

## Irányítástechnika 4. labor

Készítette: Drexler Dániel András

Óbudai Egyetem, Neumann János Informatikai Kar

# Tartalom

- 1 P szabályozó, fázistartalék, erősítéstartalék
  - Szakasz
  - Soros kompenzátorok architektúrája
  - Erősítés- és fázistartalék
  
- 2 Gyökhelygörbe
  - Gyökhelygörbe

# Tartalom

## 1 P szabályozó, fázistartalék, erősítéstartalék

- Szakasz
- Soros kompenzátorok architektúrája
- Erősítés- és fázistartalék

## 2 Gyökhelygörbe

- Gyökhelygörbe



# Tartalom

- 1 P szabályozó, fázistartalék, erősítéstartalék
  - Szakasz
  - Soros kompenzátorok architektúrája
  - Erősítés- és fázistartalék
- 2 Gyökhelygörbe
  - Gyökhelygörbe

# Szabályozandó szakasz megadása

## A szakasz átviteli függvénye

Legyen a szabályozandó szakasz átviteli függvénye!

$$W_p(s) = \frac{10}{(s+1)(2s+1)(5s+1)}$$

## Matlab szkript

Írjunk egy Matlab szkriptet, ami

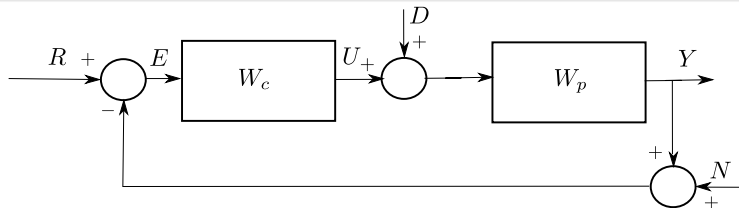
- 1 Kitörli a változókat, bezár minden ablakot, törli a Command Window-t.
- 2 Létrehoz egy változót, ami leírja a szakasz átviteli függvényét.
- 3 Külön ábrán ábrázolja a szakasz Bode-diagramját és pólus-zérus eloszlását!



# Tartalom

- 1 P szabályozó, fázistartalék, erősítéstartalék
  - Szakasz
  - Soros kompenzátorok architektúrája
  - Erősítés- és fázistartalék
  
- 2 Gyökhelygörbe
  - Gyökhelygörbe

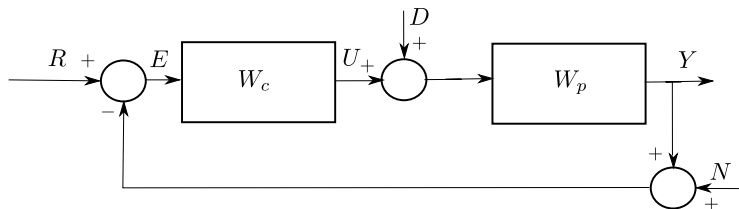
# Zárt szabályozási kör



## A zárt kör mérhető jelei

- Referencia jel ( $R$ ): ezzel írjuk elő, hogy mi legyen a szakasz kimenete. Másik neve: alapjel.
- Kimenő jel ( $Y$ ): ez a szakasz valódi (mért) kimenete. Másik neve: szabályozott jellemző.
- Bevatkozó jel ( $U$ ): ezt a jelet tudjuk előírni, ezzel tudunk hatni a szakaszra.
- Hibajel ( $E$ ): az előírt és mért jel különbsége.

# Zárt szabályozási kör

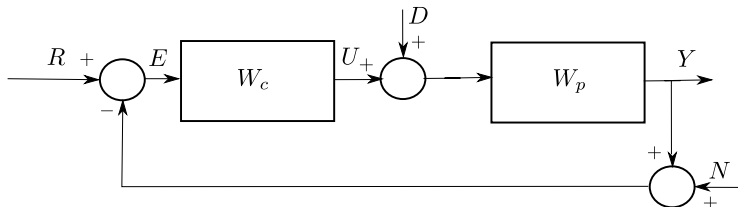


## A zárt kör nem mérhető jelei

- Zavaró jel ( $D$ ): nem mérhető, nem befolyásolható zavarás, ami a bemeneten hat (valamilyen körülmény megváltozása miatt).
- Zaj ( $N$ ): nem mérhető, nem befolyásolható zaj, ami a mért kimeneten hat (a mérési zaj miatt),



# Zárt szabályozási kör



## A szabályozási architektúra

- A szabályozó bemenete az előírt és mért kimenet különbsége, azaz a hibajel. A szabályozó nem ismeri ezek értékét, csak a különbségét.
- A szabályozó kimenete a beavatkozó jel.
- A szabályozó sorba van kötve a szabályozandó rendszerrel (szakasszal), ezért az ilyen szabályozókat soros kompenzátornak is szokás nevezni.

# P szabályozó

## A szabályozó átviteli függvénye

Legyen a szabályozó kimenete arányos (proporcionális) a hibajellel, azaz a szabályozó átviteli függvénye egy erősítő:

$$W_c(s) = A_p.$$

## Matlab szkript

Folytassuk a Matlab szkriptet, ami

- 4 Létrehoz egy változót, ami leírja a szabályozó átviteli függvényét (legyen  $A_p = 0.2$ ).
- 5 Kiszámítja a felnyitott kör átviteli függvényét!
- 6 Kiszámítja az erősítés- és fázistartalékot!

# Tartalom

- 1 P szabályozó, fázistartalék, erősítéstartalék
  - Szakasz
  - Soros kompenzátorok architektúrája
  - Erősítés- és fázistartalék
  
- 2 Gyökhelygörbe
  - Gyökhelygörbe

# Vágási körfrekvencia, fázistartalék

## Vágási körfrekvencia

A vágási körfrekvencia az a frekvencia, ahol a felnyitott kör erősítése először eléri az 1 értéket (0 dB-t).

## Fázistartalék

A fázistartalék az az érték, amennyivel a felnyitott kör fázistolása nagyobb  $-180^\circ$ -nál a vágási körfrekvencián, azaz

$$\varphi_t = 180^\circ + \varphi(\omega_c),$$

ahol  $\omega_c$  a vágási körfrekvencia,  $\varphi$  pedig a felnyitott kör fázisfüggvénye.

# Vágási körfrekvencia, fázistartalék

## Bode-féle stabilitási kritérium

- Ha a felnyitott kör fázistartaléka pozitív ( $\varphi_t > 0^\circ$ ), akkor a zárt kör stabil.
- Ha a felnyitott kör fázistartaléka nulla ( $\varphi_t = 0^\circ$ ), akkor a zárt kör a stabilitás határán van (oszillál).
- Ha a felnyitott kör fázistartaléka negatív ( $\varphi_t < 0^\circ$ ), akkor a zárt kör instabil.

# Erősítéstartalék

## Az erősítés hatása a felnyitott körre

Ha a felnyitott kör erősítését növeljük (a példában  $A_p$  értékét), akkor az erősítés minden frekvencián ugyanannyival nő, a fázisment viszont nem változik. A legtöbb rendszer esetében az erősítés növelésével nő a vágási körfrekvencia (ha az amplitúdómenet a vágási körfrekvencia környékén monoton csökken), illetve csökken a fázistartalék (ha a végési körfrekvencia környékén a fázisfüggvény monoton csökken). Ha az erősítést olyan nagyra növeljük, hogy a fázistartalék nullára csökken, akkor a zárt kör a stabilitás határára kerül. Az erősítés tovább növelésével a zárt kör instabillá válik.

## Erősítéstartalék

Azt az erősítést, amivel a felnyitott kör átviteli függvényét megszorozva a zárt kör a stabilitás határára kerül (a felnyitott kör fázistartaléka nullává válik), erősítéstartaléknak nevezzük.

# Erősítés- s fázistartalék Matlabbal

## Ábrázolás Bode-diagramon

A margin utasítás ábrázolja a rendszer Bode-diagramját, berajzolja az erősítés és fázistartalékokat, és az ábra fölött megadja ezek értékét.

```
figure()  
margin(Wopen)
```

# Erősítés- s fázistartalék Matlabbal

## Az értékek kiszámítása

Ha a margin utasítással értéket adunk, akkor nem készít ábrát, hanem visszaadja a kiszámított erősítés- és fázistartalék értékeket és a hozzájuk tartozó frekvenciákat.

$[G_m, P_m, W_{cg}, W_{cp}] = \text{margin}(W_{open})$

Az első kimenet ( $G_m$ ) az erősítéstartalék lineáris léptékben (az ábrán dB-ben van megadva!), a második kimenet ( $P_m$ ) a fázistartalék fokban, a harmadik kimenet ( $W_{cg}$ ) az a frekvencia, ahol a rendszer eléri a stabilitás határát, a negyedik kimenet ( $W_{cp}$ ) pedig a vágási körfrekvencia.



# P szabályozó

## Erősítés- és fázistartalék

Tehát, folytassuk a Matlab szkriptet, ami

- 6 Kiszámítja az erősítés- és fázistartalékot!
- 7 Döntsük el, hogy stabil lesz-e a zárt kör!

## A zárt kör

Folytassuk a Matlab szkriptet, ami

- 8 Kiszámítja a zárt kör átviteli függvényét!
- 9 Külön ábrán ábrázolja a zárt kör ugrásválaszát!
- 10 Kiszámítja a zárt kör maradó hibáját, túllövését, 2%-os beállási idejét!

# P szabályozó

## Bavatkozó jel

Folytassuk a Matlab szkriptet, ami

- 11 Kiszámítja az ávtiteli függvényt a referencia jel és a beavatkozó jel között!
- 12 Külön ábrán ábrázolja a beavatkozó jelet egységugrás referencia jel esetén!
- 13 Kiszámítja a beavatkozó jel maximális értékét! (tipp: stepinfo, Peak)

# P szabályozó

## Zavarás hatása

Folytassuk a Matlab szkriptet, ami

- 14 Kiszámítja a zavaró jel és a hibajel közötti átviteli függvényt!
- 15 Külön ábrán ábrázolja a hibajelet egységugrás zavaró jel hatására!
- 16 Kiszámítja a maradó hibát, amit egységugrás zavaró jel okoz!
- 17 Kiszámítja egységugrás zavarójel által okozott hiba maximumát! (tipp: stepinfo, Peak)

# Az erősítés hatása

## $A_p$ hatása

Futtassuk le a Matlab szkriptet a következő paraméter értékek mellett:  $A_p \in \{0.2, 0.3, 0.5, 1, 1.2, 1.5\}$ .

# Tartalom

- 1 P szabályozó, fázistartalék, erősítéstartalék
  - Szakasz
  - Soros kompenzátorok architektúrája
  - Erősítés- és fázistartalék
- 2 Gyökhelygörbe
  - Gyökhelygörbe



# Tartalom

- 1 P szabályozó, fázistartalék, erősítéstartalék
  - Szakasz
  - Soros kompenzátorok architektúrája
  - Erősítés- és fázistartalék
- 2 Gyökhelygörbe
  - Gyökhelygörbe

# A gyökhelygörbe

## $A_p$ és a zárt kör pólusai

Ha  $A_p$  értékét változtatjuk, akkor változik a zárt kör dinamikus viselkedése: változik a túllövés, a beállási idő, felfutási idő, és a stabilitás is változhat. Tehát, változnak a zárt kör pólusai.

## A gyökhelygörbe

A zárt kör pólusait ábrázolhatjuk úgy egy ( $A_p$  szerint paraméterezett) görbén, aminek egy pontja azt mondja meg, hogy adott  $A_p$  erősítés mellett hol lesznek a zárt kör pólusai. Ezt nevezzük gyökhelygörbének.

# A gyökhelygörbe

## Gyökhelygörbe Matlabbal

A Matlab *rlocus* utasítása kiszámítja a gyökhelygörbét. Folytassuk a Matlab szkriptet, ami ábrázolja a rendszer gyökhelygörbéjét:

```
figure()  
rlocus(Wopen)
```





Köszönöm a figyelmet!