

电子计算机ЭВМ

▼ 编码

1. 原码

原码就是符号位加上真值的绝对值, 即用第一位表示符号, 其余位表示值. 比如如果是8位二进制:

$$[+1]_{\text{原}} = 0000\ 0001$$

$$[-1]_{\text{原}} = 1000\ 0001$$

第一位是符号位. 因为第一位是符号位, 所以8位二进制数的取值范围就是:

$$[1111\ 1111, 0111\ 1111]$$

即

$$[-127, 127]$$

原码是人脑最容易理解和计算的表示方式

2. 反码

反码的表示方法是:

正数的反码是其本身

负数的反码是在其原码的基础上, 符号位不变, 其余各个位取反.

$$[+1] = [00000001]_{\text{原}} = [00000001]_{\text{反}}$$

$$[-1] = [10000001]_{\text{原}} = [11111110]_{\text{反}}$$

可见如果一个反码表示的是负数, 人脑无法直观的看出来它的数值. 通常要将其转换成原码再计算

3. 补码

补码的表示方法是:

正数的补码就是其本身

负数的补码是在其原码的基础上, 符号位不变, 其余各位取反, 最后+1. (即在反码的基础上+1)

$$[+1] = [00000001]_{\text{原}} = [00000001]_{\text{反}} = [00000001]_{\text{补}}$$

$$[-1] = [10000001]_{\text{原}} = [11111110]_{\text{反}} = [11111111]_{\text{补}}$$

对于负数, 补码表示方式也是人脑无法直观看出其数值的。通常也需要转换成原码在计算其数值

▼ 为什么需要?

计算十进制的表达式: $1-1=0$

$$1 - 1 = 1 + (-1) = [00000001]_{\text{原}} + [10000001]_{\text{原}} = [10000010]_{\text{原}} = -2$$

如果用原码表示, 让符号位也参与计算, 显然对于减法来说, 结果是不正确的. 这也就是为何计算机内部不使用原码表示一个数.

为了解决原码做减法的问题, 出现了反码:

计算十进制的表达式: $1-1=0$

$$\begin{aligned} 1 - 1 &= 1 + (-1) = \\ &= [0000\ 0001]_{\text{原}} + [1000\ 0001]_{\text{原}} = \\ &= [0000\ 0001]_{\text{反}} + [1111\ 1110]_{\text{反}} = \\ &= [1111\ 1111]_{\text{反}} = [1000\ 0000]_{\text{原}} = \\ &= -0 \end{aligned}$$

发现用反码计算减法, 结果的真值部分是正确的. 而唯一的问题其实就出现在"0"这个特殊的数值上. 虽然人们理解上+0和-0是一样的, 但是0带符号是没有任何意义的. 而且会有[0000 0000]原和[1000 0000]原两个编码表示0.

于是补码的出现, 解决了0的符号以及两个编码的问题:

$$\begin{aligned} 1-1 &= 1 + (-1) = \\ &= [0000\ 0001]_{\text{原}} + [1000\ 0001]_{\text{原}} = \\ &= [0000\ 0001]_{\text{补}} + [1111\ 1111]_{\text{补}} = \\ &= [0000\ 0000]_{\text{补}} = [0000\ 0000]_{\text{原}} \end{aligned}$$

- 1-127的结果应该是-128, 在用补码运算的结果中, [1000 0000] 就是-128. 但是注意因为实际上是使用以前的-0的补码来表示-128, 所以-128并没有原码和反码表示.(对-128的补码表示[1000 0000]补算出来的原码是[0000 0000], 这是不正确的)

补

原

使用补码, 不仅仅修复了0的符号以及存在两个编码的问题, 而且还能够多表示一个最低数. 这就是为什么8位二进制, 使用原码或反码表示的范围为[-127, +127], 而使用补码表示的范围为[-128, 127].

因为机器使用补码, 所以对于编程中常用到的32位int类型, 可以表示范围是: [-231, 231-1] 因为第一位表示的是符号位.而使用补码表示时又可以多保存一个最小值.