파이썬자료구조와알고리즘

CHAPTER.19

재귀호출의 기본 및 작동 방식의 이해





- [1] 재귀 호출의 기본
- [2] 재귀 호출 작동 방식의 이해



- ⊘ 재귀 호출의 개념과 작동을 설명할 수 있다.
- ⊘ 재귀 호출을 위한 코드 형식을 설명할 수 있다.



1] 재귀 알고리즘이란?



양쪽에 거울이 있을 때 거울에 비친 자신이 무한 반복해서 비치는 것



1] 재귀 알고리즘이란?



마트료시카 인형처럼 동일한 작동을 무한적으로 반복하는 알고리즘



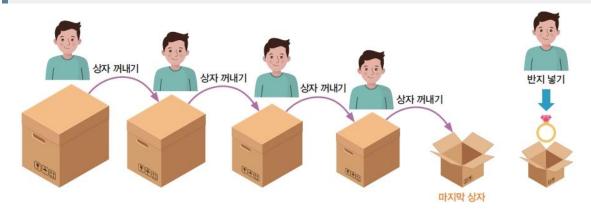
2] 재귀 호출의 개념



재귀 호출(Recursion)

자신을 다시 호출하는 것

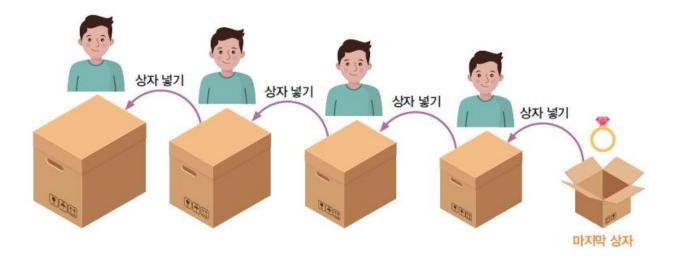
마지막 종이 상자가 나올 때까지 여러 개 겹쳐진 상자를 꺼내 마지막 상자에 반지를 넣는 예



2] 재귀 호출의 개념



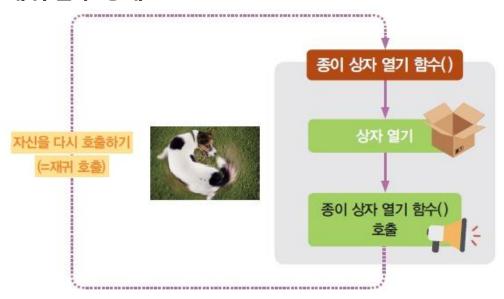
꺼낸 순서와 반대로 종이 상자를 다시 넣는 예





상자를 반복해서 여는 과정을 재귀 호출 형태로 표현

■ 재귀 함수 형태





재귀 호출 함수 기본

```
1 def openBox():
2 print("종이 상자를 엽니다. ^^")
3 openBox()
4
5 openBox() # 처음 함수를 다시 호출
```



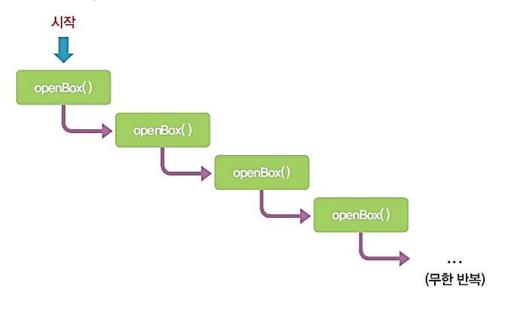
재귀 호출 함수 기본

```
실행 결과
종이 상자를 엽니다. ^^
종이 상자를 엽니다. ^^
···(중략)···
Traceback (most recent call last):
 File "C:\CookData\Code10-01.py", line 5, in <module>
  openBox() # 처음 함수를 다시 호출
 File "C:\CookData\Code10-01.py", line 3, in openBox
  openBox()
···(중략)···
 [Previous line repeated 1009 more times]
 File "C:\CookData\Code10-01.py", line 2, in openBox
  print("종이 상자를 엽니다. ^^")
RecursionError: maximum recursion depth exceeded while pickling an object
>>>
```



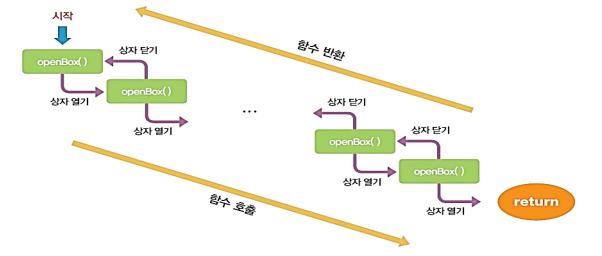
재귀 호출 함수 기본

■ 무한 반복하는 재귀 호출



일반적인 프로그램에서는 무한 반복을 마치고 되돌아가는 조건을 함께 사용함

■ 10회 반복 후 호출한 곳으로 다시 돌아가는 조건을 사용하는 예





재귀 호출 함수 기본(반환 조건 추가)

```
def openBox():
      global count
      print("종이 상자를 엽니다. ^^")
      count -= 1
      if count == 0:
         print("** 반지를 넣고 반환합니다. **")
         return
      openBox()
      print("종이 상자를 닫습니다. ^^")
10
11 count = 10
              # 처음 함수를 다시 호출
12 openBox()
```



재귀 호출 함수 기본(반환 조건 추가)

```
실행결과
종이 상자를 엽니다. ^^
종이 상자를 엽니다. ^^
···(중략)···
종이 상자를 엽니다. ^^
** 반지를 넣고 반환합니다. **
종이 상자를 닫습니다. ^^
···(중략)···
종이 상자를 닫습니다. ^^
종이 상자를 닫습니다. ^^
```



재귀 호출 함수 기본(반환 조건 추가)

■ 7행의 return 문을 만나면 어디로 돌아가는가? (함수의재귀호출방식이해)

```
count = 3
          def openBox():
                                                          (메인 코드 부분
             count -= 1
               if count == 0: # count \vdash 2
1회 호출
                 return
          openBox()
         ▶ 6 print("종이 상자를 닫습니다. ^^")
        → def openBox() :
            count -= 1
               if count = 0: # count \vdash 1
2회 호출
                 return
          2 openBox()
          ♠ print("종이 상자를 닫습니다. ^^") —
        → def openBox():
             count -= 1
               if count == 0:# count는 0
3회 호출
               1 return
             openBox()
             print("종이 상자를 닫습니다. ^^")
```





반복문을 이용한 구현

```
sumValue = 0
for n in range(10, 0, -1):
    sumValue += n
print("10+9+···+1 = ", sumValue)
```

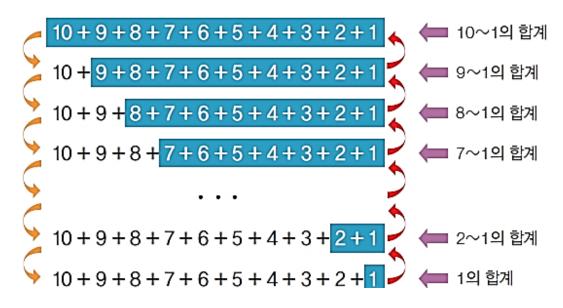
실행 결과

10+9+...+1 = 55



재귀 함수를 이용한 구현

■ 10부터 1까지의 합계





10부터 1까지의 합계를 재귀 호출로 구현

```
1 def addNumber(num):
2    if num <= 1:
3       return 1
4       return num + addNumber(num-1)
5
6 print(addNumber(10))</pre>
```

실행 결과

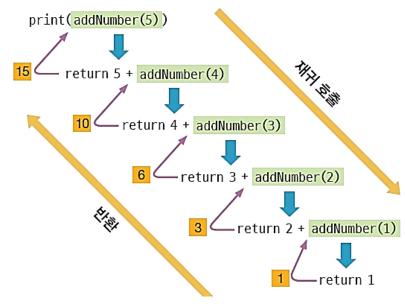
55

```
(1단계) 6행의 addNumber(10) 호출
 (2단계) 4행의 10 + addNumber(9) 호출
 (3단계) 4행의 9 + addNumber(8) 호출
(4단계) 4행의
               8 + addNumber(7) 호출
(5단계) 4행의
                 7 + addNumber(6) 호출
(6단계) 4행의
                   6 + addNumber(5) 호출
(7단계) 4행의
                     5 + addNumber(4) 호출
(8단계) 4행의
                       4 + addNumber(3) 호출
(9단계) 4행의
                        3 + addNumber(2) 호출
(10단계) 4행의
                          2 + addNumber(1) 호출
(11단계) 3행의
                            1 반환
(10단계) 4행의
                          2 + 1(=3) 반환
(9단계) 4행의
                        3 + 3(=6) 반환
(8단계) 4행의
                      4 + 6(=10) 반환
(7단계) 4행의
                     5 + 10(=15) 반환
(6단계) 4행의
                   6 + 15(=21) 반환
                 7 + 21(=28) 반환
(5단계) 4행의
(4단계) 4행의
               8 + 28(=36) 반환
(3단계) 4행의
             9 + 36(=45) 반환
(2단계) 4행의 10 + 45(=55) 반환
(1단계) 6행의 55 출력
```



5부터 1까지의 합계로 단순화

■ 5부터 1까지의 합계 재귀 호출 과정







앞쪽의 소스를 수정해서 두 수를 입력받고 두 숫자 사이의 합계를 구하는 코드를 작성하자. 단, 입력하는 숫자는 작은 숫자 또는 큰 숫자 중 어느 것을 먼저 입력해도 같다.

실행 결과

숫자1-->1

숫자2-->10

55

숫자1-->10

숫자2-->1

55









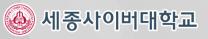
반복문을 이용한 구현

```
factValue = 1 # 곱셈이므로 초기값을 1로 설정

for n in range(10, 0, -1):
    factValue *= n

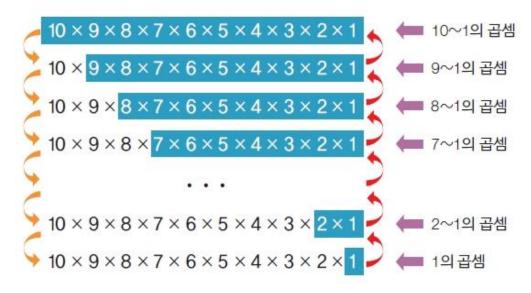
print("10*9*…*1 = ", factValue)

10*9*…*1 = 3628800
```



재귀 함수를 이용한 구현

■ 10! 계산





재귀 호출 과정을 재귀 함수로 작성

```
def factorial(num):
    if num <= 1:
        return 1
    return num * factorial(num-1)

print('\n10! = ', factorial(10))</pre>
```



재귀 호출 과정을 재귀 함수로 작성

■ 5!을 재귀 호출로 구현

```
실행 결과
  def factorial(num) :
                                                               5 * 4! 호출
       if num <= 1 :
                                                               4 * 3! 호출
           print('1 반환')
                                                               3 * 2! 호출
           return 1
                                                               2 * 1! 호출
       print("%d * %d! 호출" % (num, num-1))
                                                               1 반환
       retVal = factorial(num-1)
                                                               2 * 1!(=1) 반환
                                                               3 * 2!(=2) 반환
       print("%d * %d!(=%d) 반환" % (num, num-1, retVal))
                                                               4 * 3!(=6) 반환
       return num * retVal
                                                               5 * 4!(=24) 반환
10
11 print('\n5! = ', factorial(5))
                                                               5! = 120
```



- ♪ 5!을 재귀 호출로 구현한 코드의 단계별 작동 과정
 - 1 A부분에서 11행의 factorial(5)를 호출

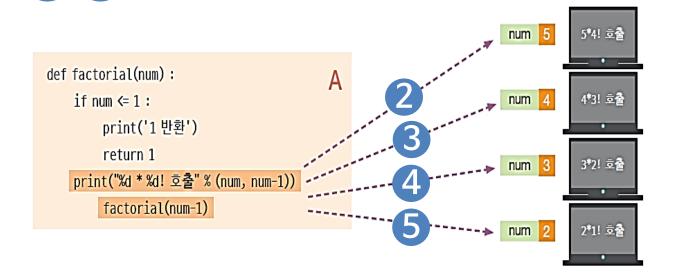
```
def factorial(num) :
   if num <= 1:
        print('1 반환')
        return 1
   print("%d * %d! 호출" % (num, num-1))
   retVal = factorial(num-1)
   print("%d * %d!(=%d) 반환" % (num, num-1, retVal))
   return num * retVal
print('\n5! = ', factorial(5))
```



♪ 5!을 재귀 호출로 구현한 코드의 단계별 작동 과정

2 3 4 5

num이 5, 4, 3, 2인 상태에서 A 부분의 5~6행 실행(재귀 함수 1~4회 호출)

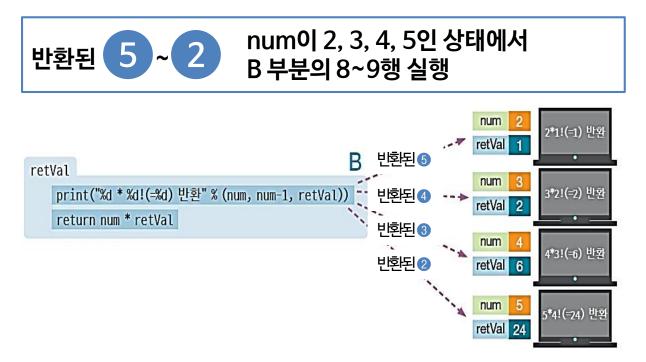




- ♪ 5!을 재귀 호출로 구현한 코드의 단계별 작동 과정
 - num이 1인 상태에서 A 부분의 2~4행을 실행하여 1 반환 (재귀 함수 5회 호출)



♪ 5!을 재귀 호출로 구현한 코드의 단계별 작동 과정







🄼 5!을 재귀 호출로 구현한 코드의 단계별 작동 과정

처음 호출한 factorial(5)가 반환되어 반환된 최종 5!인 120 출력

```
def factorial(num):
   if num <= 1:
       print('1 반환')
       return 1
   print("%d * %d! 호출" % (num, num-1))
   retVal = factorial(num-1)
   print("%d * %d!(=%d) 반환" % (num, num-1, retVal))
   return num * retVal-----
                                                   120 반환
                                                                  5!=120
print('\n5! = ', factorial(5))
```

Q1

Q2

Q3

Q1

재귀 호출 관련 설명으로 가장 거리가 먼 것은?

- 1 자기 자신을 다시 호출하는 개념이다.
- 2 재귀 호출의 무한 반복 코드를 작성하면, 파이썬은 어느 정도 반복하다가 자동 종료시킨다.
- 3 재귀 호출의 무한 반복을 마치려면 return 문을 사용한다.
- 4 재귀 호출을 위한 예약어는 for 또는 while이다.

Q1

Q2

Q3

Q1

재귀 호출 관련 설명으로 가장 거리가 <u>먼 것</u>은?

- 1 자기 자신을 다시 호출하는 개념이다.
- 재귀 호출의 무한 반복 코드를 작성하면, 파이썬은 어느 정도 반복하다가 자동 종료시킨다.
- 3 재귀 호출의 무한 반복을 마치려면 return 문을 사용한다.
- 4 재귀 호출을 위한 예약어는 for 또는 while이다.

정답

2 재귀 호출의 무한 반복 코드를 작성하면, 파이썬은 어느 정도 반복하다가 자동 종료시킨다.

해설

무한 반복을 마치고 되돌아가는 조건을 함께 사용합니다.

Q1 Q2 Q3

Q2 10부터 100까지 합계를 구하는 코드를 (1)과 (2)에 채우시오.

```
def addNumber(num):
  if num <= 10:
    (         1     )
  return num + (         2     )
print (addNumber(100))</pre>
```

(1)

(2)

```
Q1 Q2 Q3
```

Q2 10부터 100까지 합계를 구하는 코드를 (1)과 (2)에 채우시오.

```
(1) return 10
```

(2) addNumber (num-1)

정답 return 10 / addNumber(num-1)

해 설 return 문장에서 자기자신을 호출해야 합니다.

```
Q3 팩토리얼을 구하는 코드를 (1)~(3)에 채우시오.

def factorial (num):
   if ( 1 ):
      return 1
   retVal = ( 2 )
```

return (3

Q1

(3)

Q3

```
Q1 Q2 Q3
```

팩토리얼을 구하는 코드를 (1)~(3)에 채우시오.

```
def factorial(num):
  if ( 1 ):
    return 1
  retVal = ( 2 )
  return ( 3 )
```

```
(1) num <= 1
```

- (2) Factorial (num-1)
- (3) num * retVal

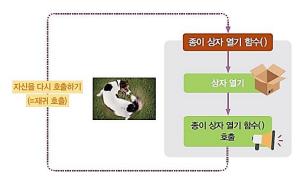
```
정답 num <= 1 / factorial(num-1) / num * retVal
```

해 설 팩토리얼을 구할 때 자기 자신을 호출해야 합니다.

학습정리

재귀 호출의 기본

- ☑ 재귀 호출(Recursion)
 - 자신을 다시 호출하는 것
- ❷ 재귀 호출의 작동
 - 상자를 반복해서 여는 과정을 재귀 호출 형태로 표현



학습정리

재귀 호출의 기본

- ❷ 재귀 호출의 작동
 - 일반적인 프로그램에서는 무한 반복을 마치고 되돌아가는 조건을 함께 사용함
 - 반환 조건이 추가된 재귀 호출

