Capítulo 6. Matrices

7) Hallar los valores de a y de b para que se cumpla la siguiente igualdad:

$$\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} a & 5 \\ 0 & b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 8 \\ 3 & 21 \end{pmatrix}$$

Realizamos las operaciones entre las matrices teniendo en cuenta que el sigo más separa términos, por lo tanto primero hacemos la multiplicación:

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} a & 5 \\ 0 & b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1. a + 0.0 & 1.5 + 0.b \\ 2. a + 2.0 & 2.5 + 2.b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a & 5 \\ 2a & 10 + 2b \end{pmatrix}$$

Entonces podemos hacer la suma de $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} a & 5 \\ 2a & 10 + 2b \end{pmatrix}$ e igualarla a la matriz $\begin{pmatrix} 3 & 8 \\ 3 & 21 \end{pmatrix}$

O podemos primero sumar a ambos miembros el opuesto de $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$ Vamos a resolver de esa forma:

$$\begin{pmatrix} a & 5 \\ 2a & 10 + 2b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 8 \\ 3 & 21 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$$

Entonces:

$$\begin{pmatrix} a & 5 \\ 2a & 10+2b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3-2 & 8-3 \\ 3-1 & 21-4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 2 & 17 \end{pmatrix}$$

Entonces:

$$\begin{pmatrix} a & 5 \\ 2a & 10+2b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 2 & 17 \end{pmatrix}$$

Ahora por igualdad de matrices, debe cumplirse que:

$$a = 1$$
, $5 = 5$, $2a = 2$, $10 + 2b = 17$

Con a = 1 se cumplen las dos ecuaciones que tienen a

Para hallar el valor de b: 10 + 2b = 17 entonces 2b = 17 - 10

Entonces $b = \frac{7}{2}$

Por lo tanto los valores son a = 1 , $b = \frac{7}{2}$

$$a = 1$$
 , $b = \frac{7}{2}$