

Министерство образования Республики Беларусь
Учреждение образования
“Белорусский государственный университет информатики и радиоэлектроники”
Кафедра интеллектуальных информационных технологий

Лабораторная работа 4
«Синтез комбинационных схем»

Выполнил
студент группы 121703

Васильков Е. Д.

Проверил

Жук А. А.

Минск 2023

Цель: повторение и закрепление материала по синтезу комбинационных схем, освоение навыков по синтезу логических комбинационных схем, не содержащих элементов памяти.

Задание 1

Сумматор - это устройство, предназначенное для арифметического сложения двух чисел. По известному правилу сложения многоразрядных двоичных чисел каждый разряд суммы формируется из разрядов слагаемых и переноса из младшего разряда. Кроме этого, формируется перенос в старший разряд. Самый простой сумматор - это одноразрядный сумматор.

A	B	L	S	P
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1

Таблица истинности сумматора

В таблице истинности сумматора A и B - слагаемые, L - перенос из младшего разряда, S - сумма, P - перенос в старший разряд.

Построение СДНФ по заданной таблице

Строим две СДНФ по колонкам S и P соответственно.

S: $(\neg A \& \neg B \& L) | (\neg A \& B \& \neg L) | (A \& \neg B \& \neg L) | (A \& B \& L) \rightarrow$ не минимизируется

P: $(\neg A \& B \& L) | (A \& \neg B \& L) | (A \& B \& \neg L) | (A \& B \& L) \rightarrow (A \& B) | (A \& L) | (B \& L)$

Минимизация проводилась Расчетным методом

Минимизация

Расчетный метод

PDFNF --- $(\neg A \& \neg B \& C) | (\neg A \& B \& \neg C) | (A \& \neg B \& \neg C) | (A \& B \& C)$

PDFNF after gluing: $[[A, \neg B, \neg C], [A, B, C], [\neg A, \neg B, C], [\neg A, B, \neg C]]$

PDFNF: $(A \& \neg B \& \neg C) | (A \& B \& C) | (\neg A \& \neg B \& C) | (\neg A \& B \& \neg C)$

Минимизация

Расчетный метод

PDFNF --- $(\neg A \& B \& C) | (A \& \neg B \& C) | (A \& B \& \neg C) | (A \& B \& C)$

PDFNF after gluing: $[[B, C], [A, B], [A, C]]$

PDFNF: $(B \& C) | (A \& B) | (A \& C)$

Синтезируем схему сумматора

На Рис. 1 представлена уже готовая схема одноразрядного двоичного сумматора на 3 входа (ОДС-3) с представлением выходных функций в СДНФ.

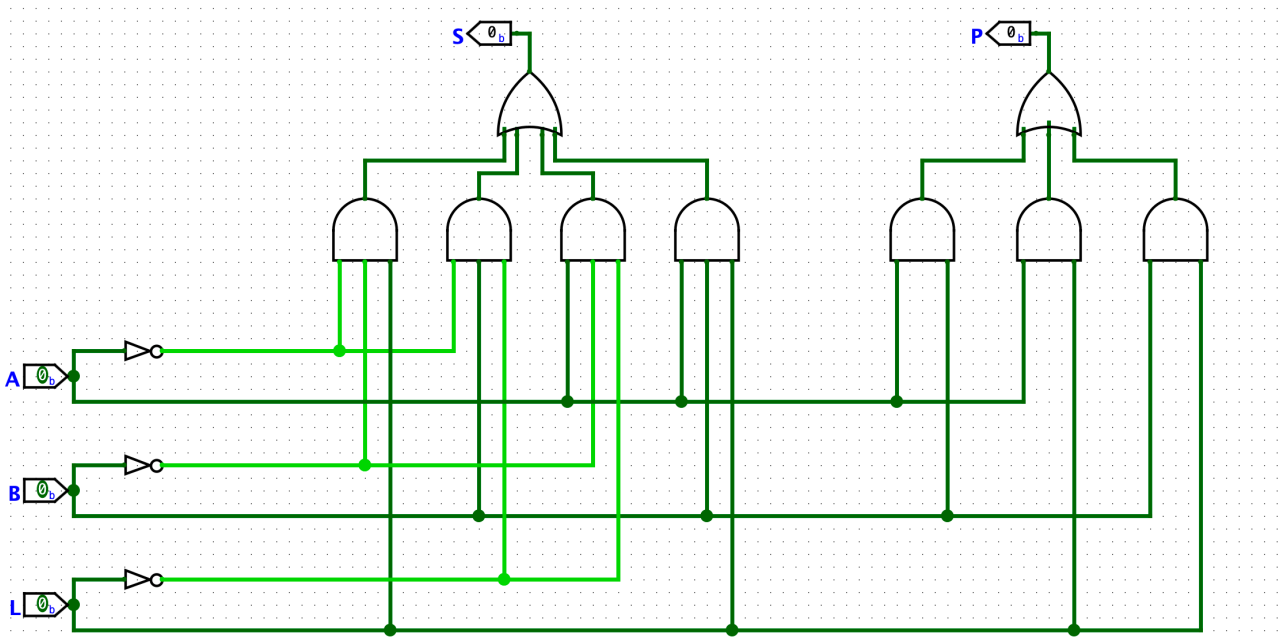
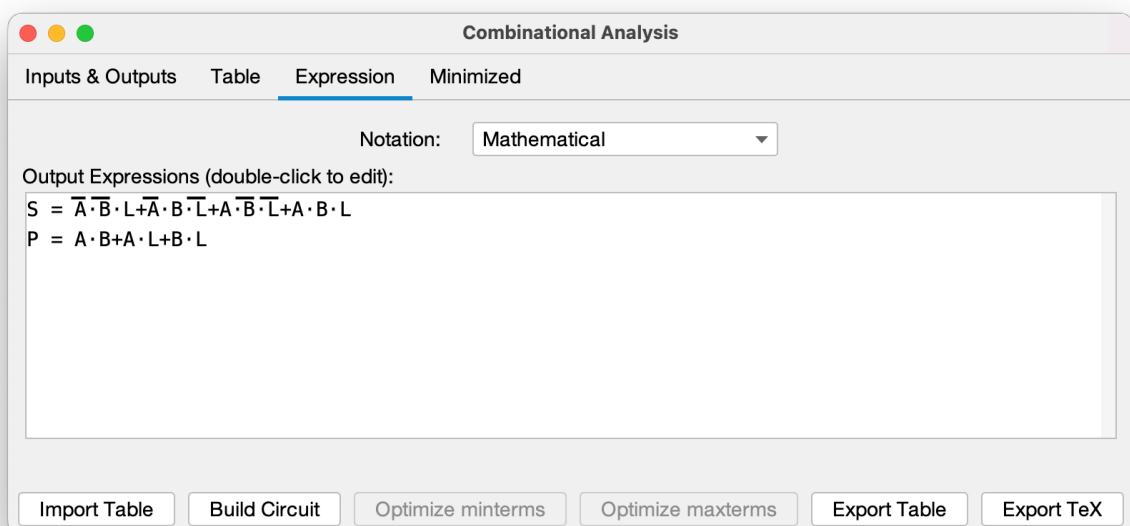


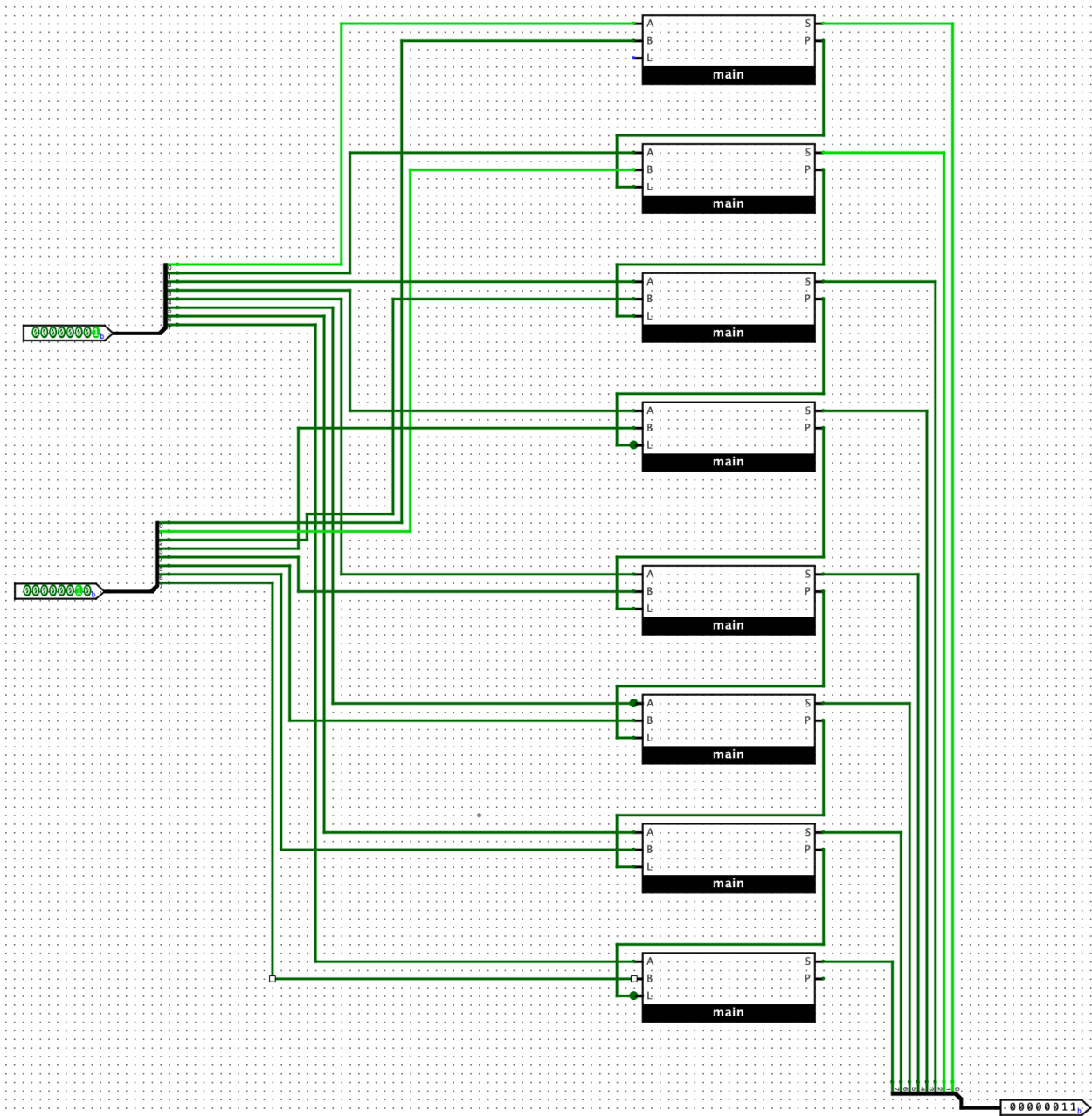
Рис. 1

Проведя комбинационный анализ схемы, видно, что минимизированные формулы совпадают во всех случаях.



Синтезируем схему 8-битного сумматора

Для синтеза такого сумматора, необходимо объединить 8 обычных сумматоров.



Задание 2

Разработать и проверить программу, выполняющую синтез преобразователя тетрад десятично двоичного кода Д8421 в код Д8421+n (где n=4) как устройства с не полностью определенными функциями.

Строим таблицу истинности на 4 переменные

A	B	C	D		Y1	Y2	Y3	Y4
0	0	0	0		0	1	0	0
0	0	0	1		0	1	0	1
0	0	1	0		0	1	1	0
0	0	1	1		0	1	1	1
0	1	0	0		1	0	0	0
0	1	0	1		1	0	0	1
0	1	1	0		0	0	0	0
0	1	1	1		0	0	0	1
1	0	0	0		0	0	1	0
1	0	0	1		0	0	1	1
1	0	1	0		1	0	1	0
1	0	1	1		1	0	1	1
1	1	0	0		1	1	0	0
1	1	0	1		1	1	0	1
1	1	1	0		1	1	1	0
1	1	1	1		1	1	1	1

В данной таблице A,B,C,D - входные тетрады, а Y1, Y2, Y3, Y4 - выходные тетрады.

По заданной таблице строим 4 СДНФ по колонкам Y1, Y2, Y3, Y4 соответственно

$$\begin{aligned} & (!A \& !C \& !D) | (!A \& B \& !C \& D) | (A \& !B \& C \& !D) | (A \& !B \& C \& D) | (A \& B \& !C \& !D) | \\ & (A \& B \& !C \& D) | (A \& B \& C \& !D) | (A \& B \& C \& D) \longrightarrow (A \& C) | (B \& !C) \end{aligned}$$

Расчетно табличный метод

```

PDFNF --- (!A&B&!C&!D)|(!A&B&!C&D)|(A&!B&C&!D)|(A&!B&C&D)|(A&B&!C&!D)|(A&B&!C&D)|(A&B&C&!D)|(A&B&C&D)
      [!A, B, !C, !D] [!A, B, !C, D]  [A, !B, C, !D]  [A, !B, C, D]    [A, B, !C, !D]  [A, B, !C, D]    [A, B, C, !D]
      [A, B, C, D]
[B, !C]      1      1      0      0      1      1      0      0
[A, B]       0      0      0      0      1      1      1      1
[A, C]       0      0      1      1      0      0      1      1
PDFNF: (B&!C)|(A&C)
  
```

$$\begin{aligned} & (!A \& !B \& !C \& !D) \vee (!A \& !B \& !C \& D) \vee (!A \& !B \& C \& !D) \vee (!A \& !B \& C \& D) \vee (A \& B \& !C \& !D) \vee \\ & (A \& B \& !C \& D) \vee (A \& B \& C \& !D) \vee (A \& B \& C \& D) \rightarrow (A \& B) \vee (!A \& !B) \end{aligned}$$

```

Расчетно табличный метод

PDFNF --- (!A&!B&!C&!D)|(!A&!B&!C&D)|(!A&!B&C&!D)|(!A&!B&C&D)|(A&B&!C&!D)|(A&B&!C&D)|(A&B&C&!D)|(A&B&C&D)
      [!A, !B, !C, !D]    [!A, !B, !C, D] [!A, !B, C, !D] [!A, !B, C, D] [A, B, !C, !D] [A, B, !C, D] [A, B, C, !D] [A, B, C, D]
[A, B]      0      0      0      0      1      1      1      1
[!A, !B]      1      1      1      1      0      0      0      0
PDFNF: (A&B)|(!A&!B)

```

$$(!A \& !B \& C \& !D) \vee (!A \& !B \& C \& D) \vee (A \& !B \& !C \& !D) \vee (A \& !B \& !C \& D) \vee (A \& !B \& C \& !D) \vee (A \& !B \& C \& D) \vee (A \& B \& C \& !D) \vee (A \& B \& C \& D) \longrightarrow (A \& !B) \vee (A \& C) \vee (!B \& C)$$

```

Расчетно табличный метод

PDF: ---(!A&!B&C&!D)|(!A&!B&C&D)|(A&!B&!C&!D)|(A&!B&!C&D)|(A&!B&C&!D)|(A&!B&C&D)|(A&B&C&!D)|(A&B&C&D)
      [!A, !B, C, !D] [!A, !B, C, D] [A, !B, !C, !D] [A, !B, !C, D] [A, !B, C, !D] [A, !B, C, D] [A, B, C, !D]
      [A, B, C, D]
[A, !B]      0      0      1      1      1      1      0      0
[A, C]       0      0      0      0      1      1      1      1
[!B, C]      1      1      0      0      1      1      0      0
PDF: (A&!B)|(A&C)|(!B&C)

```

$$(!A \& !B \& !C \& D) \vee (!A \& !B \& C \& D) \vee (!A \& B \& !C \& D) \vee (!A \& B \& C \& D) \vee (A \& !B \& !C \& D) \vee (A \& !B \& C \& D) \vee (A \& B \& !C \& D) \vee (A \& B \& C \& D) \rightarrow D$$

Минимизация

Расчетно табличный метод

```

PDFNF --- (!A&!B&!C&D) | (!A&!B&C&D) | (!A&B&!C&D) | (!A&B&C&D) | (A&!B&!C&D) | (A&!B&C&D) | (A&B&!C&D) | (A&B&C&D)
      [A, D]  [!A, D]
[D]         1      1
PDFNF: (D)

```

Синтезируем преобразователь

