

1. Considere a função $f(x, y) = \frac{\sqrt{(144 - 16x^2 - 9y^2)}}{2}$. Encontre e esboce o domínio, encontre a imagem, desenhe a curva de nível para $z = 0$ exibindo valores relevantes e esboce o gráfico da função dizendo qual é a forma da superfície.
2. Mostre que $\lim_{x,y \rightarrow 0,0} \frac{x^3 y^4}{x^3 y^4 + (y - x^4)^3}$ não existe.
3. Suponha que você está em uma montanha cuja forma é dada pela função $z = f(x, y)$, onde f é diferenciável, o eixo x positivo aponta para Leste e o eixo y positivo aponta para o Norte.

Ponto	f	f_x	f_y
A=(3,-2)	5	4	-8
B=(2,-3)	1	-2	5
C=(-1,-2)	-2	2	3
D=(4,5)	0	-1	-6

- (a) Encontre a equação do plano tangente à superfície da montanha no ponto A.
 - (b) Ao sair do ponto A para o Norte, começará a subir ou a descer? Com que taxa?
 - (c) Ao sair do ponto B para o Sul, começará a subir ou a descer? Com que taxa?
 - (d) Ao sair do ponto D para o Oeste, começará a subir ou a descer? Com que taxa?
 - (e) Ao sair do ponto A para o Sudeste, começará a subir ou a descer? Com que taxa?
 - (f) Se você estiver no ponto B, em que direção deveria seguir para subir o mais rápido?
 - (g) No item anterior, qual é a taxa de elevação na direção mais íngreme?
4. Uma indústria produz dois produtos denotados por A e B. O lucro da indústria pela venda de x unidades do produto A e y unidades do produto B é dado por:

$$L(x, y) = 60x + 100y - \frac{3}{2}x^2 - \frac{3}{2}y^2 - xy$$

Suponha que toda a produção da indústria seja vendida. Determine a produção que maximiza o lucro. Determine, também, esse lucro máximo.

5. Um pacote com o formato de uma caixa retangular pode ser enviado como encomenda postal se a soma do comprimento e cintura (perímetro da secção transversal ortogonal ao comprimento) for de, no máximo, 108 polegadas (1 polegada = 2,54 centímetros). Determine as dimensões do pacote de maior volume que pode ser enviado como encomenda postal.