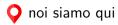
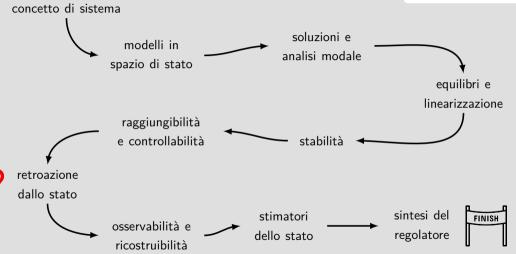
# Teoria dei Sistemi e Controllo Ottimo e Adattativo (C. I.) Teoria dei Sistemi (Mod. A)

Docente: Giacomo Baggio

Lez. 16: Introduzione al problema del controllo

Corso di Laurea Magistrale in Ingegneria Meccatronica A.A. 2020-2021





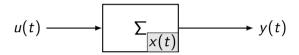
# In questa lezione

▶ Problemi di controllo in catena aperta e in retroazione

▶ Retroazione statica di sistemi lineari

### Il problema del controllo

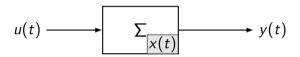
sistema con stato x(t), ingresso u(t) e uscita y(t)



**Controllo** = manipolare il sistema per raggiungere un dato obiettivo agendo sull'ingresso u(t)

#### Problemi di controllo

sistema con stato x(t), ingresso u(t) e uscita y(t)



#### Problema di regolazione (regulation):

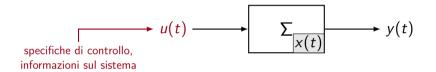
stabilizzare il sistema ad uno stato desiderato (tipicamente zero)

### Problema di asservimento (tracking):

inseguire un andamento desiderato dell'uscita

## Controllo in catena aperta o open-loop

sistema con stato x(t), ingresso u(t) e uscita y(t)

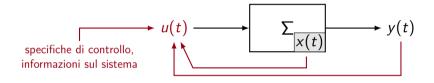


legge di controllo u(t) non dipende dai valori di x(t), y(t)

approccio semplice, ma non ideale se il sistema è incerto e/o soggetto a disturbi esterni!

#### Controllo in retroazione o feedback

sistema con stato x(t), ingresso u(t) e uscita y(t)

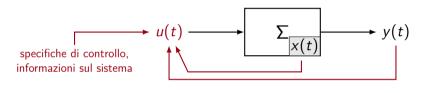


legge di controllo u(t) dipende dai valori di x(t) e/o y(t)

approccio più complesso (richiede sensori di misura), ma robusto a incertezze e/o disturbi esterni!

#### Controllo in retroazione o feedback

sistema con stato x(t), ingresso u(t) e uscita y(t)



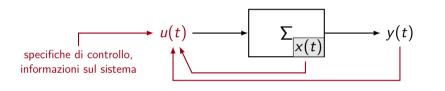
dallo stato: u(t) = f(x(t)) (allo stesso istante t!)

1. Retroazione statica

dall'uscita: u(t) = f(y(t)) (allo stesso istante t!)

#### Controllo in retroazione o feedback

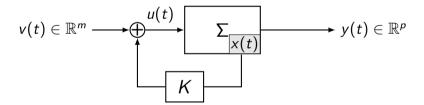
sistema con stato x(t), ingresso u(t) e uscita y(t)



dallo stato:  $u(t) = f(u(\tau), x(\tau)), \ \tau \in [t_0, t], \ t_0 < t$ 2. Retroazione dinamica dall'uscita:  $u(t) = f(u(\tau), y(\tau)), \ \tau \in [t_0, t], \ t_0 < t$ 

#### Controllo in retroazione statica di sistemi lineari

$$\dot{x}(t) = (F + GK)x(t) + Gv(t), \quad x(0) = x_0 \in \mathbb{R}^n$$
 $y(t) = Hx(t)$ 

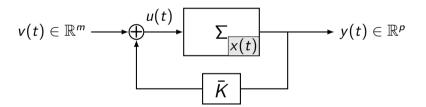


$$u(t) = K_{X}(t) \perp v(t) \quad K \subset \mathbb{R}^{m \times n}$$

 $u(t) = Kx(t) + v(t), K \in \mathbb{R}^{m \times n}$  retroazione statica dallo stato

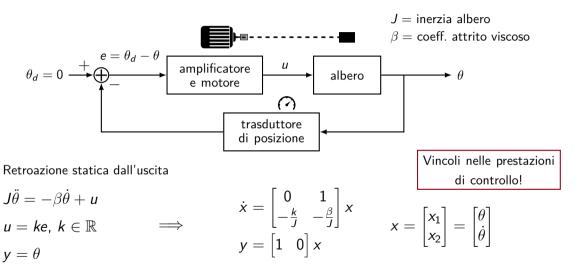
#### Controllo in retroazione statica di sistemi lineari

$$\dot{x}(t) = (F + G\overline{K}H)x(t) + Gv(t), \quad x(0) = x_0 \in \mathbb{R}^n$$
 $y(t) = Hx(t)$ 



$$u(t) = \bar{K}Hx(t) + v(t), \ \bar{K} \in \mathbb{R}^{m \times p}$$
 retroazione statica dall'uscita

## Esempio: retroazione dall'uscita

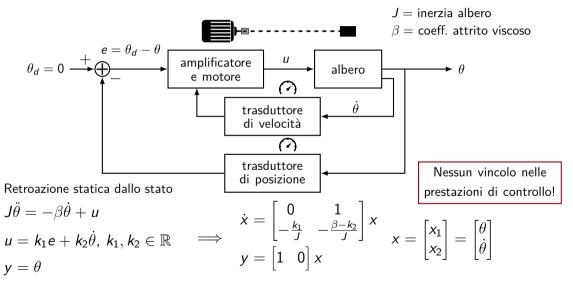


G. Baggio

Lez. 16: Intro al problema del controllo

29 Marzo 2021

## Esempio: retroazione dallo stato



G. Baggio

Lez. 16: Intro al problema del controllo

29 Marzo 2021