# ИСПОЛЬЗОВАНИЕ РАСПРЕДЕЛЕННЫХ КОЛОНОЧНЫХ ХЕШ-ИНДЕКСОВ ДЛЯ ОБРАБОТКИ ЗАПРОСОВ К СВЕРХБОЛЬШИМ БАЗАМ ДАННЫХ

#### Е.В. Иванова

Южно-Уральский государственный университет

#### Введение

В настоящее время научная и практическая деятельность человека выдвигает все новые масштабные задачи, требующие обработки сверхбольших баз данных. Согласно прогнозам аналитической компании IDC к 2020 г. количество данных в мире достигнет 40 Зеттабайт [1]. Современные технологии баз данных не могут обеспечить обработку столь крупных объемов данных. По оценке IDC из всего объема потенциально полезных данных в 2012 г. всего лишь 3% данных были проиндексированы и только 0.5% были подвергнуты анализу.

Фактически единственным эффективным решением проблемы хранения и обработки сверхбольших баз данных является использование параллельных систем баз данных, обеспечивающих параллельную обработку запросов на многопроцессорных вычислительных системах [2-5].

Для решения проблемы обработки сверхбольших баз данных в статье предлагаются индексные структуры специального вида, которые называются распределенными колоночными хеш-индексами. Хеш-индексы строятся и применяются на основе подхода, описанного в работе [6].

## 1. Обозначения

Под  $R(A^*,B_1,...,B_u)$  будем понимать отношение R с первичным ключом A и атрибутами  $B_1,...,B_u$ , представляющее собой множество кортежей длины u+1 вида  $(a,b_1,...,b_u)$ , где  $a\in \mathbb{Z}_{\geqslant 0}$  и  $\forall j\in \{1,...,u\}(b_j\in \mathsf{D}_{B_j})$ . Здесь  $\mathsf{D}_{B_j}$  — домен атрибута  $B_j$ . Через  $r.B_j$  будем обозначать значение атрибута  $B_j$ , через r.A — значение первичного ключа в кортеже r:  $r=(r.A,r.B_1,...,r.B_u)$ . Первичный ключ отношения R обладает свойством  $\forall r',r''\in R(r'\neq r''\Leftrightarrow r'.A\neq r''.A)$ . Под адресом кортежа r мы будем понимать значение первичного ключа этого кортежа. Для получения кортежа отношения R по его адресу будем использовать функцию разыменования  $\mathcal{L}_R$ :  $\forall r\in R(\mathcal{L}_R)$  —  $\mathcal{L}_R$ :

# 2. Хеш-индекс

Хеш-индекс позволяет использовать один колоночный индекс для индексирования нескольких атрибутов одного отношения.

Пусть задано отношение  $R(A^*, B_1, ..., B_u, C, ...)$ . Пусть задана хеш-функция  $h: D_{B_1} \times ... \times D_{B_u} \rightarrow \mathbb{Z}_{\geq 0}$ . Хеш-индексом  $I_h(A^*, H)$  атрибутов  $B_1, ..., B_u$  отношения R будем называть упорядоченное отношение, удовлетворяющее тождеству:

$$I_h = \tau_H \left[ \pi_{A, h(B_1, \dots, B_n) \to H}(R) \right]$$
.

Хеш-индекс обладает следующим основным свойством:

$$\forall r', r" \in R\left(r'.B_1 = r".B_1 \land \dots \land r'.B_u = r".B_u \Rightarrow h\left(r'.B_{1,\dots}, r'.B_u\right) = h\left(r".B_{1,\dots}, r".B_u\right)\right). \tag{1}$$

Заметим, что обратная импликация не обязательно имеет место. Из (1) непосредственно вытекает следующее свойство хеш-индекса:

$$\forall h(r'.B_1...,r'.B_n) = h(r''.B_1...,r''.B_n) \Rightarrow r', r'' \in R(r'.B_1 \neq r''.B_1 \land ... \land r'.B_n \neq r''.B_n)$$

Фрагментация хеш-индекса осуществляется на основе доменно-интервального принципа [1] с помощью функции фрагментации  $\varphi_{I_b}$ :  $I_h$  →  $\{0, \dots, k-1\}$  определенной следующим образом:

$$\forall x \in I_h(\varphi_{I_n}(x) = \varphi_{\mathbb{Z}_{\geq 0}}(x.H))$$
,

 $_{\Gamma, L} = \varphi_{\mathbb{Z}_{>0}} o \{0 \, , \dots \, , k-1\} \, -$  доменная функция фрагментации для домена  $\mathsf{D}_H = \mathbb{Z}_{>0}$  .

# 3. Декомпозиция операции пересечения

Пусть заданы два отношения  $R(A^*, B_1, \ldots, B_u)$  и  $S(A^*, B_1, \ldots, B_u)$ , имеющие одинаковый набор атрибутов. Пусть имеется два хеш-индекса  $I_{R,h}$  и  $I_{S,h}$  для атрибутов  $B_1, \ldots, B_u$  отношений R и S, построенные с помощью одной и той же хеш-функции  $h: \mathsf{D}_{B_i} \times \ldots \times \mathsf{D}_{B_u} \to \mathbb{Z}_{\geq 0}$ . Пусть для этих индексов задана доменно-интервальная фрагментация степени k:

$$I_{R,h} = \bigcup_{i=0}^{k-1} I_{R,h}^{i};$$

$$I_{S,h} = \bigcup_{i=0}^{k-1} I_{S,h}^{i}$$

Положим

для всех i=0,...k-1. Определим

$$P = \bigcup_{i=0}^{k-1} P^{i} .$$

Попожим

$$Q = \{ \&_R(p.A_R) | p \in P, |\&_R(p.A_R).B_1, ..., \&_R(p.A_R).B_u \} = \{ \&_S(p.A_S).B_1, ..., \&_S(p.A_S).B_u \}$$

Тогда

$$\delta(\pi_{B_1...,B_n}(Q)) = \delta(\pi_{B_1...,B_n}(R)) \cap \delta(\pi_{B_1...,B_n}(S))$$

# 4. Декомпозиция операции естественного соединения

Пусть заданы два отношения

$$R(A^*, B_1, ..., B_u, C_1, ..., C_v)$$

И

$$S(A^*, B_1, ..., B_n, D_1, ..., D_w)$$
.

Пусть имеется два хеш-индекса  $I_{R,h}$  и  $I_{S,h}$  для атрибутов  $B_1,...,B_u$  отношений R и S, построенные с помощью одной и той же хеш-функции  $h: \mathsf{D}_{B_1} \times ... \times \mathsf{D}_{B_u} \to \mathbb{Z}_{\geq 0}$ . Пусть для этих индексов задана доменно-интервальная фрагментация степени k:

$$I_{R,h} = \bigcup_{\substack{i=0\\k-1}}^{k-1} I_{R,h}^{i};$$

$$I_{S,h} = \bigcup_{i=0}^{k-1} I_{S,h}^{i}.$$

Положим

для всех i=0,...k-1. Определим

$$P = \bigcup_{i=0}^{k-1} P^i .$$

Положим

Тогда

$$Q = \pi_{* \backslash A}(R) \square \pi_{* \backslash A}(S)$$
.

### Заключение

В статье приведено формальное описание распределенных колоночных хеш-индексов, предназначенных для параллельной обработки запросов к сверхбольшим базам данных на основе фрагментного параллелизма. Работа содержит описание определения и свойств колоночного хеш-индекса, и его доменно-интервальной фрагментации. Рассмотрены декомпозиции реляционных операций, выполняемые с использованием распределенных колоночных хеш-индексов: пересечение и естественное соединение.

Исследование выполнено при финансовой поддержке РФФИ в рамках научного проекта N 12-07-00443 а.

#### ЛИТЕРАТУРА:

- 1. J. Gantz, D. Reinsel. IDC. The Digital Universe in 2020: Big Data, Bigger Digital Shadows, and Biggest Growth in the Far East. Report, 2012. URL: http://www.emc.com/collateral/analyst-reports/idc-the-digital-universe-in-2020.pdf (дата обращения: 30.05.2014)
- 2. Соколинский Л.Б. Параллельные системы баз данных. М.: Издательство Московского университета, 2013. 179 с.
- 3. П.С. Костенецкий, Л.Б. Соколинский. Моделирование иерархических многопроцессорных систем баз данных // Программирование. 2013. Т. 39, № 1. С. 2-33.

- 4. П.С. Костенецкий. Обработка запросов на кластерных вычислительных системах с многоядерными ускорителями // Вестник ЮУрГУ. Серия "Вычислительная математика и информатика". 2012. № 47(306). Вып. 2. С. 59-67.
- 5. К.С. Пан, М.Л. Цымблер. Разработка параллельной СУБД на основе последовательной СУБД PostgreSQL с открытым исходным кодом // Вестник ЮУрГУ. Серия "Математическое моделирование и программирование". 2012. № 18(277). Вып. 12. С. 112-120.
- 6. Е.В. Иванова, Л.Б. Соколинский. Использование распределенных колоночных индексов для выполнения запросов к сверхбольшим базам данных // Параллельные вычислительные технологии (ПаВТ'2014): труды международной научной конференции (1–3 апреля 2014 г., г. Ростов-на-Дону). Челябинск: Издательский центр ЮУрГУ, 2014. С. 270–275.