

Доказательство:

A- верхняя граница доставки, u - неопределённое число.

Интервал доставки:  $[A-u; A]$ .

Предположим, что существует такой алгоритм, который способен синхронизировать часы в двух узлах N1 и N2.

Пусть

$c_i(t)$  - показания физических часов в момент времени  $t$  на узле  $n_i$ .

$sc_i(t)$  – показания синхронизированных часов на узле  $n_i$  в момент времени  $t$ ,

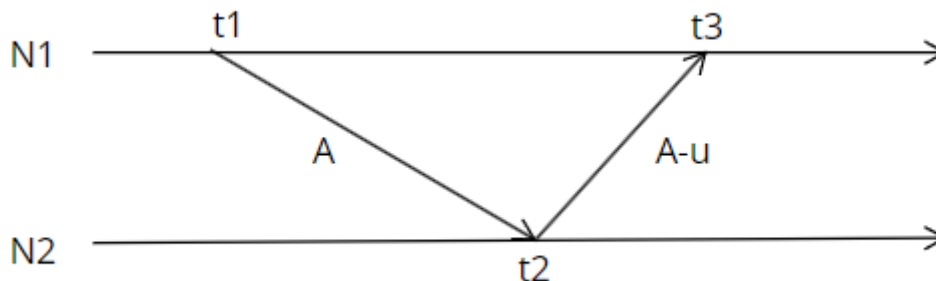
$sc_i(t) = c_i(t) + d_i$ , где  $d_i$  - поправка, выбранная данным алгоритмом.

Синхронизация часов будет означать, что

$$|sc_1(t) - sc_2(t)| < e, \text{ для любого } e > 0.$$

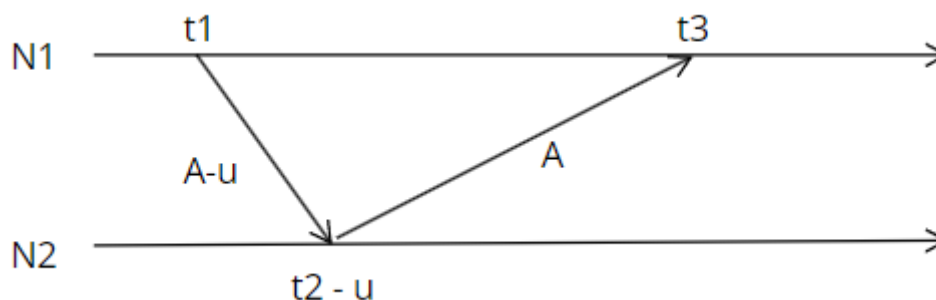
Построим два различных исполнения (то есть, узлы подберут разные поправки к часам), при этом таких, что алгоритм синхронизации не сможет их различить.

Первое исполнение:



Мы устанавливаем время доставки с узла N1 на N2 максимально большим – A, в обратную сторону – максимально маленьким – A-u.

Второе исполнение:



Время событий отправки и принятия на узле N1 остаётся неизменным, то есть он не ощущает разницы.

Для узла N2 событие принятия сообщения сдвинулось на u.

Во втором исполнении, перед отправкой сообщения переведем часы на  $+u$ , то есть,  $c'_i(t) = c_i(t) + u$ .

В итоге оба исполнения будут неотличимы для алгоритма синхронизации, и он выберет одну и ту же поправку  $d_2$ , при этом  $sc'_2(t)$  и  $sc_2(t)$  должны будут оба попасть в  $\epsilon$ -окрестность  $sc_1(t)$  после синхронизации,

$$\text{НО, } |sc'_2(t) - sc_2(t)| = |(c'_i(t) + d_2) - (c_i(t) + d_2)| = u$$

Тогда  $u$  должно тоже попасть в эту окрестность, что невозможно для сколь угодно малого  $\epsilon$ .

Таким образом, синхронизация времени между двумя узлами невозможна, как и на любом другом числе узлов.