

**a.  $(\lambda x. x (\lambda u \lambda v. v) (\lambda a \lambda b. a)) (\lambda a \lambda b. a)$**

$\rightarrow (\lambda a \lambda b. a) (\lambda u \lambda v. v) (\lambda a \lambda b. a)$

$\rightarrow (\lambda b. (\lambda u \lambda v. v)) (\lambda a \lambda b. a)$

$\rightarrow \lambda u \lambda v. v$

$\equiv \lambda x \lambda y. y$

$\equiv F$

**b.  $(\lambda x \lambda y \lambda w \lambda u. x (y w) u) (\lambda s \lambda z. s (s z)) (\lambda a \lambda b. a (a (a b)))$**

$\rightarrow (\lambda y \lambda w \lambda u. (\lambda s \lambda z. s (s z)) (y w) u) (\lambda a \lambda b. a (a (a b)))$

$\rightarrow \lambda w \lambda u. (\lambda s \lambda z. s (s z)) ((\lambda a \lambda b. a (a (a b))) w) u$

$\rightarrow \lambda w \lambda u. (\lambda z. ((\lambda a \lambda b. a (a (a b))) w) (((\lambda a \lambda b. a (a (a b))) w) z)) u$

$\rightarrow \lambda w \lambda u. ((\lambda a \lambda b. a (a (a b))) w) (((\lambda a \lambda b. a (a (a b))) w) u)$

$\rightarrow \lambda w \lambda u. (\lambda b. w (w (w b))) (((\lambda a \lambda b. a (a (a b))) w) u)$

$\rightarrow \lambda w \lambda u. w (w (w ((\lambda a \lambda b. a (a (a b))) w) u)))$

$\rightarrow \lambda w \lambda u. w (w (w ((\lambda b. w (w (w b))) u)))$

$\rightarrow \lambda w \lambda u. w (w (w (w (w u))))$

$\equiv \lambda s \lambda z. s (s (s (s (s (s z)))))$

$\equiv 6$

**c.  $(\lambda n \lambda f \lambda x. n (\lambda g \lambda h. h (g f)) (\lambda u. x) (\lambda w. w)) (\lambda s \lambda z. s (s z))$**

$\rightarrow \lambda f \lambda x. (\lambda s \lambda z. s (s z)) (\lambda g \lambda h. h (g f)) (\lambda u. x) (\lambda w. w)$

$\rightarrow \lambda f \lambda x. (\lambda z. (\lambda g \lambda h. h (g f)) ((\lambda g \lambda h. h (g f)) z)) (\lambda u. x) (\lambda w. w)$

$\rightarrow \lambda f \lambda x. ((\lambda g \lambda h. h (g f)) ((\lambda g \lambda h. h (g f)) (\lambda u. x))) (\lambda w. w)$

$\rightarrow \lambda f \lambda x. (\lambda h. h (((\lambda g \lambda h. h (g f)) (\lambda u. x)) f)) (\lambda w. w)$

$\rightarrow \lambda f \lambda x. (\lambda w. w) (((\lambda g \lambda h. h (g f)) (\lambda u. x)) f)$

$\rightarrow \lambda f \lambda x. ((\lambda g \lambda h. h (g f)) (\lambda u. x)) f$

$\rightarrow \lambda f \lambda x. (\lambda h. h ((\lambda u. x) f)) f$

$\rightarrow \lambda f \lambda x. f ((\lambda u. x) f)$

$\rightarrow \lambda f \lambda x. f x$

$\equiv \lambda s \lambda z. s z$

$\equiv 1$