

Capítulo 6. Matrices

1) f) Hallar una matriz G de 2×2 que cumpla que: $B - 3G + 4(A + B) = 0_{2 \times 2}$

Despejando la matriz G de la ecuación:

$$B - 3G + 4(A + B) = 0_{2 \times 2} \quad \text{tenemos que:} \quad B - 3G = 0_{2 \times 2} - 4(A + B)$$

$$\text{Entonces } -3G = 0_{2 \times 2} - 4(A + B) - B$$

$$\text{y multiplicando a ambos miembros por } -\frac{1}{3}: \quad G = -\frac{1}{3}(0_{2 \times 2} - 4(A + B) - B)$$

Sabiendo que la matriz nula es neutro en la suma de matrices y aplicando la propiedad distributiva del producto por escalar en la suma tenemos:

$$G = -\frac{1}{3}(-4A - 4B - B) \quad \text{entonces} \quad G = -\frac{1}{3}(-4A - 5B)$$

Aplicando nuevamente la propiedad distributiva del producto por escalar en la suma tenemos: $G = \frac{4}{3}A + \frac{5}{3}B$

Ahora recordemos que las matrices A y B son: $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$, las

reemplazamos en la ecuación y operamos:

$$G = \frac{4}{3} \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} + \frac{5}{3} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{4}{3} & \frac{8}{3} \\ 0 & \frac{4}{3} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \frac{5}{3} & 0 \\ 5 & \frac{5}{3} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{4}{3} + \frac{5}{3} & \frac{8}{3} + 0 \\ 0 + 5 & \frac{4}{3} + \frac{5}{3} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & \frac{8}{3} \\ 5 & 3 \end{pmatrix}$$

$$\text{Entonces la matriz buscada es : } G = \begin{pmatrix} 3 & \frac{8}{3} \\ 5 & 3 \end{pmatrix}$$