

Nama : Anugerah Prima Bagaskara

NPM : 140810180006

Kelas : B

---

Tugas Pengganti Praktikum

Pertemuan 3

### 1. Penjelasan *Worst Case* diutamakan untuk dihitung

- Merupakan *upper bound* (nilai indeks terbesar) dari *running time* untuk *input* apa saja.
- Worst case* sering terjadi. Contoh pada kasus pencarian
- Average case* = *worst case*, karena fungsi kuadratik dari  $n$ .

### 2. Big-O Notation

- Menghitung worst case, contoh :  $T(n) = 2n^2 + 6n + 1$ 
  - Untuk  $n$  yang besar, pertumbuhan  $T(n)$  sebanding dengan  $n^2$
  - Suku selain  $2n^2$  bisa diabaikan karena tidak berarti, maka  $T(n) = 2n^2 +$  suku-suku lainnya
  - Koefisien 2 pada  $2n^2$  boleh diabaikan  $\rightarrow T(n) = O(n^2) \rightarrow$  Kompleksitas Asimtotik
- Definisi dari big-O notation adalah sebagai berikut :
  - Misal,  $T(n) = O(f(n))$  artinya  $T(n)$  berorde paling besar  $f(n)$  bila terdapat konstanta  $C$  dan  $n_0$  Untuk  $n \geq n_0$ ,
  - $T(n) \leq C \cdot f(n)$
  - Jika  $n$  dibuat semakin besar, waktu yang dibutuhkan tidak akan melebihi konstanta  $C$  dikali  $f(n)$ . Maka upper bound.
  - Digunakan untuk memperkirakan kompleksitas dengan mengabaikan suku berorde rendah.
- Big-O Notation Polinomial Derajat  $n$ 
  - Teorema 1 :
    - Contoh  $T(n) = 3n^3 + 6n^2 + n + 8 = O(n^3)$  dinyatakan pada :
    - Bila  $T(n) = a_m n^m + a_{m-1} n^{m-1} + a_1 n + a_0$  adalah polinom berderajat  $m$  maka  $T(n) = O(n^m)$

- Mengambil suku paling tinggi derajatnya yang diartikan laju pertumbuhan lebih cepat dibandingkan yang lainnya.
- Teorema 2 :
  - Misal  $T_1(n)=O(f(n))$  dan  $T_2(n) = O(g(n))$  :
    - (i)  $T_1(n)+T_2(n) = O(\max(f(n),g(n)))$
    - $T_1(n).T_2(n) = O(f(n))O(g(n)) = O(f(n).g(n))$
    - $O(cf(n)) = O(f(n))$ , c adalah konstanta
    - $F(n) = O(f(n))$

### 3. Aturan Kompleksitas Waktu Asimptotik

- Cara 1 :
  - Jika  $T(n)$  sudah dihitung, dapat ditentukan dengan mengambil suku yang mendominasi fungsi  $T$  & menyingkirkan koefisiennya (Teorema 1)
  - Contoh : cariMax,  $T(n) = n-1 = O(n)$
- Cara 2 :
  - Pengisian nilai, perbandingan, operasi aritmatik, read, write, dll. cara penghitungan :
  - $T(n) \leq C \cdot (g(n))$ , dengan syarat nilai C dan N positif

### 4. Big-Ω dan Big-Θ Notation

- Big-O hanya menyediakan upper bound, sedangkan lower bound, dapat diperoleh dengan **Big-Ω dan Big-Θ**
  - Big-Ω Notation:
    - $T(n) = \Omega(f(n))$ , artinya  $T(n)$  berorde paling kecil  $f(n)$  bila terdapat konstanta C dan  $n_0$  sehingga :
    - $T(n) > C \cdot (f(n))$ , dengan syarat nilai c dan n positif
  - Big-Θ Notation:
    - $T(n) = \Theta(h(n))$ , artinya  $T(n)$  berorde sama dengan  $h(n)$  Jika  $T(n) = O(h(n))$  dan  $T(n) = \Omega(g(n))$ .
    - $C_1 f(n) < T(n) < C_2 f(n)$ , dengan syarat nilai c dan n positif

### Contoh Soal :

1. Tunjukkan bahwa  $T(n) = 5 = O(1)$

Penyelesaian :

a.  $5 = O(1)$  karena  $5 \leq 6 \cdot 1$  untuk  $n \geq 1$ .

( $C=6$  dan  $n_0=1$ )

$5 = O(1)$  karena  $5 \leq 10 \cdot 1$  untuk  $n \geq 1$

2. Membuat\_baris\_fibonacci

Kamus:

a, b, c, i, n : integer

Algoritma:

a  $\leftarrow$  0

b  $\leftarrow$  0

c  $\leftarrow$  0

input(n)

for i  $\leftarrow$  1 to n do

output(c)

c = a+b

b = a

a = c

endfor

$T_{\min}(n) = 4$

$T_{\max}(n) = 4n$

$T_{\text{avg}}(n) = (4 + 4n)/2$

$= n/2$

$= n$

**Big Oh :  $t(n) \leq cg(n)$**

**$T_{\min}(n) : 4 \leq 4$**

**$T_{\max}(n) : 4n \leq n \cdot n$  (untuk semua  $n \geq 5$ )**

$4n \leq n^2$

$20 \leq 25$

c = 20,  $n_0 = 5$

**$T_{\text{avg}}(n) : 4+4n \leq n+4n$  (untuk semua  $n \geq 7$ )**

$4+4n \leq 5n$

$32 \leq 35$

$$c = 32, n_0 = 7$$

**Big Omega :  $t(n) \geq cg(n)$**

$$\mathbf{T_{min}} : 4 \geq 4$$

$$\mathbf{T_{max}} : 4n \geq n \cdot n \text{ (untuk semua } n \geq 1)$$

$$4n \geq n^2$$

$$c = 4, n_0 = 1$$

$$\mathbf{T_{avg}(n)} : 4 + 4n \geq n + 4n \text{ (untuk semua } n \geq 1)$$

$$4 + 4n \geq 5n$$

$$8 \geq 5$$

$$c = 8, n_0 = 5$$

**Big Theta :  $c_2g(n) \leq t(n) \leq c_1g(n)$**

$$\mathbf{T_{min}} : 4 > 0$$

$$\mathbf{T_{max}} : C_1g(n) = 5$$

$$C_2g(n) = 1$$

$$C_2g(n) \leq 4n \leq C_1g(n) \text{ (untuk semua } n \geq 4)$$

$$C_1 = 5, C_2 = 1, n_0 = 4$$

$$\mathbf{T_{avg}} : C_1g(n) = 4$$

$$C_2g(n) = 0$$

$$C_2g(n) \leq 4 + 4n \leq C_1g(n) \text{ (untuk semua } n \geq 5)$$

$$C_1 = 0, C_2 = 4, n_0 = 5$$

### 3. Procedure faktorial (input a1..an : integer); à fak : real;

Kamus :

i : integer;

fak : real;

Algoritma :

Input(n);

If (n = 0) or (n = 1) then

faktorial  $\beta$  1;

Else

fak  $\beta$  1;

for I  $\beta$  2 to n do

fak  $\beta$  fak \* I;

endfor;

endif;

output(fak);

endprocedure;

Procedure ini mempunyai  $T(n) = n + 5$

Maka

Big O untuk semua  $n \geq 1$

$$T(n) \leq C(g(n))$$

$$n + 5 \leq n + 5 + n$$

$$1 + 5 \leq 1 + 5 + 1$$

$$6 \leq 7$$

$$C = 7, n = 1$$

Big  $\Omega$  untuk semua  $n \geq 1$

$$T(n) \geq C(g(n))$$

$$5 + n \geq 0(n)$$

$$5 + 1 \geq 0(1)$$

$$6 \geq 0$$

$$C = 0, n = 1$$

Big  $\Theta$  untuk semua  $n \geq n(0)$

$$C_2 g(n) \leq t(n) \leq C_1 g(n)$$

Batas Atas :

$$T(n) \leq C(g(n))$$

$$5 + n \leq 5 + n + n$$

$$5 + 1 \leq 5 + 1 + 1$$

$$6 \leq 7$$

$$C = 7, n = 1$$

Batas Bawah :

$$T(n) \geq C(g(n))$$

$$5 + n \geq 0(n)$$

$$5 + 1 \geq 0(1)$$

$$6 \geq 0$$

$$C = 0, n = 1$$

Jadi,  $\Omega(g(n)) \leq 5 + n \leq O(g(n))$