

# LUCKYSQ

## Lời giải

### Subtask 1:

Vì  $N$  đủ nhỏ nên ta có thể tạo ma trận  $A$  theo công thức. Sau đó, duyệt toàn bộ ma trận vuông con của  $A$  để tìm kết quả.

Độ phức tạp:  $O(N^4)$ .

### Subtask 2:

Gọi  $x_1, y_1$  và  $x_2, y_2$  lần lượt là vị trí của ô trên trái và ô dưới phải của ma trận vuông con  $B$  và giá trị của ma trận  $B$  là  $S$ . Ta có:

$$\bullet S = \sum_{i=x_1}^{x_2} \sum_{j=y_1}^{y_2} A_{i,j} = \sum_{i=x_1}^{x_2} \sum_{j=y_1}^{y_2} P_i + P_j.$$

$$\Rightarrow S = \sum_{i=x_1}^{x_2} P_i \times (y_2 - y_1 + 1) + P_{y_1} + P_{(y_1+1)} + \dots + P_{y_2}$$

$$\Rightarrow S = ((y_2 - y_1 + 1) \times \sum_{i=x_1}^{x_2} P_i) + ((x_2 - x_1 + 1) \times \sum_{j=y_1}^{y_2} P_j)$$

$$\bullet \text{ Mà } y_2 - y_1 + 1 = x_2 - x_1 + 1 = K$$

$$\Rightarrow S = K \times \left( \sum_{i=x_1}^{x_2} P_i + \sum_{j=y_1}^{y_2} P_j \right).$$

Như vậy thay vì đi đếm số ma trận vuông con của  $A$  thỏa mãn đề bài, ta sẽ đếm số cặp đoạn con liên tiếp  $(x_1, x_2)$  và  $(y_1, y_2)$  có cùng độ dài  $K$  của  $P$  thỏa mãn điều kiện  $X = K \times \left( \sum_{i=x_1}^{x_2} P_i + \sum_{j=y_1}^{y_2} P_j \right)$ .

Tuy nhiên vì  $N \leq 1000$  mà  $X \leq 10^6$ , do đó ta không cần duyệt mọi cặp đoạn con liên tiếp mà chỉ cần đếm xem với đoạn con  $(x_1, x_2)$  có bao nhiêu đoạn con  $(y_1, y_2)$  khác thỏa mãn  $X - K \times \sum_{i=x_1}^{x_2} P_i = K \times \sum_{j=y_1}^{y_2} P_j$ .

Độ phức tạp:  $O(N^2)$ .

### Subtask 3:

Dễ nhận thấy rằng  $K$  phải là ước của  $X$  do đó thay vì xét tất cả các cặp đoạn con ta chỉ cần xét các cặp đoạn con có độ dài là ước của  $X$ .

Độ phức tạp:  $O(N \times D(N))$  với  $D(N)$  là số ước của  $N$ .

---