Examenul național de bacalaureat 2024

Proba E. c) Matematică *M_tehnologic*

Model

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de trei ore.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

- **5p 1.** Arătați că $\frac{1}{8} + 3 \cdot \left(1 \frac{3}{8}\right) = 2$.
- **5p** 2. Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, f(x) = 2x 2. Determinați numărul real a pentru care f(a) = 0.
- **5p** | **3.** Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $5^{2x} = 5^{2+x}$.
- **5p 4.** Calculați probabilitatea ca, alegând un număr n din mulțimea $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$, acesta să verifice inegalitatea $n + 9 \le 15$.
- **5p 5.** În reperul cartezian xOy se consideră punctele A(0,5), B(4,-5) și C(a,b), unde a și b sunt numere reale. Determinați numerele reale a și b, știind că punctul C este mijlocul segmentului AB.
- **5p 6.** Arătați că $\sqrt{2} \cdot (\sin 45^\circ + \cos 45^\circ) \cdot \sin 30^\circ = 1$.

SUBIECTUL al II-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră matricele $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ -2 & -3 \end{pmatrix}$ și $I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$.
- **5p** a) Arătați că det A = 2.
- **5p b**) Arătați că $B + 3I_2 = 2A$.
- **5p** c) Determinați numărul real x pentru care $A \cdot (xA + B) = 2xI_2$.
 - **2.** Pe mulțimea numerelor reale se definește legea de compoziție $x \circ y = 2xy 3(x + y) + 1$.
- **5p** a) Arătați că $1 \circ 0 = -2$.
- **5p b)** Arătați că legea de compoziție " °" este comutativă.
- **5p** | c) Determinați mulțimea numerelor reale x pentru care $x \circ (-2x) \ge 0$.

SUBIECTUL al III-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră funcția $f:(4,+\infty) \to \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{3x-4}{x-4}$.
- **5p a)** Arătați că $f'(x) = -\frac{8}{(x-4)^2}$, $x \in (4,+\infty)$.
- **5p** | **b**) Determinați ecuația asimptotei orizontale spre $+\infty$ la graficul funcției f.
- **5p** c) Demonstrați că funcția $g:(4,+\infty)\to\mathbb{R}$, g(x)=f'(x) este crescătoare.
 - **2.** Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = x + (x+3)^2$.
- **5p a)** Arătați că $\int_{0}^{2} (f(x) (x+3)^{2}) dx = 2$.
- **5p b)** Arătați că $\int_{-2}^{0} \frac{1}{f(x) x} dx = \frac{2}{3}$.
- **5p** c) Determinați numărul real a pentru care $\int_{0}^{6} \frac{f(x)}{x+3} dx = 3(a-\ln 3).$