Capítulo 7. Sistemas y determinantes

2) Verificar que los valores dados son soluciones de los sistemas planteados:

c) {(x,y); x = -3y} para
$$\begin{cases} x + 3y = 0 \\ -3x - 9y = 0 \\ 2x + 6y = 0 \end{cases}$$

(2x+6y=0)
d) x=15/9, y=8/9, z=-11/9 para
$$\begin{cases} 2x+y+z=3\\ y+4z=-4\\ x-y-z=2 \end{cases}$$

c) Para verificar que los pares ordenados (x,y) donde x=-3y son soluciones del sistema, reemplazamos en las ecuaciones y deben cumplirse las 3 igualdades:

$$\begin{cases}
-3y + 3y = 0 \\
-3(-3y) - 9y = 0 \\
2(-3y) + 6y = 0
\end{cases}$$

Como todas las ecuaciones se cumplen los pares (-3y, y) son soluciones del sistema.

Observar que es un sistema con infinitas soluciones, ya que dando valores a y se obtienen valores de x, por ejemplo, el par (-3,1) es solución, el par (9, -3) también. Podríamos dar cualquier valor a y y obtenemos un valor para x.

d) Procedemos de la misma forma, reemplazando en las ecuaciones por los valores dados:

$$\begin{cases}
2\frac{15}{9} + \frac{8}{9} + \left(-\frac{11}{9}\right) = \frac{30+8-11}{9} = \frac{27}{9} = 3 \\
\frac{8}{9} + 4\left(-\frac{11}{9}\right) = \frac{8-44}{9} = -\frac{36}{9} = -4 \\
\frac{15}{9} - \frac{8}{9} - \left(-\frac{11}{9}\right) = \frac{15-8+11}{9} = \frac{18}{9} = 2
\end{cases}$$

Como se cumplen todas las ecuaciones la terna de valores dado es solución del sistema.

Si el sistema dado fuera: $\begin{cases} x + 3y = 0 \\ 2x + 6y = 0 \\ 4x + 6y = 0 \end{cases}$ y el par propuesto como

solución es (-3,1), al reemplazar:

$$\begin{cases}
-3 + 3.1 = 0 \\
2. (-3) + 6.1 = 0 \\
4. (-3) + 6.1 = -6 \neq 0
\end{cases}$$

En este caso, aunque se cumplan dos ecuaciones, el par propuesto no es solución del sistema porque la tercer ecuación no se cumple.