Sur la classification d' \tilde{A} © toiles en fonction de leur spectre d'absorption par apprentissage automatique

Patrice Béchard

Département d'informatique et de recherche opérationelle Université de Montréal Montréal, QC H3T 1J4 patrice.bechard@umontreal.ca

Jean-Pascal Guévin

Département de mathématiques et de statistique Université de Montréal Montréal, QC H3T 1J4 jean-pascal.guevin@umontreal.ca

IFT6390 - Fondements de l'apprentissage machine - 22 décembre 2017

Abstract

La classification de spectres stellaires provenant du *Sloan Digital Sky Survey* a été effectuée par trois algorithmes d'apprentissage, soit les machines à vecteurs de support, les réseaux de neurones de type perceptron multicouche et les réseaux de neurones convolutifs. Un taux de classification 93.40% a été obtenu avec les SVM, 94.41% avec les MLP et 94.57% avec les CNN. Une tâche similaire a été conduite avec des données d'électrocardiogramme avec des résultats moins concluants. Les taux de classification obtenus sont de 61.36% pour les SVM, 60.69% pour les MLP et 77.39% pour les CNN.

1 Introduction

L'exploration de notre univers observable a amenA(c) les astrophysiciens A observer et A catégoriser des centaines de milliers d'étoiles en fonction notamment de leur taille, de leur masse, de leur tempAC rature et de leur composition. Ce processus de classification se fait, entre autre, A partir du spectre d'absorption des A©toiles qui est une mesure de l'intensitA© du spectre ĩlectromagnÄ©tique Ä©mis par celles-ci en fonction de la longueur d'onde. Une automatisation efficace de ce processus pourrait par consA@quent Aatre un grand avantage. Nous proposons donc trois algorithmes de classification d'A©toiles en fonction de leur type spectral A l'aide de mA©thodes d'apprentissage automatique. Pour la validation des algorithmes, des donnÂ(c)es d'Â(c)lectrocardiogramme, Â(c)tant aussi des donnÂ(c)es corrÂ(c)lÂ(c)es en 1 dimension, seront utilisées. Les algorithmes d'apprentissage utilisés pour effectuer la classification sont les rAc seaux de neurones de type MLP, les rAc seaux de neurones convolutifs (CNN) ainsi que les machines A vecteur de support (SVM) A noyau souple. Les bases de donnÃ(c)es ainsi que les algorithmes d'apprentissages utilisÃ(c)s sont prÃ(c)sentÃ(c)s en dÃ(c)tails à la section ?? et les résultats obtenus sont présentés à la section ??. Les codes et les figures prA©sentA©es pour l'ensemble du projet sont disponibles en ligne sur GitHub: https://github.com/patricebechard/Machine_learning_IFT6390.

2 Méthodes

Les données utilisées pour les spectres d'étoiles proviennent de la base de données Sloan Digital Sky Survey (SDSS) Science Archive Server (SAS) donnant gratuitement accÚs aux observations faites par différents télescopes. Il est évidemment nécessaire de traiter les spectres obtenus par le biais du SDSS, ceux-ci étant généralement trÚs bruités. Un processus lissage et de normalisation utilisant notamment des moyennes mobiles permet d'en extraire

l'information pertinente en \tilde{A} © liminant le plus possible le bruit et en ne conservant que ce qui semble correspondre \tilde{A} des tendances plus globales. De plus, chaque spectre a \tilde{A} © \tilde{A} © tronqu \tilde{A} © de sorte que seul la section correspondant aux log-longueurs d'onde entre 3.65 et 3.80 – correspondant aux longueurs d'onde entre ≈ 398.1 nm jusqu' $\tilde{A} \approx 707.9$ nm, ce qui repr \tilde{A} © sente le spectre de lumi \tilde{A} se visible – a \tilde{A} © \tilde{A} © conserv \tilde{A} ©. Nous avons aplati les spectres en ajustant une courbe de degr \tilde{A} © \tilde{A} aux donn \tilde{A} © es et divis \tilde{A} © par celle-ci. Finalement, une interpolation lin \tilde{A} © aire de points a permis de diminuer le nombre de traits caract \tilde{A} © ristiques \tilde{A} 1000, ce que les algorithmes peuvent manipuler sans probl \tilde{A} šme. Un \tilde{A} © chantillon de 60000 \tilde{A} © toiles r \tilde{A} © parti \tilde{A} © galement pour 6 types spectral diff \tilde{A} © rents utilis \tilde{A} ©s (A, F, G, K, M, WD) a \tilde{A} © trait \tilde{A} ©. Puisque ces spectres sont les seules entr \tilde{A} © es des algorithmes essay \tilde{A} ©s, le pr \tilde{A} © traitement des donn \tilde{A} ©es a un impact majeur sur les r \tilde{A} © sultats. La figure \tilde{A} pr \tilde{A} © sente un exemple d'un spectre d' \tilde{A} © toile avant et apr \tilde{A} s avoir subi le processus de pr \tilde{A} © traitement. Ce processus est impl \tilde{A} © ment \tilde{A} © par le module XXXXXXXXXX qui permet \tilde{A} © galement d'extraire les donn \tilde{A} © es directement de SDSS.

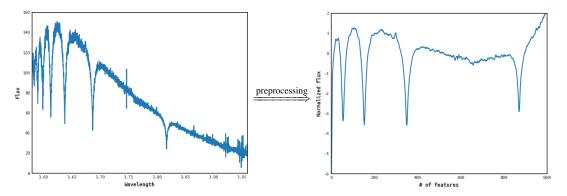


FIGURE 1 – Effet du pré traitement des spectres d'é toiles. à gauche, un exemple de donné es brutes fournies par le *Sloan Digital Sky Survey* est pré senté. à droite, le mê me exemple a é té normalisé et lissé.

Une premiÚre validation des algorithmes est effectuée par le biais d'une tÃche connexe, soit la classification d'électrocardiogrammes selon l'état de santé du patient duquel il provient. Les électrocardiogrammes (ECG) étant fort semblables dans leurs formes à des spectres d'étoiles (tous deux étant des données corrélées dans l'espace en 1 dimension), ceci permet un premier ajustement des algorithmes en plus de nous initier au fonctionnement de ceux-ci dans le contexte d'une analyse spectroscopique. Les électrocardiogrammes utilisés proviennent du *PhysioNet/Computing in Cardiology Challenge 2017* et ont l'avantage d'être plus simple à analyser, puisqu'ils sont plus lisses et moins bruités. Une séquence de 10 secondes a été conservée pour chaque ECG et les séquences ont été classées en 2 catégories, soit un patient en santé (5050 exemples), soit un patient avec une arythmie ou un autre problÚme cardiaque (3478 exemples). Le nombre de traits caractéristiques pour cet ensemble de données est de 500 pour chaque exemple. Le prétraitement des données est implémenté par le module XXXXXXXX.

Trois familles d'algorithmes seront \$\tilde{\mathbb{C}}\$ (tudi \$\tilde{\mathbb{C}}\$ (contraction de ce projet. Tout d'abord, nous utiliserons des r\$\tilde{\mathbb{C}}\$ (seaux de neurones de type perceptron multicouche (MLP). L'usage de librairies telles Keras ou TensorFlow rend tr\$\tilde{\mathbb{A}}\$ (contraction de ce type d'algorithme. Le r\$\tilde{\mathbb{C}}\$ (contr\$\tilde{\mathbb{C}}\$ (contr\$

soient trop $co\tilde{A}$ »teuses en temps. Des travaux similaires ont \tilde{A} © $t\tilde{A}$ © men \tilde{A} ©s par ? ainsi que ? pour les spectres stellaires, et par ? pour les \tilde{A} ©lectrocardiogrammes.

Ensuite, puisque les points formant un spectre sont $corr\tilde{A} \otimes l\tilde{A} \otimes s$ entre eux, les $r\tilde{A} \otimes s$ eaux de neurones convolutifs (CNN) sont une approche d'apparence prometteuse. Le $r\tilde{A} \otimes s$ eau $cr\tilde{A} \otimes \tilde{A} \otimes s$ calculera des convolutions unidimensionnelles sur les spectres. Le nombre de convolutions, de *feature maps* ainsi que le type de *pooling* (max, moyen, etc.) souhait $\tilde{A} \otimes s$ sont les hyperparam $\tilde{A} s$ stres $\tilde{A} \otimes s$ d $\tilde{A} \otimes s$ terminer. Ce type d'algorithme permet de $r\tilde{A} \otimes s$ duire le nombre de dimensions du probl $\tilde{A} s$ en plus de prendre en compte des caract $\tilde{A} \otimes s$ cristiques des entr $\tilde{A} \otimes s$ comme la connectivit $\tilde{A} \otimes s$ locale des traits caract $\tilde{A} \otimes s$ cristiques, tout en introduisant une invariance des traductions locales gr $\tilde{A} \otimes s$ a men $\tilde{A} \otimes s$ des travaux similaires pour les spectres d' $\tilde{A} \otimes s$ toiles. Plusieurs travaux de recherche, notamment par s ainsi que s se sont pench $\tilde{A} \otimes s$ sur la classification d' $\tilde{A} \otimes s$ l'aide de s de reurones convolutifs.

Enfin, les machines \tilde{A} vecteur de support (SVM) \tilde{A} noyau souple seront le dernier type d'algorithme d'apprentissage utilis \tilde{A} © pour la classification des spectres stellaires ainsi que des \tilde{A} ©lectrocardiogrammes. Ce genre d'algorithme a tendance \tilde{A} bien se d \tilde{A} ©brouiller avec des entr \tilde{A} ©es poss \tilde{A} ©dant un grand nombre de traits caract \tilde{A} ©ristiques. Le noyau \tilde{A} utiliser sera d \tilde{A} ©termin \tilde{A} © lors de la s \tilde{A} ©lection du mod \tilde{A} šle. L'impl \tilde{A} ©mentation des SVM a \tilde{A} ©t \tilde{A} © effectu \tilde{A} ©e \tilde{A} l'aide de la librairie Scikit Learn. Des travaux similaires ont \tilde{A} ©t \tilde{A} © men \tilde{A} ©s par ? pour la classification de spectres d' \tilde{A} ©toile et par ? pour les \tilde{A} ©lectrocardiogrammes.

3 Présentation des résultats

3.1 Alectrocardiogrammes

Contrairement $\tilde{\mathbf{A}}$ ce $\tilde{\mathbf{A}}$ quoi nous nous attendions, nous avons eu beaucoup plus de probl $\tilde{\mathbf{A}}$ smes avec les donn $\tilde{\mathbf{A}}$ ©es d' $\tilde{\mathbf{A}}$ ©lectrocardiogramme qu'avec les donn $\tilde{\mathbf{A}}$ ©es de spectres stellaires. Tout d'abord, pour les SVM, des tests ont $\tilde{\mathbf{A}}$ ©t $\tilde{\mathbf{A}}$ © effectu $\tilde{\mathbf{A}}$ ©s pour d $\tilde{\mathbf{A}}$ ©terminer le noyau du SVM $\tilde{\mathbf{A}}$ utiliser parmi ceux impl $\tilde{\mathbf{A}}$ ©ment $\tilde{\mathbf{A}}$ ©s par d $\tilde{\mathbf{A}}$ ©faut dans Scikit Learn. Nous avons conserv $\tilde{\mathbf{A}}$ © le noyau mou de type polynomial (poly, $(\gamma\langle\,x,\,x'\,\rangle\,+\,r)^d$) et un noyau $\tilde{\mathbf{A}}$ fonction $\tilde{\mathbf{A}}$ base radiale (rbf, $\exp(-\gamma||x-x'||_2^2)$). D'autres noyaux (lin $\tilde{\mathbf{A}}$ ©aire, sigmoid) ont $\tilde{\mathbf{A}}$ ©galement $\tilde{\mathbf{A}}$ ©t $\tilde{\mathbf{A}}$ © test $\tilde{\mathbf{A}}$ ©s, mais le faible taux de succ $\tilde{\mathbf{A}}$ s obtenu les ont rapidement discr $\tilde{\mathbf{A}}$ ©dit $\tilde{\mathbf{A}}$ ©s. L'effet de trois hyperparam $\tilde{\mathbf{A}}$ stres a $\tilde{\mathbf{A}}$ ©t $\tilde{\mathbf{A}}$ © $\tilde{\mathbf{A}}$ Cutudi $\tilde{\mathbf{A}}$ © pour cet algorithme : le noyau utilis $\tilde{\mathbf{A}}$ ©, le degr $\tilde{\mathbf{A}}$ C du polyn $\tilde{\mathbf{A}}$ Zme dans le cas d'un noyau polynomial et la valeur de la constante de r $\tilde{\mathbf{A}}$ Cgularisation C0 puisqu'il s'agit d'un soft kernel SVM. La table ?? montre les taux de classification obtenus pour ces hyperparam $\tilde{\mathbf{A}}$ stres.

TABLE 1 – Taux de classification obtenu avec l'algorithme SVM pour les trois noyaux étudiés.

| | Ens. d'i | ENTRAî | NEMENT | Ens. | DE VALIDA | TION |
|--------------|----------|---------|----------|----------|-----------|----------|
| Noyau | C = 0.75 | C = 1.0 | C = 1.25 | C = 0.75 | C = 1.0 | C = 1.25 |
| RBF | 74.42% | 85.68% | 91.24% | 59.68% | 60.24% | 59.61% |
| Poly. deg. 2 | 85.29% | 89.45% | 91.73% | 61.08% | 61.37% | 60.94% |
| Poly. deg. 3 | 93.39% | 98.03% | 98.84% | 59.68% | 58.13% | 56.09% |

On note d'abord \tilde{A} quel point cet algorithme appliqu \tilde{A} © \tilde{A} cet ensemble de donn \tilde{A} ©es est \tilde{A} risque de sur-apprentissage. En effet, pour chacun des noyaux, le taux classifications atteint 90% et plus d \tilde{A} ss que $C \geq 1$. Pourtant, pour des valeurs de C \tilde{A} peine inf \tilde{A} ©rieure \tilde{A} 1, on est clairement en pr \tilde{A} ©sence de sous-apprentissage, d'autant plus que les matrices de confusions montrent que tous les \tilde{A} ©l \tilde{A} ©ments sont class \tilde{A} ©s dans la m \tilde{A} ªme cat \tilde{A} ©gorie. L' \tilde{A} ©troitesse de la fen \tilde{A} ªtre entre ces deux p \tilde{A} Žles \tilde{A} \tilde{A} ©viter s'explique par la faible de taille de l'ensemble d'entra \tilde{A} ®nement. Il appara \tilde{A} ®t \tilde{A} ©vident que nous aurions davantage de latitude pour l'entra \tilde{A} ®nement des param \tilde{A} \$tres si nous \tilde{A} ©tions en possession d'un plus grand nombre de donn \tilde{A} ©es. Des propositions permettant de contourner seront discut \tilde{A} ©s \tilde{A} la section \tilde{A} ?. Il est aussi pertinent de se questionner sur la validit \tilde{A} © du pr \tilde{A} ©traitement des donn \tilde{A} ©es pour notre probl \tilde{A} \$me.

Une premiÚre tentative de diminuer le risque de sur-apprentissage est d'utiliser la technique d'analyse des composantes principales (PCA) afin de diminuer la dimension des traits caractéristiques,

similairement \tilde{A} ?. Les tables ?? et ?? montrent les taux de classification obtenus lorsque les 300 et les 100 premi \tilde{A} sres composantes principales sont conserv \tilde{A} ©es. L'hypoth \tilde{A} sse \tilde{A} ©tait qu'une diminution du nombre de traits caract \tilde{A} ©ristiques diminuerait le nombre de param \tilde{A} stre du SVM \tilde{A} ©galement, ce qui devrait r \tilde{A} ©sulter en une baisse de la capacit \tilde{A} © du SVM. Le m \tilde{A} ame ph \tilde{A} ©nom \tilde{A} sne que sans l'usage de PCA se produit cependant : on passe de sous-apprentissage \tilde{A} sur-apprentissage sans que le taux de classification de l'ensemble de validation n'augmente.

Une derniÚre tentative d'améliorer les résultats est d'appliquer aux données une transformée de Fourier. En effet, puisque les données représentent un signal, il pourrait être avantageux d'étudier les fréquences principales de ce signal plutÃŽt que le signal lui-même. Une démarche similaire a été conduite par ? pour prétraiter les entrées d'un réseau de neurones. La figure ?? en annexe montre les taux de classification obtenus pour le noyau polynomial de degré 2 pour différentes valeurs de C. Le ta table ?? montre le taux de classification pour les différents noyaux. L'exact même phénomÚne se reproduit cependant : l'algorithme passe du sous-apprentissage au sur-apprentissage sans que l'erreur de classification de l'exemple de validation ne diminue. La figure ?? illustre cela : on y voit que le taux de bonnes classifications augmente pour l'ensemble d'entraînement, mais pas pour l'ensemble de validation.

On conclue que le meilleur classeur SVM $\tilde{\mathbf{A}}$ noyau soft est celui envoyant tous les $\tilde{\mathbf{A}}$ © lectrocardiogrammes $\tilde{\mathbf{A}}$ la m $\tilde{\mathbf{A}}$ ame classe, ce qui est le cas pour le noyau polynomial de degr $\tilde{\mathbf{A}}$ © 2 et pour le noyau de type RBF pour C=1. C'est deux classeurs obtiennent des r $\tilde{\mathbf{A}}$ © sultats d'environ 60% sur l'ensemble test, ce qui est seulement d $\tilde{\mathbf{A}}$ » $\tilde{\mathbf{A}}$ la r $\tilde{\mathbf{A}}$ © partition des $\tilde{\mathbf{A}}$ © lectrocardiogrammes dans les classes sain et malade. Le r $\tilde{\mathbf{A}}$ © sultat d'un tel classeur aurait $\tilde{\mathbf{A}}$ © t $\tilde{\mathbf{A}}$ © de 50% si les r $\tilde{\mathbf{A}}$ © partitions avaient $\tilde{\mathbf{A}}$ © t $\tilde{\mathbf{A}}$ © $\tilde{\mathbf{A}}$ © gales. On conclue que le SVM s'applique mal $\tilde{\mathbf{A}}$ cet ensemble de donn $\tilde{\mathbf{A}}$ © es puisqu'il s'av $\tilde{\mathbf{A}}$ sre incapable de g $\tilde{\mathbf{A}}$ ©n $\tilde{\mathbf{A}}$ © raliser ses r $\tilde{\mathbf{A}}$ © sultats. Notons que l'impl $\tilde{\mathbf{A}}$ © mentation du SVM pour les donn $\tilde{\mathbf{A}}$ ©es ECG est effectu $\tilde{\mathbf{A}}$ ©e dans XXXXXX

Des résultats similaires ont été obtenus avec les réseaux de neurones de type MLP. Pour l'ensemble des réseaux de neurones de ce rapport, l'optimiseur Adam a été utilisé, la fonction d'activation ReLU a été utilisée dans le réseau et la fonction softmax a été utilisée à la sortie. AprÚs un $grid\ search$ sur plusieurs architectures différentes, nous avons trouvé une architecture de réseau possédant deux couches cachées de 250 et 100 neurones, respectivement. Nous avons utilisé comme entrée des neurones les données prétraitées normalement (normalisées) ainsi que les données aprÚs y avoir effectuer une transformée de Fourier. Nous avons utilisé un terme de régularisation λ de 0.0005 pour une régularisation de type L1 et L2. La courbe d'apprentissage en fonction du nombre d'époques est présenté à la figure ?? en annexe. Comme on le voit, l'implémentation utilisant les données traitées par transformée de Fourier ont peine à dépasser 60% de taux de classification, alors que celles utilisant les données normalisées atteignent à peine 58%, alors qu'il classe tous les exemples dans la même catégorie. Le module XXXXX implémente les réseaux de neurones pour les données ECG.

Finalement, en utilisant un CNN pour faire la d \tilde{A} ©tection d'arythmies cardiaques, nous avons essay \tilde{A} © plusieurs configurations pour maximiser la classification. En mettant un CNN et un r \tilde{A} ©seau MLP compl \tilde{A} stement connect \tilde{A} © bout- \tilde{A} -bout, nous avons v \tilde{A} ©rifi \tilde{A} © l'erreur de classification en faisant varier le nombre de couches de convolution et de pooling. Nous avons gard \tilde{A} © le MLP constant d'exp \tilde{A} ©rience en exp \tilde{A} ©rience avec une couche cach \tilde{A} ©e de 50 neurones. Nous nous sommes limit \tilde{A} ©s \tilde{A} des tailles de fen \tilde{A} atres de convolution de largeur 4 et des filtres de pooling de largeur 4. Nous n'avons pas jug \tilde{A} © n \tilde{A} ©cessaire de tester le CNN avec les donn \tilde{A} ©es pr \tilde{A} ©trait \tilde{A} ©es \tilde{A} l'aide de PCA ou d'une transformation de Fourier. Le taux de classification sur l'ensemble de validation en fonction du nombre de convolutions est r \tilde{A} ©sum \tilde{A} © au tableau \tilde{A} ? en annexe. Notons que ces r \tilde{A} ©sultats correspondent au nombre optimal d' \tilde{A} ©poques d'entra \tilde{A} ®nement pour chaque combinaison d'hyperparam \tilde{A} stres. Ceci sera \tilde{A} ©galement le cas pour tous les tableaux pr \tilde{A} ©sentant des r \tilde{A} ©sultats des MLP et des CNN discut \tilde{A} ©s dans cet article.

L' \tilde{A} © volution de l'apprentissage en fonction du nombre d' \tilde{A} © poques d'entra \tilde{A} ® nement pour le r \tilde{A} © seau convolutionnel avec 4 convolutions pr \tilde{A} © sent \tilde{A} © au tableau \ref{a} test \tilde{A} © sur l'ensemble de test est pr \tilde{A} © sent \tilde{A} © \tilde{A} la figure \ref{a} ?.

Les $r\tilde{A}$ © sultats finaux de la $pr\tilde{A}$ © cision de chaque algorithmes sur les \tilde{A} © lectrocardiogrammes sont $pr\tilde{A}$ © sent \tilde{A} ©s au tableau \ref{a} ?. Les $r\tilde{A}$ © sultats $pr\tilde{A}$ © sent \tilde{A} ©s sont ceux pour lesquels les meilleurs $r\tilde{A}$ © sultats ont \tilde{A} © t \tilde{A} © obtenus.

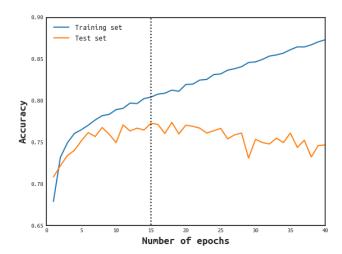


FIGURE 2 — \tilde{A} volution du taux de classification sur les donn \tilde{A} © es d' \tilde{A} © lectrocardiogramme en fonction du nombre d' \tilde{A} © poques d'entra \tilde{A} ® nement pour le r \tilde{A} © seau de neurones convolutif avec 4 convolutions.

TABLE $2 - R\tilde{A}$ © sultats pour la classification d' \tilde{A} © lectrocardiogrammes sur l'ensemble de test pour chaque algorithme utilis \tilde{A} ©.

| ALGORITHME | SVM | MLP | CNN |
|------------|--------|--------|--------|
| PRÃ@CISION | 61.37% | 60.69% | 77.39% |

Comme attendu, on remarque que le taux de classification des CNN est de plus de 16% plus \tilde{A} ©lev \tilde{A} © que celui obtenu avec les autres algorithmes. Cette situation avait \tilde{A} ©t \tilde{A} © anticip \tilde{A} ©e, puisque les traits caract \tilde{A} ©ristiques des signaux d' \tilde{A} ©lectrocardiogrammes sont autocorr \tilde{A} ©l \tilde{A} ©es. Le module XXXXXX impl \tilde{A} ©mente les CNN pour les donn \tilde{A} ©es ECG.

3.2 Spectres d'Actoiles

Les ré sultats obtenus pour la classification de spectres stellaires ont é té beaucoup plus concluants que ceux obtenus pour la classification d'© lectrocardiogrammes. Tout d'abord, avec les SVM, nous avons sé lectionné un noyau RBF, puis avons essayé plusieurs valeurs pour la constante de pé nalité C. Les ré sultats obtenus sont pré senté sà la figure $\ref{thm:postenus}$ en annexe. On voit que la constante C a un effet important sur les ré sultats obtenus, et que la valeur optimale de C s'avÚre ê tre **********. Le module XXXXXX implé mente le SVM pour les donné es de SDSS.

Pour les r \tilde{A} © seaux de neurones, nous avons essay \tilde{A} © plusieurs architectures au hasard et avons aussi modifier la taille des lots et la r \tilde{A} © gularisation pour l'apprentissage. Encore une fois, les non-lin \tilde{A} © arit \tilde{A} © s choisies dans le r \tilde{A} © seau \tilde{A} © taient de type ReLU et celles \tilde{A} la sortie \tilde{A} © taient de type softmax. La table \ref{A} 0 en annexe pr \tilde{A} 0 esente le taux de classification obtenu pour diff \tilde{A} 0 rentes architectures de r \tilde{A} 0 en annexe pr \tilde{A} 0 esente le taux d'apprentissage \tilde{A} 0 tait minime, ne faisant varier celui-ci que par moins de 1% \tilde{A} taille de lot constant (50) et sans r \tilde{A} 0 gularisation. Les r \tilde{A} 0 sultats de classification d \tilde{A} 0 pendent donc davantage du seed que de ces hyperparam \tilde{A} 5 tres.

Le second hyperparamÚtre \tilde{A} ajuster pour r \tilde{A} ©gler la capacit \tilde{A} © du mod \tilde{A} šle est la taille des lots. Pour le MLP avec les couches cach \tilde{A} ©es [150,100,50], plusieurs tailles de lots ont \tilde{A} ©t \tilde{A} © test \tilde{A} ©es et les r \tilde{A} ©sultats sont rapport \tilde{A} ©s \tilde{A} la table \ref{A} . Encore une fois, le taux de classification ne varie que de tr \tilde{A} s peu pour diff \tilde{A} ©rentes tailles de lots. Finalement, nous avons essay \tilde{A} © plusieurs types de r \tilde{A} 0 gularisations pour le m \tilde{A} 4 me r \tilde{A} 0 seau de neurones. La figure \ref{A} 7 pr \tilde{A} 8 sente l'effet de la r \tilde{A} 0 gularisation sur le taux de classification maximale. Les r \tilde{A} 0 sultats obtenus gr \tilde{A} 0 ce

 \tilde{A} la $r\tilde{A}$ © gularisation n'ont pas non plus eu beaucoup d'influence sur le taux de classification. Les $r\tilde{A}$ © seaux de neurones sont impl \tilde{A} © ment \tilde{A} © sour les donn \tilde{A} © es de SDSS par le module XXXXX.

Enfin, un algorithme de type $r\tilde{A}$ © seau de neurones convolutif \tilde{A} \tilde{A} © $t\tilde{A}$ © \tilde{A} © tudi \tilde{A} © pour l'ensemble de donn \tilde{A} © es SDSS. Les hyperparam \tilde{A} štres \tilde{A} © tudi \tilde{A} ©s sont le nombre de convolution ainsi que le nombre de *feature maps*, le *batch size* et le nombre de couches cach \tilde{A} © es ainsi que le nombre de neurones les composant du $r\tilde{A}$ © seau de neurones transmettant le vecteur de sortie du CNN \tilde{A} la sortie du $r\tilde{A}$ © seau.Mentionnons \tilde{A} © galement qu'un *max pooling* est effectu \tilde{A} © apr \tilde{A} šs chaque convolution.

D'abord, le nombre de convolutions effectu \tilde{A} ©es \tilde{A} \tilde{A} ©t \tilde{A} © \tilde{A} ©tudi \tilde{A} © pour des nombres variables de *feature maps*. Pour ces essais, le $r\tilde{A}$ ©seau de neurone \tilde{A} la sortie du CNN a \tilde{A} ©t \tilde{A} © gard \tilde{A} © identique avec une couche cach \tilde{A} ©e de taille 10 et fonctions d'activation ReLU et softmax. Les *batch size* sont \tilde{A} ©galement demeur \tilde{A} ©s constant \tilde{A} 50. La table \ref{taux} en annexe montre les taux de classifications obtenus pour l'ensemble de validation pour quelques unes de ces combinaisons. Les $r\tilde{A}$ ©sultats obtenus sont relativement similaires, mais tentons d'optimiser les autres hyperparam \tilde{A} štres pour la configuration [10, 50].

Essayons différents *batch size* afin de pouvoir observer l'effet de cet hyperparamÚtre. La table ?? en annexe montre les résultats obtenus pour des *batch size* de respectivement 5, 50 et 500. On voit que le choix des *batch size* n'a que peu d'influence sur le taux de classification. Néanmoins, puisque ce sont des *batch size* de 50 qui donnent de (légÚrement) meilleurs résultats, prenons cette valeur pour la suite des choses.

Enfin, optimisons la taille de la couche cach \tilde{A} ©e du r \tilde{A} ©seau de neurone en sortie du CNN. Les architectures consid \tilde{A} ©r \tilde{A} ©es sont celles se trouvant \tilde{A} la table \ref{A} en annexe. Encore une fois, on voit qu'il n'y a que tr \tilde{A} s peu de diff \tilde{A} ©rence entre les diff \tilde{A} ©rentes valeurs de ces hyperparam \tilde{A} stres. On note cependant que c'est une seule couche cach \tilde{A} ©e de taille 50 qui a donn \tilde{A} © les meilleurs r \tilde{A} ©sultats.

Concluons cette analyse en notant que les hyperparamÚtres n'avaient pratiquement aucun effet sur les taux de classification obtenus. Cela signifie probablement que l'ensemble de données est en général trÚs facile à classer. On peut imaginer que les données forment des *clusters* bien définis dans l'espace des traits caractéristiques sauf pour environ 5% des spectres qui se mélangent à des *clusters* d'une autre classe que la leur. Il est donc facile d'obtenir environ 94% de bonnes classifications sur un ensemble test, mais il serait trÚs ardu d'obtenir davantage. On remarque également que le taux classification pour l'ensemble d'entraînement, bien que plus élevé que celui de l'ensemble de validation, n'a jamais atteint 100%, ce qui est cohérent avec l'hypothÚse proposée. Le module XXXXX implémente les CNN pour les données de SDSS.

Les $r\tilde{A}$ © sultats finaux de la $pr\tilde{A}$ © cision de chaque algorithme sur les spectres stellaires sont $pr\tilde{A}$ © sent \tilde{A} © s au tableau $\ref{eq:table}$?

TABLE $3 - R\tilde{A}$ © sultats pour la classification de spectres d' \tilde{A} © toiles pour chaque algorithme utilis \tilde{A} ©.

| ALGORITHME | SVM | MLP | CNN |
|------------|-----|-----|--------|
| PréCISION | % | % | 77.17% |

4 Conclusion

5 RÃ(c)partition et remerciements

Annexe

TABLE 4 – Taux de classification obtenu avec l'algorithme SVM pour les trois noyaux \tilde{A} © tudi \tilde{A} © s avec utilisation du PCA avec les 300 premi \tilde{A} s'res composantes principales conserv \tilde{A} © es dans le pr \tilde{A} © traitement des donn \tilde{A} © es pour l'ensemble de donn \tilde{A} © es d' \tilde{A} © lectrocardiogrammes.

| | Ens. d' | ENTRAî | NEMENT | Ens. | DE VALIDA | TION |
|--------------|----------|---------|----------|----------|-----------|----------|
| Noyau | C = 0.75 | C = 1.0 | C = 1.25 | C = 0.75 | C = 1.0 | C = 1.25 |
| RBF | 86.51% | 95.62% | 98.03% | 58.97% | 58.55% | 58.48% |
| Poly. deg. 2 | 93.56% | 95.34% | 96.13% | 53.91% | 53.48% | 53.55% |
| Poly. deg. 3 | 99.70% | 99.88% | 99.89% | 55.03% | 55.17% | 54.54% |

TABLE 5 – Taux de classification obtenu avec l'algorithme SVM pour les trois noyaux \tilde{A} © tudi \tilde{A} © avec utilisation du PCA avec les 100 premi \tilde{A} s'res composantes principales conserv \tilde{A} © es dans le pr \tilde{A} © traitement des donn \tilde{A} © es pour l'ensemble de donn \tilde{A} © es d' \tilde{A} © lectrocardiogrammes.

| | Ens. d' | ENTRAî | NEMENT | Ens. | DE VALIDA | TION |
|--------------|----------|---------|----------|----------|-----------|----------|
| Noyau | C = 0.75 | C = 1.0 | C = 1.25 | C = 0.75 | C = 1.0 | C = 1.25 |
| RBF | 97.98% | 99.63% | 99.86% | 59.11% | 58.34% | 58.90% |
| Poly. deg. 2 | 91.05% | 92.42% | 93.77% | 52.99% | 53.41% | 53.55% |
| Poly. deg. 3 | 99.98% | 99.98% | 99.98% | 52.15% | 52.01% | 51.58% |

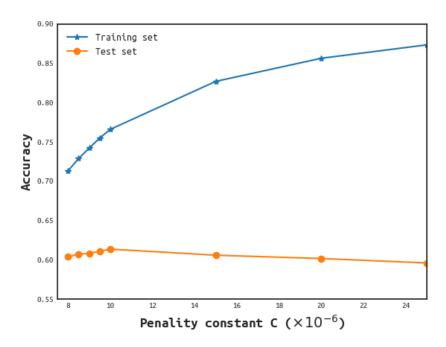


FIGURE 3 – \tilde{A} volution du taux de classification sur les donn \tilde{A} ©es d' \tilde{A} ©lectrocardiogramme en fonction de la constante de p \tilde{A} ©nalit \tilde{A} © C pour l'algorithme SVM avec des donn \tilde{A} ©es transform \tilde{A} ©es \tilde{A} l'aide d'une transform \tilde{A} ©e de Fourier.

TABLE 6 – Taux de classification obtenu avec l'algorithme SVM pour les trois noyaux \tilde{A} © tudi \tilde{A} © avec l'utilisation d'une transform \tilde{A} © de Fourier lors du pr \tilde{A} © traitment des donn \tilde{A} © es pour l'ensemble de donn \tilde{A} © es d' \tilde{A} © lectrocardiogrammes.

| | Ens. d' | ENTRAî: | NEMENT | Ens. | DE VALIDA | TION |
|--------------|---------|---------|---------|---------|-----------|---------|
| Noyau | C = 0.5 | C = 1.0 | C = 1.5 | C = 0.5 | C = 1.0 | C = 1.5 |
| RBF | 59.54% | 100.00% | 100.00% | 58.90% | 58.90% | 58.90% |
| Poly. deg. 2 | 100.00% | 100.00% | 100.00% | 55.52% | 55.52% | 55.52% |
| Poly. deg. 3 | 100.00% | 100.00% | 100.00% | 59.68% | 54.40% | 54.40% |

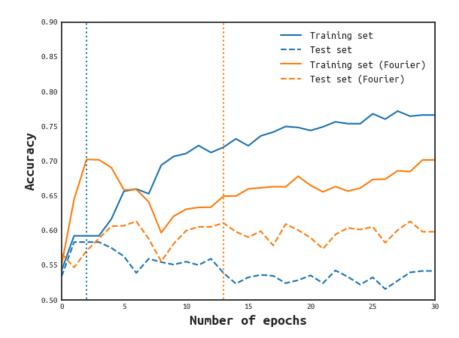


FIGURE 4 – \tilde{A} volution du taux de classification sur les donn \tilde{A} ©es d' \tilde{A} ©lectrocardiogramme en fonction du nombre d' \tilde{A} ©poques d'entra \tilde{A} ®nement pour le r \tilde{A} ©seau de neurones de type MLP avec deux couches cach \tilde{A} ©es de 250 et 100 neurones, respectivement.

 $\label{eq:table_table} \begin{array}{ll} \text{TABLE 7} - \text{Taux de classification en fonction du nombre de convolutions dans le r$\tilde{A}$$ © seau de neurones convolutionnel pour les donn$\tilde{A}$$ © lectrocardiogramme. \\ \end{array}$

| CONFIG. | Ens. d'entrañ®nement | Ens. de validation |
|--------------------|----------------------|--------------------|
| [100] | 0.7962 | 0.6882 |
| [50, 100] | 0.7917 | 0.7476 |
| [10, 50, 100] | 0.7922 | 0.7672 |
| [10, 50, 100, 200] | 0.8198 | 0.7792 |

TABLE 8 – Taux de classification obtenu avec l'algorithme DNN pour l'ensemble de donn \tilde{A} © es SDSS pour diff \tilde{A} © rentes architectures.

| CONFIG. | Ens. d'entrañ®nement | Ens. de validation |
|----------------|----------------------|--------------------|
| [50] | 0.9732 | 0.9393 |
| [100] | 0.9774 | 0.9389 |
| [200] | 0.9553 | 0.9393 |
| [400] | 0.9778 | 0.9396 |
| [200, 100] | 0.9783 | 0.9439 |
| [200, 50] | 0.9715 | 0.9437 |
| [500, 100] | 0.9791 | 0.9436 |
| [150, 100, 50] | 0.9792 | 0.9456 |
| [500, 100, 50] | 0.9812 | 0.9431 |

TABLE 9 – Taux de classification obtenu avec l'algorithme DNN pour l'ensemble de données SDSS en fonction *batch size* pour l'architecture [150, 100, 50].

| BATCH SIZE | Ens. d'entrañrnement | Ens. de validation |
|------------|----------------------|--------------------|
| 5 | 0.9684 | 0.9431 |
| 50 | 0.9729 | 0.9408 |
| 500 | 0.9794 | 0.9441 |

TABLE 10 – Taux de classification obtenu avec l'algorithme CNN pour l'ensemble de donn \tilde{A} ©es SDSS en fonction du nombre de filtres de convolution par couche de convolution.

| CONFIG. | Ens. d'entrañ@nement | ENS. DE VALIDATION |
|---------------|----------------------|--------------------|
| [10] | 0.9741 | 0.9375 |
| [50] | 0.9902 | 0.9423 |
| [100] | 0.9862 | 0.9447 |
| [10, 50] | 0.9600 | 0.9457 |
| [50, 100] | 0.9896 | 0.9440 |
| [10, 50, 100] | 0.9741 | 0.9455 |

TABLE 11 – Taux de classification obtenu avec l'algorithme CNN pour l'ensemble de donn \tilde{A} ©es SDSS en fonction de la taille des lots.

| BATCH SIZE | Ens. d'entrañ®nement | Ens. de validation |
|------------|----------------------|--------------------|
| 5 | 0.9475 | 0.9413 |
| 50 | 0.9442 | 0.9440 |
| 500 | 0.9577 | 0.9431 |

TABLE 12 – Taux de classification obtenu avec l'algorithme CNN pour l'ensemble de donn \tilde{A} ©es SDSS en fonction de l'architecture du r \tilde{A} ©seau \tilde{A} la sortie du CNN.

| CONFIG. | Ens. d'entrañ@nement | ENS. DE VALIDATION |
|---------------|----------------------|--------------------|
| [20] | 0.9591 | 0.9425 |
| [50] | 0.9626 | 0.9436 |
| [100] | 0.9802 | 0.9427 |
| [20, 50] | 0.9579 | 0.9404 |
| [50, 100] | 0.9768 | 0.9429 |
| [20, 50, 100] | 0.9435 | 0.9407 |