## Teoria dei Sistemi e Controllo Ottimo e Adattativo (C. I.) Teoria dei Sistemi (Mod. A)

Docente: Giacomo Baggio

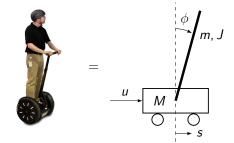
Lez. 24: Esercitazione Matlab®

Corso di Laurea Magistrale in Ingegneria Meccatronica A.A. 2020-2021

### In questa lezione

- ▶ Esempio: controllo di un segway
- ▶ Alcune funzioni utili di Matlab®
- ▶ Implementazione in Matlab®

### Segway, a.k.a. pendolo su carrello



 $\phi=$  posizione angolare pendolo

s = posizione carrello

M = massa carrello

m = massa pendolo

 $\ell=$  distanza dal baricentro pendolo a cerniera

J = momento inerzia pendolo rispetto al baricentro

u = forza esterna

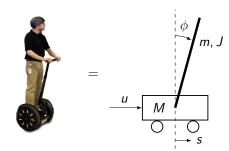
$$M \gg m \implies M\ddot{s} = u$$

$$x=(x_1,x_2)=(\phi,\dot{\phi})$$

$$\ell' = \frac{J + m\ell^2}{m\ell}$$

G. Baggio Lez. 24: Esercitazione Matlab 16 Aprile 2021 3 / 7

# Segway linearizzato attorno a $\bar{x} = (0,0)$



 $\phi=$  posizione angolare pendolo

s = posizione carrello

M = massa carrello

 $m={\sf massa}\ {\sf pendolo}$ 

 $\ell=$  distanza dal baricentro pendolo a cerniera

J = momento inerzia pendolo rispetto al baricentro

u = forza esterna

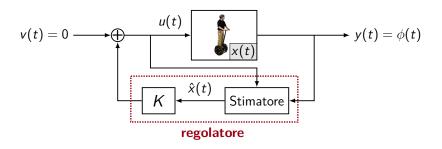
$$\bar{x} = (0,0), \ u(\cdot) = 0$$

$$x = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \phi \\ \dot{\phi} \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} \dot{x} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ \frac{g}{\ell'} & 0 \end{bmatrix} x + \begin{bmatrix} 0 \\ -\frac{1}{M\ell'} \end{bmatrix} \end{cases}$$

G. Baggio Lez. 24: Esercitazione Matlab 16 Aprile 2021

#### Progettazione di un regolatore stabilizzante



Calcolo controllore (matrice K) e stimatore (matrice L) in Matlab<sup>®</sup>

16 Aprile 2021

G. Baggio Lez. 24: Esercitazione Matlab

#### Algebra lineare e matrici: funzioni utili

• eig(F): autovalori F [T,D] = eig(F): autovalori (matrice diagonale D) e autovettori (matrice T) di F

• jordan(F): forma di Jordan di F
[T, J] = jordan(F): forma di Jordan (matrice J) e cambio base (matrice T) di F

• rank(F): rango di F

• det(F): determinante di F

• expm(F): esponenziale di matrice di F (e<sup>F</sup>)

• orth(F): base (ortonormale) di im(F)

• null(F): base (ortonormale) di ker(F)

G. Baggio Lez. 24: Esercitazione Matlab

16 Aprile 2021

### Control System Toolbox: funzioni utili

- sys = ss(F,G,H,J): sistema in spazio di stato con matrici (F,G,H,J) (t.c.) sys = ss(F,G,H,J,-1): sistema in spazio di stato con matrici (F,G,H,J) (t.d.)
- tf(sys): funzione di trasferimento del sistema sys
- K = place(F,G,p): matrice di retroazione K tale che F-GK ha autovalori in p (N.B. se p contiene autovalori multipli usare K = acker(F,G,p))
- R = ctrb(sys): matrice di raggiungibilità R di sys 0 = obsv(sys): matrice di osservabilità 0 di sys
- initial(sys,x0): evoluzione libera dell'uscita di sys con condizione iniziale x0 lsim(sys,u,T,x0): evoluzione dell'uscita di sys con condizione iniziale x0 e ingresso u per tempi nel vettore T

G. Baggio Lez. 24: Esercitazione Matlab 16 Aprile 2021 7 / 7

г			
_			