Laboratorio di algoritmi e strutture dati

Docente: Violetta Lonati

Heap e code di priorità

l Esercizio: implementazione di code di priorità con heap

Realizzate la struttura di dati coda di priorità dichiarando e implementando questa iterfaccia:

```
typedef struct pqueue *Pqueue;

/* crea una coda di priorità vuota che potrà contenere al massimo n Item */
Pqueue pqueue_new( int n );

/* distrugge la coda di priorità */
void pqueue_destroy( Pqueue );

/* restituisce la lunghezza della coda di priorità */
int pqueue_length( Pqueue );

/* inserisce l'Item nella coda di priorità */
void pqueue_insert( Pqueue, Item );

/* estrae dalla coda di priorità l'Item con chiave minima */
Item pqueue_extractmin( Pqueue );

/* restituisce l'Item con chiave minima nella coda di priorità */
Item pqueue_min( Pqueue );
```

Implementate queste funzioni usando la struttura dati heap.

Dovrete innanzitutto definire il tipo struct pqueue:

```
typedef Item *Heap;

struct pqueue {
  Heap h;
  int size, count;
};
```

Inoltre sarà utile definire alcune funzioni ausiliarie (ad esempio heapify_up o heapify_down).

Applicazione: ordinamento tramite coda di priorità

Usate le funzioni dichiarate in per realizzare la funzione

```
pqueue_sort( Item a[], int 1, int r );
```

che ordina la porzione compresa tra gli indici 1 e r dell'array a. Potete usare il seguente algoritmo:

```
crea una nuova coda di priorità Q
inserisci in Q un elemento di a alla volta
finchè Q non è vuota
estrai il minimo m da Q
stampa m
```

Applicazione: heapsort

Completate l'esercizio con una funzione heapsort che ordina un array di interi usando uno heap e con la funzione main che testa il funzionamento di heapsort.

Cosa cambia rispetto all'applicazione precedente?

[Facoltativo] Altre implementazioni

Provate ad implementare la coda di priorità in uno dei modi seguenti (meno efficienti!) e a confrontarne il funzionamento:

- array (o lista) + puntatore al minimo;
- lista ordinata;
- array ordinato.

2 Esercizio: merging di k liste ordinate di n/k elementi

Usate la struttura dati *coda di priorità* (implementata efficientemente tramite heap) per risolvere il seguente problema in tempo $O(n \log k)$:

Input *k* liste ordinate L_0, L_1, \dots, L_{k-1} , ciascuna con n/k elementi;

Output un'unica lista ordinata L contenente gli n elementi delle liste $L_0, L_1, \ldots, L_{k-1}$.

Suggerimento: non è necessario copiare gli elementi delle varie liste, basta modificare man mano i puntatori next in modo da costruire la nuova lista. Per mantenere l'ordinamento, è opportuno mantenere un puntatore alla coda delle lista finale, in modo da aggiungere i nuovi nodi in coda.

