

9.16.1.

가중치 2 판다

PAGE
DATE

#9.4.1.(5) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^p}$ 은 $p > 1$ 일때만 수렴한다.

$1.5 > 1$ 이므로 수렴.

$$\frac{1}{n^p} > \frac{1}{(n+1)^p} \text{ 이므로}$$

비교판정법에 의해

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+1)^p} \text{ 은 수렴한다.}$$

#9.5.1.(b) $a_n = \frac{n!}{n^n}$ 이라고 하자

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)!}{(n+1)^{n+1}} \cdot \frac{n^n}{n!}$$

$$= \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)}{(n+1)} \cdot \left(\frac{n}{n+1}\right)^n$$

$$= \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n}{n+1}\right)^n$$

$$= \lim_{n \rightarrow \infty} \left\{ \left(\frac{n+1}{n}\right)^n \right\}^{-1}$$

$$= \frac{1}{e} < 1$$

\therefore 비교판정법에 의해 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n^n}$ 은 수렴.

#9.6.16) $a_n = \frac{1}{n \ln n}$ 이라고 하자.

$n >$

$\frac{1}{m}$

$$a_1 = \frac{1}{1 \ln 1}$$

$$a_2 = \frac{1}{2 \ln 2}$$

$$a_3 = \frac{1}{3 \ln 3}$$

\vdots

$$a_n > a_{n+1}$$

$a_n > 0$ 이고 최소수열이므로 정판정판 사용 가능.

따라서 $\frac{1}{x \ln x}$ 은

$$\int_2^{\infty} \frac{1}{x \ln x} dx$$

$$= \lim_{k \rightarrow \infty} \int_2^k \frac{1}{x \ln x} dx$$

$$= \lim_{k \rightarrow \infty} [\ln(\ln x)]_2^k$$

$$= \lim_{k \rightarrow \infty} \ln(\ln k) - \ln(\ln 2) = \infty$$

$\therefore a_n$ 수렴하지 않는다.

$\therefore \sum_{n=2}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{1}{n \ln n}$ 은 정판정판하여 않는다.

$$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$$

