



Technische
Universität
Braunschweig

Institut für Werkzeugmaschinen
und Fertigungstechnik **iwf**



Übung 5 Fertigungstechnik: Zeitspannungsvolumen

Dr.-Ing. Anke Müller, 04.07.2017

Institut für Werkzeugmaschinen und Fertigungstechnik

- Definition und Vorgehensweise zur Bestimmung des Zeitspannvolumens
- Bohren
- Drehen
- Fräsen
- Schleifen

- Das Zeitspanungsvolumen Q_w ist das pro Zeiteinheit zerspante Volumen in mm^3/s .
- Es lässt sich als zeitliche Ableitung der Funktion $V(t)$ des zerspanten Volumens berechnen.
- Beim Schleifen wird das Zeitspanungsvolumen häufig auf die effektive Scheibenbreite bezogen. Das bez. Zeitspanungsvolumen Q'_w hat also die Einheit $\text{mm}^3/(\text{mm s})$.

Bewertung von Schleifprozessen

Schleifkräfte in Abhängigkeit des Zeitspanungsvolumens



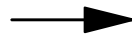
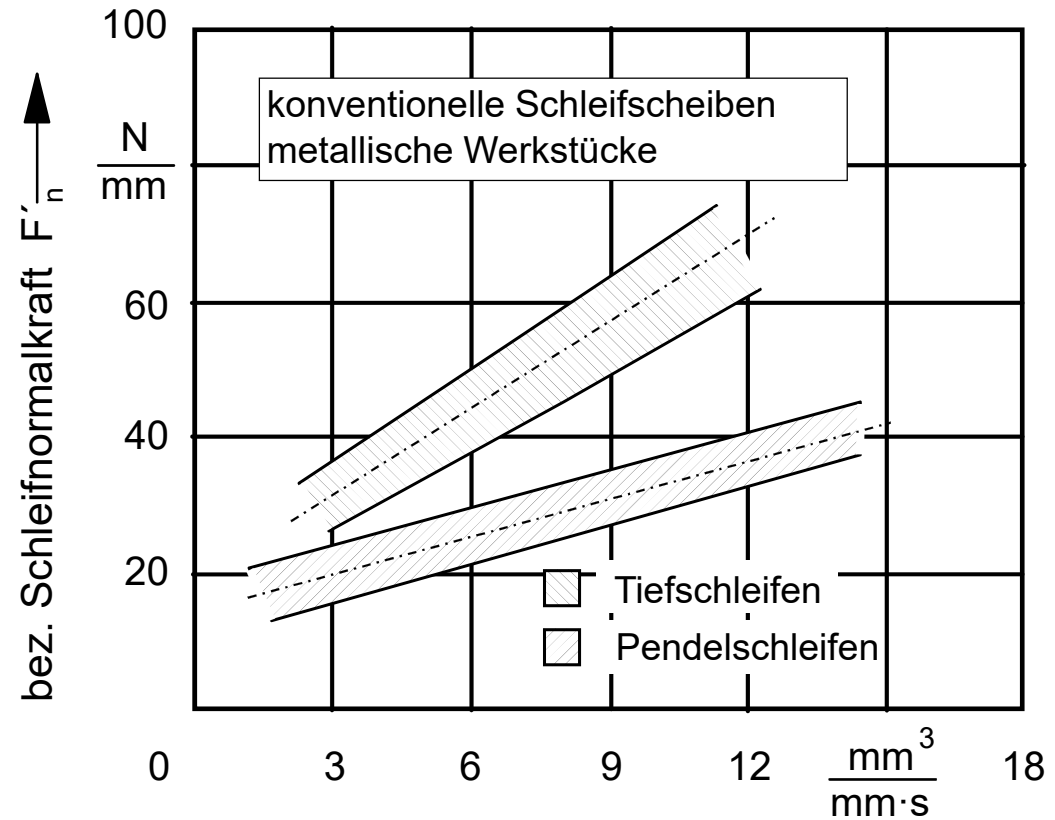
Zeitspanungsvolumen Q_w
definiert das je Zeiteinheit
zerspante Werkstoffvolumen

$$Q_w = \frac{dV_w}{dt}$$



Bessere Vergleichbarkeit
verschiedener Prozesse ist
über **bezogenes**
Zeitspanungsvolumen Q'_w
gegeben (Berücksichtigung
der Eingriffsbreite)

$$Q'_w = \frac{Q_w}{b_{seff}}$$



WZ 380-98-00



Technische
Universität
Braunschweig

Folie 5

Institut für Werkzeugmaschinen
und Fertigungstechnik **WZ**

- Bestimmen des zerspanten **Volumens über der Zeit** in Form einer expliziten Funktion^{①②}
- Berechnung der Funktion für das Zeitspanungsvolumen als **Ableitung** des zerspanten Volumens über der Zeit^③
- **Einsetzen** der Zahlenwerte in die Funktion für das Zeitspanungsvolumen zur Berechnung der geforderten Werte, **Herleiten der fehlenden Werte**^④

→ Teillösungspunkte auf den Rechenweg!

- Definition und Vorgehensweise
- Bohren
- Drehen
- Fräsen
- Schleifen

Zeitspanungsvolumen beim Bohren (Aufgabe)

7

Berechnen Sie das Zeitspanungsvolumen beim Bohren des in der Skizze dargestellten Loches.

Parameter:

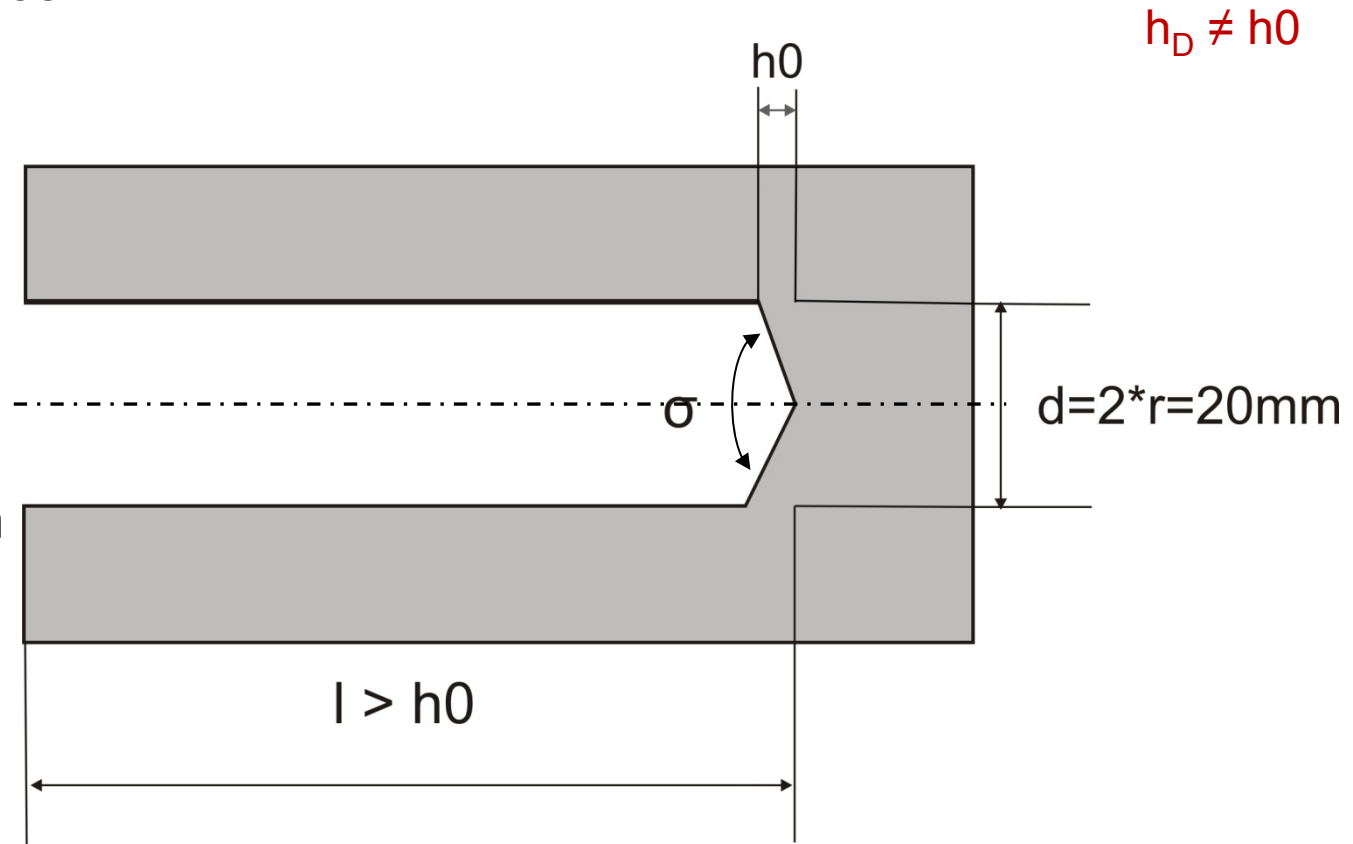
σ : 120°

h_D : 0,15 mm

z : 2

d : 20 mm

n : 500 U/min



$h_D \neq h_0$



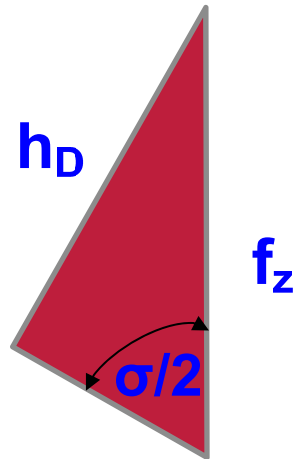
Technische
Universität
Braunschweig

Dr.-Ing. Anke Müller | Zeitspanungsvolumen

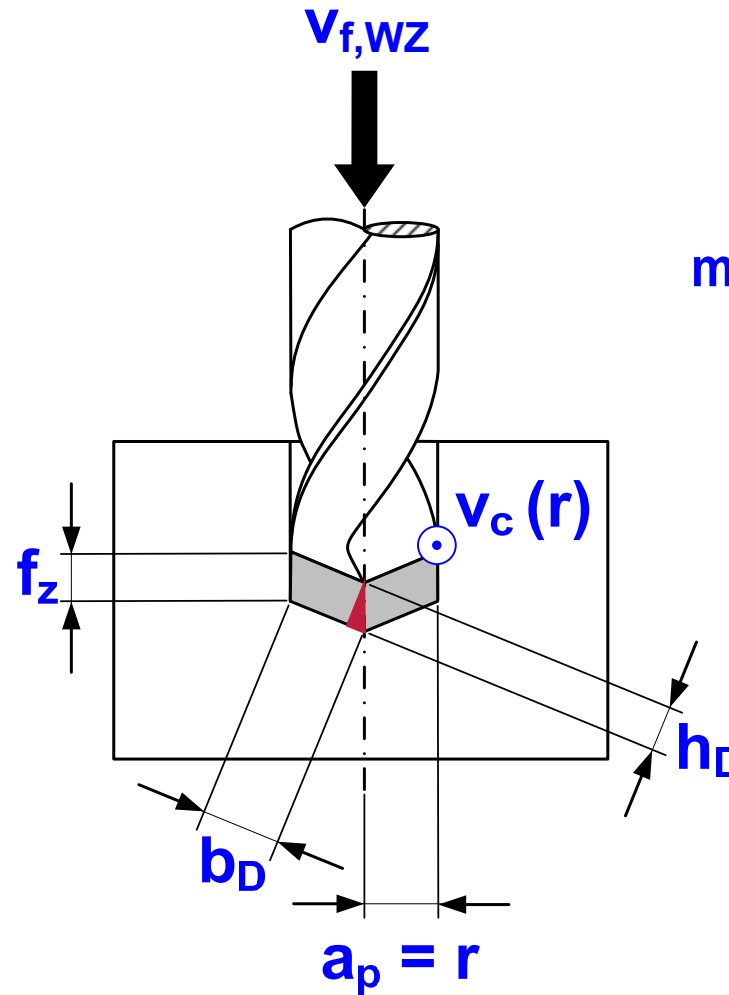
Folie 8

Institut für Werkzeugmaschinen
und Fertigungstechnik **WMF**

Spanungsgrößen beim Bohren



$$f_z \neq h_D$$



$$v_c = \pi \cdot n \cdot d$$

$$v_f = n \cdot f$$

$$\text{mit } f = z \cdot f_z$$



Werkzeug im Vollschnitt:

①②

$$V(t) = v_f \cdot \pi \cdot r^2 \cdot t$$

→ v_f ersetzen und ableiten nach t

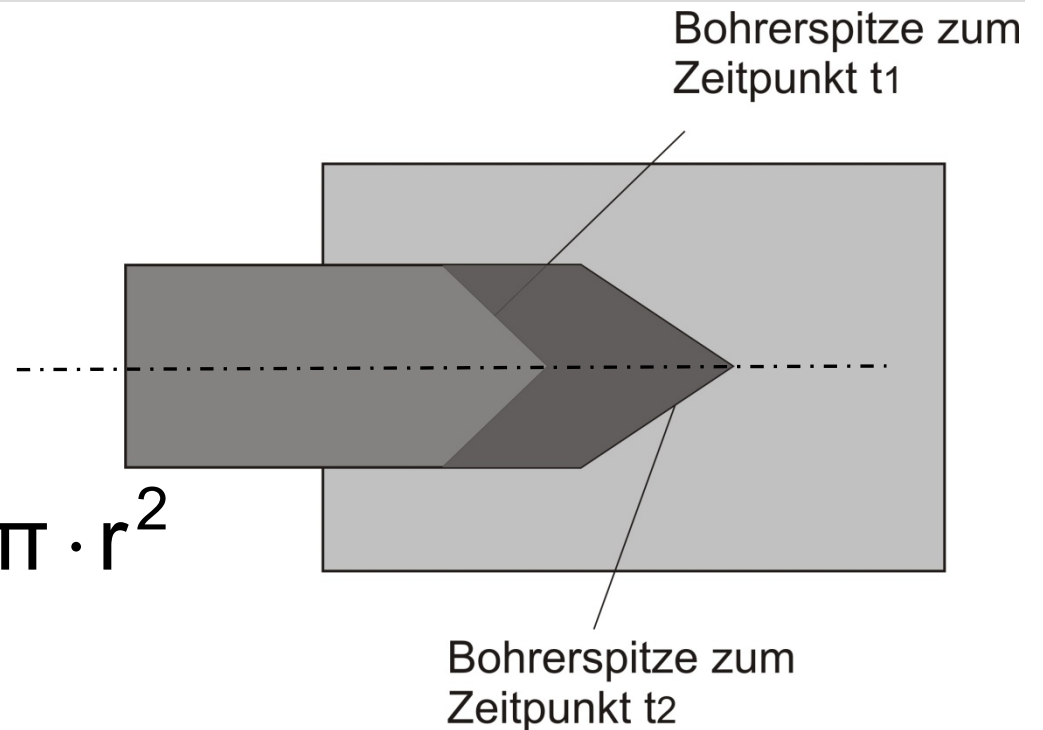
③

$$Q_w(t) = \dot{V} = f_z \cdot z \cdot n \cdot \pi \cdot r^2$$

$$f_z = \frac{h_D}{\sin \frac{\sigma}{2}}$$

④

$$Q_w = 0,173 \text{ mm} \cdot 2 \cdot 8,33 \frac{1}{s} \cdot \pi \cdot (10 \text{ mm})^2 = 905,8 \frac{\text{mm}^3}{s}$$

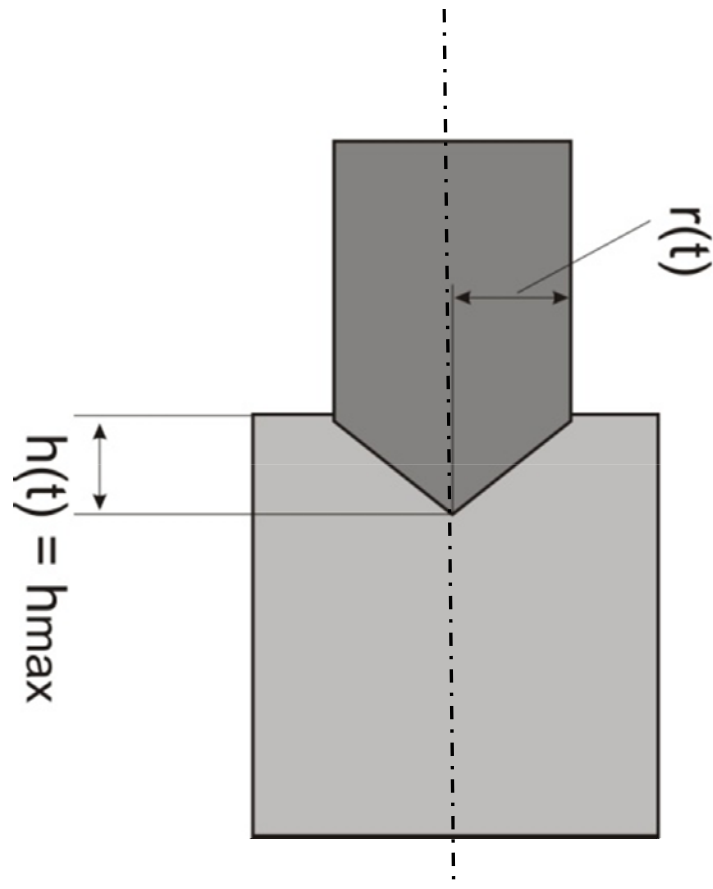


Zeitspannungsvolumen beim Bohren (Lösung)

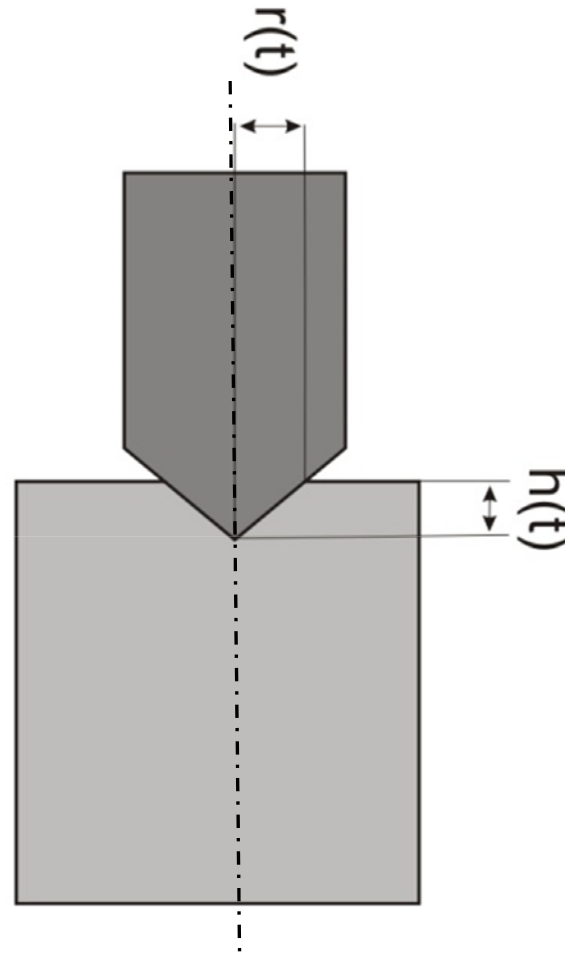
$h_D \neq h_0$

8

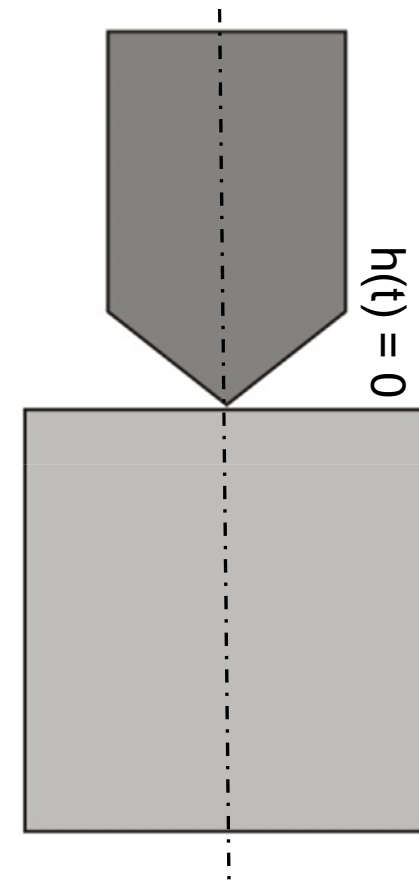
Vollschnitt ✓



Anschnitt



Ohne Eingriff

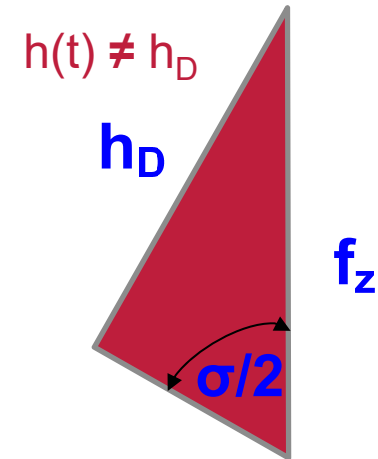


Anschnitt des Werkstücks:

$$\textcircled{1} \quad V = \pi \cdot r^2 \cdot \frac{h}{3} \quad \rightarrow \text{Volumen eines Kegels}$$

$$\textcircled{2} \quad V(t) = \pi \cdot r^2(t) \cdot \frac{h(t)}{3} \quad \begin{array}{l} \rightarrow \text{Als Funktion über der Zeit,} \\ \rightarrow \text{Welche Größen sind über der} \\ \text{Zeit veränderlich?} \end{array}$$

$$\textcircled{3} \quad h(t) = v_f \cdot t = f_z \cdot z \cdot n \cdot t$$



$$f_z = \frac{h_D}{\sin \frac{\sigma}{2}}$$

$\sin = G/H$
 $\cos = A/H$
 $\tan = G/A$

Zeitspannungsvolumen beim Bohren (Lösung)

Fehlende Komponenten suchen

$$h(t) \neq h_D$$

$$f_z = \frac{h_D}{\sin \frac{\sigma}{2}} \rightarrow \text{(Ausrechnen und) in } h(t) \text{ einsetzen}$$

$$h(t) = v_f \cdot t = f_z \cdot z \cdot n \cdot t \rightarrow \text{(Ausrechnen und) in } V(t) \text{ setzen}$$

$$V(t) = \pi \cdot r^2(t) \cdot \frac{h(t)}{3} \rightarrow r \text{ fehlt zum Ausrechnen!}$$



Anschnitt des Werkstücks:

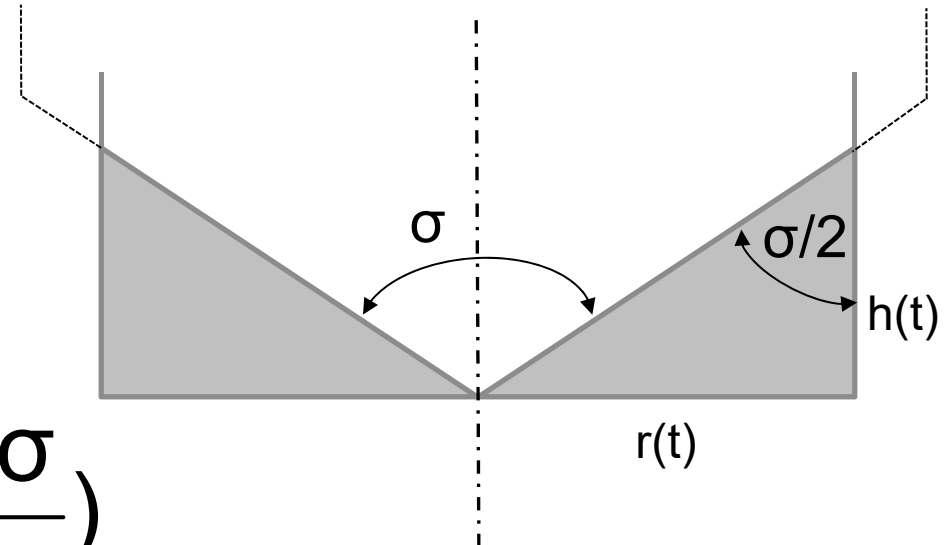
$$\textcircled{3} \quad r(t) = h(t) \cdot \tan\left(\frac{\sigma}{2}\right)$$

r in V(t) einsetzen

$$\textcircled{4} \quad V(t) = \frac{\pi}{3} \cdot h^3(t) \cdot \tan^2\left(\frac{\sigma}{2}\right)$$

h(t) in V(t) einsetzen

$$\textcircled{4} \quad V(t) = \frac{\pi}{3} \cdot f_z^3 \cdot z^3 \cdot n^3 \cdot t^3 \cdot \tan^2\left(\frac{\sigma}{2}\right)$$



$$V(t) = \pi \cdot r^2(t) \cdot \frac{h(t)}{3}$$

$$\tan = G/A$$

Anschnitt des Werkstücks:

Q_w ist V über t abgeleitet [$1/3$ entfällt und t^2 statt t^3], f_z fehlt, t fehlt

$$\textcircled{4} \quad Q_w = \dot{V} = \pi \cdot f_z^3 \cdot z^3 \cdot n^3 \cdot t^2 \cdot \tan^2\left(\frac{\sigma}{2}\right)$$

f_z ausrechnen an der Stelle h_{\max}

$$\textcircled{4} \quad f_z = h_{\max} = \frac{r}{\tan\left(\frac{\sigma}{2}\right)} = \frac{10 \text{ mm}}{\tan(60^\circ)} = 5,774 \text{ mm}$$

$$\textcircled{4} \quad t_{\max} = \frac{h_{\max}}{\textcircled{V_f}} = \frac{5,774 \text{ mm}}{2,883 \frac{\text{mm}}{\text{s}}} = 2 \text{ s}$$

Anschnitt des Werkstücks:

Vorschubgeschwindigkeit bestimmen

$$\textcircled{4} \quad v_f = f_z \cdot z \cdot n = 0,173 \text{ mm} \cdot 2 \cdot 8,33 \frac{\text{U}}{\text{s}} = 2,883 \frac{\text{mm}}{\text{s}}$$

⑤

Alles einsetzen und Lösen

$$Q_w = \dot{V} = \pi \cdot f_z^3 \cdot z^3 \cdot n^3 \cdot t_{\max}^2 \cdot \tan^2\left(\frac{\sigma}{2}\right)$$

$$Q_w(t_{\max}) = 905,7 \frac{\text{mm}^3}{\text{s}}$$

- Definition und Vorgehensweise
- Bohren
- Drehen
- Fräsen
- Schleifen

Berechnen Sie gemäß der Skizze das Zeitspanungsvolumen beim

- a) Plandrehen mit **konstanter Drehzahl**
- b) Plandrehen mit konstanter Schnittgeschwindigkeit und beim
- c) Längsdrehen mit konstanter Drehzahl.

Parameter:

d_2 : 100 mm

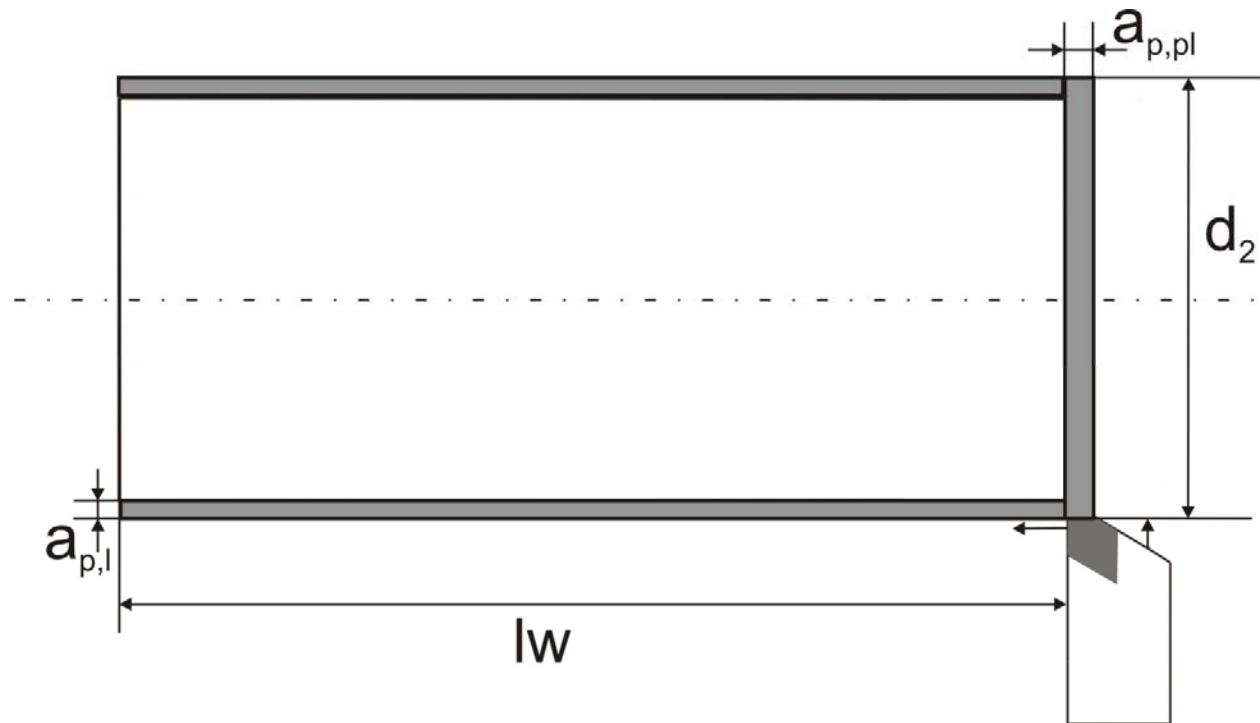
l_w : 200 mm

n : 600 U/min

f : 0,5 mm

$a_{p,pl}$: 1 mm

$a_{p,l}$: 2 mm



Plandrehen, konstante Drehzahl:

$$V(t) = a_{p,pl} \cdot \pi \cdot (r_2^2 - r^2(t))$$

$$r(t) = r_2 - f \cdot n \cdot t$$

$s = v_f \cdot t$

$$V = a_p \cdot \pi \cdot r^2 = h \cdot \pi \cdot r^2$$

Plandrehen = Volumen der
dünnen Scheibe +

Drehzahl konst. $\rightarrow v_c$ veränderlich!

\rightarrow vgl. Übung Schnittzeit

$\rightarrow r_2$ bekannt, $r(t)$ unbekannt

$$r^2(t) = r_2^2 - 2 \cdot r_2 \cdot f \cdot n \cdot t + f^2 \cdot n^2 \cdot t^2 \rightarrow \text{Binom. Formel}$$

$$V(t) = a_{p,pl} \cdot \pi \cdot (2 \cdot r_2 \cdot f \cdot n \cdot t - f^2 \cdot n^2 \cdot t^2) \rightarrow \text{einsetzen}$$

Plandrehen, konstante Drehzahl: → Ableiten

$$V(t) = a_{p,pl} \cdot \pi \cdot (2 \cdot r_2 \cdot f \cdot n \cdot t - f^2 \cdot n^2 \cdot t^2)$$

$$Q_w(t) = \dot{V} = a_{p,pl} \cdot \pi \cdot (2 \cdot r_2 \cdot f \cdot n - 2 \cdot f^2 \cdot n^2 \cdot t)$$

$$Q_w(0) = 1 \text{ mm} \cdot \pi \cdot$$

$$(2 \cdot 50 \text{ mm} \cdot 0,5 \text{ mm} \cdot 10 \frac{1}{\text{s}} - 2 \cdot 0,25 \text{ mm}^2 \cdot 100 \frac{1}{\text{s}^2} \cdot 0 \text{ s}^2) = 1570,8 \frac{\text{mm}^3}{\text{s}}$$

$$Q_w(10) = 1 \text{ mm} \cdot \pi \cdot$$

$$(2 \cdot 0,5 \text{ mm} \cdot 50 \text{ mm} \cdot 10 \frac{1}{\text{s}} - 2 \cdot 0,25 \text{ mm}^2 \cdot 100 \frac{1}{\text{s}^2} \cdot 10 \text{ s}) = 0 \frac{\text{mm}^3}{\text{s}}$$

Berechnen Sie gemäß der Skizze das Zeitspannungsvolumen beim Plandrehen mit

- a) konstanter Drehzahl
- b) konstanter Schnittgeschwindigkeit und beim
- c) Längsdrehen mit konstanter Drehzahl.**

Parameter:

d_2 : 100 mm

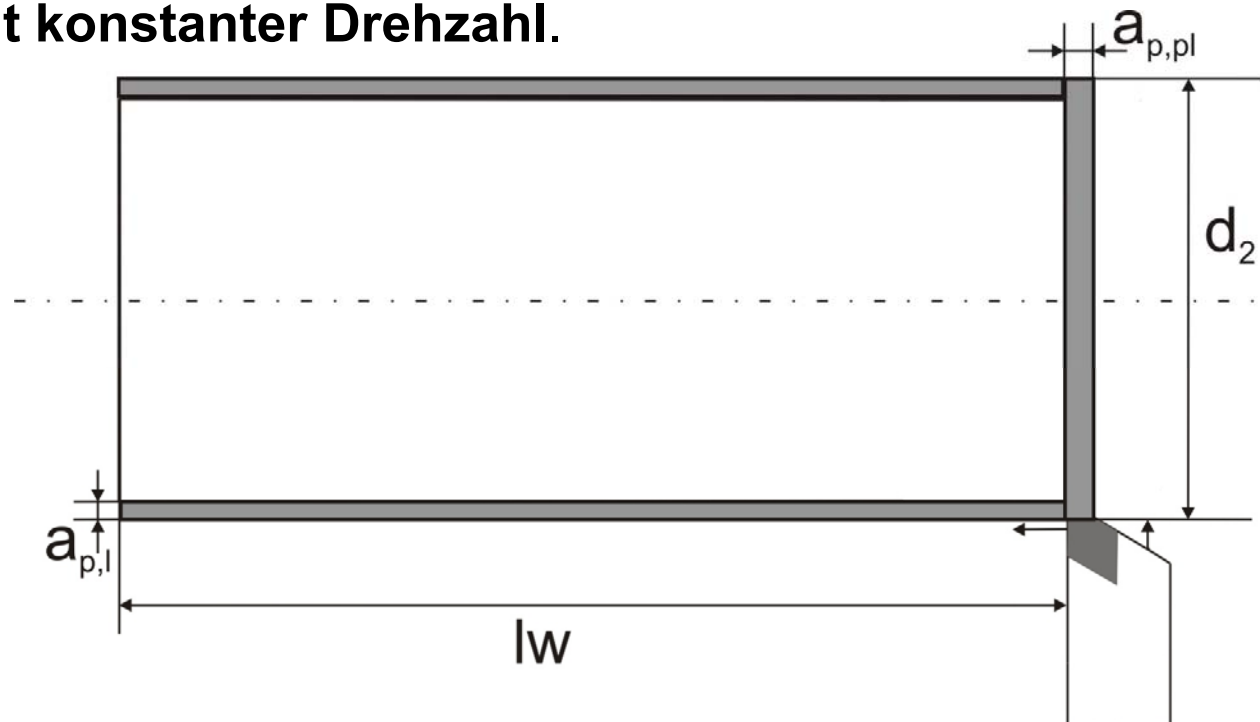
l_w : 200 mm

n : 600 U/min

f : 0,5 mm

$a_{p,pl}$: 1 mm

$a_{p,l}$: 2 mm



Zeitspannungsvolumen beim Drehen (Lösung)

20

Längsdrehen, konstante Drehzahl: $V = h \cdot \pi \cdot (r_a^2 - r_i^2)$
(Volumen Hülse pro Zustellung)

- In der Klausur oft mit mehreren Zustellungen rechnen
- Dann muss diese Schleife z.B. bei 6 mm und $a_p = 2$ mm 3x überdreht werden
- Dabei nimmt das zerspante(!) Volumen nimmt mit jeder Zustellung ab!
- Bei $v_c = \text{konst.}$ → konst. Zeitspannungsvolumen → n ggf. in v_c
- Bei $n = \text{konst.}$ → Verringerung des Zeitspannvolumens

$$V(t) = \pi \cdot (r_2^2 - (r_2 - a_{p,l})^2) \cdot f \cdot n \cdot t \quad \begin{matrix} s = v_f \cdot t \\ l_w = v_f \cdot t = f \cdot n \cdot t \end{matrix}$$

$$V(t) = \pi \cdot (r_2^2 - (r_2^2 - 2 \cdot a_{p,l} \cdot r_2 + a_{p,l}^2)) \cdot f \cdot n \cdot t$$

$$V(t) = \pi \cdot (2 \cdot a_{p,l} \cdot r_2 - a_{p,l}^2) \cdot f \cdot n \cdot t$$

Längsdrehen, konstante Drehzahl: → ableiten

$$V(t) = \pi \cdot (2 \cdot a_{p,l} \cdot r_2 - a_{p,l}^2) \cdot f \cdot n \cdot t$$

$$Q_w(t) = \dot{V} = \pi \cdot (2 \cdot a_{p,l} \cdot r_2 - a_{p,l}^2) \cdot f \cdot n$$

→ einsetzen

$$Q_w(t) = \pi \cdot (2 \cdot 2 \text{ mm} \cdot 50 \text{ mm} - 4 \text{ mm}^2) \cdot 0,5 \text{ mm} \cdot 10 \frac{\text{U}}{\text{s}}$$

$$= 3078,8 \frac{\text{mm}^3}{\text{s}}$$

- Definition und Vorgehensweise
- Bohren
- Drehen
- **Fräsen**
- Schleifen

Berechnen Sie das Zeitspanungsvolumen beim Fräsen der in der Skizze gezeigten Nut.

Parameter:

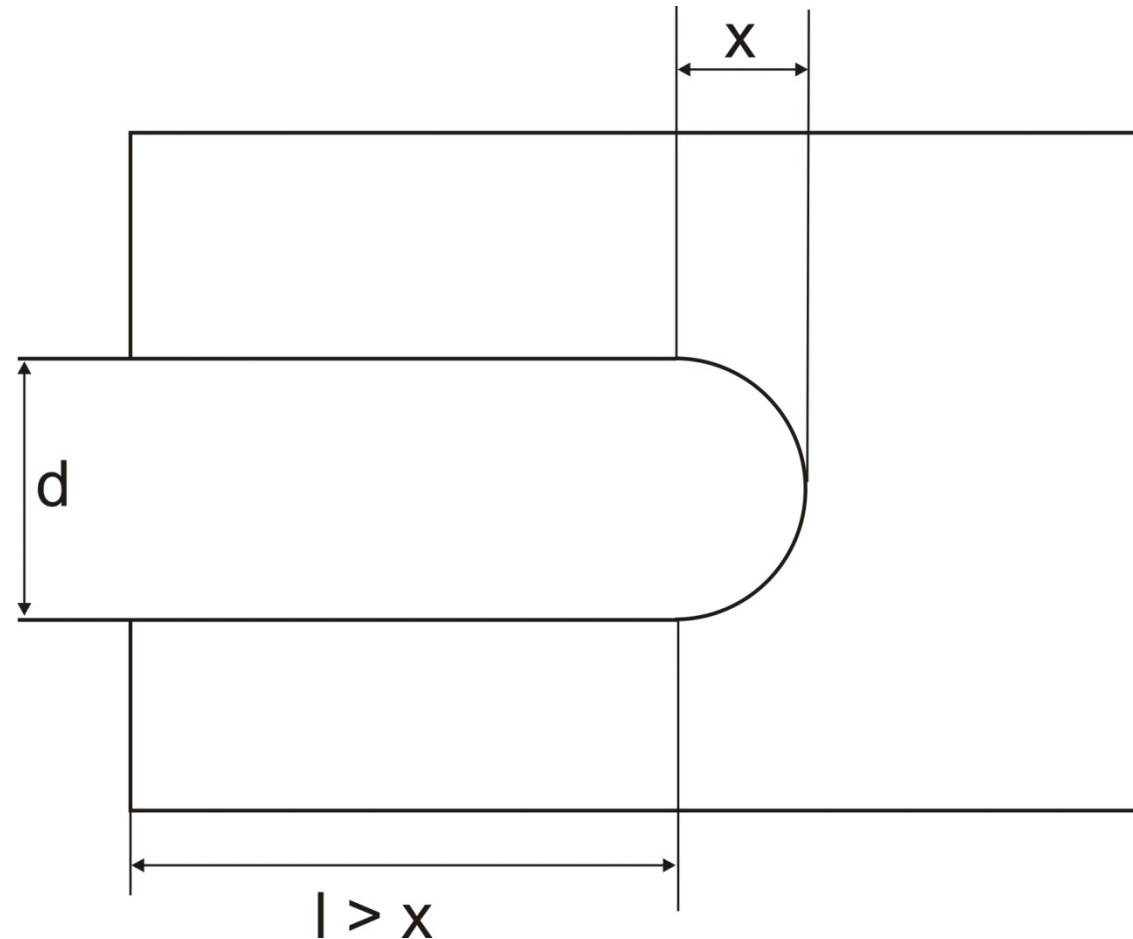
$n = 1300 \text{ U/min}$

$d = 30 \text{ mm}$

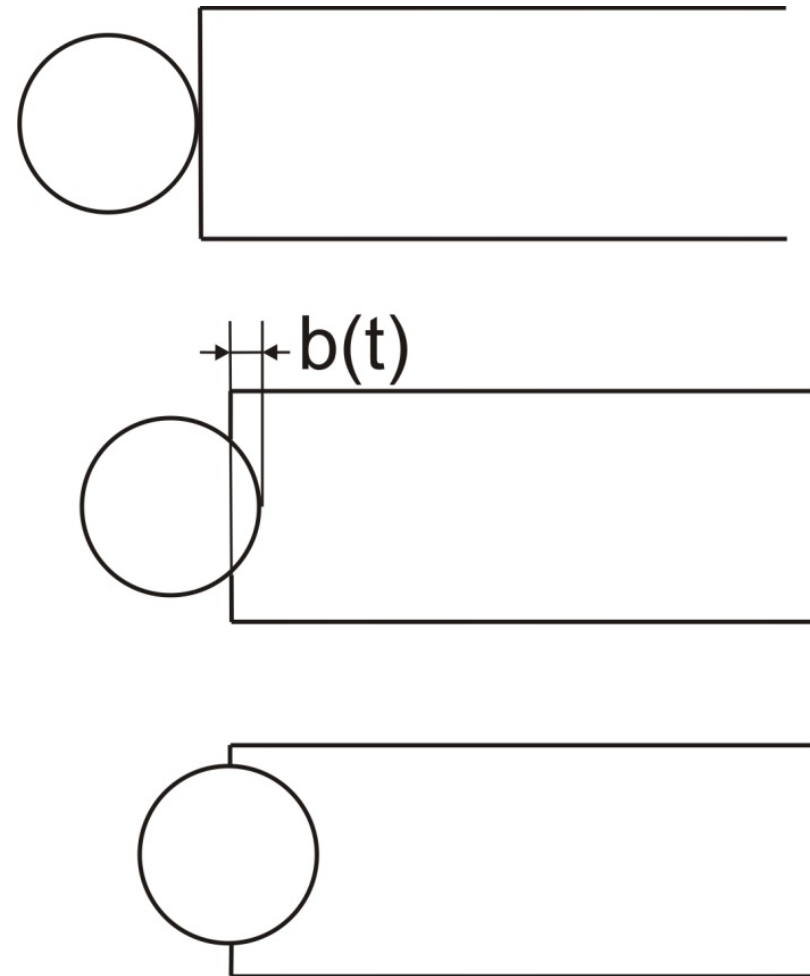
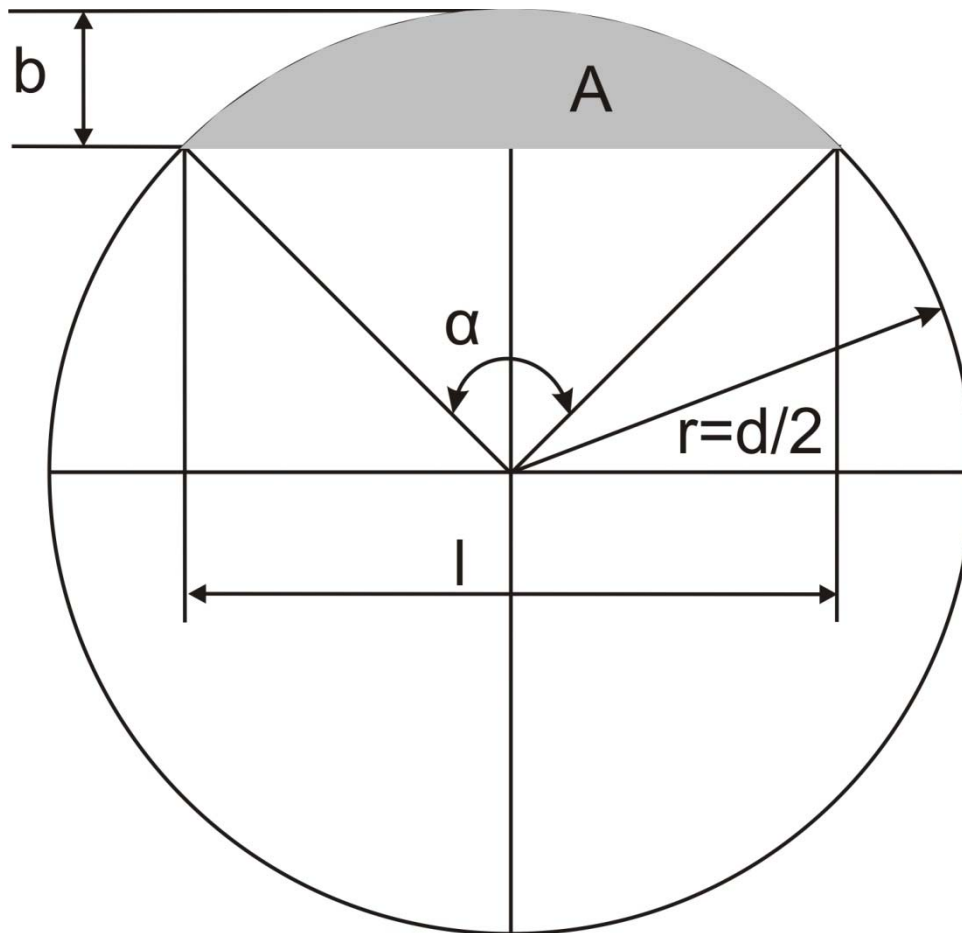
$z = 4$

$f_z = 0,2 \text{ mm}$

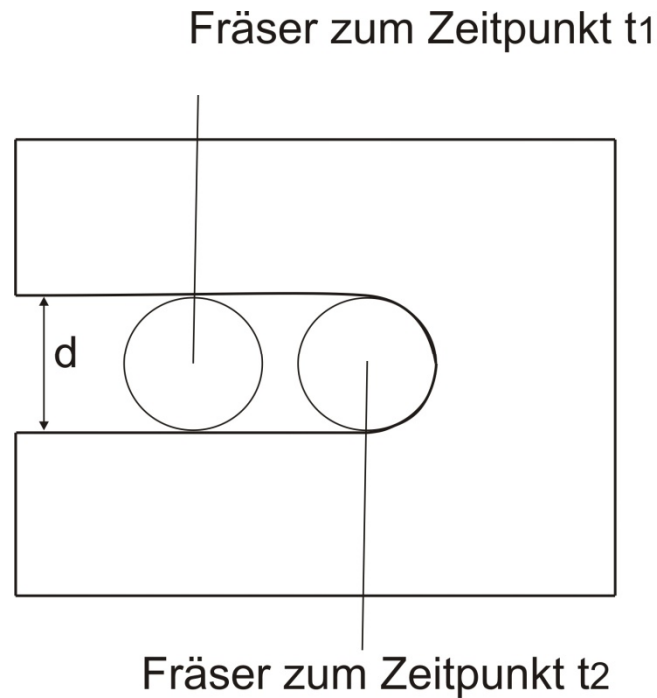
$h = 10 \text{ mm}$



Anschnitt des Werkstücks:



**Werkzeug
im Vollschnitt:**



$$s = l = v_f \cdot t = f \cdot n \cdot t$$

$$V(t) = d \cdot h \cdot f_z \cdot z \cdot n \cdot t$$

$$v_f = n \cdot f$$

$$f = z \cdot f_z$$

$$n = \frac{v_c}{\pi \cdot d_F}$$

Werkzeug im Vollschnitt:

$$V(t) = d \cdot h \cdot f_z \cdot z \cdot n \cdot t$$

$$Q_w(t) = \dot{V} = d \cdot h \cdot f_z \cdot z \cdot n$$

$$Q_w(t) = 30 \text{ mm} \cdot 10 \text{ mm} \cdot 0,2 \text{ mm} \cdot 4 \cdot \frac{1300 \text{ U}}{60 \text{ s}}$$

$$= 5200 \frac{\text{mm}^3}{\text{s}}$$