илүү хурдан тооцоолол, эрчим хүчний бага зарцуулалт, илүү жижиг хэмжээтэй түлхүүр гэх мэт орох ба ECC нь хөдөлгөөнт төхөөрөмж, ухаалаг карт зэрэг хязгаарлагдмал нөөцтэй төхөөрөмжүүдэд илүү тохиромжтой.

**1.2.5 ECC ба RSA харьцуулалт**

Энэхүү харьцуулалт нь нөөц хязгаарлагдмал үед буюу найман битийн CPU дээр хийгдсэн.

Битийн аюулгүй байдлын түвшин	RSA бит хэмжээ	ECC бит хэмжээ
80	1024	160
112	2048	224
128	3072	256
192	7680	384
256	15360	512

Хүснэгт 1.2: Аюулгүй байдлын түвшин ба RSA болон ECC түлхүүрийн хэмжээг харьцуулах [6]

Хүснэгт 1.3: 8 бит өгөгдөл – шифрлэлт ба шифр тайлах хугацаа (Секундээр) [6]

Хамгаалалт	ECC шифр	RSA шифр	ECC тайлах	RSA тайлах	ECC	RSA
80	0.4885	0.0307	1.3267	0.7543	1.8152	0.7850
112	2.2030	0.0299	1.5863	2.7075	3.7893	2.7375
128	3.8763	0.0305	1.7690	6.9409	5.6453	6.9714
144	4.7266	0.0489	2.0022	13.6472	6.7288	13.6962

Хүснэгт 1.4: 64 бит өгөгдөл – шифрлэлт ба шифр тайлах хугацаа (Секундээр) [6]

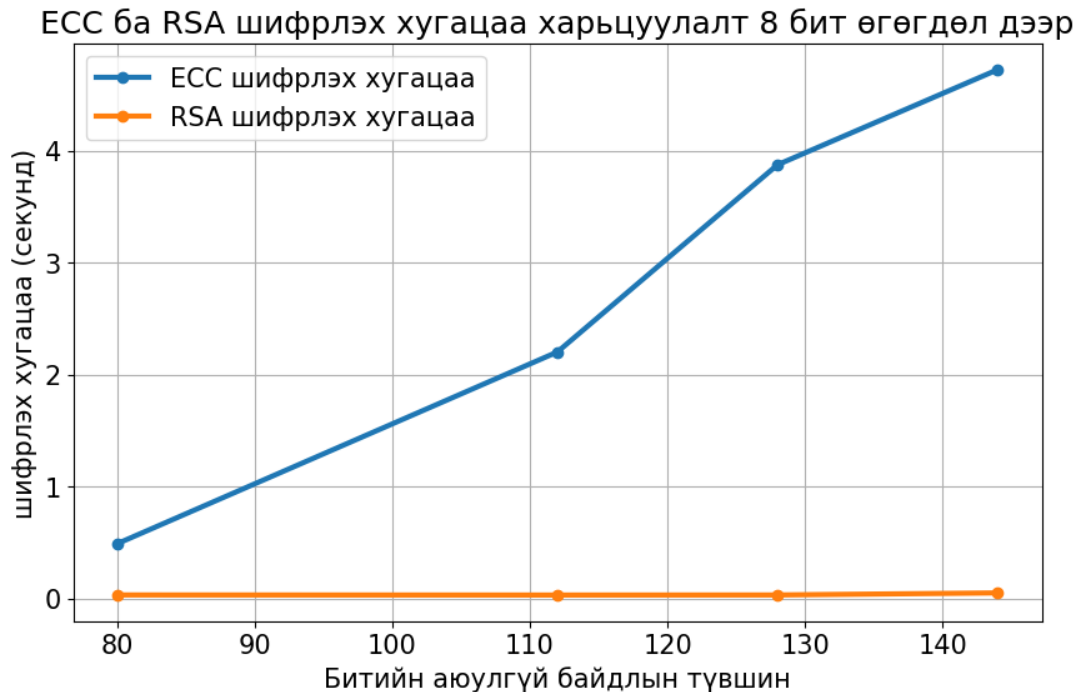
Хамгаалалт	ECC шифр	RSA шифр	ECC тайлах	RSA тайлах	ECC	RSA
80	2.1685	0.1366	5.9099	5.5372	8.0784	5.6738
112	9.9855	0.1635	6.9333	20.4108	16.9188	20.5743
128	15.0882	0.1672	7.3584	46.4782	22.4466	46.6454
144	20.2308	0.1385	8.4785	77.7642	28.7093	77.9027

Хүснэгт 1.5: 256 бит өгөгдөл – шифрлэлт ба шифр тайлах хугацаа (Секундээр) [6]

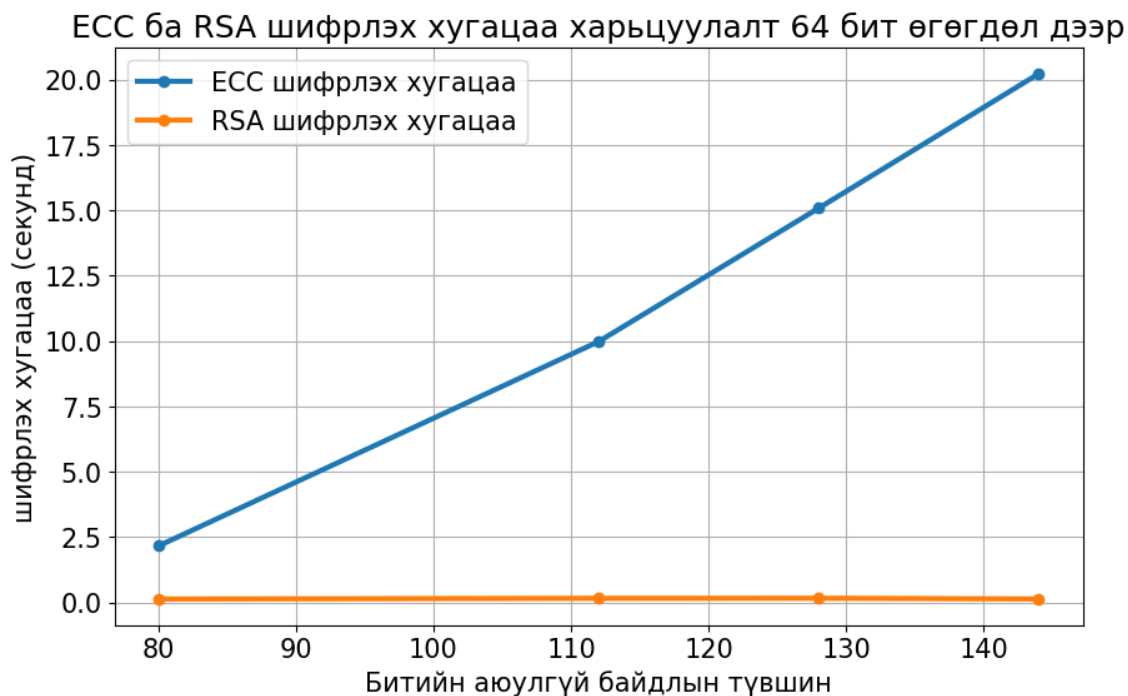
Хамгаалалт	ECC шифр	RSA шифр	ECC тайлах	RSA тайлах	ECC	RSA
80	7.9240	0.5596	22.8851	19.3177	30.8091	19.8772
112	39.7008	0.5815	26.3331	102.0337	66.0339	102.6153
128	58.4386	0.5611	27.4060	209.6086	85.8446	210.1697
144	77.5034	0.5718	32.1522	311.0649	109.6556	311.6368



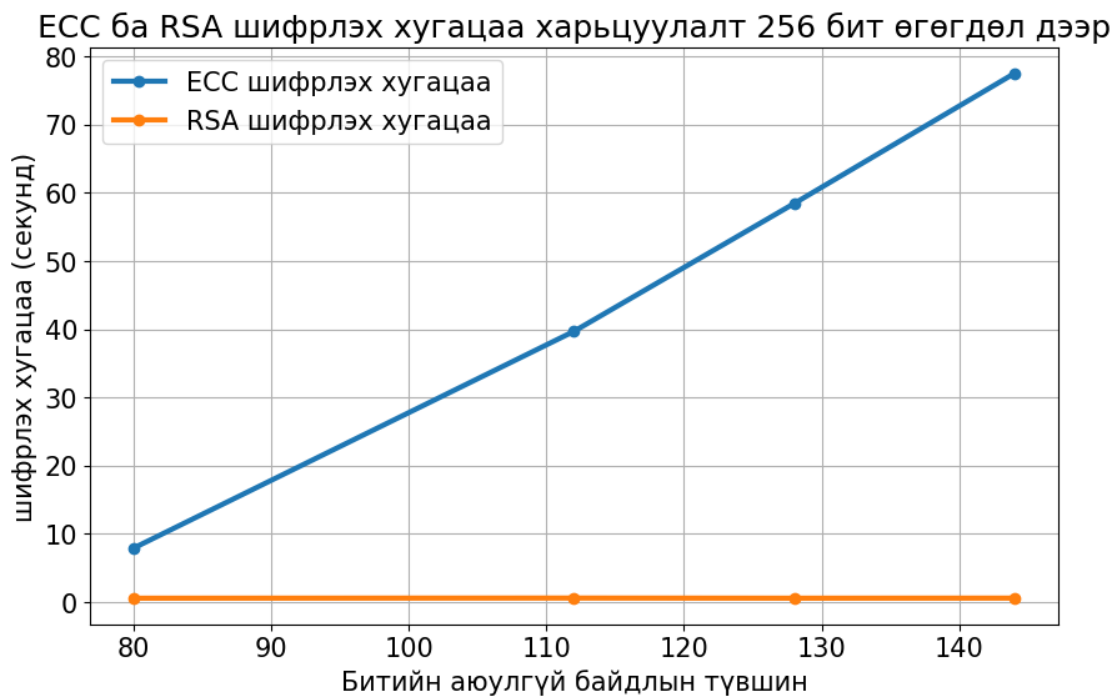
Зураг 1.6: RSA ба ECC түлхүүрийн хэмжээнүүдийн харьцуулалт



Зураг 1.7: 8 бит өгөгдөл шифрлэлт

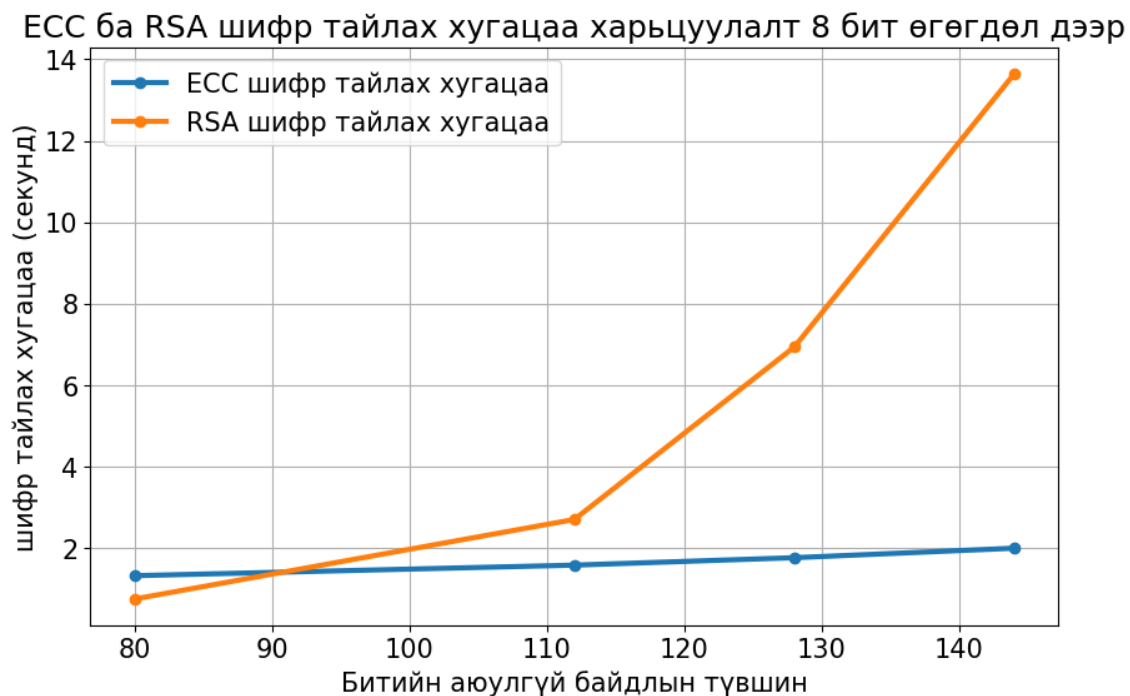


Зураг 1.8: 64 бит өгөгдөл шифрлэлт

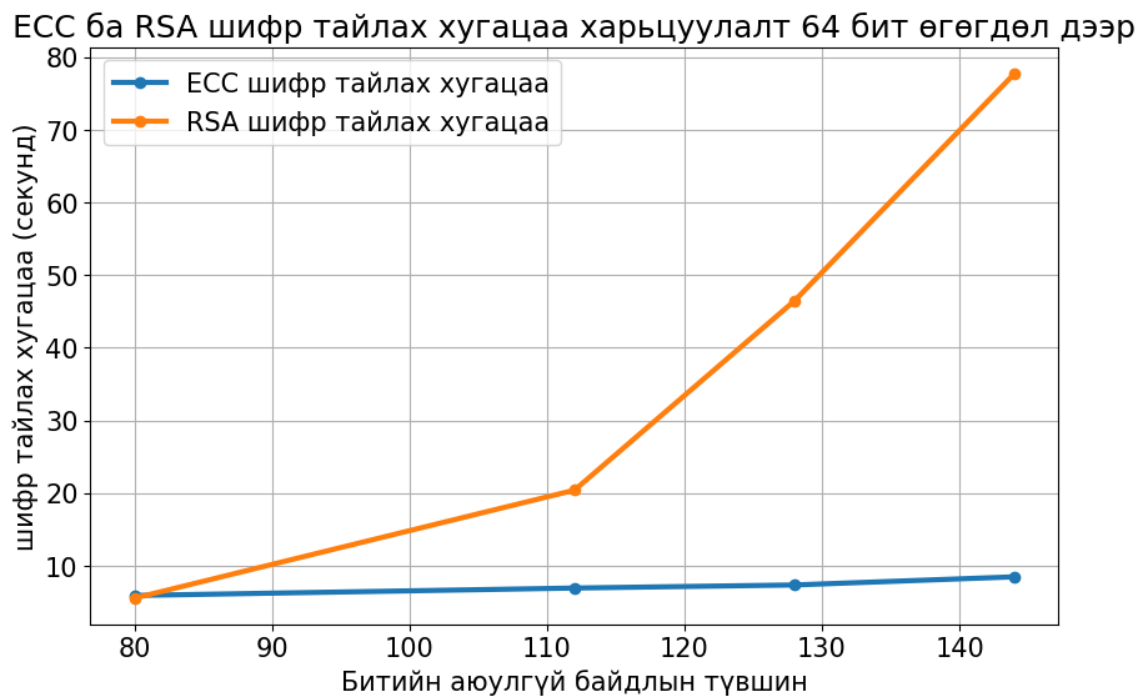


Зураг 1.9: 256 бит өгөгдөл шифрлэлт

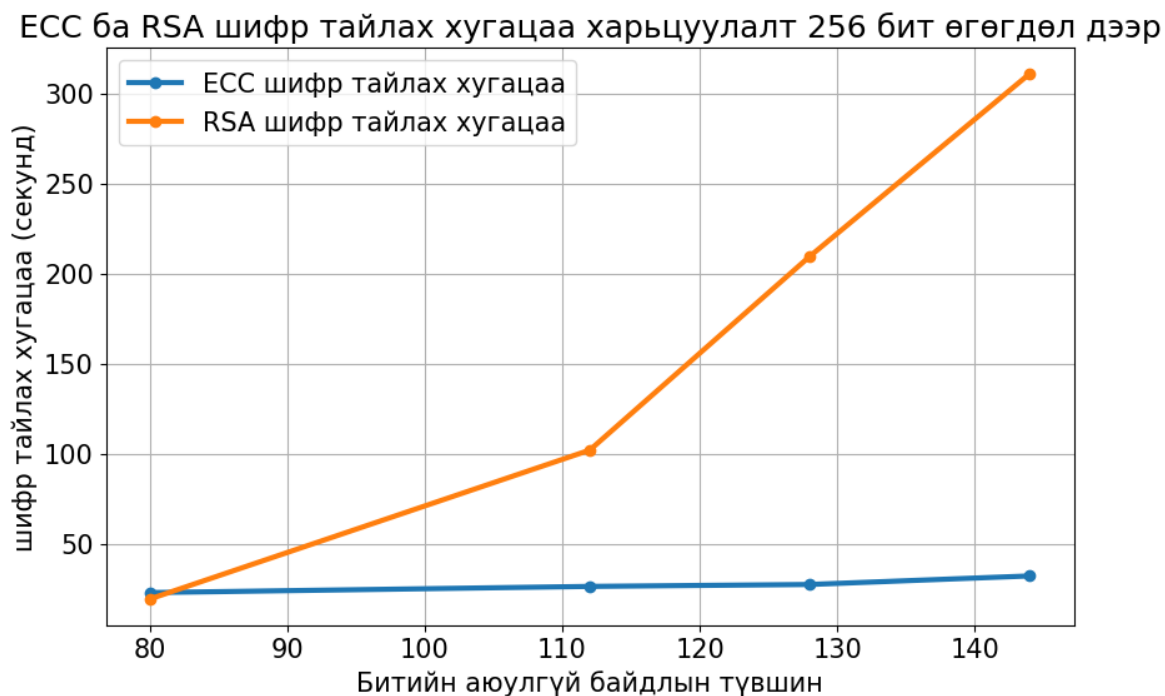




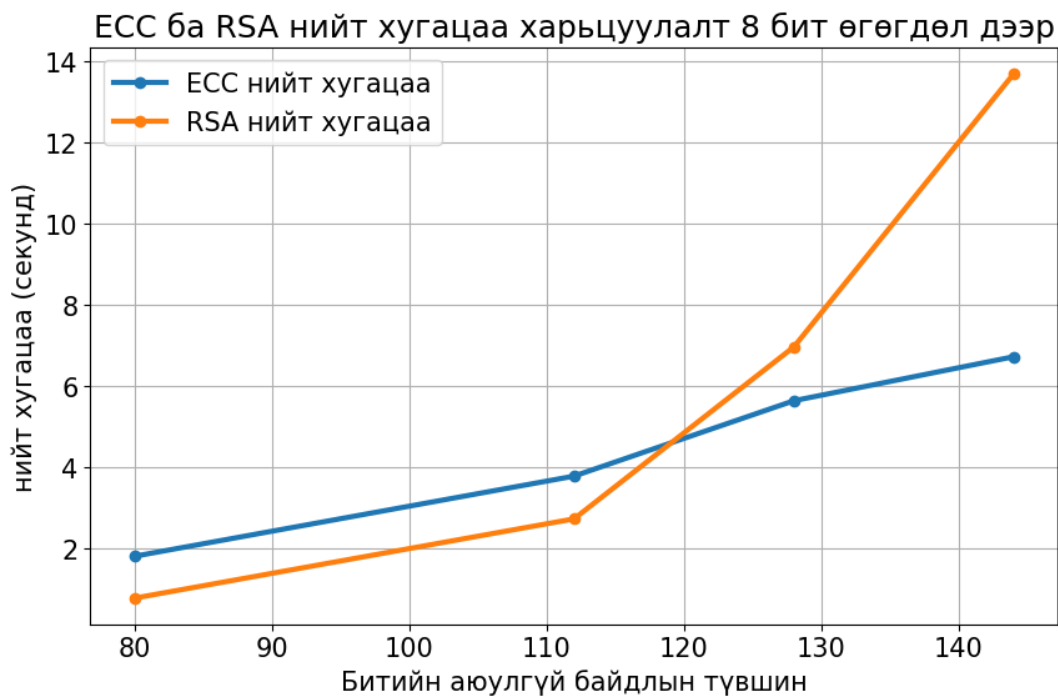
Зураг 1.10: 8 бит өгөгдөл шифрлэлт тайлалт



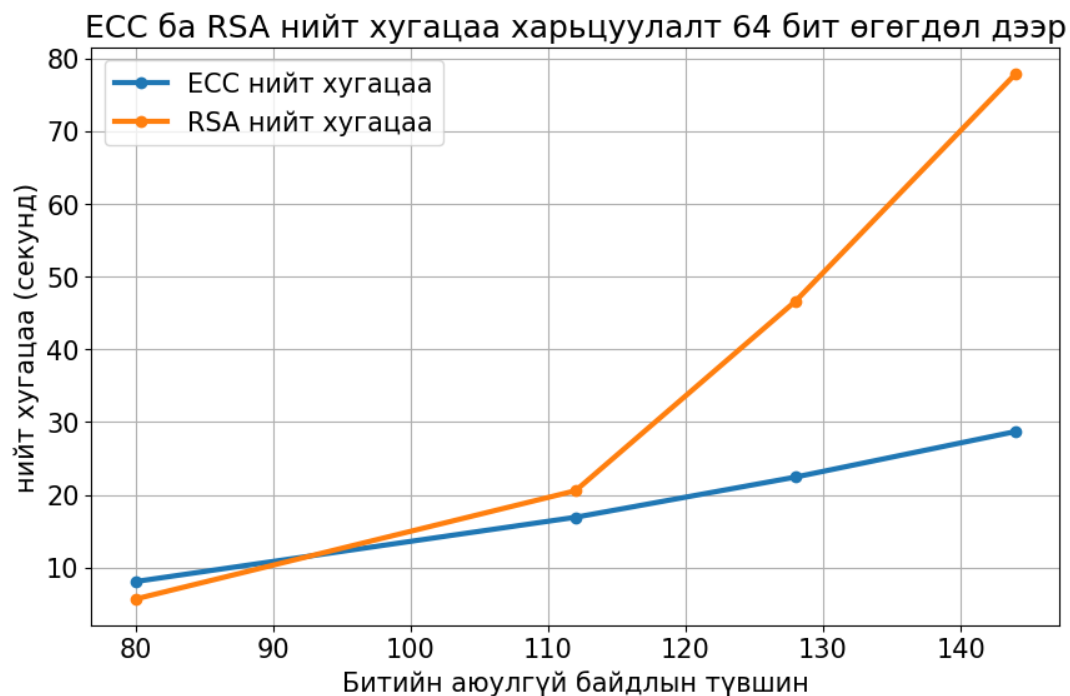
Зураг 1.11: 64 бит өгөгдөл шифрлэлт тайлалт



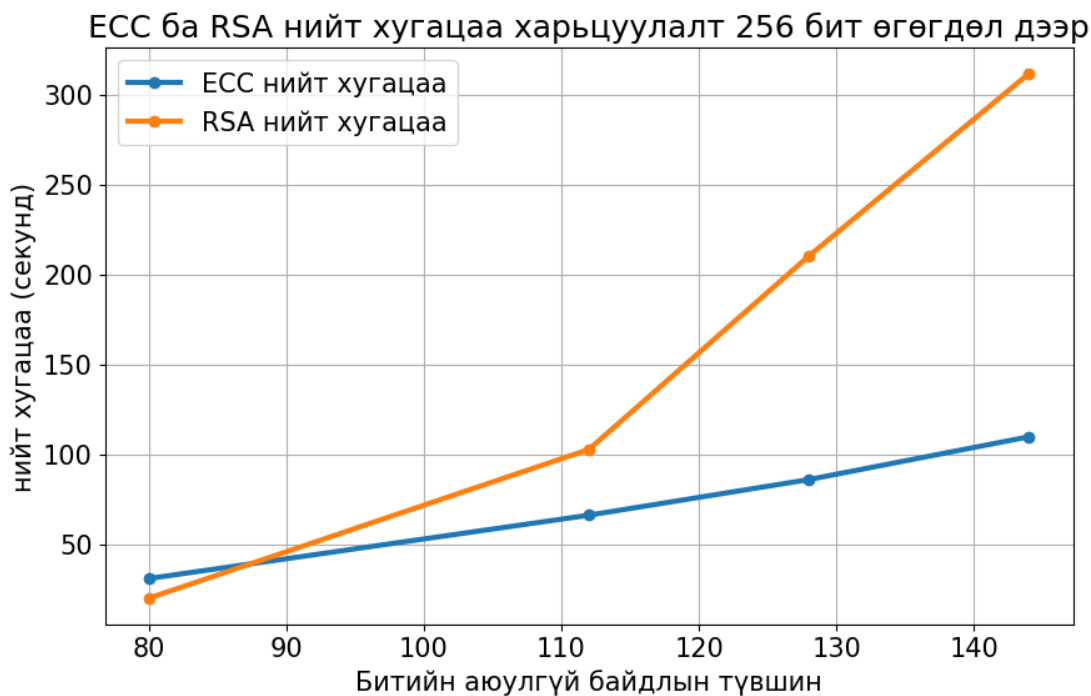
Зураг 1.12: 256 бит өгөгдөл шифрлэлт тайлалт



Зураг 1.13: 8 бит өгөгдөл хугацааны харьцуулалт



Зураг 1.14: 64 бит өгөгдөл хугацааны харьцуулалт



Зураг 1.15: 256 бит өгөгдөл хугацааны харьцуулалт

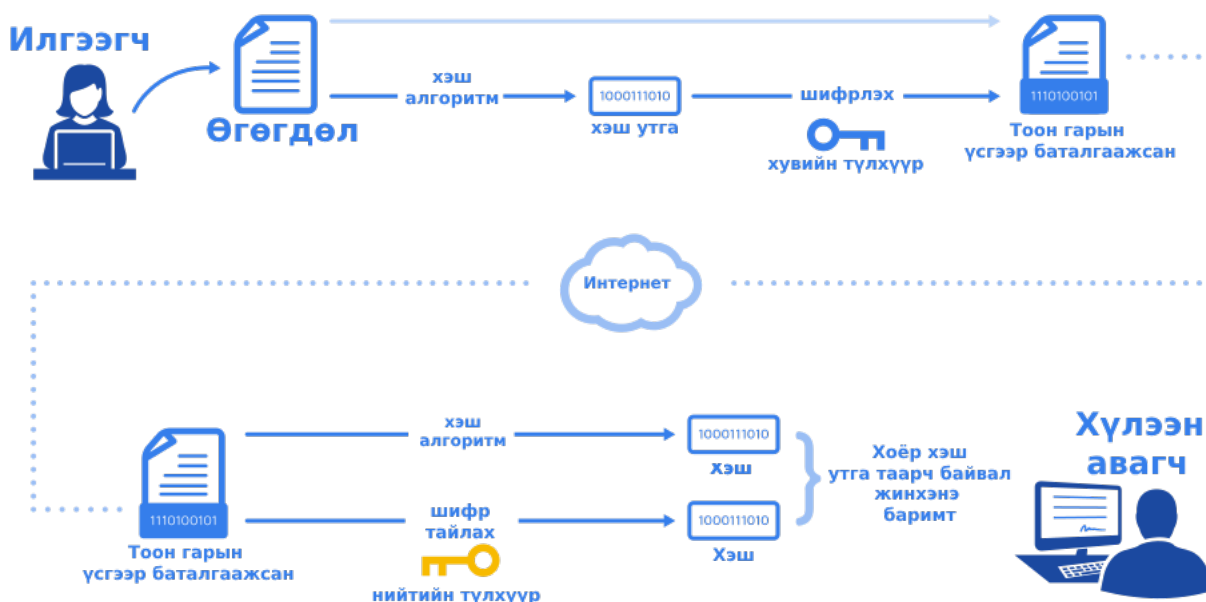
### **1.3 Тоон гарын үсгийн стандартын судалгаа**

Хэдийгээр бүх цахим гарын үсэг нь DSS-ийн дүрмийг дагаж мөрдөх ёстой боловч тэдгээр нь бүгд адилхан биш юм. Баримт бичигт гарын үсэг зурахад ашиглаж болох гурван төрлийн тоон гарын үсгийн стандарт байдаг.

1. **Энгийн цахим гарын үсэг (SES)** - Цахим гарын үсгийн хамгийн үндсэн хэлбэр. SES нь баримт бичигт нэмэхэд хурдан бөгөөд хялбар боловч шифрлэлтийн аргаар хамгаалагдаагүй. Өөрөөр хэлбэл, тийм ч аюулгүй биш юм. Үүнд жишээ нь цахим шуудангийн гарын үсэг ордог.
2. **Нарийвчилсан цахим гарын үсэг (AES)** - Хэдийгээр хууль ёсны дагуу хүчингүй боловч AES (Advanced Electronic Signature) нь гарын үсэг зурсны дараа баримт бичигт өөрчлөлт орсон эсэхийг мэдэх боломжтой криптографыг ашигладаг. Гэсэн хэдий ч хуулийн дагуу хүчингүй хэвээр.
3. **Qualified advanced electronic signature (QES)** - Цахим хэлбэрээр гарын үсэг зурах хамгийн найдвартай арга. Тоон гарын үсэг гэж нэрлэгддэг шаардлага хангасан цахим гарын үсэг нь аюулгүй байдлын дээд түвшинг хангахын тулд нийтийн түлхүүрийн дэд бүтэц, тэгш бус криптограф, Two Factor баталгаажуулалтыг ашигладаг. Эдгээрийг ашигласнаар, гарын үсэг нь хууль ёсны дагуу хүчийн төгөлдөр болно.

### **1.4 Тоон гарын үсгийн ажиллах зарчим**

Тоон гарын үсэг нь дижитал мессеж эсвэл баримт бичгийн жинхэнэ эсэхийг шалгах математик аргачлал юм. Энэ нь хос түлхүүр үүсгэх замаар ажилладаг: өргөн тархсан нийтийн түлхүүр, нууцлагдсан хувийн түлхүүр. Гарын үсэг зурахдаа баримт бичгийн өвөрмөц хэшийг үүсгэж, хувийн түлхүүрээр шифрлэж, тоон гарын үсгийг бүрдүүлдэг. Хүлээн авсны дараа хэшийг илгээгчийн нийтийн түлхүүрээр тайлж, хүлээн авсан баримтаас шинэ хэш үүсгэнэ. Хэрэв хоёулаа таарч байвал энэ нь тухайн баримт бичиг нь жинхэнэ бөгөөд ямар нэгэн өөрчлөлт



Зураг 1.16: Тоон гарын үсгийн ажиллах зарчим

ороогүй гэсэн үг юм.

## 1.5 Адил системийн судалгаа

### Tridumkey.mn

Tridimkey нь Монгол улсын бүртгэлийн ерөнхий газраар хүлээн зөвшөөрөгдсөн тоон гарын үсэг олгогч ба байгууллагад зориулж гарын үсэг олгодог нь онцлог санагдсан. Гэвч сул тал нь энэхүү тоон гарын үсгийн систем нь зөвхөн **Windows** үйлдлийн систем дээр ажилдаг ба MacOS эсвэл Linux үйлдлийн систем ашигладаг хэрэглэгчид ашиглах боломжгүй болж байгаа юм.

### Monpass.mn

Өөрсдийнх нь танилцуулгад "Таньж баталгаажуулах тоон гарын үсгийн гэрчилгээ: Цахим бизнес, төрийн болон бусад төрөл бүрийн систем, онлайн үйлчилгээнд хандах, бусад цахим

гүйлгээ, хэлцэл хийхэд найдвартай таньж баталгаажуулах, захидал харилцааг хөдөлбөргүй баталгаажуулахын тулд тоон гарын үсэг зурах, захидал харилцаа, дамжуулж буй баримт бичгийг шифрлэн дамжуулах, ажилтнууд, хэрэглэгчдийг хялбар таних, бөөний онлайн худалдаа зохион байгуулах гэх мэт зорилгоор ашиглагддаг тоон гарын үсгийн гэрчилгээ – цахим баримт бичиг юм. Энэ гэрчилгээ нь хэрэглэгчийн мэдээлэл, олгосон ГОБ-ын мэдээлэл, хосгүй серийн дугаар болон бусад хосгүй өгөгдлүүд, хүчинтэй хугацаа, тоон гарын үсгийн нийтийн түлхүүр, холбогдох бусад мэдээллийг агуулсан байх бөгөөд Хувь хүмүүс болон байгууллагын төлөөлөгч хэн боловч ашиглаж болно. Захидал, мэдээлэлдээ тоон гарын үсэг зурахдаа өөрийн тоон гарын үсгийн хувийн түлхүүрийг ашиглах ба харин шифрлэн илгээх бол хүлээн авагчийн нийтийн түлхүүрийг ашиглана.” гэсэн танилцууллагатай байсан ба гүнзгий судалж үзэхэд мөн л хэрэглэгчийн үйлдлийн систем зөвхөн **Windows** байж л тоон гарын үсгийн ашиглах боломжтой байсан юм.

## 2. СИСТЕМИЙН СУДАЛГАА, ЗОХИОМЖ

### 2.1 Үүлэн технологийн судалгаа

Үүлэн технологи буюу үүлэн тооцоолол гэдэг нь өөрийн сервер эсвэл хувийн компьютерын оронд мэдээлэл хадгалах, удирдах, боловсруулах зорилгоор интернэтэд байрлах серверийн сүлжээг ашиглахын хэлж буй нэр томьёо юм.

Үүлэн технологийн хамгийн чухал давуу талуудын нэг нь өртөг багатай байдаг. Үүлэн технологийг ашигласнаар бизнесүүд өөрсдийн мэдээллийн технологийн дэд бүтцээ эзэмших, засвар үйлчилгээ хийх зэрэг урьдчилсан зардал, хүндрэлээс зайлсхийдэг ба зөвхөн ашигласан хэмжээнийхээ зардлыг л төлдөг. Өөр нэг гол давуу тал нь өндөр ачаалал даах уян хатан чанар бөгөөд бизнесүүд тооцоолох хэрэгцээгээ нэмэгдүүлэхийн хэрээр илүү их нөөцийг асар түргэн ашиглах эсвэл тооцоолох хэрэгцээ нь буурах тусам мөн хэрэгцээгээ танах боломжийг шууд олгодог.

Үүлэн технологи нь өгөгдөл сэргээх хадгалах шийдлүүдтэй бөгөөд энэ нь эмзэг мэдээллийг хадгалахад илүү найдвартай сонголт болдог. Хүртээмжтэй байдал нь бизнесүүдийг татдаг үүлэн технологийн бас нэг онцлог юм. Интернэт холболттой бол хэрэглэгчид дэлхийн хаанаас ч өгөгдөл, программдаа хандах боломжтой.

Үүлэн дээр суурилсан тоон гарын үсгийн үйлчилгээ нь хэрэглэгчдэд хүссэн үедээ ямар ч төхөөрөмжөөс баримт бичигт найдвартай гарын үсэг зурах, хадгалах, удирдах боломжийг олгох боломжтой. Энэхүү үйлчилгээ нь баримт бичигт гарын үсэг зурахад заавал биеэр очсон байх шаардлагагүй бөгөөд ингэснээр олон төрлийн үйл явцыг хялбаршуулах боломжтой. Өнөөгийн байдлаар энэ чиглэлд хамгийн томоохон үйлчилгээ үзүүлэгчид нь Amazon Web Services, Google Cloud Platform, Microsoft Azure зэрэг байна.

## 2.2 Системийн шаардлага

### Функциональ шаардлагуудыг дараах хүснэгтэд тодорхойлов

Хүснэгт 2.1: Функциональ шаардлага

ФШ 100	Систем нь хэрэглэгчийн тоон гарын үсэг үүсгэх чадвартай байх ёстой. Үүнд хэрэглэгч бүрийн өвөрмөц түлхүүрийн хослолыг бий болгох орно.
ФШ 200	Систем нь тоон гарын үсгийг баталгаажуулах функцээр хангах ёстой. Энэ нь гарын үсэг зурсан баримт бичгийг хүлээн авч, гарын үсэг зурсан хүний нийтийн түлхүүрийг ашиглан гарын үсгийг баталгаажуулах ёстой.
ФШ 300	Систем нь хэрэглэгчдэд гарын үсэг зурахын тулд янз бүрийн форматтай цахим баримт бичгүүдийг (жишээлбэл, .doc, .pdf, .xls гэх мэт) байршуулахыг зөвшөөрөх ёстой.
ФШ 400	Систем нь хэрэглэгчдийг баримт бичигт гарын үсэг зурах, баталгаажуулахаас өмнө баталгаажуулах ёстой. Үүнийг хэрэглэгчийн нэр/нууц үг, олон хүчин зүйлийн баталгаажуулалт эсвэл бусад аюулгүй аргуудаар хийж болно.
ФШ 500	Систем нь баримт бичиг байршуулах, гарын үсэг үүсгэх, гарын үсгийн баталгаажуулалт зэрэг хэрэглэгчдийн хийсэн бүх үйлдлийг бүртгэх ёстой.
ФШ 600	Систем нь бусад үйлчилгээтэй нэгтгэх API-г өгөх ёстой. Энэ нь бусад программ хангамж эсвэл үйлчилгээнд энэ үйлчилгээний тоон гарын үсгийн чадварыг ашиглах боломжийг олгоно.



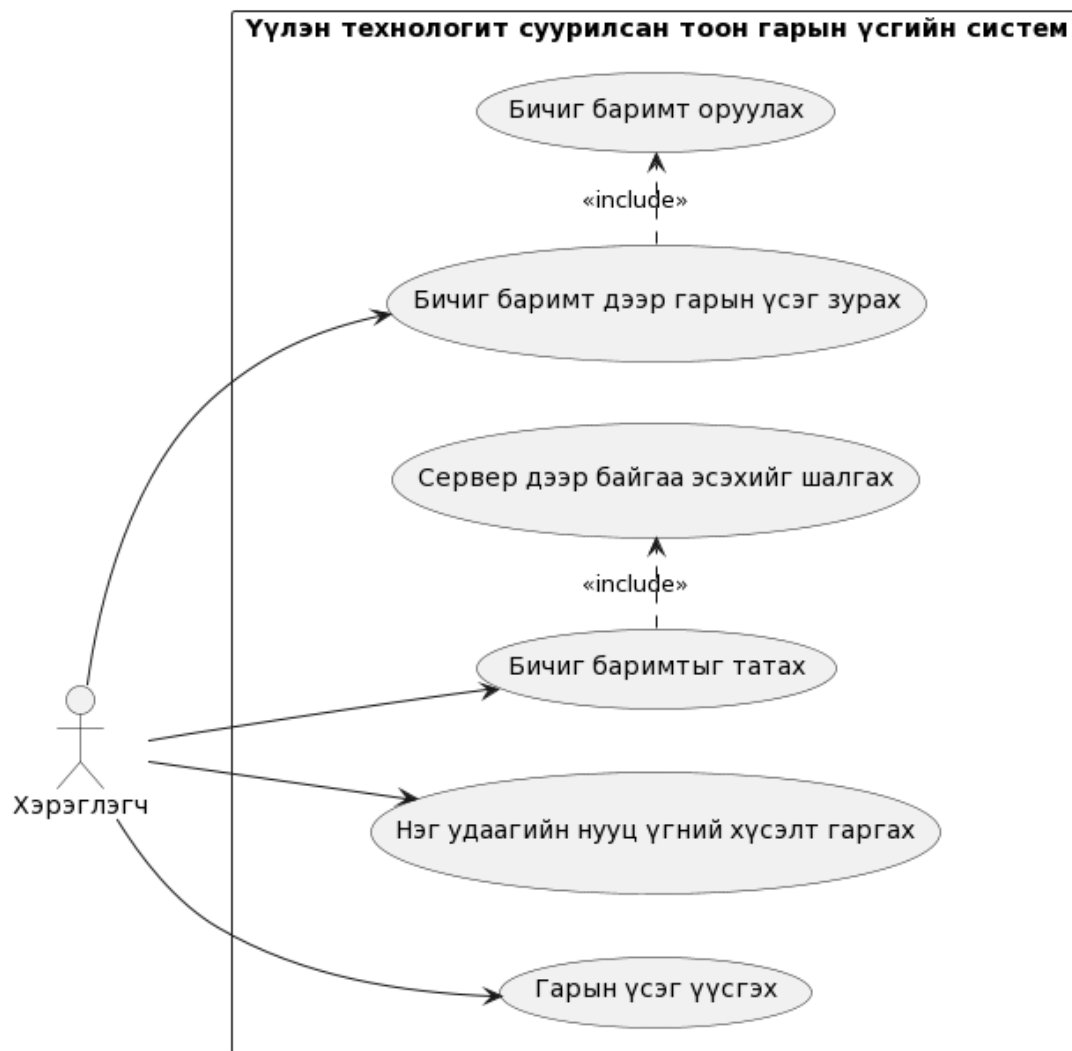
## 2.2. СИСТЕМИЙН ШААРДЛАГА БҮЛЭГ 2. СИСТЕМИЙН СУДАЛГАА, ЗОХИОМЖ

### Функциональ бус шаардлагуудыг дараах хүснэгтэд тодорхойлов

Хүснэгт 2.2: Функциональ бус шаардлага

ФБШ 100	Систем нь GDPR эсвэл HIPAA гэх мэт холбогдох бүх мэдээллийн аюулгүй байдал, нууцлалын дүрэм журмыг дагаж мөрдөх ёстой. Гарын үсэг, баримт бичиг зэрэг бүх өгөгдөл шифрлэгдсэн байх ёстой.
ФБШ 200	Систем нь гүйцэтгэлийн бууралтгүйгээр олон тооны хэрэглэгчид болон баримт бичгүүдийг зохицуулах чадвартай байх ёстой.
ФБШ 300	Үүлэн үйлчилгээ нь хамгийн бага зогсолттой, 24/7 цагийн турш ашиглах боломжтой байх ёстой. Үйлчилгээний түвшний гэрээ (SLA) нь дор хаяж 99.9% ажиллах хугацааг баталгаажуулах ёстой.
ФБШ 400	Систем нь хүлээн зөвшөөрөгдсөн тодорхой хугацааны дотор гарын үсэг үүсгэх, баталгаажуулах хүсэлтийг хурдан боловсруулах чадвартай байх ёстой.
ФБШ 500	Систем нь янз бүрийн техникийн чадвартай хэрэглэгчдэд үүнийг үр дүнтэй ашиглах боломжийг олгодог хэрэглэгчдэд ээлтэй интерфэйстэй байх ёстой.
ФБШ 600	Үүлэн үйлчилгээ нь янз бүрийн үйлдлийн систем, хөтөч, төхөөрөмжтэй нийцтэй байх ёстой.
ФБШ 700	Энэ систем нь гамшгийн үед өгөгдөл алдагдахгүй байхын тулд найдвартай нөөцлөх, сэргээх механизмтай байх ёстой.
ФБШ 800	Систем нь Европ дахь eIDAS эсвэл АНУ-ын ESIGN хууль зэрэг тоон гарын үсгийн хууль тогтоомж, дүрэм журамд нийцсэн байх ёстой.

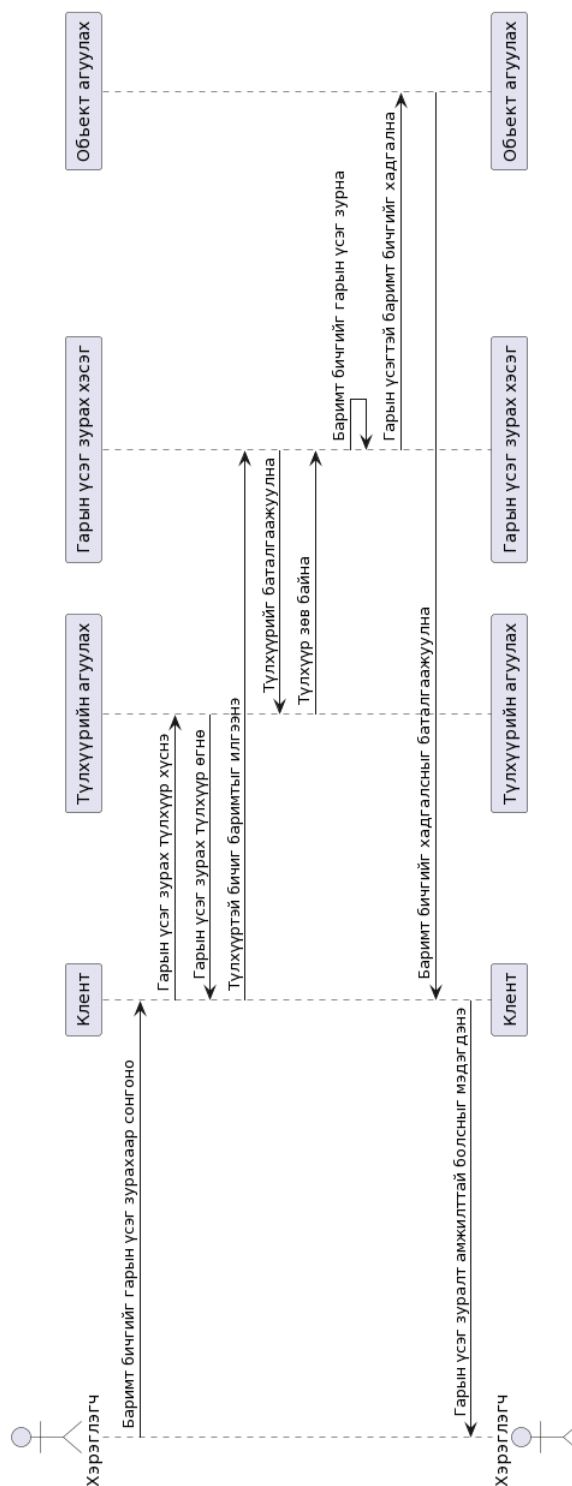
## 2.3 Use case диаграм



Зураг 2.1: Use case диаграм

1. Хэрэглэгч системийг ашиглан өөрийн бичиг баримтыг зурахын тулд эхлээд эдгээр баримтын систем рүү оруулж өгсөн байх шаардлагатай.
2. Хэрэглэгч өөрийн гарын үсгийг үүсгэх эсвэл, хүний оролцоогүй системээр автоматаар үүсгүүлэх боломжтой.
3. Хэрэглэгч баталгаажсан бичиг баримтыг гурав хоногийн дотор татаж авах боломжтой.

## 2.4 Хэрэглэгч баримт баталгаажуулах sequence диаграммыг харуулав



Зураг 2.2: Sequence диаграм

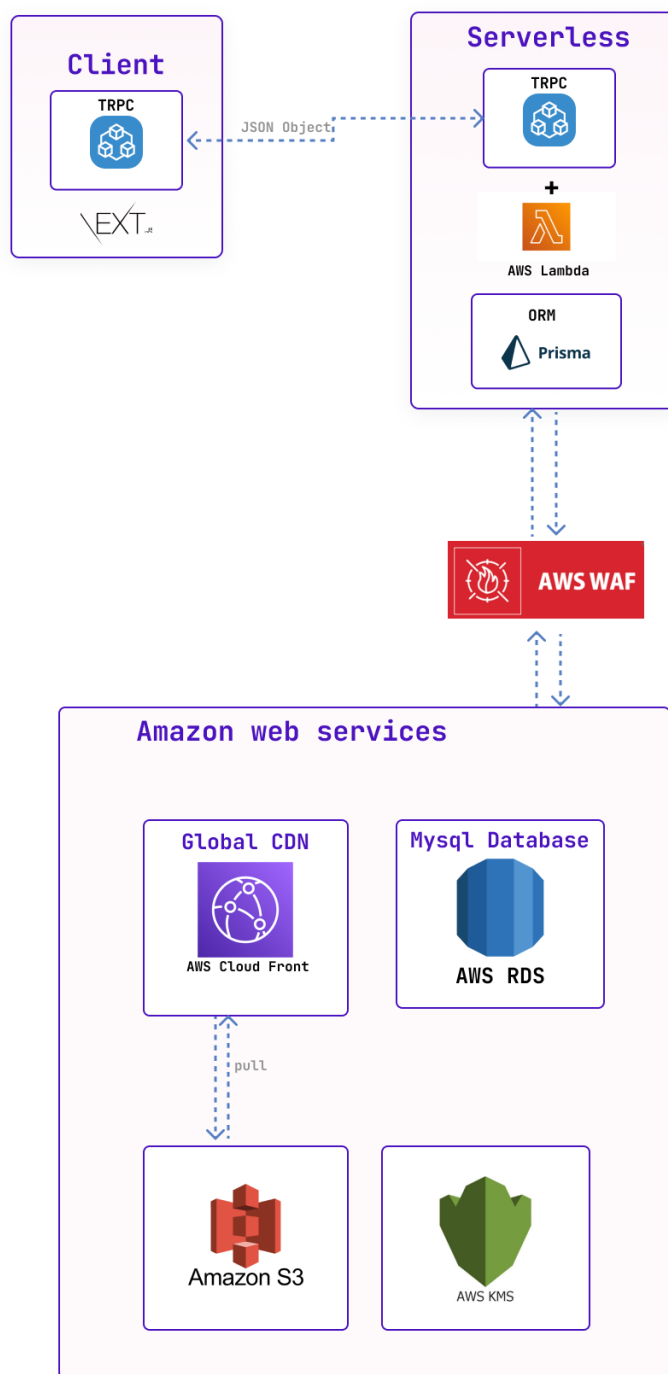
## 2.5 Өгөгдлийн сангийн диаграм



Зураг 2.3: Өгөгдлийн сангийн диаграм

## 2.6 Архитектур

Энэхүү төслийг ажиллахад илүү хямд зардалтай хүртээмжтэй, ачаалал даах чадварыг нэмэх зорилгоор серверлесс Архитектур сонгосон юм. Фронт-энд хэсэг нь NextJS-н ашигласан тул Сервер талын рендер хийж байгаа ба Бак-энд хэсэг нь тэр чигтээ AWS-н Ламдба функц дээр ажиллах юм. Хэрэглэгчийн серверлүү илгээж байгаа бичиг баримтыг AWS-н Ламдба дээр үүсгэсэн нэг удаагийн холбоосоор хэрэглэгч шууд AWS-руу оруулах юм. Өмнө нь WhatsApp ийм маягаар файл оруулдаг байсан жишээнээс санаа авсан. Статик файлуудыг AWS-н Cloud Front дээр байрлуулсан ба энэ нь дэлхийн өнцөг бүрт байдаг хэрэглэгчид хамгийн ойрхан контент түгээх сүлжээ юм энэ нь хэрэглэгчид илүү хурдан татах боломжийг олгохоос гадна мөн сагхүүгийн хувьд хэмнэлттэй болдог юм. Хэт их хэмжээний хандалт, халдлага зэргээс сэргийлэх зорилгоор AWS-WAF ашиглаж бүх хүсэлтүүд илгээгдэнэ.



Зураг 2.4: Архитекурын зураг

**2.7 Өгөгдлийн сангийн хүснэгтүүд**

Хүснэгт 2.3: User хүснэгт

№	Талбарын нэр	Өгөгдлийн төрөл	Тайлбар
1	id	Varchar	Хэрэглэгчийн дахин давтагдашгүй ID-г хадгална
2	email	Varchar	Хэрэглэгчийн цахим шууданг хадгална
3	password	Varchar	Хэрэглэгчийн нууц үгийг шифрлэж, энэ талбарт хадгална
4	name	Varchar	Хэрэглэгчийн интерфейсээс оруулсан хэрэглэгчийн нэр. Зөвхөн латин үсгийг хадгална.
5	emailVerified	DateTime	Хэрэглэгчийн имэйлийг баталгаажуулсан цагийн тэмдэг
6	image	Varchar	Хэрэглэгчийн байршуулсан зургийн холбоос хадгалагдах бөгөөд зам нь энэ талбарт хадгалагдана

Хүснэгт 2.4: Session хүснэгт

№	Талбарын нэр	Өгөгдлийн төрөл	Тайлбар
1	id	Varchar	Нэвтрэлтийн түүхийн өвөрмөц ID
2	sessionToken	Varchar	Гуравдагч этгээдийн токен (Github, Google) байна.
3	userId	Varchar	Хэрэглэгчийн өвөрмөц ID
4	expires	DateTime	Дуусах хугацаа

Хүснэгт 2.5: UserGeneratedKeys хүснэгт

№	Талбарын нэр	Өгөгдлийн төрөл	Тайлбар
1	id	Varchar	Өвөрмөц ID
2	userId	Varchar	Түлхүүрийг үүсгэсэн хэрэглэгчийн ID
3	publicKeyLink	Varchar	Нийтийн түлхүүрийн байршил
4	privateKeyLink	Varchar	Хувийн түлхүүрийн байршил
5	createdAt	DateTime	Үүсгэсэн огноо
6	updatedAt	DateTime	Шинэчилсэн огноо

Хүснэгт 2.6: VerificationToken хүснэгт

№	Талбарын нэр	Өгөгдлийн төрөл	Тайлбар
1	identifier	Varchar	Токенд зориулсан өвөрмөц ID
2	token	Varchar	Баталгаажуулалтын Токен
3	expires	DateTime	Дуусах хугацаа



Хүснэгт 2.7: Account хүснэгт

№	Талбарын нэр	Өгөгдлийн төрөл	Тайлбар
1	id	Varchar	Өвөрмөц ID
2	userId	Varchar	Энэ бүртгэлтэй холбоотой хэрэглэгчийн ID
3	type	Varchar	Бүртгэлийн тө
4	provider	Varchar	Аль гуравдагч этгээдийг дамжиж нэвтэрсэн (Github, Google)
5	providerAccountId	Varchar	Хаягийн өвөрмөц ID
6	refresh_token	Varchar	Шинэ токен үүсгэх нууц үг
7	access_token	Varchar	Баталгаажуулах токен
8	expires_at	Int	Дуусах хугацаа
9	token_type	Varchar	Төрөл
10	scope	Varchar	Нэвтрэлтийн эрх
11	id_token	Varchar	Өвөрмөц ID
12	session_state	Varchar	Одоо нэвтрэлттэй байгаа эсэх

Хүснэгт 2.8: UserUploadedFiles хүснэгт

№	Талбарын нэр	Өгөгдлийн төрөл	Тайлбар
1	id	Varchar	Хэрэгдэгчийн оруулсан файлын өвөрмөц ID
2	userId	Varchar	Файлыг байршуулсан хэрэглэгчийн ID
3	fileName	Varchar	Файлын нэр
4	filePath	Varchar	Файл хадгалагдаж буй зам
5	createdAt	DateTime	Файлыг байршуулсан цаг
6	updatedAt	DateTime	Файлын мэдээлэл хамгийн сүүлд шинэчлэгдсэн цаг

Хүснэгт 2.9: OtpSecret хүснэгт

№	Талбарын нэр	Өгөгдлийн төрөл	Тайлбар
1	id	Varchar	Нэг удаагийн нууц үг үүсгэх түлхүүрийн ID
2	userId	Varchar	Холбоотой хэрэглэгчийн ID
3	isVerified	Boolean	ОТР нь баталгаажсан эсэх
4	secret	Text	Нэг удаагийн нууц үгийн баталгаажуулалтад ашигласан нууц
5	createdAt	DateTime	ОТР үүсгэсэн цаг
6	updatedAt	DateTime	Хамгийн сүүлд шинэчилсэн цаг

Хүснэгт 2.10: SignatureDigest хүснэгт

№	Талбарын нэр	Өгөгдлийн төрөл	Тайлбар
1	id	Varchar	Нууц үгийн хайшийн ID
2	fileName	Varchar	Холбогдсон файлын нэр
3	userId	Varchar	Харгалзах хэрэглэгчийн ID
4	digest	Text	Хайшын утга
5	createdAt	DateTime	Үүсгэсэн огноо
6	updatedAt	DateTime	Шинэчилсэн огноо

## 3. ХЭРЭГЖҮҮЛЭЛТ

### 3.1 Сонгосон технологи

#### 3.1.1 *Nextjs & Reactjs*

##### **Declarative**

React нь хэрэглэгчийн интерактив интерфэйс бүтээхийг хялбарчилдаг. Аппликейшны state бүрд зориулсан энгийн бүтэц зохион байгуулахаас гадна, React нь өгөгдөл өөрчлөгдөхөд яг зөв компонентоо өөрчлөн рендер хийдэг. Declarative бүтэц нь кодыг тань debug хийхэд хялбар болгохоос гадна, ажиллагаа нь илүү тодорхой болдог

##### **Компонент-д тулгуурласан**

Бие даан state-ээ удирддаг маш энгийн компонент бичиж, эдгээрийг хольж найруулан нарийн бүтэцтэй хэрэглэгчийн интерфэйс бүтээ.

Компонентийн логик нь тэмплэйт-ээр бус JavaScript-ээр бичигддэг учраас өгөгдлийг апп хооронд хялбар дамжуулж, DOM-оос state-ээ тусд нь байлгаж чадна.

##### **Nextjs**

Netflix, TikTok, Hulu, Twitch, Nike гэсэн орчин үеийн аваргууд ашигладаг энэхүү орчин үеийн фрэймворк нь React технологи дээр үндэслэгдсэн бөгөөд Frontend Backend хоёр талд хоёуланд нь ажилладаг веб аппуудыг хийх чадвартайгаараа бусдаасаа давуу юм. Next.js -ийн үндсэн дизайн нь клиент болон сервер талын аль алиных давуу талыг ашиглаж чаддаг, ямар нэг дутагдалгүй веб сайтыг яаж хамгийн хурдан хялбар бүтээх вэ гэдгийг бодож тусгасан байдаг. Next.js нь сервер талд react компонентуудыг рендерлэн энгийн html, css, json файл болгон хувиргах замаар ажилладаг бөгөөд 2020 оноос олон нийтэд танигдсан JAMStack технологи

болон статик сайт, автоматаар статик хуудас үүсгэх, CDN deployment, сервергүй функц, тэг тохиргоо, файлын системийн рүүтинг (PHP-ээс санаа авсан), SWR (stale while revalidate), сервер талд рендерлэх зэрэг асар олон орчин үеийн шинэхэн технологиудыг бүгдийг хийж чаддаг анхны бүрэн веб фреймворк гэж хэлж болно.[?]

### 3.1.2 *tRPC (Back End)*

Энгийнээр хэлбэл, tRPC нь клиент болон сервер хоорондоо сүлжээгээр харилцаж болох API (Application Programming Interfaces) бүтээх хэрэгсэл юм. Энэ нь хувьсагчийн төрлүүдийг нягт зааж өгч Front-End Back-End хоёрийг холбож ажилладаг. Жишээ нь хэрвээ сервер тал дээр ажиллаж байгаа хөгжүүлэгч, функцын параметр солиход энгийн REST api эсвэл GraphQL түүнийг мэдэж чадахгүй юм. Харин tRPC нь шууд алдаа болж харагдах ба хөгжүүлэлтийн орчинд Back-end Front-end хоёр холбогдож ажилдаг гэдгээрээ давуу юм. Ингэснээр хөгжүүлэхэд илүү хялбар, инжинерт илүү ээлтэй болдог билээ. Кодыг ??

### 3.1.3 *AWS S3 объект агуулах*

AWS S3 (Amazon Simple Storage Service) нь Amazon Web Services (AWS) дээрх өгөгдөл, мэдээллийг онлайнаар нөөцлөх, архивлахад зориулагдсан хязгааргүй өргөтгөх боломжтой, өндөр хурдтай, вэб технологит суурилсан үүлэн хадгалах үйлчилгээ юм. Энэ нь вэбийн хаанаас ч хүссэн үедээ ямар ч хэмжээний өгөгдлийг хадгалах, сэргээхэд ашиглаж болно.

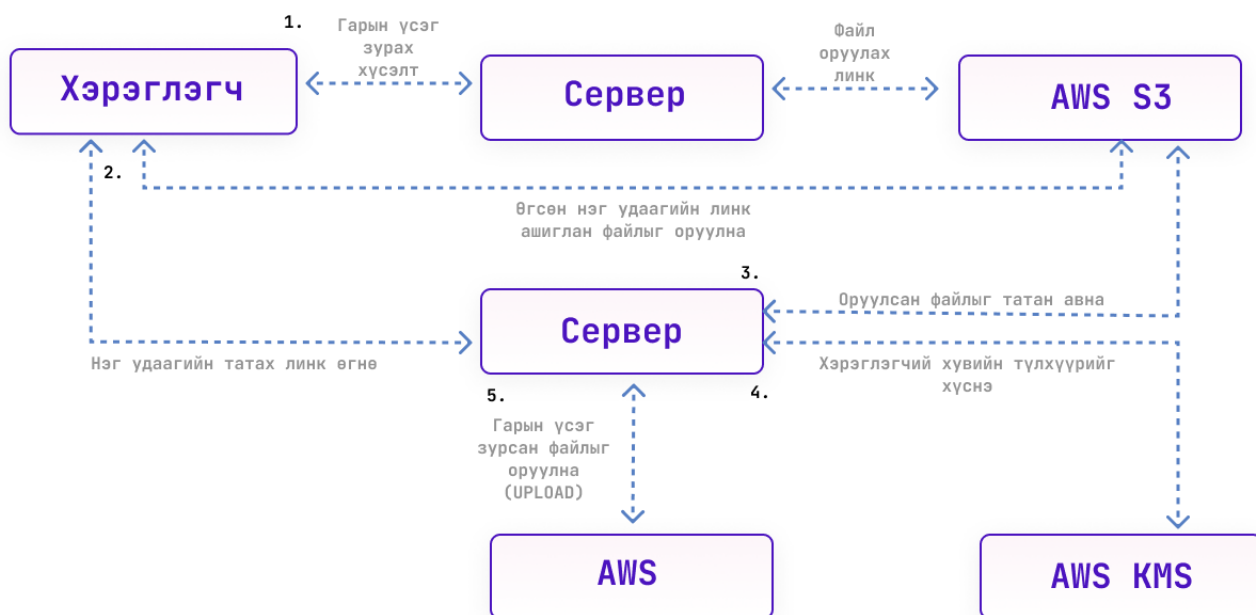
### 3.1.4 *AWS KMS*

AWS Түлхүүр Удирдлагын Үйлчилгээ (KMS) нь криптографын түлхүүрүүдийг үүсгэх, хянахад хялбар болгодог. Мөн түүнчлэн түлхүүр нь ашиглагдаагүй хадгалагдаж байх үедээ шифрлэгдсэн байдаг. Энэхүү үйлчилгээ нь бусад AWS үйлчилгээнүүдтэй нэгтгэгдсэн тул эдгээр үйлчилгээнд хадгалсан өгөгдлийг шифрлэх, кодыг тайлах түлхүүрүүдэд хандах хандалтыг хянахад хялбар болгодог.

## 3.1.5 Dockerizing

Орчин үеийн нэгэн гайхалтай технологи бол контейнерчлах юм. Яагаад Docker чухал вэ гэвэл, ямар нэгэн систем хөгжүүлэгчийн компьютер аль эсвэл ямар сервер дээр ажиллаж байгаагаас үл хамааран програм нь өөрийн тусдаа орчинд ажиллах юм. Яг л Virtual machine шиг гэхдээ давуу тал нь Docker host system-ийнхээ цөмийг (kernel)-г ашигладаг учраас маш бага хэмжээний зай, нөөц ашигладаг. Энэ нь програм хангамж ямар ч нөхцөлд хөгжүүлэлт тасралтгүй явж байх орчноор хангадаг ба системд хэзээ ч тасалдал үүсгэхгүй мөн хүний оролцоог маш бага байлгах давуу талтай.<sup>1</sup>

## 3.2 Ажиллагаа



Зураг 3.1: Вебийн ажиллагаа

<sup>1</sup> Дадлагын ажлаасаа иш татав. <https://github.com/b4ljk/internship-report>

**3.2.1 Гарын үсэг зурах**

**Сервер талд ажиллах**

1. Хэрэглэгчийн оруулсан файлыг объект агуулахаас (AWS S3) татаж авах.
2. Файлын бинари (binary) хэсгийг SHA256 алгоритм ашиглан хайш утгыг тооцоолох.
3. Хэрэглэгчийн хувийн түлхүүрийг аюулгүй хадгалах орчноос авах (AWS KMS).
4. Хувийн түлхүүрийг ашиглах хайш утгыг шифрлэх.
5. Шифрлэгдсэн утгыг өгөгдлийг сан руу хадгалах.
6. Шифрлэгдсэн утга буюу гарын үсгийг олон улсын стандартын дагуу PDF файл руу нэмэх.
7. Шинээр үүссэн буюу шифрлэгдсэн файлыг объект агуулах руу хуулах.
8. Нэг удаагийн татаж авах холбоосыг хэрэглэгчид өгөх.

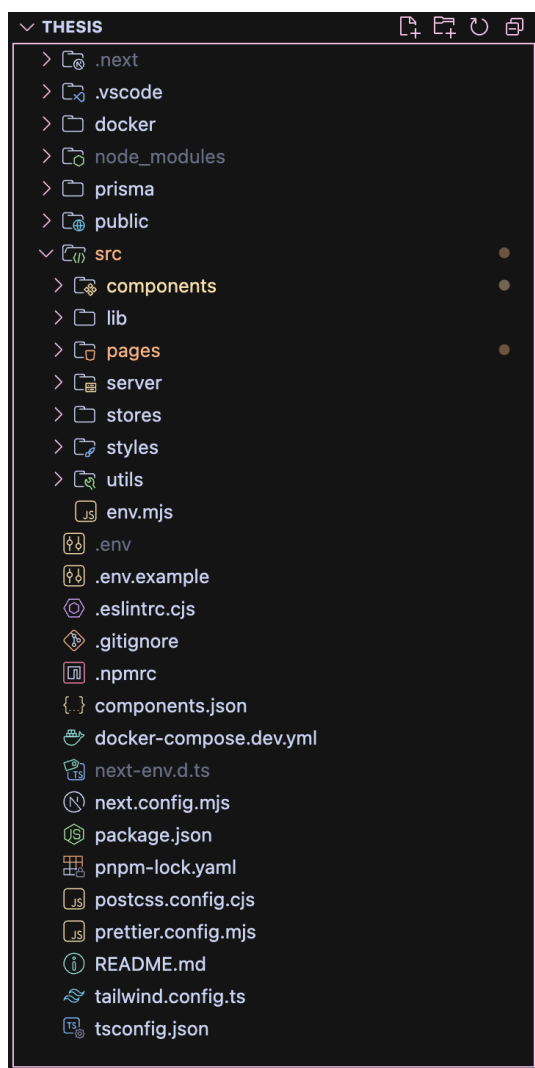
**Хэрэглэгч талд ажиллах**

1. Хэрэглэгчийн өөрийн файлыг оруулах.
2. Файлын бинари (binary) хэсгийг SHA256 алгоритм ашиглан хайш утгыг тооцоолох.
3. Хэрэглэгч хувийн түлхүүрээ оруулах.
4. Хувийн түлхүүрийг ашиглах хайш утгыг шифрлэх.
5. Шифрлэгдсэн утгыг сервер рүү илгээх.
6. Шифрлэгдсэн утга буюу гарын үсгийг олон улсын стандартын дагуу PDF файл руу нэмэх.
7. Хэрэглэгч талд гарын үсэг зурсан файл үүсэх.

### 3.3 Хөгжүүлэлт

#### 3.3.1 Хөгжүүлэлтийн орчныг бэлдэх

Миний хувьд хөгжүүлэлтийн орчныг бэлдсэнээр нийт ажлын тал нь дуусдаг. Энэхүү судалгааны ажлын практик хэсэгт би NextJS, tRPC, PrismaORM, PlanetscaleDB, AWS зэргийг ашиглан хөгжүүлэлт хийх билээ. NextJS нь монологик төсөл хийхэд тохиромжтой ба би төслийн сервер, клиент талуудыг нэг repository-д хадгалж байгаа юмаа. Version Control System дээр Github-г соногосон юм. Кодын фолдер бүтэцmaī нь дараах байдлаар байна.



Зураг 3.2: Фолдерийн бүтэц

- **.github/workflows** - CI/CD хийхэд шаардлагатай файлууд
- **components** - React компонентууд
- **lib** - Хэрэглэгчийн талын шаардлагатай код туслах функцууд
- **pages** - NextJS дээрх хуудаснууд
- **prisma** - Prisma ORM-ийн өгөгдлийн сангийн зохион байгуулалт
- **public** - Хуудаснуудын зураг, css файлууд
- **server** - Сервер талын код
- **store** - Хэрэглэгчийн талын төлвийг (state) хадгалах сан
- **docker** - Dockerfile, docker-compose файлууд

#### Өгөгдлийн сангийн зохион байгуулалт

Призма нь өгөгдлийн сан болон, код баз хоёрын хялбараар холбоход тусладаг. Үүнийг ORM гэж нэрлэдэг ба давуу тал нь, өгөгдлийг ариутгах, өгөгдлийг сангийн зохион байгуулалт түүхийг хадгалах зэрэг ажлыг инженер хийх шаардлаггүй болох юм.

```
1 generator client {  
2   provider = "prisma-client-js"  
3 }  
4  
5 datasource db {  
6   provider      = "mysql"  
7   url           = env("DATABASE_URL")  
8   relationMode  = "prisma"  
9 }  
10
```



```

11 model Example {
12     id          Int          @id @default(autoincrement())
13     name        String
14     createdAt   DateTime @default(now())
15     updatedAt   DateTime @updatedAt
16
17     @@index([name])
18 }
19
20 // Necessary for Next auth
21 model Account {
22     id              String @id @default(cuid())
23     userId           String
24     type             String
25     provider         String
26     providerAccountId String
27     refresh_token    String? @db.Text
28     access_token     String? @db.Text
29     expires_at       Int?
30     ...

```

Код 3.1: Prisma Өгөгдлийн сангийн модел

## AWS

Амазоны санал болгодог үйлчилгээнүүдийг өөртөө тохирхийг нь ашигласнаар заавал өөрийн серверийг ажлуулах шаардлаггүй болно. Мэдээж ашиглахийн тулд AWS дээрээ тохиргоонуудыг хийх ба нууцлалын мэдээллүүдээ код дундаа оруулж үүнийгээ ашиглах юм.

Жишээ нь хэрэглэгчийн оруулсан файлыг 3 хоногийн дараа устана гэсэн тохиргоог AWS

дээр хийж өгсөн байгаа.

```
1 import aws from "aws-sdk";
2
3 aws.config.update({
4   accessKeyId: process.env.S3_ACCESS_KEY,
5   secretAccessKey: process.env.S3_SECRET,
6   region: process.env.AWS_REGION,
7 });
8
9 export const s3 = new aws.S3();
10
11 export default aws;
```

Код 3.2: AWS нууцлалын хэсэг

```
1 import { type PresignedPost } from "aws-sdk/clients/s3";
2 import { s3 } from "~/utils/aws";
3
4 export const uploadToSignedUrl = async ({
5   signedUploadUrl,
6   file,
7   setUploadProgress,
8   index,
9 }): {
10   signedUploadUrl: PresignedPost;
11   file: File;
12   setUploadProgress: React.Dispatch<React.SetStateAction<number[]>>;
13   index: number;
14 }): Promise<void> => {
```

```
15 return new Promise((resolve, reject) => {
16     const formData = new FormData();
17     Object.keys(signedUploadUrl.fields).forEach((key) =>
18         formData.append(key, signedUploadUrl.fields[key]!),
19     );
20     formData.append("file", file);
21
22     const xhr = new XMLHttpRequest();
23     xhr.open("POST", signedUploadUrl.url, true);
24
25     xhr.upload.addEventListener("progress", (event) => {
26         if (event.lengthComputable) {
27             const percentComplete = (event.loaded / event.total) * 100;
28             console.log(`Upload is ${percentComplete}% done.`);
29             setUploadProgress((prev) => {
30                 const newProgress = [...prev];
31                 newProgress[index] = percentComplete;
32                 return newProgress;
33             });
34         }
35     });
36
37     xhr.onload = () => {
38         if (xhr.status > 199 && xhr.status < 300) {
39             resolve();
40         } else {
41             reject(`Error: ${xhr.status}`);
42         }
43     }
44 }
```

```

43     };
44
45     xhr.onerror = () => {
46         reject(`Error: ${xhr.status}`);
47     };
48
49     xhr.send(formData);
50 });
51 };

```

Код 3.3: Файл серверлүү урсгалаар илгээх

### Хэрэглэгчийн хэсгийн хөгжүүлэлт (Front-end)

Энэ хэсэгт хэрэглэгчийн сервертэй харьцах API хэсэг хийгдсэн ба tRPC нь хэрэглэгчийн талаас серверлүү хүсэлт илгээхдээ хүүк бичих байдлаар ажилдаг. Доор оруулсан код нь API-тэй холбоотойгоор ямар нэгэн алдаа гарвал вэб аппликейшныг тэр чигт нь унагахгүйгээр ямар ч алдааг хэрэглэгчид ойлгомжтой мессеж болгож харуулах код.

```

1  const queryClient = new QueryClient({
2    queryCache: new QueryCache({
3      onError: (err) => {
4        toast.error(getError(err));
5      },
6    }),
7    mutationCache: new MutationCache({
8      onError: (error) => {
9        toast.error(getError(error));
10       if (error instanceof TRPCClientError) {
11         const err = error.shape as TRPCErrShape;

```

```

12     if (err.code === TRPC_ERROR_CODES_BY_KEY.UNAUTHORIZED) {
13         modalHandler.setModal(!modalHandler.isModalOpen);
14     }
15 }
16 },
17 }),
18 defaultOptions: {
19     queries: {
20         refetchOnWindowFocus: false,
21         retry: false,
22     },
23     mutations: {
24         retry: false,
25     },
26 },
27 });

```

Код 3.4: Глобал алдааны мэдээллэгч

### Сервер хэсгийн хөгжүүлэлт (Back-end)

Middleware нь кодыг эмх цэгцтэй байхад хэрэг болдог ба хэрэглэгчээс хүсэлт ирэхэд сервер хариу өгөхийн яг өмнөхөн ажилдаг хэсэг код билээ. Энэ хэсэгт хэрэглэгчийн мэдээллийг шалгах, нэвтэрсэн үгүйг тодорхойлох зэргийг хийхэд тохиромжтой байдаг.

```

1 const enforceUserIsAuthenticated = t.middleware(({ ctx, next }) => {
2     if (!ctx.session?.user) {
3         throw new TRPCError({
4             code: "UNAUTHORIZED",
5             message: "User is not logged in".toUpperCase(),

```

```
6     });
7   }
8   return next({
9     ctx: {
10       // infers the `session` as non-nullable
11       session: { ...ctx.session, user: ctx.session.user },
12     },
13   });
14 });
```

Код 3.5: Middleware

Бүх API нь нэгдсэн байдлаар нэг газар зангидагдаж байх ёстой. Миний хувьд tRPC дээрх бүх API-г root.ts гэдэг файл дотор нэгтгэж сервэрийн кодны үндэс болгож байгаа юм.

```
1 import { exampleRouter } from "~/server/api/routers/example";
2 import { createTRPCRouter } from "~/server/api/trpc";
3 import { authRouter } from "./routers/auth";
4 import { s3Router } from "./routers/s3";
5 import { secretKeyRoute } from "./routers/key";
6 import { signerRoute } from "./routers/signer";
7 import { otpRoute } from "./routers/otp";
8
9 export const appRouter = createTRPCRouter({
10   auth_router: authRouter,
11   s3_router: s3Router,
12   key_router: secretKeyRoute,
13   sign_router: signerRoute,
14   otp_router: otpRoute,
15 });
```

```
16
17 export type AppRouter = typeof appRouter;
```

Код 3.6: Root

### 3.4 PCA (RSA) Хэрэгжүүлэлт

PCA нь  $p$ , ба  $q$  хоёр анхны тооны үржигдэхүүнээр  $N$  буюу модулуc тодорхойлогддог. Гэвч 2048 бит мэтийн маш их олон оронтой тоог анхны тоо эсэхийг нь шалгахад нүсэр тооцоолол орох болдог. Иймд Миллер-Рабины тестийг ашиглаж магадлалаар (probabilistic) анхны тоо эсэхийг нь мэддэг юм.

```
1 function RSA(bitSize: number) {
2   const p = generateLargePrime(bitSize);
3   const q = generateLargePrime(bitSize);
4
5   const n = p.multiply(q);
6   const phi = p.minus(1).multiply(q.minus(1));
7
8   let e = bigInt(65537);
9
10  while (!e.greater(phi) || bigInt.gcd(e, phi).notEquals(1)) {
11    e = e.plus(2);
12  }
13
14  const d = e.modInv(phi);
15
16  return {
17    publicKey: {
18      e,
```

```

19     n,
20   },
21   privateKey: {
22     d,
23     n,
24   },
25 };
26 }

```

Код 3.7: RSA хэрэгжүүлэлт

Хэдий магадлалаар тооцож байгаа ч  $k$  давталтаас хамаарч анхны тоо бус байх магадлал буурна. Жишээ нь  $k = 10$  үед  $\left(\frac{1}{4}\right)^{10}$  буюу саяд нэг байх магадлалтай байна.

```

1 function isProbablyPrime(n: bigint.BigInteger, k: number): boolean {
2   if (n.equals(2) || n.equals(3)) return true;
3   if (n.equals(1) || n.isEven()) return false;
4
5   let s = bigint.zero;
6   let d = n.minus(1);
7
8   while (d.isEven()) {
9     d = d.divide(2);
10    s = s.plus(1);
11  }
12
13  for (let i = 0; i < k; i++) {
14    const a = bigint.randBetween(2, n.minus(2));
15    let x = a.modPow(d, n);
16

```

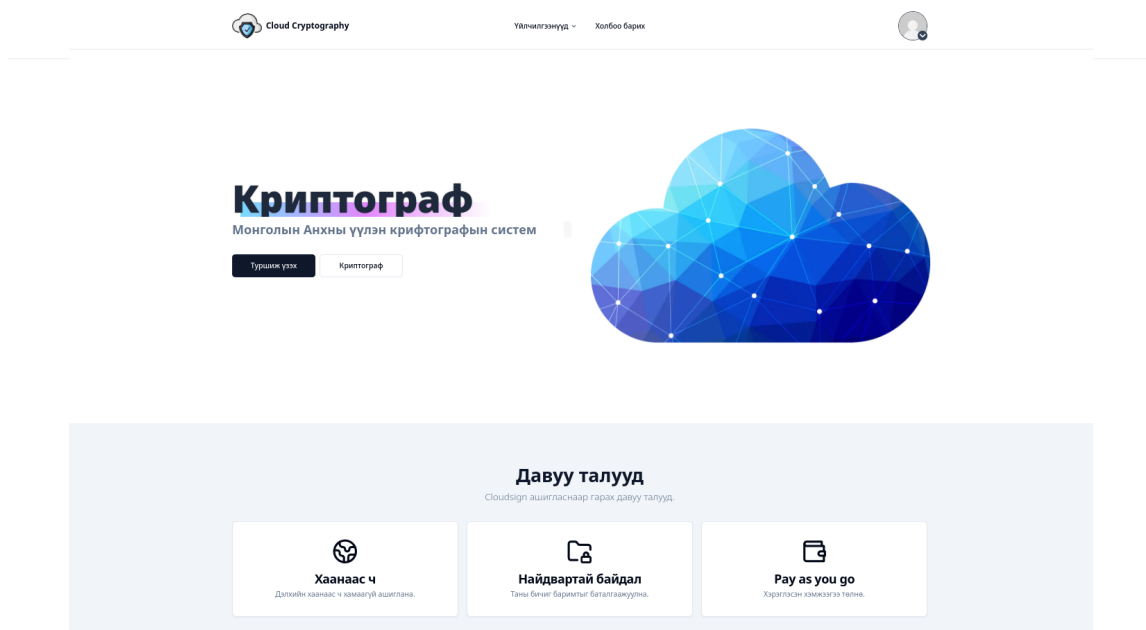


```
17     if (x.equals(bigInt.one) || x.equals(n.minus(1))) continue;
18
19     let passed = false;
20     for (let j = 0; j < Number(s) - 1; j++) {
21         x = x.modPow(2, n);
22         if (x.equals(1)) return false;
23         if (x.equals(n.minus(1))) {
24             passed = true;
25             break;
26         }
27     }
28
29     if (!passed) return false;
30 }
31
32 return true;
33 }
```

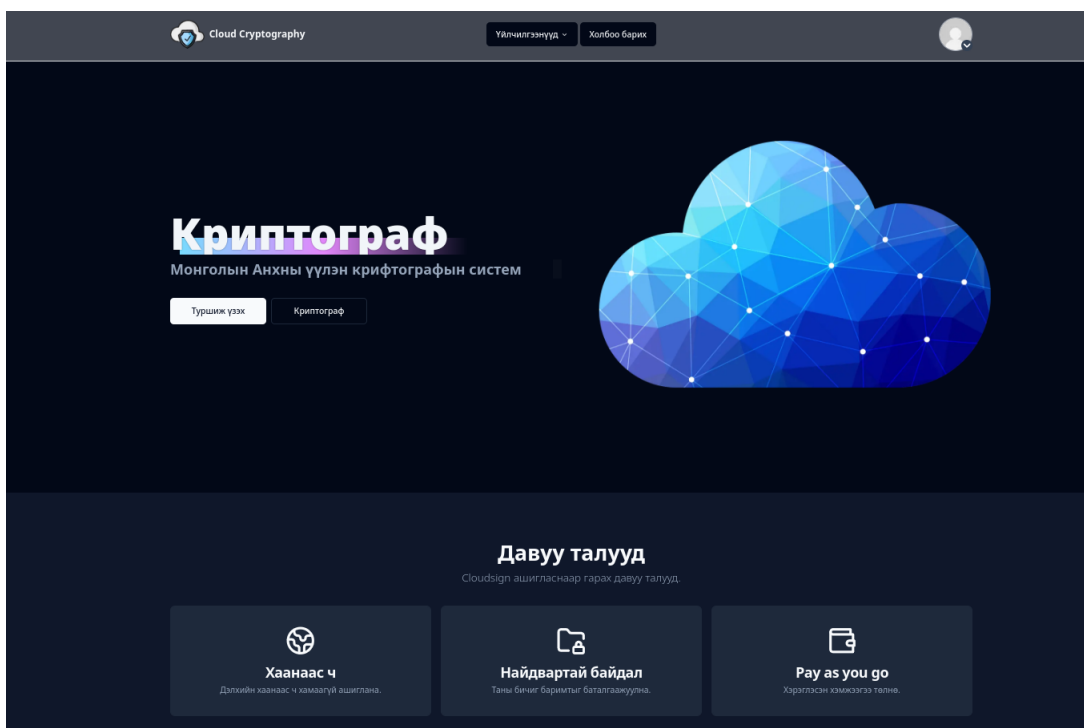
Код 3.8: Миллер-Рабины тест

## 3.5 Үр дүн

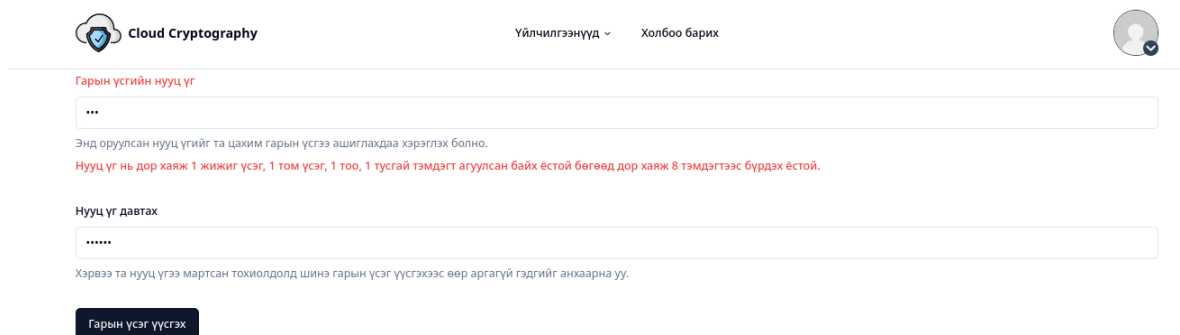
Төслийн практик ажлын үр дүнд бүтээгдсэн үүлэн тоон гарын үсгийг системийн интерфeйс дараах байдлаар харагдана. Өөрийн хувийн нийтийн түлхүүрийг, нууц үгтэйгээр үүсгэх хэсэг.



Зураг 3.3: Нүүр хуудас

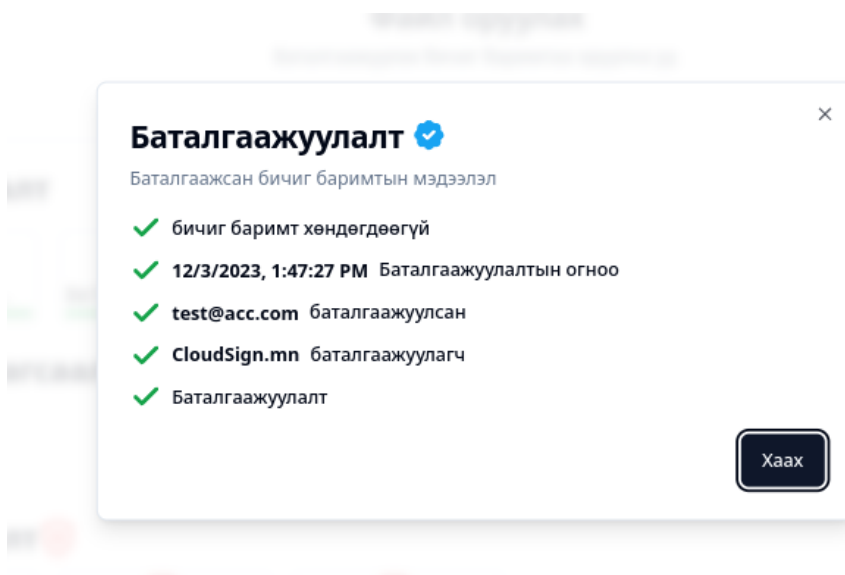


Зураг 3.4: Нүүр хуудас, Шөнийн тохиргоо

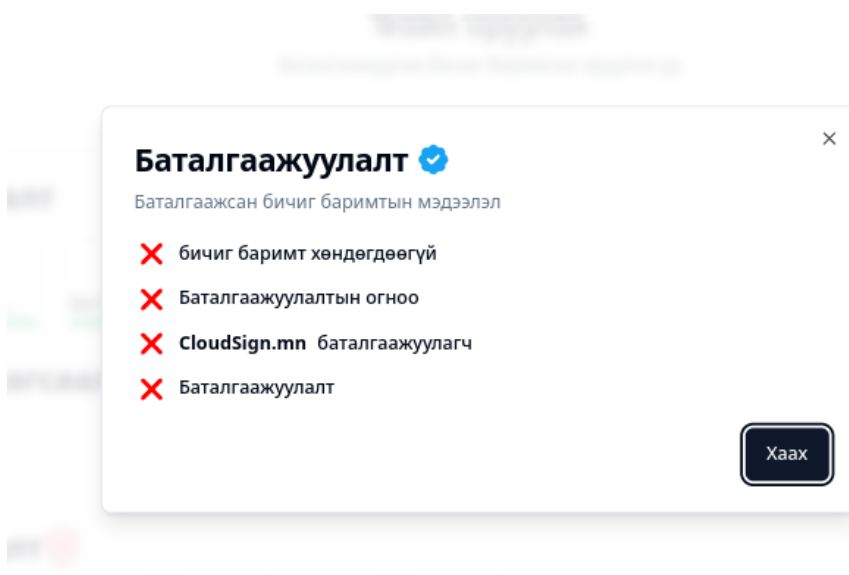


The screenshot shows the 'Cloud Cryptography' web interface. At the top, there's a header with the logo, 'Cloud Cryptography' text, and links for 'Үйлчилгээнүүд' and 'Холбоо барих'. A user profile icon is in the top right. The main content area has a section titled 'Гарын үсгийн нууц үг' (Handwritten message key) with a text input field containing three dots. Below it, a message is displayed: 'Энд оруулсан нууц үгийг та цахим гарын үсгээ ашиглахдаа хэрэглэх болно. Нууц үг нь дор хаяж 1 жижиг үсэг, 1 том үсэг, 1 тоо, 1 тусгай тэмдэгт агуулсан байх ёстой бөгөөд дор хаяж 8 тэмдэгтээс бүрдэх ёстой.' Below the message is a section 'Нууц үг давтах' (Repeat message key) with a password input field. At the bottom, there's a button labeled 'Гарын үсэг үүсгэх' (Generate signature).

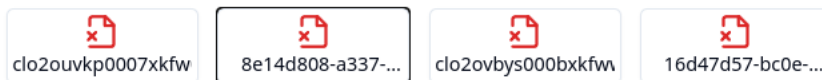
Зураг 3.5: Тоон гарын үсэг үүсгэх шаардлага




Зураг 3.6: Хүчинтэй гарын үсэгтэй баримт



Зураг 3.7: Хүчингүй гарын үсэгтэй баримт


**Оруулсан файлын жагсаалт****Баталгаажсан файлын жагсаалт** ✓**Хуурамч файлын жагсаалт** ✗

Зураг 3.8: Нийт баримтын жагсаалт

 Cloud Cryptography

Үйлчилгээнүүд ▾

Холбоо барих



## Криптограф

RSA

Шифрлэх мэдээлэл (Энгийн текст)

Шифрлэх

Шифрлэгдсэн мэдээлэл

Тайлах

Тайлагдсан мэдээлэл

Модулуус (Modulus)

24306677691684217849749929821862292767834643267349142344153656886614824887752727362218844431731521426949727093616873675228925309626057901414441004246629938684886315380402167168337710188134134042356074788960619466480577920327652271607022101094558541045044321930018316682449055575322201417319617650264568008526021214951036491550814525753044636492766376197588186745723488340523512889008501331675255870133797228903905856009952409032525819677894218289480687583153267330195602711185990458439546033004018998215176405735512572609556868542341663073198407303580748262613822791259959584978328269652860812721042384694173297304371

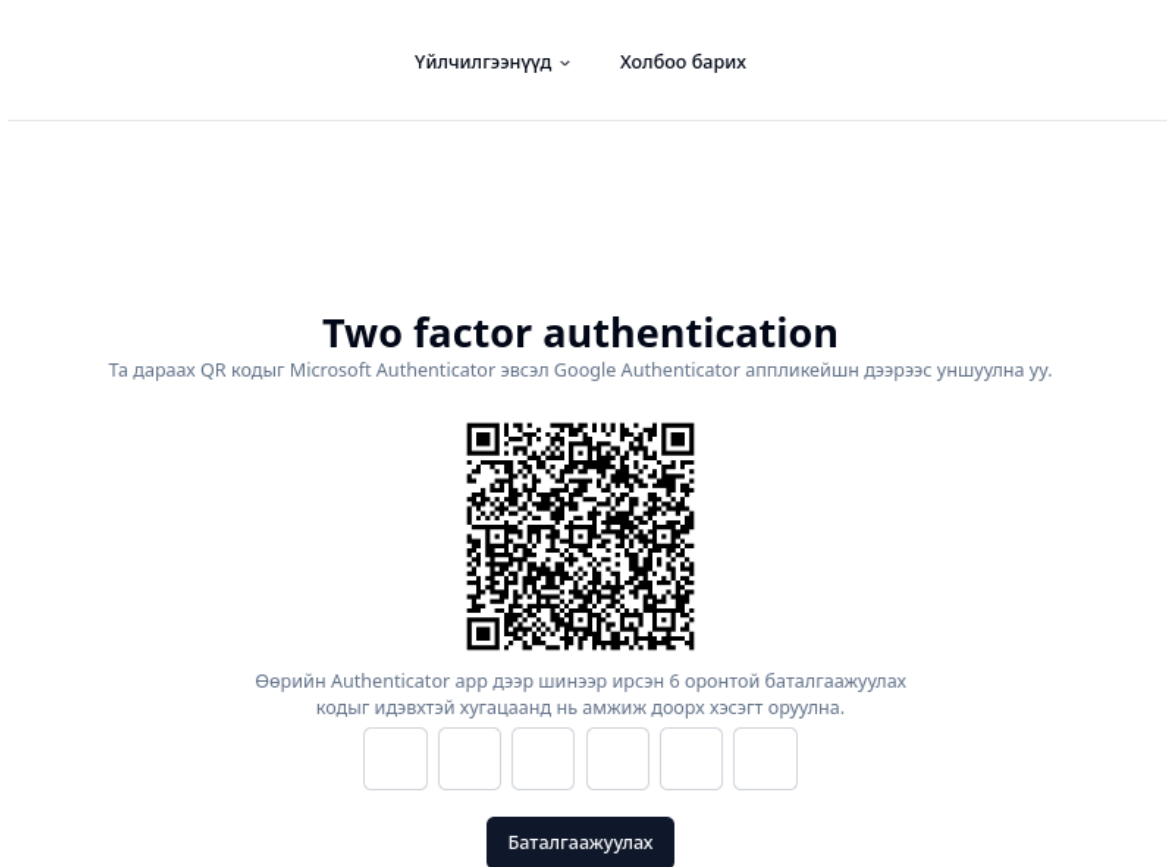
Нууц түлхүүр (Private Exponent)

10557792399870741526464537242687992387133449388436980034787220558811372395245632443605943741945547625009756417145196369621804512358975498582696566022043901148562129740089083902184802891046589357412289286661694524353714258647895286474835507283034785062769949650134525715869448411354035836949034832861686150032761586063870340355173375089454769582181745110684904398508218685184648369810292339760494305402420319271420324728679644124365332073550059935352388032887865561614144415521729564473916331100284605278877122597152737619404378548431970858279475257589005178711566657367671412852925732267169159126918973926365805954457

Экспонент (Public Exponent)

65537

Зураг 3.9: PCA (RSA) алгоритмын хэрэгжүүлэлт



Зураг 3.10: Цагаас хамаарсан нууц үг тохируулах



Зураг 3.11: Цагаас хамаарсан нууц үг тохируулсны дараа

## Дүгнэлт

Энэхүү судалгааны ажлаар дэлхий нийтэд ашиглагдаж буй криптографын зарим алгоритмуудыг судалж хэрэгжүүлсэн билээ. Энэхүү судалж суралцсан мэдлэгээ ашиглан практикт олон улсын стандартад нийцсэн үүлэн технологит суурилсан тоон гарын үсгийн системийн бүтээхийг зорилоо. Үр дүнд нь хамгийн орчин үеийн шинэлэг үүлэн технологиудтай танилцсан ба, бүтээгдэхүүний шаардлагыг гаргаж эх кодыг үүсгэхээс эхлээд эцсийн хэрэглэгчид хүрэх, чанарын шаардлагыг хангаж ачаалал даахуйц системийг бүтээлээ.

Энэхүү систем нь үүлэн технологит суурилсан гэдгээрээ Монгол улсад анхдагч болж байгаа юм. Энэ төрлийн систем нь нууцлалыг маш өндөр түвшинд хангаж байх нь хамгийн чухал байсан ба нийт хөгжүүлэлтийн ажлын дийлэнх цаг нь үүлэн технологийг судлахад зарцуулагдсан билээ. Үүнээс гадна, хэрэглэгчийн утсанд цагаас хамааран өөрчлөгдөх нууц үг тохируулж, гарын үсгийг нь тухайн хэрэглэгчийн нууц үгээр дахин шифрлэж хоёроос гурван шатны хамгаалалтыг нэмсэн юм. Олон улсын стандартад нийцсэн хэлбэрээр бичиг баримтын баталгаажуулах нь нэн төвөгтэй байсан ба нээлттэй эхийн PDF дээр л зөвхөн бүрэн утгаараа ажиллаж байгаа юм. Энэ нь PDF файл цаанаа гарын үсэг зурах хэсэгтэй байдагтай холбоотой. Мөн түүнчлэн систем дээрээ сонгодог криптографын алгоритмуудыг уншсан судалгаанаасаа ямар нэгэн сан ашиглахгүйгээр хэрэгжүүлэхийг оролдсон бөгөөд, энэ нь нэн төвөгтэй ажил байсан. Иймд дугуйг дахин зохион бүтээх шаардлагагүй гэдэгчлэн олон жилийн туршид шалгагдаж, стандарт хангасан сан, кодыг ашиглан хөгжүүлэх нь зүйтэй. Цаашлаад блокчейн технологийг ашиглан бүр ч илүү найдвартай, нийтэд нээлтэй систем болох боломжтой гэж харж байна.

# Bibliography

- [1] Daemen, J., & Rijmen, V. (2002). "The Design of Rijndael: AES - The Advanced Encryption Standard." Springer. p.1-2.
- [2] Д. Гармаа (2022). "Криптографын үндэс." Улаанбаатар хот.
- [3] Bellare, Mihir; Rogaway, Phillip (11 May 2005), Introduction to Modern Cryptography (Lecture notes), archived (PDF) from the original on 2023-10-30, chapter 3.
- [4] Simmons, G. J. (2022, December 29). PCA (RSA) encryption. Encyclopedia Britannica. [https://www.britannica.com/topic/PCA \(RSA\)-encryption](https://www.britannica.com/topic/PCA-(RSA)-encryption)
- [5] Boudot, F., Gaudry, P., Guillevic, A., Heninger, N., Thomé, E., & Zimmermann, P. (2020, February). A 829-bit factorization. Retrieved from <https://members.loria.fr/PZimmermann/records/factor.html>
- [6] Mahto, Dindayal; YADAV, DILIP. (2017). RSA and ECC: A comparative analysis. International Journal of Applied Engineering Research, Vol. 12, pp. 9053-9061.